



آدرس وب سایت ما

novinkonkor.com

نوین کنکور

در شبکه های اجتماعی



novinkonkor



@novinkonkor



۰۹۳۸۲۵۱۶۷۴۷

نوین کنکور مرجع کنکور و امتحان نهایی



آزمون «۲۱ بهمن ۱۴۰۱» اختصاصی دوازدهم ریاضی (دفترچه مشترک) مدت پاسخ گویی: ۱۶۵ دقیقه تعداد کل سؤالات: ۱۲۰ سؤال

فکر و سوال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ گویی
اجباری	۱۰	۱-۱۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۱۱-۲۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۴۱-۵۰	۱۵'
اختیاری	۱۰	۵۱-۶۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۶۱-۷۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵'
انتخابی	۱۰	۸۱-۹۰	۱۵'
		۹۱-۱۰۰	
اجباری	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۰'
اجباری	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۰'
انتخابی	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۱۰'
		۱۳۱-۱۴۰	
جمع کل	۱۲۰	۱-۱۴۰	۱۶۵'

پدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲ و ریاضی پایه	کاظم اجلالی-شاهین پروازی-محمدسجاد پیشوایی-عادل حسینی-افشین خاصه-خان-طاهر دادستانی-بابک سادات محمدحسن سلامی حسینی- پویان طهرانیان- کامیار علیون- سروش موئینی-سیدجواد نظری-جهانبخش نیکنام-امیر وفائی شهرام ولایی
هندسه	امیرحسین ابومحبوب-معصومه اکبری صحت- مهدی حاجی نژادیان-حسین حاجیلو-افشین خاصه-خان-کیوان دارابی سوگند روشنی-یاسین سپهر-فرشاد صدیقی فر-شایان عباچی-رضا عباسی اصل-احمد رضا فلاح-سهام مجیدی پور-سروش موئینی محمد هجری-امیر وفائی
ریاضیات گسسته	امیرحسین ابومحبوب-محسن بهرام پور-جواد حاتمی-سیدمحمد رضا حسینی-فرد-فرزانه خاکپاش-سوگند روشنی-محمد صحت کار فرشاد فرامرز-احمد رضا فلاح-مرتضی فهیم علوی-محمدجواد محسنی-مهرداد ملوندی-سروش موئینی-محمد هجری امیر وفائی-فرهاد وفایی
فیزیک	خسرو ارغوانی-فرد-محمد اسدی-بابک اسلامی-عباس اصغری-عبدالرضا امینی-نسب-زهره آقامحمدی-امیرحسین برادران حامد خسروی-بیتا خورشید-محمدعلی راست پیمان- بهنام رستمی-مهدی سلطانی-سعید شرق-امیر محمد عبدوی-پوریا علاقه مند مسعود قره خانی-محسن قندچلر-بهادر کامران-مصطفی کیانی-علیرضا گونه-غلامرضا محبی-احسان محمدی-حسین مخدومی محمود منصوری-سیدعلی میرنوری-حسام نادری-مجتبی نکوئیان
شیمی	محمد رضا پور جاوید-احمد رضا جعفری نژاد-امیر حاتیمان-حمید ذبحی-یاسر راش-حسن رحمتی کوکنده-روزبه رضوانی-علی طرفی محمد عظیمیان زواره-رضا فراهانی-علیرضا کیانی دوست-محمد حسن محمدزاده مقدم-امیرحسین مسلمی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	هندسه	ریاضیات گسسته و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	مهدی ملارمضانی	امیرحسین ابومحبوب	سوگند روشنی	بابک اسلامی	ایمان حسین نژاد
گروه ویراستاری	مهدی ملارمضانی علی سرآبادانی	عادل حسینی	عادل حسینی	حمید زرین کفش زهره آقامحمدی	یاسر راش پویا رستگاری محبوبه بیگ محمدی
		ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: سیدعلی میرنوری	ویراستار استاد: محمدحسن محمدزاده مقدم
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	امیرحسین مسلمی
مسئند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقینازاریان تبریزی	سرژ یقینازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروف نگار	میلاد سیاوشی
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون
بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»
دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین مینا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۴۳

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: مشتق: صفحه‌های ۷۱ تا ۸۹

۱- با فرض $f(x) = x[4x - 1]$ ، کدام گزینه نادرست است؟ ([]، نماد جزء صحیح است.)

$f'_+(1) = 3$ (۲)

$f'_-(1) = 2$ (۱)

$\lim_{x \rightarrow 1^+} f'(x) = 3$ (۴)

$\lim_{x \rightarrow 1^-} f'(x) = 2$ (۳)

۲- خط مجانب قائم نمودار تابع $f(x) = \frac{2x}{x-a}$ بر خط مماس قائم نمودار تابع $g(x) = \sqrt[3]{x-2a^2}$ منطبق است. مقدار a کدام است؟

$-\frac{1}{2}$ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۱)

$\frac{1}{4}$ (۴)

$-\frac{1}{4}$ (۳)

۳- تابع $f(x) = \begin{cases} 1 - \sqrt{-2x} & ; x < -2 \\ x^2 - 2|x| & ; x \geq -2 \end{cases}$ چند نقطه مشتق ناپذیر دارد؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۴- با فرض $f(x) = |1-x| + 1$ ، حاصل $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x^2 + 2 + h) - f(x^2 + 2)}{h}$ کدام است؟

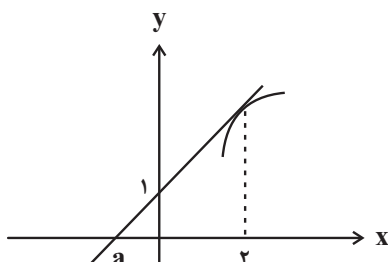
-۱ (۲)

۲ (۱)

-۲ (۴)

۱ (۳)

۵- با توجه به شکل زیر، $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f''(x) - f''(2)}{x^2 - 4} = 3$ است. مقدار a کدام است؟



$-\frac{3}{5}$ (۱)

$-\frac{2}{3}$ (۲)

$-\frac{2}{4}$ (۳)

$-\frac{4}{5}$ (۴)

محل انجام محاسبات

۶- معادله خط مماس بر نمودار $f(x) = \frac{(x^2 - 4)\tan \frac{\pi x}{3}}{\sqrt{4x+1}}$ در $x = 2$ کدام است؟

(۲) $4x + \sqrt{3}y + 8 = 0$

(۱) $4x - \sqrt{3}y = 8$

(۴) $4x + \sqrt{3}y = 8$

(۳) $4x - \sqrt{3}y + 8 = 0$

۷- اختلاف مشتق چپ و راست تابع $f(x) = \left(x^3 - ax + b\right)\left[-\frac{4}{x}\right]$ در $x = -1$ برابر a است. مقدار b کدام است؟ ([]، نماد جزء صحیح است.)

(۲) $-\frac{1}{2}$

(۱) $\frac{3}{2}$

(۴) $-\frac{3}{2}$

(۳) $\frac{1}{2}$

۸- تابع $f(x) = \begin{cases} ax-1 & ; x < -1 \\ [2x]x+b & ; x \geq -1 \end{cases}$ در $x = -1$ مشتق پذیر است. مقدار b کدام است؟ ([]، نماد جزء صحیح است.)

(۲) ۱

(۱) -۲

(۴) -۱

(۳) ۲

۹- در تابع $f(x) = \frac{|x|}{|x|+k}$ ، اختلاف مشتق چپ و راست در نقطه مشتق ناپذیر $x = 0$ بیشتر از $\frac{2}{3}$ است. k چند مقدار صحیح می تواند داشته باشد؟

(۲) ۵

(۱) ۴

(۴) ۷

(۳) ۶

۱۰- اگر f تابعی پیوسته باشد که $f(1) = 0$ و $f'_-(1) = -2$ باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{2}\right)^-} \frac{\sqrt{f(\sin x)}}{\cos x}$ کدام است؟

(۲) -۱

(۱) $\sqrt{2}$

(۴) $\frac{1}{2}$

(۳) ۱

ریاضی پایه: حسابان ۱: جبر و معادله: صفحه‌های ۱ تا ۶/ ریاضی ۱: مجموعه، الگو و دنباله، توان‌های گویا و عبارت‌های جبری: صفحه‌های ۱ تا ۲۷ و ۴۷ تا ۶۷ وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

۱۱- ریشه سیزدهم عدد $A = \frac{64\sqrt{270}}{3(225)^4}$ چند برابر $\sqrt{2}$ می‌باشد؟

(۱) ۱ (۲) ۲

(۳) ۳ (۴) ۴

۱۲- حاصل عبارت $\frac{\sqrt{2-\sqrt{3}} + \sqrt{4-\sqrt{7}}}{\sqrt{3} + \sqrt{7} - 2}$ کدام است؟

(۱) $\sqrt{2}$ (۲) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

(۳) $2\sqrt{2}$ (۴) $\frac{\sqrt{2}}{4}$

۱۳- اگر $x+y=3$ و $x\sqrt{y} + y\sqrt{x} = \sqrt{5}$ باشد. حاصل $x^3 + y^3$ کدام است؟

(۱) ۱۸ (۲) ۲۰

(۳) ۹ (۴) ۱۶

۱۴- اگر $A = \mathbb{R} - (-5, 1]$ ، $B = [-2, 5]$ و $C = [0, +\infty)$ باشد، متمم مجموعه $(A \cup C) - B$ کدام است؟

(۱) $[-5, 5]$ (۲) $[-5, 1]$

(۳) $[-2, 5]$ (۴) $[-2, 1]$

۱۵- در یک کلاس ۴۳ نفره دوازدهم ریاضی، ۳۱ نفر به مهندسی نرم افزار و ۲۵ نفر هم به مهندسی برق علاقه دارند. اگر ۷ نفر هم به

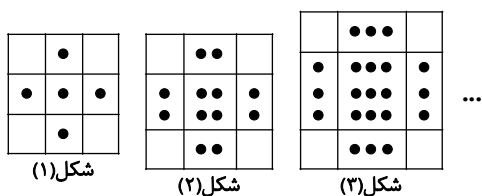
هیچ کدام از این دو رشته علاقه‌مند نباشند، تعداد افراد علاقه‌مند به هر دو رشته کدام است؟

(۱) ۱۸ (۲) ۲۱

(۳) ۱۹ (۴) ۲۰

محل انجام محاسبات

۱۶- در الگوی شکل مقابل، تعداد نقاط شکل چندم برابر ۱۹۲ است؟



۱۱ (۱)

۱۲ (۲)

۱۳ (۳)

۱۴ (۴)

۱۷- تعداد جملات منفی دنباله $a_n = n^2 - 7n + 10$ با تعداد جملات منفی دنباله $b_n = \frac{n-a}{n+2a}$ برابر است. حدود a کدام است؟

(۱) $[-2, 4]$ (۲) $\left[-\frac{3}{2}, 3\right]$

(۳) $\left[-2, -\frac{3}{2}\right) \cup (3, 4]$ (۴) $\left[-\frac{3}{2}, -1\right) \cup (2, 3]$

۱۸- بین جملات سوم و هفتم دنباله هندسی $a_n = 5(2)^{n-1}$ ، سه واسطه حسابی قرار می دهیم. مجموع این واسطه ها کدام است؟

(۱) $\frac{255}{32}$ (۲) $\frac{705}{32}$

(۳) $\frac{705}{64}$ (۴) $\frac{255}{64}$

۱۹- مجموع ده جمله متوالی از دنباله حسابی $2, 5, 8, \dots$ برابر ۳۳۵ است. شماره جمله آخر برابر با کدام است؟

(۱) ۱۴ (۲) ۱۵

(۳) ۱۶ (۴) ۱۷

۲۰- مجموع n جمله اول یک دنباله هندسی را با S_n و مجموع معکوس های n جمله اول را با T_n نمایش می دهیم. در این دنباله اگر

$S_{19} = 18T_9$ باشد، جمله دهم کدام می تواند باشد؟

(۱) ۹ (۲) -۱

(۳) $-3\sqrt{2}$ (۴) $-\frac{\sqrt{2}}{3}$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۳: آشنایی با مقاطع مخروطی (تاسر ویژگی بازتابندگی سهمی): صفحه‌های ۴۷ تا ۵۶

۲۱- خروج از مرکز یک بیضی برابر $\frac{\sqrt{2}}{4}$ است. طول قطر کوچک این بیضی چند برابر فاصله کانونی آن است؟

- (۱) $\sqrt{6}$ (۲) $\sqrt{7}$ (۳) $2\sqrt{2}$ (۴) ۳

۲۲- فاصله هر نقطه یک منحنی از نقطه $(3, 1)$ با فاصله همان نقطه از خط $x = 5$ برابر است. مجموع عرض‌های نقاط برخورد این

منحنی با محور y ها کدام است؟

- (۱) -۳ (۲) ۳ (۳) -۲ (۴) ۲

۲۳- کدام یک از نقاط زیر روی خط هادی سهمی به معادله $x^2 - 6x - 8y + 25 = 0$ قرار دارد؟

- (۱) $(3, 4)$ (۲) $(-2, 5)$ (۳) $(4, 1)$ (۴) $(-1, 0)$

۲۴- دو نقطه A و B روی سهمی $y^2 = 8x$ به گونه‌ای قرار دارند که از کانون و رأس این سهمی به یک فاصله‌اند. اگر S رأس سهمی

باشد، مساحت مثلث SAB کدام است؟

- (۱) $4\sqrt{2}$ (۲) ۴ (۳) $2\sqrt{2}$ (۴) ۲

۲۵- نقطه $A(-1, 3)$ روی یک سهمی با خط هادی $y = 1$ قرار دارد. مساحت کوچک‌ترین دایره‌ای که از کانون این سهمی و نقطه A

عبور می‌کند، کدام است؟

- (۱) π (۲) 2π (۳) 3π (۴) 4π

۲۶- بر روی کدام یک از خطوط زیر، نقطه‌ای وجود ندارد که مجموع فواصل آن از دو نقطه $M(1, -2)$ و $N(-5, -2)$ ، برابر ۱۰ باشد؟

- (۱) $y = -5$ (۲) $x = 3$ (۳) $y = 3$ (۴) $x = -5$

محل انجام محاسبات

۲۷- در یک سهمی که دهانه آن به سمت بالا باز می‌شود، نقطه $M(2, -2)$ محل برخورد خط هادی و محور سهمی است. اگر نقطه

$N(4, 0)$ روی این سهمی قرار داشته باشد، فاصله کانون سهمی تا محور x ها کدام است؟

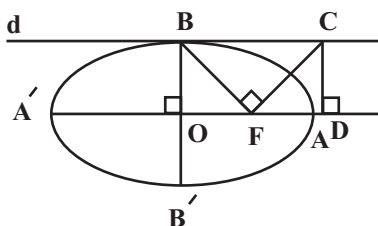
- (۱) صفر (۲) $\frac{1}{2}$ (۳) ۱ (۴) ۲

۲۸- به ازای کدام مقادیر m ، کانون سهمی به معادله $14x^2 + my + 48x = 143$ ، روی محور y ها قرار دارد؟

- (۱) ± 2 (۲) ± 4 (۳) ± 6 (۴) ± 8

۲۹- در شکل زیر خط d در نقطه B بر بیضی مماس است. در نقطه F (کانون بیضی)، خطی بر BF عمود رسم می‌کنیم تا خط d را در

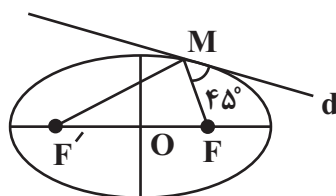
نقطه C قطع کند و سپس از C عمودی بر امتداد قطر بزرگ بیضی رسم می‌کنیم تا آن را در نقطه D قطع نماید. اگر خروج از



مرکز بیضی برابر $\frac{2}{3}$ باشد، $\frac{AD}{AF}$ کدام است؟

- (۱) ۱ (۲) $\frac{1}{5}$ (۳) ۲ (۴) $\frac{2}{5}$

۳۰- در بیضی شکل زیر خط d در نقطه M بر بیضی مماس است. اگر $OM = 2\sqrt{6}$ و خروج از مرکز برابر $\frac{\sqrt{6}}{3}$ باشد، طول پاره خط

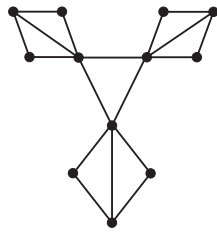


MF کدام است؟ ($MF < MF'$)

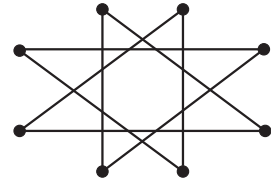
- (۱) $6 - 2\sqrt{3}$ (۲) $6 - 2\sqrt{2}$ (۳) $6 - \sqrt{3}$ (۴) $6 - \sqrt{2}$

ریاضیات گسسته: گراف و مدل سازی، ترکیبات (شمارش): صفحه های ۴۳ تا ۵۹ / ریاضی ۱: شمارش بدون شمردن: صفحه های ۱۱۸ تا ۱۴۰ وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

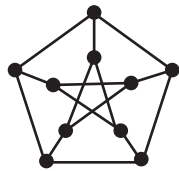
۳۱ - عدد احاطه گری کدام گزینه متفاوت از گزینه های دیگر است؟



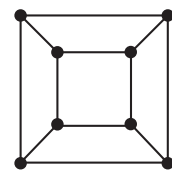
(۲)



(۱)

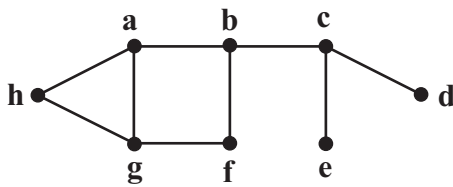


(۴)



(۳)

۳۲ - چه تعداد از مجموعه های زیر برای گراف مقابل، مجموعه احاطه گر مینیمال هستند؟



الف) $\{a, c, g\}$

ب) $\{a, f, c\}$

پ) $\{a, e, d\}$

ت) $\{c, f, h\}$

(۲) ۱

(۱) صفر

(۴) ۳

(۳) ۲

۳۳ - گراف G از مرتبه ۵ فقط یک دور دارد که از هر رأس عبور می کند. این گراف چند مجموعه احاطه گر دارد؟

(۲) ۱۵

(۱) ۵

(۴) ۲۶

(۳) ۲۱

۳۴ - در گراف G با مرتبه ۱۰ و اندازه ۴۲، مقادیر Δ و δ دو عدد متوالی اند. این گراف چند مجموعه احاطه گر مینیمم دارد؟

(۲) ۴

(۱) ۳

(۴) ۶

(۳) ۵

محل انجام محاسبات

۳۵- شش نقطه A، B، C، D، E و F روی محیط یک دایره قرار دارند. به چند طریق می توان دو مثلث ایجاد کرد به طوری که رأس های

هرکدام از این دو مثلث از بین این شش نقطه انتخاب شوند و دو مثلث فقط در یک ضلع مشترک باشند؟

(۱) ۱۸۰ (۲) ۹۰

(۳) ۶۰ (۴) ۳۰

۳۶- رضا و محسن و ۶ نفر دیگر به چند حالت می توانند کنار هم قرار گیرند. به طوریکه بین محسن و رضا دقیقاً ۳ نفر قرار گیرند؟

(۱) ۵۷۶۰ (۲) ۲۸۸۰

(۳) ۸۶۴۰ (۴) ۶۵۷۰

۳۷- از ۴ دانشکده یک دانشگاه، هرکدام ۵ نفر برای حضور در تیم کوهنوردی دانشگاه اعلام آمادگی کرده اند. به چند طریق می توان ۴

نفر از بین این افراد انتخاب کرد به گونه ای که دقیقاً متعلق به ۳ دانشکده مختلف باشند؟

(۱) ۱۰۰۰ (۲) ۱۵۰۰

(۳) ۳۰۰۰ (۴) ۶۰۰۰

۳۸- ۹ نفر به چند طریق می توانند در سه اتاق ۲ نفره، ۳ نفره و ۴ نفره در یک هتل اسکان یابند؟

(۱) ۲۱۰ (۲) ۴۲۰

(۳) ۳۰ (۴) ۱۲۶۰

۳۹- با ارقام عدد ۶۴۲۰۳۳۵ چند عدد هفت رقمی می توان نوشت که ارقام زوج از چپ به راست صعودی باشند؟

(۱) ۴۵ (۲) ۶۰

(۳) ۹۰ (۴) ۱۰۵

۴۰- با حروف کلمه «GHALAMCHI» چند کلمه ۹ حرفی می توان نوشت به طوریکه هیچ دو حرف صداداری کنار هم نباشند؟

(۱) ۱۰۸۰ (۲) ۷۵۶۰۰

(۳) ۱۲۶۰۰ (۴) ۳۷۸۰۰

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۲: تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۳ تا ۵۶

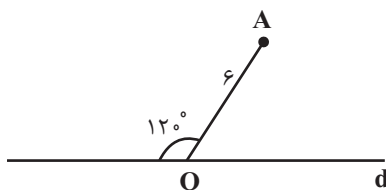
۴۱ - کدام یک از تبدیل‌های زیر، جهت شکل‌ها را حفظ نمی‌کند؟

- (۱) بازتاب نسبت به خط
(۲) دوران
(۳) انتقال
(۴) تجانس معکوس

۴۲ - دایره $C'(O', R')$ انتقال یافته دایره $C(O, r)$ با بردار $\vec{v}$ به طول ۵ است. وضعیت نسبی این دو دایره کدام است؟

- (۱) مماس خارج
(۲) متقاطع
(۳) متخارج
(۴) نامعلوم

۴۳ - اگر A' بازتاب نقطه A نسبت به خط d باشد، مساحت مثلث OAA' کدام است؟



- (۱) ۹
(۲) $9\sqrt{3}$
(۳) ۱۸
(۴) $18\sqrt{3}$

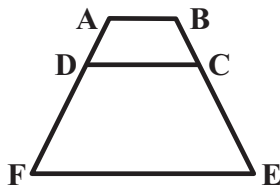
۴۴ - دایره C به مرکز O و شعاع ۲ و نقطه A را به فاصله ۶ از O در نظر می‌گیریم. تصویر دایره C را در تجانس به مرکز A و

نسبت تجانس (۳-) دایره C' می‌نامیم. طول مماس مشترک داخلی دو دایره کدام است؟

- (۱) $8\sqrt{5}$
(۲) $12\sqrt{3}$
(۳) $10\sqrt{6}$
(۴) $16\sqrt{2}$

۴۵ - در شکل زیر دوزنقه $ABCD$ تحت یک تجانس با نسبت k بر دوزنقه $DCEF$ تصویر شده است. اگر $AB = 2$ و $EF = 8$ باشد،

مقدار k کدام است؟



- (۱) ۲
(۲) $\frac{5}{2}$
(۳) ۳
(۴) ۴

۴۶ - مثلث قائم‌الزاویه ABC ($\hat{A} = 90^\circ$) را که در آن طول اضلاع قائمه برابر ۲ و ۴ است، به مرکز C و به اندازه 90° در جهت حرکت

عقربه‌های ساعت دوران می‌دهیم. اگر B' تصویر نقطه B در این دوران باشد، طول BB' کدام است؟

- (۱) $2\sqrt{5}$
(۲) $5\sqrt{2}$
(۳) $2\sqrt{10}$
(۴) ۵

محل انجام محاسبات

۴۷- فرض کنید AM ، BN و CP میانه‌های مثلث ABC باشند. اگر نقاط A ، B و C را به ترتیب با بردارهای $\frac{1}{3}\overrightarrow{AM}$ ، $\frac{1}{3}\overrightarrow{BN}$ و

$\frac{1}{3}\overrightarrow{CP}$ منتقل کنیم تا نقاط A' ، B' و C' حاصل شود، مساحت مثلث $A'B'C'$ چه کسری از مساحت مثلث ABC است؟

(۱) $\frac{1}{4}$ (۲) $\frac{1}{9}$

(۳) $\frac{1}{16}$ (۴) $\frac{4}{9}$

۴۸- مساحت دوزنقه $ABCD$ برابر ۶۵ و طول قاعده‌های آن $AB = 4$ و $CD = 6$ است. نیمسازهای دو زاویه A و B ، یکدیگر را

در نقطه M درون دوزنقه قطع می‌کنند. اگر M' بازتاب M نسبت به AB و M'' بازتاب M' نسبت به CD باشد، طول

پاره خط MM'' کدام است؟

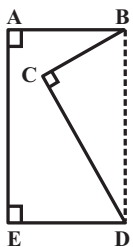
(۱) ۱۳ (۲) $19/5$

(۳) ۲۶ (۴) ۳۹

۴۹- مطابق شکل زیر قطعه زمینی به صورت پنج ضلعی $ABCDE$ مفروض است. اگر $AB = 5$ ، $AE = 10$ و $\angle CDE = 75^\circ$ باشد و

بخواهیم بدون تغییر محیط و تعداد اضلاع این چند ضلعی، مساحت آن را افزایش دهیم، حداکثر مقدار ممکن برای مساحت این

زمین چقدر است؟ ($BD \parallel AE$)



(۱) ۵۵

(۲) $57/5$

(۳) ۶۰

(۴) $62/5$

۵۰- نقاط $A(2,2)$ و $B(7,6)$ در یک طرف خط d به معادله $8y + 2x - 3 = 0$ و نقطه متغیر M روی این خط مفروض‌اند. اگر

بخواهیم از نقطه A به نقطه M و سپس نقطه B برویم، طول کوتاه‌ترین مسیر AMB کدام است؟

(۱) ۵ (۲) ۱۰

(۳) $5\sqrt{2}$ (۴) $10\sqrt{2}$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱ تا ۲۸

🔔 پاسخگویی به سؤالات آمار و احتمال اختیاری است و در تراز کل بی‌تأثیر است.

۵۱- اگر p و q دو گزاره باشند، گزاره شرطی $(p \vee q) \Rightarrow (p \wedge q)$ با کدام گزاره هم‌ارزش است؟

(۱) T (۲) q (۳) p (۴) F

۵۲- اگر ارزش گزاره $(p \vee r) \Rightarrow (p \Leftrightarrow q) \Rightarrow (\sim p \Leftrightarrow q)$ نادرست باشد، ارزش کدام یک از گزاره‌های زیر درست است؟

(۱) $p \wedge q$ (۲) $q \Rightarrow r$ (۳) $r \vee p$ (۴) $p \Leftrightarrow r$

۵۳- اگر مجموعه $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid 0 \leq x \leq 5\}$ دامنه متغیر باشد، ارزش کدام گزاره سوری نادرست است؟

(۱) $\exists x \in A, \forall y \in A; xy = 0$ (۲) $\exists x \in A, \forall y \in A; xy = y$

(۳) $\exists x \in A, \forall y \in A; x + y \geq 5$ (۴) $\exists x \in A, \forall y \in A; xy \geq 5$

۵۴- به ازای چند عدد صحیح x ، دو مجموعه $A = \{x^2 + x, 1 + x^2\}$ و $B = \{1 + x, x\}$ می‌توانند با هم مساوی باشند؟

(۱) هیچ (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۵۵- اگر A و B دو مجموعه باشند، به گونه‌ای که تعداد زیرمجموعه‌های $A \cap B$ برابر ۱۶ و تعداد اعضای $A \times B$ برابر ۵۴ باشد،

تعداد اعضای مجموعه $A \cup B$ کدام است؟

(۱) ۱۱ (۲) ۱۷ (۳) ۲۵ (۴) ۵۱

۵۶- کدام یک از گزینه‌های زیر الزاماً درست است؟

(۱) $A \subseteq B, A \subseteq B' \Rightarrow B = \emptyset$ (۲) $A - B \subseteq B - A \Rightarrow A = B$

(۳) $A \cup B \subseteq A \cap B \Rightarrow A = B$ (۴) $B - A \subseteq A \Rightarrow B = \emptyset$

۵۷- چه تعداد از حالت‌های زیر، یک افراز برای مجموعه اعداد صحیح محسوب می‌شود؟

(الف) $A = \{x \mid x \in \mathbb{N}\}$ و $B = \{-x \mid x \in \mathbb{N}\}$

(ب) $A = \{x \mid x \in \mathbb{W}\}$ و $B = \{-x \mid x \in \mathbb{W}\}$

(پ) $A = \{x \mid x \in \mathbb{N}\}$ و $B = \{-x \mid x \in \mathbb{W}\}$

(۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۵۸- اگر A و B دو مجموعه دلخواه باشند، حاصل عبارت $[(A' - B) \cup (B - A)] \cap [(B - A') \cup (A - B)]$ همواره برابر کدام مجموعه

است؟ (U مجموعه مرجع است.)

(۱) $A \cap B$ (۲) $A' \cap B'$ (۳) $\emptyset$ (۴) U

۵۹- اگر $A = \{2, 5, x + 1\}$ ، $B = \{3, 2 - y, 2z + 3\}$ و $A \times B = B \times A$ باشد، بیش‌ترین مقدار ممکن برای xyz کدام است؟

(۱) صفر (۲) ۳ (۳) ۵ (۴) ۷

۶۰- اگر $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 \leq 1\}$ و $B = \{x \mid 2x - 1 \in A\}$ باشد، آنگاه مساحت ناحیه $(A \times B) \cap (B \times A)$ کدام است؟

(۱) ۱ (۲) ۴ (۳) ۲ (۴) $\frac{1}{2}$

محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: نوسان و موج: صفحه‌های ۶۹ تا ۸۸

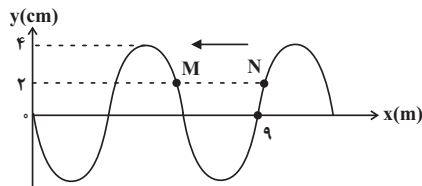
۶۱- چه تعداد از عبارات زیر درست است؟

- (الف) در شرایط یکسان، هر چه طناب نازک‌تر باشد، تندی موج عرضی ایجاد شده در آن، کمتر می‌شود.
(ب) در انتشار صوت، مولکول‌های هوا حول نقطه تعادل خود و عمود بر راستای انتشار موج، نوسان می‌کنند.
(پ) امواج لرزه‌ای P و S به ترتیب طولی و عرضی می‌باشند.
(ت) انتقال انرژی در موج گاما، به صورت انرژی جنبشی و پتانسیل ذرات محیط صورت می‌گیرد.
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۶۲- در یک موج سینوسی، فاصله بین یک قله و دره برابر با 45cm است. فاصله بین دو دره متوالی این موج، چه تعداد از مقادیر زیر می‌تواند باشد؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

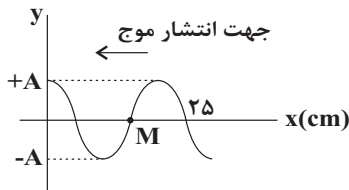
۶۳- شکل زیر نمودار جابه‌جایی - مکان یک موج عرضی را در طنابی در یک لحظه نشان می‌دهد. در مورد دو ذره M و N چند مورد از موارد زیر صحیح است؟



- (الف) جهت حرکتشان یکسان است.
(ب) حرکت M کندشونده و N تندشونده است.
(پ) دوره تناوب چشمه موج ۶s است.
(ت) پس از گذشت $\frac{T}{6}$ ، تندی ذره M بیشینه می‌شود.
(ث) طول موج برابر ۶m است.

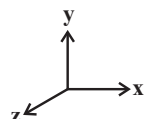
- (۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۶۴- شکل زیر، تصویری از یک موج عرضی را در یک ریسمان کشیده شده در لحظه $t=0$ نشان می‌دهد. اگر قطر مقطع این ریسمان 2cm ، چگالی آن $3\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ و نیروی کشش آن 90N باشد، چند ثانیه پس از لحظه $t=0$ ، اندازه شتاب ذره M برای دومین بار بیشینه می‌شود؟ ($\pi=3$)



- (۱) $\frac{3}{200}$ (۲) $\frac{7}{200}$ (۳) $\frac{1}{40}$ (۴) $\frac{1}{50}$

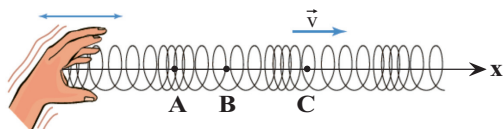
۶۵- در موجی الکترومغناطیسی که در خلاف جهت محور x ها منتشر می‌شود، در لحظه $t=0$ میدان الکتریکی بیشینه و در جهت مثبت محور y هاست. در لحظه $t=4/5T$ اندازه میدان مغناطیسی و جهت آن در کدام گزینه به درستی بیان شده است؟ (T: دوره تناوب موج است.)



- (۱) بیشینه - مثبت محور z ها
(۲) بیشینه - منفی محور z ها
(۳) صفر - مثبت محور y ها
(۴) بیشینه - منفی محور y ها

محل انجام محاسبات

۶۶- مطابق شکل زیر، موجی در یک فنر در حال انتشار است. نقاط A و B به ترتیب در مکان‌هایی هستند که بیشترین جمع‌شدگی و بازشدگی در آن جا رخ داده است. نقطه C نیز در وسط فاصله بین یک بازشدگی بیشینه و جمع‌شدگی بیشینه مجاور هم قرار دارد. اگر جابه‌جایی هر جزء فنر واقع در نقاط A، B و C از وضع تعادل را به ترتیب با Δx_A ، Δx_B و Δx_C نشان دهیم، کدام گزینه صحیح است؟



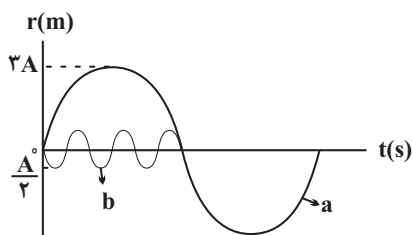
(۱) $\Delta x_A = \Delta x_B = \Delta x_C = 0$ و بیشینه و مثبت است.

(۲) $\Delta x_A = \Delta x_B = 0$ و بیشینه و منفی است.

(۳) Δx_A و Δx_B بیشینه و مثبت و $\Delta x_C = 0$ است.

(۴) Δx_A بیشینه و مثبت و Δx_B و $\Delta x_C = 0$ و منفی است.

۶۷- نمودار بعد - زمان دو صوت a و b که در یک محیط منتشر می‌شوند، به صورت زیر است. اگر شنونده از منبع صوتی a، ۳۰ متر فاصله داشته باشد، شدت صوت a را $\frac{1}{9}$ برابر شدت صوت b می‌شود. فاصله شنونده از منبع صوتی b چند متر است؟ (اتلاف انرژی صرف نظر شود).



(۱) ۵/۱۸

(۲) ۱۸/۵

(۳) ۱۰

(۴) ۳۶

۶۸- اگر صدایی ۲۴ دسی‌بل بلندتر از صدای دیگر باشد، شدت صوت صدای بلندتر چند برابر صدای دیگر است؟ ($\log 2 = 0.3$)

(۴) ۲۴

(۳) ۸

(۲) ۲۵۶

(۱) ۳۲

۶۹- با ثابت نگهداشتن دامنه نوسان یک موج و تغییر بسامد و فاصله از منبع آن توانسته‌ایم تراز شدت صوتی را ۶ دسی‌بل افزایش دهیم. اگر فاصله ما از منبع موج دو برابر شده باشد، بسامد موج چند برابر شده است؟ (از اتلاف انرژی صرف نظر شود)

($\log 2 = 0.3$)

(۴) ۱۶

(۳) ۸

(۲) ۴

(۱) ۲

۷۰- در شکل زیر یک آمبولانس ساکن، صوتی با بسامد f_S و طول موج λ_S تولید می‌کند. شنونده A با تندی ثابت به آمبولانس نزدیک و شنونده B نیز با تندی ثابت از آمبولانس دور می‌شود، اگر بسامد صوت دریافت شده توسط شنونده‌های A و B به ترتیب f_A و f_B و طول موج صوت دریافت شده توسط شنونده‌های A و B به ترتیب λ_A و λ_B باشد، کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟



(۱) $\lambda_B < \lambda_S < \lambda_A$ و $f_A < f_S < f_B$

(۲) $\lambda_A = \lambda_S = \lambda_B$ و $f_B < f_S < f_A$

(۳) $\lambda_A = \lambda_S = \lambda_B$ و $f_A < f_S < f_B$

(۴) $\lambda_A < \lambda_S < \lambda_B$ و $f_B < f_S < f_A$

فیزیک ۲: الکتروسیسته ساکن - جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۳۲ تا ۶۱ وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

۷۱- بار ذخیره شده در خازن تختی به ظرفیت $6\mu F$ برابر $18\mu C$ است. اگر پتانسیل الکتریکی صفحه منفی این خازن $6V$ باشد،

پتانسیل الکتریکی صفحه مثبت آن چند ولت است؟

- (۱) ۳ (۲) ۹ (۳) ۱۲ (۴) ۶

۷۲- خازن تختی را پس از شارژ شدن از باتری جدا می‌کنیم و سپس از صفحه منفی خازن، مقداری بار مثبت را جدا کرده و به صفحه

مثبت آن انتقال می‌دهیم. چه تعداد از کمیت‌های زیر برای این خازن افزایش می‌یابد؟

* بار ذخیره شده * اختلاف پتانسیل دو صفحه * میدان الکتریکی درون آن * انرژی ذخیره شده

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۷۳- بین دو صفحه افقی یک خازن تخت بارداری که از مولد جدا است، ذره‌ای با بار $q < 0$ معلق مانده است. در صورتی که فاصله دو

صفحه را کم کنیم، این ذره بارداری
 $\downarrow \vec{g}$ $q < 0$

(۱) بالا می‌رود. (۲) ثابت می‌ماند.

(۳) پایین می‌رود. (۴) بین دو صفحه نوسان می‌کند.

۷۴- خازنی به ظرفیت C را به مولدی با ولتاژ $10V$ متصل کرده و پس از پُر شدن، از آن جدا می‌کنیم. اگر با انتقال مقداری بار منفی از

صفحه مثبت به صفحه منفی، بار خازن ۲۰ درصد تغییر کند، انرژی پتانسیل الکتریکی ذخیره شده در آن ۱۱۰ میکروژول افزایش

می‌یابد. ظرفیت خازن چند میکروفاراد است؟

- (۱) $7/2$ (۲) $3/6$ (۳) $2/5$ (۴) ۵

۷۵- خازنی به ظرفیت $40\mu F$ به یک باتری متصل است. اگر در این حالت فاصله بین صفحات خازن را طوری تغییر دهیم که میدان

الکتریکی بین صفحات، ۲۰ درصد کاهش یابد، انرژی ذخیره شده در آن $1/6$ میلی‌ژول کاهش می‌یابد. اختلاف پتانسیل باتری

چند ولت است؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۲۰ (۳) ۱۰۰ (۴) ۲۰۰

محل انجام محاسبات

۷۶- در اندازه‌گیری‌های مختلف ولتاژ و جریان برای دو مقاومت A و B، جداول زیر به‌دست آمده است. نوع مقاومت‌های A و B

I	۰/۱۶	۰/۲۴	۰/۳۲
V	۱/۶	۲/۴	۳/۲

: A

I	۰/۱۶	۰/۲۴	۰/۳
V	۱/۶	۴/۸	۶/۳

: B

(۱) اهمی - اهمی

(۲) غیراهمی - اهمی

(۳) اهمی - غیراهمی

(۴) غیراهمی - غیراهمی

۷۷- چند مورد از موارد زیر درست است؟

(الف) دیود یک مقاومت اهمی است.

(ب) هرچه مقاومت LDR در معرض نور بیشتری قرار گیرد، مقاومتش کم‌تر می‌شود.

(ج) اغلب از مقاومت‌های نوری بعنوان حسگر دما در مدارهای الکتریکی حساس به دما استفاده می‌شود.

(د) پتانسیومتر نوعی مقاومت متغیر (پیچ‌های) است.

۴ (۴)

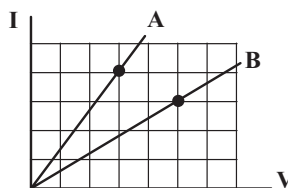
۲ (۳)

۳ (۲)

۱ (۱)

۷۸- نمودار جریان، بر حسب ولتاژ برای دو سیم رسانای A و B مطابق شکل زیر است. اگر طول و قطر سیم B، نصف طول و قطر سیم A

باشد، نسبت مقاومت ویژه سیم A به مقاومت ویژه سیم B کدام است؟ (دما را ثابت در نظر بگیرید.)



(۱) $\frac{3}{5}$

(۲) $\frac{10}{3}$

(۳) $\frac{9}{10}$

(۴) $\frac{20}{9}$

۷۹- یکای مقاومت ویژه در SI، معادل با کدام یکای زیر است؟

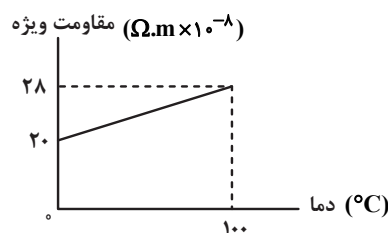
(۴) $\frac{\text{kg.m}^2}{\text{s.C}^2}$

(۳) $\frac{\text{kg.m}^2}{\text{s.C}}$

(۲) $\frac{\text{kg.s}}{\text{m}^2.\text{C}^2}$

(۱) $\frac{\text{kg.s}}{\text{m}^2.\text{C}^2}$

۸۰- شکل زیر نمودار مقاومت ویژه سرب را بر حسب دما نشان می‌دهد. ضریب دمایی مقاومت ویژه سرب چند $\frac{1}{K}$ است؟



(۱) 8×10^{-3}

(۲) 4×10^{-3}

(۳) 8×10^{-2}

(۴) 4×10^{-2}

محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: ویژگی‌های فیزیکی مواد: صفحه‌های ۲۳ تا ۵۲

توجه:

دانش‌آموزان گرامی: از دو مجموعه فیزیک ۱ (۸۱ تا ۹۰) و سؤال فیزیک ۲ (۹۱ تا ۱۰۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۸۱- اگر فشار کل در عمق ۷ متری و ۴ متری از سطح آزاد یک مایع به ترتیب $1/94$ اتمسفر و $1/58$ اتمسفر باشد، فشار کل در عمق ۸ متری از سطح آزاد این مایع چند اتمسفر است؟

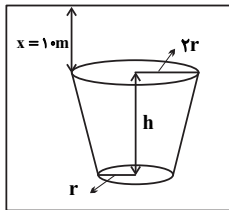
(۴) $2/20$

(۳) $2/12$

(۲) $2/06$

(۱) $2/00$

۸۲- جسمی مخروطی شکل، مطابق شکل زیر درون مخزنی حاوی مایع، ثابت است. اگر اندازه نیرویی که از طرف مایع به سطح بالایی و پایینی مخروط وارد می‌شود، برابر باشد، ارتفاع مخروط که با h مشخص شده چند متر است؟ (از فشار هوا صرف نظر شود).



(۱) ۳۰

(۲) ۴۰

(۳) ۱۰

(۴) ۲۰

۸۳- درون استوانه‌ای به سطح مقطع 10 cm^2 تا ارتفاع ۲۰ سانتی‌متری مایعی به چگالی $10125 \frac{\text{kg}}{\text{L}}$ ریخته‌ایم. چند سانتی‌متر مکعب

از مایعی با چگالی $\frac{g}{\text{cm}^3} - 2/0$ به ظرف اضافه کنیم تا پس از تعادل، فشار کل در ته ظرف دو درصد افزایش یابد؟

$$(\rho_{\text{hg}} = 13/5 \frac{g}{\text{cm}^3}, P_0 = 76 \text{ cmHg})$$

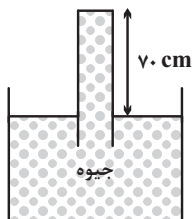
(۴) $1302/56$

(۳) $1032/75$

(۲) $912/5$

(۱) ۸۷۵

۸۴- در شکل زیر، فشار جیوه بر ته بسته لوله ۶۷۵۰ پاسکال است. فشار هوا در محل چند سانتی‌متر جیوه است؟ (چگالی جیوه



$$g = 10 \text{ m/s}^2 \text{ و } 13/5 \text{ g/cm}^3 \text{ است.}$$

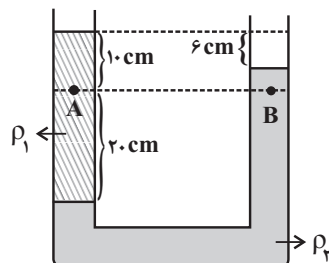
(۱) ۷۵

(۲) ۷۸

(۳) ۸۰

(۴) ۷۳

۸۵- در شکل زیر، دو مایع مخلوط نشدنی داخل لوله U شکل در حال تعادل قرار دارند. اگر اندازه اختلاف فشار دو نقطه A و B برابر



$$P_0 = 400 \text{ Pa} \text{ باشد، چگالی } \rho_1 \text{ چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟ } (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

(۱) ۰/۸

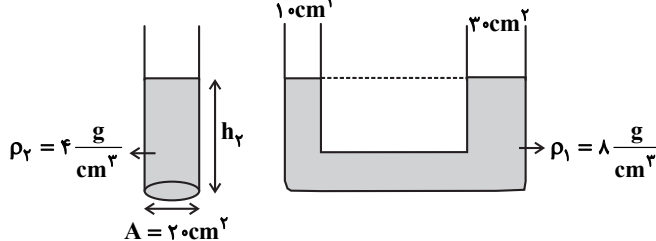
(۲) ۱

(۳) $1/2$

(۴) $1/4$

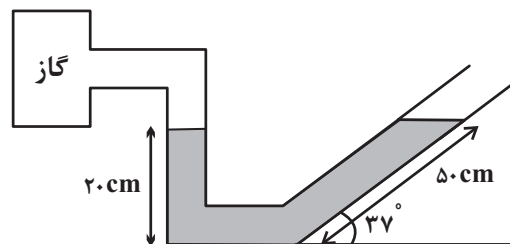
محل انجام محاسبات

۸۶- در ظرفی استوانه‌ای شکل، به سطح مقطع 20cm^2 مایعی به چگالی $\rho_1 = 4 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ریخته‌ایم و فشار کل در کف ظرف برابر 86cmHg شده است. اگر مایع این ظرف را به شاخه سمت چپ لوله U شکل زیر اضافه نماییم، مایع (۱) در شاخه سمت راست لوله U شکل چند سانتی‌متر بالا می‌رود؟ ($\rho_{\text{Hg}} = 13.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$, $P_0 = 76\text{cmHg}$, $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$) و مایع‌ها با یکدیگر مخلوط نمی‌شوند.



- (۱) ۸
(۲) ۸/۵
(۳) ۴
(۴) ۴/۲۵

۸۷- در شکل زیر مایعی به چگالی $2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ درون لوله زیر در حال تعادل است. فشار پیمانه‌ای گاز حبس شده در انتهای سمت چپ لوله چند پاسکال است؟ ($\sin 37^\circ = 0.6$, $P_0 = 1.0^5 \text{Pa}$)

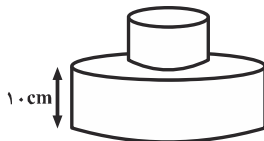


- (۱) ۲۰۰۰
(۲) ۵۰۰۰
(۳) ۱۰۰۰
(۴) ۴۰۰۰

۸۸- دو جسم توپُر و هم جرم A و B داخل مایعی به چگالی ρ_1 قرار دارند، به‌طوری که جسم A شناور و جسم B غوطه‌ور است. اگر این دو جسم را داخل مایعی به چگالی $\rho_2 = \frac{3}{4}\rho_1$ قرار دهیم، نیروی شناوری وارد بر جسم‌های A و B به ترتیب از راست به چپ چه تغییری خواهد کرد؟

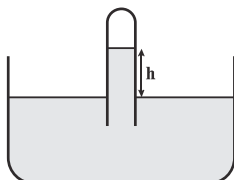
- (۱) کاهش می‌یابد - ثابت می‌ماند.
(۲) ثابت می‌ماند یا افزایش می‌یابد - ثابت می‌ماند.
(۳) ثابت می‌ماند یا کاهش می‌یابد - کاهش می‌یابد.
(۴) ثابت می‌ماند - کاهش می‌یابد.

۸۹- در شکل زیر، سطح مقطع قسمت استوانه‌ای پایین ظرف 200cm^2 و سطح مقطع قسمت استوانه‌ای بالای ظرف 100cm^2 است. اگر ۳ لیتر از مایعی به چگالی $4 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ را در ظرف بریزیم، پس از ایجاد تعادل، اندازه نیروی ناشی از مایع که به کف ظرف وارد می‌شود، چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ و مایع از ظرف بیرون نمی‌ریزد.)



- (۱) ۱۲۰
(۲) ۱۴۰
(۳) ۱۶۰
(۴) ۱۸۰

۹۰- در شکل زیر، اگر فشار گاز محبوس در انتهای لوله برابر با $72/5\text{cmHg}$ باشد، اختلاف ارتفاع آب در لوله و ظرف چند سانتی‌متر است؟ ($\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ و $\rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$, $P_0 = 75\text{cmHg}$)



- (۱) ۶۸
(۲) ۳۴
(۳) ۱۷
(۴) ۸۵

محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: الکترواستاتیکی ساکن - جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۳۲ تا ۶۱

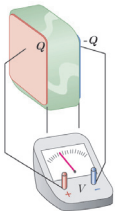
توجه:

دانش‌آموزان گرامی: از دو مجموعه سؤال فیزیک ۱ (۸۱ تا ۹۰) و فیزیک ۲ (۹۱ تا ۱۰۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۹۱- خازن تختی به ظرفیت $5\mu F$ و بار الکتریکی $20\mu C$ در اختیار داریم. اگر فاصله بین صفحات آن $1mm$ باشد، بزرگی میدان الکتریکی بین صفحات چند ولت بر متر است؟

- (۱) 2×10^3 (۲) 4×10^3 (۳) 6×10^3 (۴) 8×10^3

۹۲- در شکل زیر صفحه‌های باردار یک خازن تخت را که بین آن‌ها دی‌الکتریک است به ولت‌سنج وصل می‌کنیم. اگر دی‌الکتریک را از



بین صفحه‌ها خارج کنیم، عددی که ولت‌سنج نشان می‌دهد و انرژی خازن به ترتیب چه تغییری خواهند کرد؟

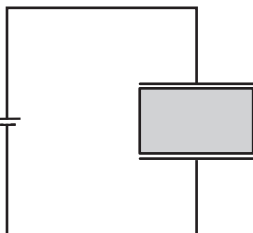
- (۱) افزایش - کاهش
(۲) افزایش - افزایش
(۳) کاهش - افزایش
(۴) کاهش - کاهش

۹۳- خازنی با دی‌الکتریک هوا را به دو سر یک باتری به ولتاژ V وصل کرده‌ایم. پس از باردار شدن آن را از باتری جدا کرده و تغییراتی

روی آن انجام می‌دهیم که انرژی ذخیره شده در آن ۴ برابر شود. کدام گزینه می‌تواند نشان دهنده این تغییرات باشد؟

- (۱) مساحت و فاصله بین صفحه‌ها دو برابر شده است.
(۲) دی‌الکتریکی با $K=2$ جایگزین هوا و فاصله بین ورقه‌ها نصف شده است.
(۳) فاصله بین صفحات خازن ۴ برابر شده است.
(۴) دی‌الکتریکی با $K=2$ جایگزین هوا و مساحت صفحه‌ها نصف شده است.

۹۴- در شکل زیر جهت میدان الکتریکی حاصل از اثر قطبیده شدن مولکول‌های دی‌الکتریکی بین صفحات خازن در کدام جهت



است؟

- (۱) $\uparrow$
(۲) $\downarrow$
(۳) $\rightarrow$
(۴) $\leftarrow$

۹۵- خازنی به اختلاف پتانسیل ۱۲ ولت متصل شده است. اگر پس از پر شدن خازن، بدون آنکه از مولد جدا شود، دی‌الکتریک با ثابت

$K=3$ بین صفحات خازن قرار دهیم، انرژی ذخیره شده در آن $2/4mJ$ تغییر کند. ظرفیت خازن پس از قراردادن دی‌الکتریک

چند میکروفاراد خواهد شد؟

- (۱) $\frac{5}{3}$ (۲) $\frac{50}{3}$ (۳) ۵ (۴) ۵۰

محل انجام محاسبات

۹۶- معادله بار بر حسب زمان گذرنده از سیمی در SI به صورت $q = t^2 - 2t + 4$ است. جریان الکتریکی متوسطی که در ۳ ثانیه اول از سیم می‌گذرد چند آمپر است؟

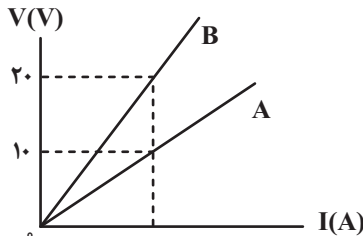
- (۱) ۳ (۲) ۲ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴) ۱

۹۷- چند مورد از گزاره‌های زیر درست است؟

- (الف) در مقاومت‌های نوری با افزایش شدت نور، جریان عبوری از آن‌ها کاهش می‌یابد.
(ب) دیود وقتی در مدار قرار می‌گیرد می‌تواند مانند مقاومت کربنی جریان را در هر دو جهت از خود عبور دهد.
(پ) رئوستا یک نوع مقاومت متغیر است.
(ت) ترمیستور تنها مقاومتی است که به دما حساس نیست.

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۹۸- نمودار اختلاف پتانسیل دو سر دو رسانای هم‌جنس A و B بر حسب جریان الکتریکی عبوری از آن‌ها مطابق شکل زیر است. اگر قطر مقطع سیم A نصف قطر مقطع سیم B باشد، طول سیم A چند برابر طول سیم B است؟

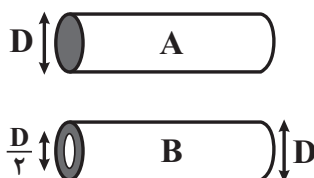


- (۱) ۱
(۲) $\frac{1}{4}$
(۳) $\frac{1}{8}$
(۴) ۲

۹۹- باتری ماشین حسابی در هنگام روشن بودن، در مدت زمان ۲۵ دقیقه، $2/4 \text{ J}$ انرژی به مدار می‌دهد و باعث ایجاد جریان الکتریکی متوسط 4 mA می‌شود. اگر پتانسیل الکتریکی پایانه مثبت باتری برابر با 12 V باشد، پتانسیل الکتریکی پایانه منفی آن چند ولت است؟

- (۱) -۸ (۲) -۴
(۳) +۴ (۴) +۸

۱۰۰- دو سیم هم‌جنس و رسانای A و B مطابق شکل در اختیار داریم. اگر حجم سیم A دو برابر حجم قسمت توپر سیم B باشد، مقاومت الکتریکی سیم رسانای A چند برابر مقاومت الکتریکی سیم رسانای B است؟ (درون سیم B، یک استوانه تو خالی به



قطر $\frac{D}{2}$ در کل طول آن وجود دارد.)

- (۱) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{1}{9}$ (۳) $\frac{9}{8}$ (۴) ۲

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: جلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری: صفحه‌های ۶۵ تا ۸۸

۱۰۱- کدام گزینه درست است؟

- (۱) احتمال حضور جفت الکترون پیوندی در فضای بین دو هسته مولکول‌های دو اتمی جور هسته، بیشتر است.
- (۲) در مولکول دو اتمی و جور هسته HCl ، تراکم الکترون در اطراف هسته اتم هیدروژن بیشتر است.
- (۳) توزیع یکنواخت و متقارن الکترون‌ها در مولکول‌های دو اتمی جور هسته، نشانه قطبی بودن مولکول است.
- (۴) مولکول‌های دو اتمی جور هسته، دارای گشتاور دو قطبی بزرگ‌تر از صفر هستند.

۱۰۲- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

- * جانشینی یک اتم H به جای یک اتم Cl در کربن تتراکلرید، همانند جانشینی دو اتم گوگرد (S) به جای دو اتم اکسیژن در کربن دی‌اکسید سبب افزایش گشتاور دو قطبی مولکول می‌شود.
- * رنگ اتم مرکزی در نقشه پتانسیل الکتروستاتیکی مولکول‌های گوگردتری‌اکسید و آمونیاک متفاوت، اما توزیع بار الکتریکی اطراف اتم مرکزی در هر دو مولکول، یکنواخت و متقارن است.

- * احتمال حضور جفت الکترون‌های پیوندی در فضای بین دو هسته اتم Cl در مولکول Cl_2 ، بیشتر از سایر فضاها است.
- * هرچه تفاوت نقطه ذوب و جوش در شاره‌ای بیشتر باشد، آن شاره برای به حرکت درآوردن توربین مناسب‌تر است.
- * بین دو مولکول نیتروژن و هیدروژن فلوئورید، در شرایط یکسان، میعان نیتروژن در دمای پایین‌تری انجام می‌شود.

(۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱

۱۰۳- کدام گزینه در رابطه با مقایسه آنتالپی فروپاشی شبکه بلور ترکیب‌های یونی نادرست است؟

(۱) $LiF > KBr$ (۲) $NaCl > KBr$ (۳) $KF > LiCl$ (۴) $NaF > KF$

۱۰۴- چند مورد از مطالب زیر در مورد استفاده از پرتوهای خورشیدی برای تولید انرژی الکتریکی در فناوری‌های پیشرفته به درستی بیان شده است؟

- (الف) شاره یونی می‌تواند با ورود به منبع ذخیره انرژی گرمایی، انرژی لازم برای تبدیل آب به بخار داغ را فراهم کند.
- (ب) استفاده از پرتوهای خورشیدی برای تولید برق، به عنوان انرژی پاک هیچ گونه ردپای زیست محیطی ندارد.
- (پ) سدیم کلرید مذاب شاره‌ای است که باعث حرکت توربین می‌شود.
- (ت) آینه‌ها انرژی پرتوهای خورشیدی را جذب کرده و به گیرنده برج منتقل می‌کنند.

(۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۱ (۴) ۲

۱۰۵- آنتالپی فروپاشی شبکه آلومینیم سولفات برابر $3440 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ است. برای تشکیل 10^{22} یون گازی از شبکه بلوری این ماده، چند کیلوژول انرژی لازم است؟

(۱) $17/2$ (۲) $34/4$ (۳) 172 (۴) 344

محل انجام محاسبات

۱۰۶- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟ ($\text{Br} = ۸۰, \text{Cl} = ۳۵/۵, \text{K} = ۳۹, \text{Na} = ۲۳ : \text{g.mol}^{-1}$)

* گرمای لازم برای فروپاشی ۱۱/۷ گرم NaCl با گرمای لازم برای فروپاشی ۲۹/۷۵ گرم KBr ، ۱۴/۸۵ کیلوژول اختلاف دارد.

$(\Delta H_{(ف.ب.ش)} \text{NaCl} = 787 \text{ kJ.mol}^{-1}, \Delta H_{(ف.ب.ش)} \text{KBr} = 689 \text{ kJ.mol}^{-1})$

* اختلاف آنتالپی فروپاشی NaF و LiCl بیشتر از اختلاف آنتالپی فروپاشی LiBr و KF است.

* شبکه سدیم اکسید آسانتر از شبکه منیزیم فلئورید فروپاشیده می‌شود.

* در میان یون‌های سولفید، اکسید، لیتیم و کلرید، یون سولفید بیشترین شعاع یونی را دارد.

* در بین ترکیب‌های یونی حاصل از یون‌های (Mg^{2+} , S^{2-} , O^{2-} , Cl^- , Ca^{2+} , K^+ , Na^+)، نیروی جاذبه میان جفت یون‌های Ca^{2+} و O^{2-} از همه بیشتر است.

$$1 \quad (F) \qquad 2 \quad (F) \qquad F \quad (F) \qquad \Delta \quad (I)$$

۱۰۷- چند مورد از عبارتهای زیر، درست است؟

آ) تیتانیم دومین فلز واسطه جدول تناوبی است و واکنش پذیری کمتری نسبت به کلسیم و بتاسیم دارد.

(ب) امروزه در ساخت پروانه کشتی، اقیانوس پیما، به جای فولاد از تیتانیوم استفاده می‌کنند.

(پ) نیتینول آلیاژی از تیتانیوم و نیکل بوده و به آلیاژ هوشمند معروف است.

ت) از مزیت‌های تیتانیوم نسبت به فولاد در ساخت اجزای موتور جت، نقطه ذوب بالاتر و چگالی کمتر آن است.

(ث) سازه فلزی مورد استفاده در ارتودنسی از جنس فلز تیتانیوم خالص است.

$$\Delta(f) \qquad \qquad \qquad \mathcal{F}(f) \qquad \qquad \qquad \mathcal{F}(f) \qquad \qquad \qquad \mathcal{F}(f)$$

۱۰۸- همهٔ عبارت‌های زیر صحیح‌اند، به جز ...

(۱) در ساختار یخ مانند گرافن یک آرایش منظم و سه بعدی با حلقه‌های شش گوشه وجود دارد.

(۲) گرافن تک لایه‌ای از گرافیت است که در آن، اتم‌های کربن با پیوندهای اشتراکی حلقه‌های شش گوشه تشکیل می‌دهند.

(۳) در گرافن هر اتم کربن با سه اتم کربن دیگر پیوند اشتراکی دارد.

(۴) گرافن برخلاف گرافیت ساختاری شفاف و انعطاف‌پذیر دارد.

۱۰۹- در یک نمونه ۱۰۰ گرمی از خاک رس، با حرارت دادن و کاهش ۱۰ گرم از جرم رُس، درصد جرمی رطوبت (H_2O) و آهن (III)

اکسید به ترتیب به ۷٪ و ۵٪ می‌رسد. درصد جرمی این دو ماده در نمونهٔ رُس اولیه (قبل از حرارت دادن) به ترتیب کدام است؟

6/3-4/5 (F) 4/5-6/3 (N) 4/5-16/3 (Y) 16/3-4/5 (I)

۱۱۰- چه تعداد از عبارتهای زیر نادرست است؟

(الف) در گرافیت هر اتم کربن به ۳ اتم دیگر و در الماس هر اتم کربن به ۴ اتم دیگر متصل است.

(ب) از آن جا که میانگین آنتالپی پیوند Si-C از C-C بیشتر است. سختی سیلیسیم کرپید از الماس بیشتر است.

(پ) هرچه تفاوت بين نقطه ذوب و جوش يك ماده خالص پيشتر باشد، نيروي جاذبه ميان ذره‌هاي سازنده آن در حالت مائع پيشتر است.

(ت) همهٔ مولکول‌هایی که از اتم‌های مشابه تشکیل شده‌اند، دارای گشتاور ۲ قطبی صفر می‌باشند.

$\mathbb{F}(\mathbb{F})$
 $\mathbb{F}(\mathbb{F})$
 $\mathbb{F}(\mathbb{F})$
 $\mathbb{F}(\mathbb{F})$

محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: قدر هدایای زمینی را بدانیم: صفحه‌های ۲۸ تا ۴۸

۱۱۱- کدام موارد از عبارت‌های زیر صحیح است؟

- (الف) نفت خام مایع غلیظ سیاه رنگ یا قهوه‌ای متمایل به سبز است که به عنوان سوخت فسیلی به کار می‌رود.
(ب) بیش از ده درصد از نفت خام مصرفی در دنیا برای تولید الیاف، پارچه و شوینده‌ها و ... به کار می‌رود.
(پ) نقش نخست نفت خام در دنیای کنونی، ماده اولیه برای تهیه بسیاری از مواد و کالاهای صنایع گوناگون است.
(ت) روزانه بیش از $10^9 \times 1/2$ لیتر نفت خام در دنیا به شکل‌های گوناگون مصرف می‌شود.
- (۱) الف و پ (۲) ب و ت (۳) الف و ت (۴) ب و پ

۱۱۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر دربارهٔ آلکان‌ها درست است؟ (n: تعداد اتم‌های کربن در آلکان) ($C = 12, H = 1: g.mol^{-1}$)

- * با کاهش درصد جرمی هیدروژن در آن‌ها، فرآریت کاهش می‌یابد.
- * از سوختن کامل هر مول از آن‌ها، n مول گاز در شرایط استاندارد تولید می‌شود.
- * برای عضوی از آن‌ها با جرم مولی برابر $72 g.mol^{-1}$ ، ۳ ایزومر مختلف وجود دارد.
- * عضوی از آن‌ها با ۲۵ پیوند اشتراکی، دارای ۱۸ پیوند اشتراکی C-H است.
- * به ازای اضافه شدن هر اتم کربن به ساختار آن‌ها، $14 g.mol^{-1}$ بر جرم مولی‌شان افزوده می‌شود.

(۱) ۵ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۲

۱۱۳- اگر جرم مولی آلکن A، $5/3$ برابر جرم مولی اولین عضو خانوادهٔ آلکان‌ها باشد، جرم کربن دی‌اکسید به دست آمده از سوختن کامل یک مول ماده A به تقریب چند برابر جرم اتانول به دست آمده از تخمیر کامل بی‌هوازی ۹۰ گرم گلوکز است؟

($H = 1, C = 12, O = 16: g.mol^{-1}$)

(معادلهٔ واکنش موازنه شود) $C_6H_{12}O_6 \rightarrow C_2H_5OH + CO_2$

(۱) $1/8$ (۲) $2/5$ (۳) $3/8$ (۴) $4/5$

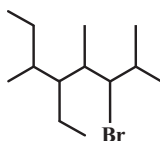
۱۱۴- جرم آب تولید شده در سوختن کامل آلکانی، $3/4$ برابر جرم هیدروکربن اولیه است. نام آیوپاک این آلکان کدام گزینه می‌تواند باشد؟

($C = 12, H = 1, O = 16: g.mol^{-1}$)

(۱) متیل پروپان (۲) ۲ و ۳-دی‌متیل بوتان (۳) ۲، ۲-دی‌متیل پروپان (۴) هگزان

۱۱۵- نام ترکیبی با فرمول پیوند - خط زیر، کدام است؟

- (۱) ۵- برم، ۲، ۳-دی‌اتیل، ۴، ۶-دی‌متیل هپتان
(۲) ۲، ۳-دی‌اتیل، ۵- برم، ۴، ۶-دی‌متیل هپتان
(۳) ۳- برم، ۵- اتیل، ۲، ۴، ۶-تری‌متیل اوکتان
(۴) ۶- برم، ۴- اتیل، ۲، ۴، ۷-تری‌متیل اوکتان



محل انجام محاسبات

۱۱۶- نام هیدروکربن $(CH_3)_3CC_3H_7$ کدام موارد (مورد) می تواند باشد؟

- الف) ۲،۲-دی متیل پنتان ب) ۳،۲-دی متیل پنتان پ) ۳،۳،۲-تری متیل بوتان ت) ۲،۲،۲-تری متیل بوتان
- (۱) ب، پ (۲) الف، ت (۳) فقط الف (۴) ب، ت

۱۱۷- همه عبارت های زیر درست هستند، به جز

- (۱) اتین از اتن واکنش پذیرتر است.
 (۲) از گاز اتین در جوشکاری و برش فلزات استفاده می شود.
 (۳) از گاز اتن به عنوان عمل آورنده در کشاورزی استفاده می شود.
 (۴) گاز اتن به عنوان دومین عضو خانواده آلکن ها دارای چهار اتم هیدروژن است.

۱۱۸- چند مورد از مطالب زیر درست اند؟

- (آ) همه آلکن ها با برم مایع واکنش داده و رنگ قرمز آن را از بین می برند.
 (ب) آلکن ها ترکیب هایی سیر شده هستند که تمامی اتم ها در آن ها با چهار پیوند اشتراکی یگانه به چهار اتم دیگر متصل شده اند.
 (پ) تعداد اتم های هیدروژن در ساده ترین عضو خانواده آلکن ها و آلکن ها برابر است.
 (ت) از واکنش اتن با آب در حضور H_2SO_4 ، اتان به دست می آید.

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۱۹- چند مورد از مطالب زیر، نادرست است؟

- (آ) نفتالن یکی از معروف ترین سیکلو آلکن ها است که در گذشته به عنوان ضد بید کاربرد داشته است.
 (ب) در ساختار مولکول نفتالن، شمار پیوندهای دوگانه نصف شمار اتم های هیدروژن است.
 (پ) هر مولکول نفتالن در واکنش با پنج مولکول هیدروژن، به یک ترکیب سیر شده تبدیل می شود.
 (ت) در مولکول نفتالن به هر اتم کربن، یک اتم هیدروژن متصل است.

- (۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱

۱۲۰- چند مورد از عبارت های زیر در مورد نفت خام درست است؟

- * بیش از نیمی از نفت خام برای تأمین گرما و انرژی الکتریکی مورد نیاز به کار می رود.
- * نفت خام مخلوطی از هزاران ترکیب شیمیایی است که بخش عمده آن را هیدروکربن های گوناگون تشکیل می دهد.
- * بخش عمده نفت خام را هیدروکربن هایی تشکیل می دهد که در همه آن ها نسبت شمار پیوندهای کربن - هیدروژن به شمار کل پیوندهای اشتراکی آن، کوچک تر از یک است.

* پالایش نفت خام منجر به تولید انرژی الکتریکی ارزان قیمت می شود.

* در پالایش نفت خام، نمک ها، اسیدها و آب به روش تقطیر جزء به جزء از هیدروکربن ها جدا می شوند.

- (۱) ۵ (۲) ۴ (۳) ۳ (۴) ۲

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: کیهان زادگاه الفبای هستی + ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۲۴ تا ۵۲

توجه:

دانش‌آموزان گرامی: از دو مجموعه شیمی ۱ (۱۲۱ تا ۱۳۰) و سؤال شیمی ۲ (۱۳۱ تا ۱۴۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۲۱- چند مورد از عبارتهای زیر درست است؟

- * اتم‌های برانگیخته پرنرژی و پایدارند و همواره تمایل دارند به حالت پایه برگردند.
- * با تعیین دقیق طول موج نوارهای رنگی طیف نشری خطی هیدروژن، می‌توان به تصویر دقیقی از انرژی لایه‌های الکترونی اتم آن دست یافت.
- * با افزایش فاصله از هسته، انرژی لایه‌ها برخلاف تفاوت انرژی لایه‌ها افزایش می‌یابد.
- * انرژی طول موج نشر شده در انتقال الکترون از لایه چهارم به دوم، نسبت به انتقال الکترون از لایه دوم به اول در اتم هیدروژن کمتر است.

۱ (۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴)

۱۲۲- کدام گزینه مقایسه نادرستی از انرژی زیرلایه‌ها را نشان می‌دهد؟

۴s < ۳d (۱) ۴p < ۳d (۲) ۴p < ۵s (۳) ۲p < ۳p (۴)

۱۲۳- چه تعداد از مطالب زیر درست است؟

- الف) حداکثر شمار الکترون‌ها در هر لایه الکترونی از رابطه $4l + 2$ بدست می‌آید.
- ب) بر اساس قاعده آفبا، زیرلایه ۶s پس از زیرلایه ۴f پر می‌شود.
- پ) شمار الکترون‌های دارای $l = 1$ در اتم ${}^{74}\text{Ge}$ کمتر از دو برابر همین شمار در عنصر بالایی آن در جدول تناوبی است.
- ت) در اتم کروم (${}^{24}\text{Cr}$) تعداد الکترون‌های دارای $l = 2$ ، نصف تعداد الکترون‌های دارای $l = 0$ است.

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۱۲۴- کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) حداکثر گنجایش الکترونی زیرلایه‌ها از رابطه $4l + 2$ به دست می‌آید.
- (۲) حداکثر مقدار معین و مجاز اعداد کوانتومی فرعی در یک لایه، همواره یک واحد از عدد کوانتومی اصلی آن لایه کمتر است.
- (۳) مجموع شمار الکترون‌ها در یک لایه معین و پُر با عدد کوانتومی اصلی n برابر n^2 است.
- (۴) هر زیرلایه را می‌توان با نماد nl نشان داد.

محل انجام محاسبات

۱۲۵- اگر شمار کل الکترون‌های موجود در زیرلایه با $l=1$ در اتم عنصر اصلی X از شمار الکترون‌های لایه سوم آن یک واحد کمتر

باشد، چند مورد از عبارات‌های زیر درباره عنصر X درست است؟

* مجموع $n+l$ الکترون‌های ظرفیت آن ۳۳ است.

* در آرایش الکترونی آن ۸ زیرلایه از الکترون اشغال شده است.

* در آرایش الکترون- نقطه‌ای این عنصر ۶ جفت الکترون وجود دارد.

* در ساختار لوویس مولکول X_2 ، ۶ جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.

* در هر واحد فرمولی ترکیب این عنصر با عنصر Y ، سه یون وجود دارد.

(۱) ۵ (۲) ۴ (۳) ۲ (۴) ۳

۱۲۶- کدامیک از عناصر A, B, C, E, F با عنصر X به آرایش الکترونی $3d^1 4s^2 4p^3$ [Ar] به ترتیب از راست به چپ در یک

گروه و در یک تناوب جدول دوره‌ای قرار دارد؟ (نماد عنصرها فرضی است.)

(۱) $B, E, A - C$ (۲) $A, B, C - E$

(۳) $B, A, F - E$ (۴) $A, E, F - C$

۱۲۷- تفاوت تعداد الکترون‌ها با نوترون‌ها در یون X^{3+} برابر ۸ می‌باشد. چه تعداد از عبارات‌های زیر نا درست است؟

الف) در اتم X نسبت تعداد الکترون‌های با $l=0$ به تعداد الکترون‌های با $l=2$ ، برابر $1/6$ است.

ب) آخرین الکترون در آرایش الکترونی یون X^{3+} ، دارای اعداد کوانتومی $l=0$ و $n=4$ است.

پ) عنصر X با عنصر K ۱۹ هم دوره است.

ت) مجموع اعداد کوانتومی اصلی و فرعی الکترون‌های موجود در بیرونی‌ترین زیرلایه اتم عنصر X ، برابر ۳۳ است.

(۱) ۱ (۲) ۲

(۳) ۳ (۴) ۴

۱۲۸- از عنصرهای ۱ تا ۳۶ جدول تناوبی، چند عنصر در زیرلایه (ها) با $n+l=5$ اتم آن‌ها مجموعاً پنج الکترون وجود دارد؟

(۱) صفر (۲) ۱

(۳) ۲ (۴) ۳

محل انجام محاسبات

۱۲۹- چه تعداد از عبارت‌های زیر دربارهٔ قاعدهٔ آفبا نادرست است؟

- * مطابق این قاعده آرایش الکترونی $X_{۲۴}$ به صورت $[\text{Ar}]_{۱۸} 3d^4 4s^2$ است.
- * مطابق این قاعده، زیر لایه‌ای که n کوچکتری دارد، زودتر از الکترون اشغال می‌شود.
- * با استفاده از این قاعده، آرایش الکترونی اغلب عناصرها قابل پیش‌بینی است.
- * بر اساس این قاعده، عدد اتمی اولین عنصری که لایهٔ الکترونی سوم آن از الکترون پر می‌شود، برابر ۲۹ است.

- | | |
|-------|-------|
| ۲ (۱) | ۴ (۲) |
| ۱ (۳) | ۳ (۴) |

۱۳۰- کدام گزینه درست است؟

- (۱) به ازای تولید هر مول مولکول منیزیم اکسید، $۱۲/۰۴ \times ۱۰^{۲۳}$ الکترون مبادله می‌شود.
- (۲) همه ترکیب‌های یونی دوتایی از دو اتم تشکیل شده‌اند.
- (۳) در فرمول شیمیایی کلسیم اکسید همانند آلومینیم نیتريد، نسبت کاتیون به آنیون برابر یک است.
- (۴) هر اتمی که آرایش الکترونی آن به ns^2 ختم می‌شود، آرایش الکترون-قطه‌ای به صورت A_0 دارد.

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: قدر هدایای زمینی را بدانیم: صفحه‌های ۲۸ تا ۴۸

توجه:

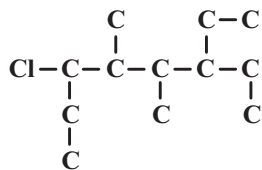
دانش‌آموزان گرامی: از دو مجموعه سؤال شیمی ۱ (۱۲۱ تا ۱۳۰) و شیمی ۲ (۱۳۱ تا ۱۴۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۳۱- چه تعداد از عبارت‌های زیر درباره ششمین عضو از خانواده‌های آلکان‌ها درست هستند؟

- (آ) فرآریت آن از پنتان بیشتر است.
 - (ب) نقطهٔ جوش آن از هپتان کمتر است.
 - (پ) گرانشی آن از اوکتان بیشتر است.
 - (ت) در دمای اتاق به صورت مایع است.
- | | | | |
|-------|-------|-------|-------|
| ۱ (۱) | ۲ (۲) | ۳ (۳) | ۴ (۴) |
|-------|-------|-------|-------|

محل انجام محاسبات

۱۳۲- کدام گزینه درست است؟



(۱) با افزایش شمار اتم‌های کربن در هیدروکربن‌ها، نقطه جوش، فرآریت و گرانروی آن‌ها افزایش می‌یابد.

(۲) نام ترکیب (روبه‌رو) ۳-کلرو - ۶-اتیل - ۴، ۵ - دی‌متیل اوکتان است.

(۳) آلکان‌ها به دلیل سیرشده بودن در آب نامحلول هستند؛ از این رو می‌توان از آن‌ها برای حفاظت از فلزها استفاده کرد.

(۴) شمار اتم‌های هیدروژن در اوکتین و سیکلوهگزان با هم برابر است.

۱۳۳- نسبت شمار اتم‌های H به C در یک آلکان راست زنجیر برابر ۲/۴ است. همه عبارت‌های زیر برای این آلکان درست است، به جز:

$$(H = 1, C = 12 : g.mol^{-1})$$

(۱) نسبت شمار اتم‌های هیدروژن آن به شمار اتم‌های هیدروژن سرگروه ترکیبات آروماتیک، برابر ۲ می‌باشد.

(۲) حالت فیزیکی این آلکان در دمای اتاق و فشار ۱ atm با حالت فیزیکی گاز فندک در این شرایط متفاوت است.

(۳) شمار پیوندهای اشتراکی آن، یک واحد بیشتر از شمار پیوندهای اشتراکی C_5H_{10} است.

(۴) تفاوت جرم مولی آن با جرم مولی سیکلوهگزان، برابر ۱۴ گرم بر مول می‌باشد.

۱۳۴- کدام موارد درست بیان شده است؟ $(C = 12, H = 1 : g.mol^{-1})$

(الف) چربی موجود در گوشت با بخار برم واکنش داده و رنگ قرمز آن را از بین می‌برد.

(ب) با وارد کردن گاز اتن در مخلوط آب و اسید در شرایط مناسب، اتان را در مقیاس صنعتی تولید می‌کنند.

(پ) بنزین یک آلکان است و تنفس بخارهای بنزین به دلیل سمی بودن در بعضی موارد، ممکن است سبب مرگ فرد شود.

(ت) تفاوت جرم مولی گاز فندک با وازلین، برابر ۲۹۴ گرم بر مول است.

(۱) الف، ت (۲) فقط ب

(۳) الف، پ (۴) پ، ت

۱۳۵- در مخلوط گازی شامل اتان و اتن، ۸۴ درصد جرم کل مخلوط را کربن تشکیل می‌دهد. اگر این مخلوط گازی با مقدار کافی

اکسیژن به طور کامل بسوزد، نسبت مول CO_2 تولید شده از سوختن اتان به مول CO_2 تولید شده از سوختن اتن کدام است؟

$$(C = 12, H = 1 : g.mol^{-1})$$

$$\frac{2}{7} \quad (۱) \quad \frac{7}{2} \quad (۲)$$

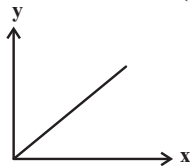
$$\frac{2}{5} \quad (۳) \quad \frac{5}{2} \quad (۴)$$

محل انجام محاسبات

۱۳۶- نسبت شمار اتم‌های هیدروژن به شمار اتم‌های کربن، در کدام دو ترکیب یکسان است؟

- (۱) بنزن، اتین
(۲) سیکلوهگزان، بوتین
(۳) بنزن، نفتالین
(۴) سیکلوهگزان، هیدروژن سیانید

۱۳۷- کدام موارد از عبارت‌های مطرح شده، عبارت زیر را به نادرستی تکمیل می‌کنند؟ ($C = 12, H = 1 : g.mol^{-1}$)



در نمودار مقابل، x و y می‌توانند به ترتیب ... و ... باشند. (در نمودار مقابل نزولی یا صعودی بودن و روند کلی مدنظر است و خطی یا سهمی بودن آن مورد توجه نباشد.)

- (الف) شمار پیوندهای $C-H$ در آلکن‌ها - درصد جرمی کربن در آن‌ها
(ب) شمار اتم‌های هیدروژن در آلکان‌های راست زنجیر - تفاوت نقطه جوش دو آلکان متوالی
(پ) شمار پیوندهای کووالانسی در آلکان‌ها - گرانشی
(ت) جرم مولی در آلکین‌ها - دمایی که در آن میعان می‌یابند.

- (۱) الف، ب
(۲) الف، پ
(۳) ب، پ
(۴) الف، ب، پ

۱۳۸- چند مورد از مطالب زیر درست هستند؟ ($C = 12, H = 1 : g.mol^{-1}$)

- * قسمت عمده نفت خام مربوط به گروهی از هیدروکربن‌ها است که در اولین عضو خانواده آن‌ها درصد جرمی کربن برابر ۷۵ است.
- * اگر مقدار جرم‌های یکسان از بنزین و زغال‌سنگ را بسوزانیم، گرمای حاصل از بنزین بیشتر است.
- * نفت سفید در بین اجزای سازنده نفت سنگین ایران دارای کمترین مقدار است.
- * شستشوی زغال‌سنگ برای حذف گوگرد و سایر ناخالصی‌ها صورت می‌گیرد.

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۳۹- چه تعداد از عبارت‌های زیر در ارتباط با نفت خام نادرست است؟

- (آ) نفت خام مخلوطی از هیدروکربن‌های سیرشده، برخی نمک‌ها، اسیدها و آب است.
(ب) نفت خام، پس از استخراج، بلافاصله با استفاده از تقطیر جزء به جزء در برج تقطیر، پالایش می‌شود.
(پ) فرآیند گازوئیل برخلاف درصد آن در نفت سنگین کشورهای عربی، از نفت کوره بیشتر است.
(ت) نفت سفید شامل آلکان‌هایی با ده تا پانزده کربن است.

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۴۰- همه گزینه‌های زیر نادرست‌اند، به جز:

- (۱) سوخت هواپیما به طور عمده شامل آلکان‌هایی با ۱۲ تا ۳۲ اتم هیدروژن است.
(۲) متان گازی سبک، بی‌بو و بی‌رنگ است که هرگاه مقدار آن در هوای معدن به ۵ درصد برسد احتمال انفجار وجود دارد.
(۳) یکی از راه‌های بهبود کارایی زغال‌سنگ به دام انداختن گاز گوگردتری اکسید خارج شده از نیروگاه‌ها با عبور گازهای خروجی از روی کلسیم اکسید است.
(۴) جایگزینی نفت با زغال‌سنگ سبب ورود مقدار بیشتری از انواع آلاینده‌ها به هواکره می‌شود.



آزمون «۲۱ بهمن ۱۴۰۱» اختصاصی دوازدهم ریاضی (دفترچه غیر مشترک)

دفترچه سوال

مباحث نیم سال اول دوازدهم
پاسخ گویی به سؤالات این دفترچه اختیاری است.
برای درس های نیم سال اول دوازدهم تراز جداگانه در کارنامه داده می شود.
تراز درس های نیم سال اول دوازدهم در تراز کل بی تأثیر است.

مدت پاسخ گویی: ۶۰ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۵۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ گویی
حسابان دوازدهم	۱۰	۱۴۱-۱۵۰	۱۰'
هندسه دوازدهم	۱۰	۱۵۱-۱۶۰	۱۵'
ریاضیات گسسته دوازدهم	۱۰	۱۶۱-۱۷۰	۱۵'
فیزیک دوازدهم	۱۰	۱۷۱-۱۸۰	۱۰'
شیمی دوازدهم	۱۰	۱۸۱-۱۹۰	۱۰'
جمع کل	۵۰	۱۴۱-۱۹۰	۶۰'

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	هندسه	ریاضیات گسسته و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	مهدی ملارمضانی	امیرحسین ابومحبوب	سوکند روشنی	بابک اسلامی	ایمان حسین نژاد
گروه ویراستاری	مهدی ملارمضانی علی سرآبادانی	عادل حسینی	عادل حسینی	حمید زرین کفش زهره آقامحمدی	یاسر راش پویا رستگاری محبوبه بیک محمدی
		ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: سیدعلی میرنوری	ویراستار استاد: محمدحسن محمدزاده مقدم
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	امیرحسین مسلمی
مستند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروف نگار	میلاد سیاوشی
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۴۳

حسابان ۲ (اختیاری): ریاضی ۱: مثلثات، تابع: صفحه‌های ۲۸ تا ۴۶، ۹۴ تا ۱۱۷ / حسابان ۱: تابع، توابع نمایی و لگاریتمی، مثلثات: صفحه‌های ۳۷ تا ۱۰۹
حسابان ۲: تابع، مثلثات: صفحه‌های ۱ تا ۳۴
وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

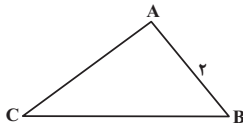
۱۴۱- تابع اکیداً نزولی f مفروض است. اگر دامنه تابع $g(x) = \sqrt{f\left(\frac{a-x+2}{2+|x+1|}\right)} - f(1)$ بازه $(1, +\infty)$ باشد، مقدار a کدام است؟
(۱) ۶ (۲) ۳ (۳) -۳ (۴) -۲

۱۴۲- اگر ضابطه وارون تابع $f(x) = x^2 - 4x + a$ با دامنه $D_f = [2, +\infty)$ به صورت $f^{-1}(x) = 2b + \sqrt{x+4b}$ باشد، دوتایی (a, b) کدام است؟
(۱) $(0, 2)$ (۲) $(0, -1)$ (۳) $(0, 1)$ (۴) $(2, 0)$

۱۴۳- اگر $f(x) = \sqrt{x - \frac{1}{4}[4x]}$ و $g(x) = \begin{cases} 0 & ; x \leq 0 \\ x^2 & ; 0 < x < 1 \\ 2x & ; x \geq 1 \end{cases}$ باشد، برد تابع $g \circ f$ کدام است؟ ([]، نماد جزء صحیح است.)
(۱) $(-\infty, \frac{1}{8})$ (۲) $[0, 1)$ (۳) $[\frac{1}{8}, 1)$ (۴) $[0, 1) \cup [2, +\infty)$

۱۴۴- اگر $f(x) = \frac{|x|}{x} \sqrt{x-1}$ و $g(x) = \frac{\log(x^2 - x - 2)}{\sqrt{x+1}}$ باشند، دامنه تابع $g \circ f$ بازه $(a, +\infty)$ است. خط $y = a$ نمودار تابع f را با کدام طول قطع می‌کند؟
(۱) ۵ (۲) ۱۰ (۳) ۱۷ (۴) ۲۶

۱۴۵- توابع $f(x) = x^2 - \sqrt{5}x + 7$ ، $g(x) = \sqrt{2 - (f^{-1} \circ f)(x)}$ و $h(x) = |x - 2| - 1$ مفروض‌اند. اگر نمودار تابع g را یک واحد در جهت مثبت محور x ها انتقال بدهیم، تعداد نقاط تلاقی آن با نمودار تابع $y = |h(x)|$ کدام است؟
(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) صفر



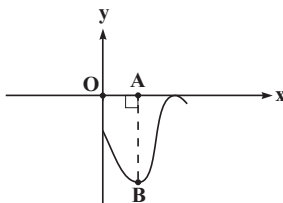
۱۴۶- در مثلث مقابل، اگر $\sin \hat{C} = \cos \hat{B} = \frac{1}{5}$ باشد، مساحت مثلث ABC کدام است؟
(۱) $\sqrt{6}$ (۲) $2\sqrt{6}$ (۳) $4\sqrt{6}$ (۴) $8\sqrt{6}$

۱۴۷- اگر $\cos^4 x - \sin^4 x = \frac{1}{3}$ باشد، مقدار $\tan^2 x$ کدام است؟
(۱) $\frac{2}{3}$ (۲) $\frac{3}{2}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴) ۲

۱۴۸- اگر $\tan x = 2$ باشد، حاصل $\frac{\sin(x - \frac{\pi}{2}) - \cos(\frac{7\pi}{2} + x)}{\frac{1}{\cos x} - \sin(x - 5\pi) - \cos^3(\pi + x)}$ کدام است؟
(۱) $-\frac{1}{3}$ (۲) $-\frac{1}{2}$ (۳) $-\frac{7}{12}$ (۴) $-\frac{5}{12}$

۱۴۹- نمودار تابع $f(x) = a - \frac{3}{4}\cos(bx)$ بر خط $y = \frac{1}{4}$ مماس و دوره تناوب آن برابر 4π است. حاصل $f(\frac{7\pi}{3})$ کدام می‌تواند باشد؟
(۱) $\frac{1}{2} + \frac{3\sqrt{3}}{8}$ (۲) $1 + \frac{3\sqrt{3}}{8}$ (۳) $\frac{1}{2} - \frac{3\sqrt{3}}{8}$ (۴) $1 - \frac{3\sqrt{3}}{8}$

۱۵۰- شکل زیر بخشی از نمودار تابع $f(x) = a \sin^2(bx - \frac{\pi}{3}) - c$ را نشان می‌دهد. اگر مساحت مثلث OAB برابر $\frac{\pi}{6}$ و فاصله بین دو



نقطه ماکزیمم متوالی برابر $\frac{\pi}{3}$ باشد، حاصل $a + b + c$ کدام است؟ ($c \neq 0$)
(۱) ۶ (۲) -۶ (۳) ۴ (۴) -۴

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۳ (اختیاری): ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۹ تا ۲۶

۱۵۱- اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ باشد، مجموع درایه‌های وارون ماتریس $A + I$ کدام است؟

- (۱) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۳) ۱ (۴) ۲

۱۵۲- اگر $AXB + C = D$ و A ، B و C ماتریس‌های مربعی هم‌مرتبه و وارون‌پذیر باشند، ماتریس X کدام است؟

- (۱) $D - C$ (۲) $A^{-1}(D - C)B^{-1}$ (۳) $D - A^{-1}CB^{-1}$ (۴) $A(D - C)$

۱۵۳- اگر $A_i = \begin{bmatrix} i & n \\ n & i \end{bmatrix}$ ، به ازای چه مقداری از n ، ماتریس $B = \sum_{i=1}^{21} A_i$ وارون‌پذیر نیست؟ ($n \in \mathbb{N}$)

- (۱) ۸ (۲) ۹ (۳) ۱۰ (۴) ۱۱

۱۵۴- ماتریس اسکالر $A = [a_{ij}]_{m \times n}$ مفروض است. اگر $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 0 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ و $C = AB$ و $c_{33} = -4$ باشد، مجموع درایه‌های قطر اصلی

ماتریس A کدام است؟

- (۱) -۲ (۲) -۶ (۳) ۳ (۴) ۹

۱۵۵- به ازای چند مقدار k ، دستگاه $\begin{cases} (k+1)x + 5y = 3 \\ 2x + (2k+3)y = k+2 \end{cases}$ بی‌شمار جواب دارد؟

- (۱) هیچ (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۱۵۶- کدام دستگاه زیر به ازای تمامی مقادیر حقیقی k ، همواره دارای جواب منحصر به فرد است؟

- (۱) $\begin{cases} kx + 2y = 3 \\ x - y = 1 \end{cases}$ (۲) $\begin{cases} k^2x + y = 1 \\ x + 4y = 3 \end{cases}$ (۳) $\begin{cases} kx + y = -1 \\ 4x + ky = 2 \end{cases}$ (۴) $\begin{cases} k^2x + 2y = 3 \\ -x + y = 1 \end{cases}$

۱۵۷- اگر $A = \begin{bmatrix} -\sin \theta & -\cos \theta \\ \cos \theta & -\sin \theta \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه ماتریس A^2 کدام است؟

- (۱) $\begin{bmatrix} -\cos 2\theta & \sin 2\theta \\ -\sin 2\theta & -\cos 2\theta \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} \cos 2\theta & -\sin 2\theta \\ \sin 2\theta & \cos 2\theta \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} -\cos 2\theta & -\sin 2\theta \\ \sin 2\theta & -\cos 2\theta \end{bmatrix}$ (۴) $\begin{bmatrix} \cos 2\theta & \sin 2\theta \\ -\sin 2\theta & \cos 2\theta \end{bmatrix}$

۱۵۸- اگر α و β جواب‌های معادله $\begin{bmatrix} x & 2 & 1 \\ 1 & -x & -1 \\ -1 & 1 & x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ -1 \\ x \end{bmatrix} = 0$ باشند، آنگاه حاصل $\frac{1}{\alpha^2} + \frac{1}{\beta^2}$ کدام است؟

- (۱) $\frac{16}{9}$ (۲) $\frac{9}{16}$ (۳) $\frac{4}{9}$ (۴) $\frac{9}{4}$

۱۵۹- اگر A ماتریسی 2×2 و غیرصفر باشد به طوری که $A^2 = A$ و $I + \lambda A$ وارون ماتریس $I - 3A$ باشد، آنگاه λ کدام است؟

- (۱) $-\frac{2}{3}$ (۲) $\frac{3}{4}$ (۳) $-\frac{3}{2}$ (۴) $-\frac{3}{4}$

۱۶۰- فرض کنید A ماتریسی مربعی و $A^2 = 3I$ باشد. وارون ماتریس $4A + 7I$ کدام است؟

- (۱) $4A + 7I$ (۲) $4A - 7I$ (۳) $-4A + 7I$ (۴) $-4A - 7I$

محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته (اختیاری): آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۱ تا ۲۵

۱۶۱- هرگاه $2x+7$ و $11x+5$ ، در یک دسته هم‌نهشتی به پیمانه ۷ قرار داشته باشند، باقی‌مانده تقسیم x^2-1 بر ۷ کدام است؟

- (۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۱۶۲- فرض کنید a عددی گنگ باشد. کدام یک از گزاره‌های زیر لزوماً درست است؟

(۱) دست کم یکی از اعداد a^2 و a^4-1 گنگ است. (۲) دست کم یکی از اعداد a^3 و a^6+1 گنگ است.

(۳) دست کم یکی از اعداد a^2 و a^4 گویا است. (۴) حداکثر یکی از اعداد a^2 و a^3 گویا است.

۱۶۳- اگر برای دو عدد صحیح a و b داشته باشیم $a^4 | b^3$ ، آنگاه کدام گزینه نمی‌تواند همواره صحیح باشد؟ ($a \neq 0$)

- (۱) $a^5 | b^5$ (۲) $a^3 | b^2$ (۳) $a^{19} | b^{15}$ (۴) $a^6 | b^7$

۱۶۴- اگر روز ۱۵ خرداد در یک سال، روز دوشنبه باشد، آنگاه روز ۱۳ آبان در آن سال، چه روزی از هفته است؟

- (۱) شنبه (۲) یکشنبه (۳) پنجشنبه (۴) جمعه

۱۶۵- باقی‌مانده تقسیم عدد 2^{35} بر ۲۱ کدام است؟

- (۱) ۴ (۲) ۸ (۳) ۹ (۴) ۱۱

۱۶۶- باقی‌مانده‌های تقسیم اعداد طبیعی a و $3a$ بر عدد طبیعی b به ترتیب برابر ۱۷ و ۶ هستند. b کدام است؟

- (۱) ۳۹ (۲) ۴۲ (۳) ۴۵ (۴) ۴۸

۱۶۷- اگر باقی‌مانده تقسیم دو عدد $7a-9$ و $3a-2$ بر ۱۱ یکسان باشد، آنگاه باقی‌مانده تقسیم $4a-5$ بر ۲۲ کدام است؟

- (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۱۲ (۴) ۱۳

۱۶۸- به ازای چند مقدار دو رقمی و طبیعی n ، دو عدد $4n+1$ و $3n-2$ نسبت به هم اول‌اند؟

- (۱) ۱۱ (۲) ۸ (۳) ۸۲ (۴) ۷۹

۱۶۹- اگر a عدد زوجی باشد که بر ۴ بخش‌پذیر نیست، باقی‌مانده تقسیم a^2+a^4+1 بر ۴ کدام است؟

- (۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۱۷۰- چند عدد شش رقمی به صورت $xy3152$ وجود دارد که بر ۳۶ بخش‌پذیر باشد؟

- (۱) ۸ (۲) ۹ (۳) ۱۰ (۴) ۱۱

محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

فیزیک ۳ (اختیاری): حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱ تا ۲۸

۱۷۱- متحرکی روی خط راست در طول بازه زمانی Δt دائماً به مبدأ مکان نزدیک می‌شود. کدام گزینه در مورد این متحرک در این بازه زمانی قطعاً صحیح است؟

- (۱) بردار مکان و بردار سرعت متحرک هم‌جهت هستند. (۲) بردار مکان و بردار سرعت متحرک مخالف‌الجهت هستند.
(۳) بردار سرعت و بردار شتاب متحرک هم‌جهت هستند. (۴) بردار سرعت و بردار شتاب متحرک مخالف‌الجهت هستند.

۱۷۲- تندی متوسط اتومبیل A بعد از طی مسافتی به طول 3600m برابر با $86/4 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ و تندی متوسط اتومبیل B بعد از طی همین مسیر برابر با $64/8 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ است. کدام اتومبیل و چند دقیقه زودتر، این مسیر را طی کرده است؟

- (۱) 50 , B (۲) 50 , A (۳) 50 , A (۴) 50 , B

۱۷۳- متحرکی با سرعت ثابت روی محور x حرکت می‌کند و در لحظه‌های $t_1 = 2\text{s}$ و $t_2 = 5\text{s}$ به ترتیب از مکان‌های $x_1 = -5\text{m}$ و $x_2 = 13\text{m}$ عبور می‌کند. این متحرک در لحظه $t = 4\text{s}$ در چه فاصله‌ای بر حسب متر از مبدأ حرکت قرار دارد؟

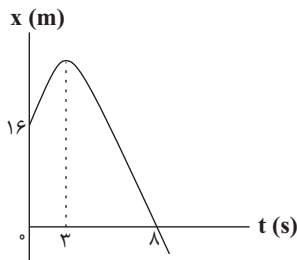
- (۱) ۹ (۲) ۴ (۳) ۲۴ (۴) ۱۴

۱۷۴- مطابق شکل زیر قطار (۲) به طول 400 متر با تندی ثابت $108 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ و قطار (۱) به طول 300 متر با تندی ثابت $54 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ به طرف یکدیگر در مسیری مستقیم و در دو ریل موازی در حال حرکت هستند. اگر مکان جلوی دو قطار در یک لحظه برابر با $x_A = -200\text{m}$ و $x_B = 600\text{m}$ باشد، در لحظه‌ای که دو قطار به طور کامل از کنار یکدیگر عبور می‌کنند، مکان نقطه A کدام است؟



- (۱) 300m
(۲) صفر
(۳) 100m
(۴) 500m

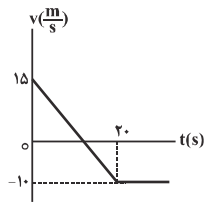
۱۷۵- نمودار مکان - زمان متحرکی که با شتاب ثابت در مسیری مستقیم حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در لحظه‌ای که بردار مکان متحرک تغییر جهت می‌دهد، تندی متحرک چند متر بر ثانیه است؟



- (۱) صفر
(۲) ۲
(۳) ۶
(۴) ۱۰

محل انجام محاسبات

۱۷۶- نمودار سرعت - زمان متحرکی مطابق شکل زیر است. در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه، متحرک به مکان اولیه خود باز می‌گردد؟



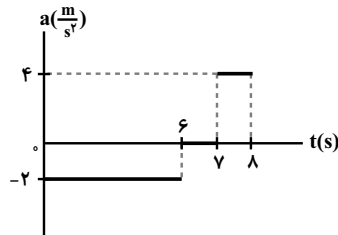
۱۲ (۱)

۸ (۲)

۲۰ (۳)

۲۵ (۴)

۱۷۷- نمودار شتاب - زمان متحرکی که روی خط راست در مبدأ زمان با سرعت $5 \frac{m}{s}$ از مبدأ مکان عبور می‌کند، مطابق شکل زیر است. تندی متوسط متحرک از لحظه صفر تا لحظه $t = 8s$ چند متر بر ثانیه است؟



$\frac{3}{8}$ (۲)

$\frac{61}{16}$ (۱)

$\frac{21}{16}$ (۴)

$\frac{97}{16}$ (۳)

۱۷۸- دو متحرک که با شتاب‌هایی ثابت در یک مسیر مستقیم در حال حرکت هستند، در مبدأ زمان از مبدأ مکان با سرعت‌های

$2 \frac{m}{s}$ و $8 \frac{m}{s}$ عبور می‌کنند. اگر سرعت دو متحرک بعد از $5s$ با هم برابر شود، آنگاه بیش‌ترین فاصله دو متحرک از هم در 10

ثانیه ابتدایی حرکت، چند متر است؟

۵ (۴)

$7/5$ (۳)

۱۰ (۲)

۱۵ (۱)

۱۷۹- در شرایط خلأ، سنگی را از بالای ساختمانی به ارتفاع h رها می‌کنیم و این سنگ پس از $4s$ به زمین می‌رسد. این سنگ $\frac{7}{16}h$

انتتهایی مسیر را طی چند ثانیه طی خواهد کرد؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

$1/25$ (۱)

۱۸۰- تندی گلوله‌ای که در شرایط خلأ از ارتفاع h از سطح زمین رها می‌شود، در فاصله $\frac{h}{5}$ از سطح زمین برابر با $12\sqrt{5} \frac{m}{s}$ می‌شود.

تندی گلوله در لحظه برخورد به زمین چند متر بر ثانیه است؟ ($g = 9/8 \frac{m}{s^2}$)

$60\sqrt{5}$ (۲)

۳۰ (۱)

۲۴ (۴)

$60\sqrt{2}$ (۳)

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳ (اختیاری): مولکول‌ها در خدمت تندرستی: صفحه‌های ۱ تا ۳۶

۱۸۱- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- (آ) هنگام یونیده شدن متانویک اسید در آب، $[H^+]$ با $[HCOO^-]$ برابر و خیلی کمتر از $[HCOOH]$ است.
 (ب) اگر $\alpha_{HA} > \alpha_{HB}$ باشد، آنگاه رسانایی الکتریکی محلول HA بیشتر از HB خواهد بود.
 (پ) از نظر مقایسه K_a : مقایسه $HCl > CH_3COOH > HCN$ درست است.
 (ت) در تعادل: $2A(g) + B(g) \rightleftharpoons 3C(g)$ ، پس از برقراری تعادل، سرعت مصرف A با سرعت تولید C برابر است.
 (ث) در دمای ثابت، با افزودن آب به محلول نیترو اسید، درجه یونش آن افزایش می‌یابد.

(۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۵

۱۸۲- مقدار m گرم پتاسیم نیترات خالص را حرارت داده تا مطابق واکنش زیر به طور کامل تجزیه شود. پتاسیم اکسید تولید شده در این واکنش را در آب مقطر حل نموده و با افزودن آب، حجم محلول حاصل را به ۲ لیتر رسانده‌ایم. اگر غلظت یون هیدروکسید این محلول برابر ۰/۵ مولار باشد مقدار m برابر گرم و حجم گاز اکسیژن تولید شده در شرایط STP برابر لیتر خواهد بود. ($H = 1, O = 16, N = 14, K = 39 : g.mol^{-1}$) (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید).

(معادله واکنش موازنه شود): $KNO_3(s) \rightarrow K_2O(s) + N_2(g) + O_2(g)$

(۱) ۵۶، ۲۰۲ (۲) ۵۶، ۱۰۱ (۳) ۲۸، ۲۰۲ (۴) ۲۸، ۱۰۱

۱۸۳- ۱۰/۸ گرم اسید ضعیف HA را در آب حل کرده و حجم محلول حاصل را به ۵۰۰ میلی لیتر رسانده‌ایم. اگر pH محلول اسید در دمای $25^\circ C$ برابر ۴/۴ باشد، ثابت یونش اسید در این دما به تقریب کدام است؟ (جرم مولی HA را برابر ۲۷ گرم بر مول در نظر بگیرید. $\log 2 = 0.3$)

(۱) 5×10^{-11} (۲) 2×10^{-9} (۳) 5×10^{-10} (۴) 2×10^{-10}

۱۸۴- مقایسه رسانایی الکتریکی محلول‌های زیر در کدام گزینه به درستی بیان شده است؟ ($Ca = 40, O = 16 : g.mol^{-1}$) و دما را $25^\circ C$ در نظر بگیرید.)

(از تغییر حجم ناشی از حل کردن مواد در آب چشم‌پوشی شود.)

(A) محلول حاصل از انحلال ۱ مول دی‌نیتروژن پنتاکسید درون یک لیتر آب مقطر

(B) محلول آبی ۰/۵ مولار پتاسیم فسفید

(C) محلول ۵ مولار اسید HA با درجه یونش ۰/۲

(D) انحلال ۱۱۲ گرم آهن درون ۲ لیتر آب مقطر

(۱) $A > D > C = B$ (۲) $A > B = C > D$ (۳) $D > A > B > C$ (۴) $D > C > A > B$

۱۸۵- کدام گزینه صحیح است؟

(۱) گل ادریسی در خاکی که pH آن برابر با ۴/۷ باشد، به رنگ سرخ شکوفا می‌شود.

(۲) آمونیاک باز ضعیفی است که به علت برقراری نیروی جاذبه وان‌دروالسی با آب، عمدتاً به صورت مولکولی در آب حل می‌شود.

(۳) منیزیم هیدروکسید نوعی ضد اسید است که در واکنش با هیدروکلریک اسید، رسوب منیزیم کلرید را تولید می‌کند.

(۴) در محلول بازهای ضعیف علاوه بر یون‌های آب پوشیده، شمار بسیاری از مولکول‌های باز نیز یافت می‌شود.

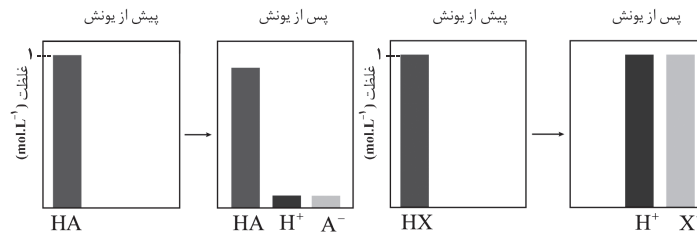
محل انجام محاسبات

۱۸۶- ۲۰۰mL محلول اسید HA با ۱۰۰ میلی لیتر محلول NaOH با $\text{pH} = 13/7$ خنثی می شود. درجه یونش این اسید و pH

آن به تقریب از راست به چپ کدام اند؟ ($\log 2 = 0/3$) و $K_a = 2/5 \times 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$ و دما را 25°C در نظر بگیرید.

- (۱) 10^{-2} و $2/4$ (۲) 10^{-1} و $2/6$ (۳) 10^{-1} و $2/4$ (۴) 10^{-2} و $2/6$

۱۸۷- با توجه به شکل زیر، کدام گزینه نادرست است؟



(۱) برای خنثی کردن حجم های یکسانی از این دو اسید در شرایط یکسان، حجم یکسانی از محلول ۰/۱ مولار NaOH لازم است.

(۲) pH محلول ۰/۱ مولار HX از pH محلول ۰/۱ مولار HA کوچکتر است.

(۳) با افزودن ۱۰۰ میلی لیتر آب مقطر به ۱۰۰ میلی لیتر از محلول ۰/۱ مولار این دو اسید، تغییر pH آنها متفاوت خواهد بود.

(۴) با افزایش غلظت محلول اسیدهای HA و HX در دمای ثابت، ثابت یونش و درجه یونش آنها ثابت می ماند.

۱۸۸- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) از واکنش سدیم هیدروژن کربنات و هیدروکلریک اسید، گاز CO_2 تولید می شود.

(۲) محیط درون معده، بسیار اسیدی است و حتی می تواند فلز منیزیم را در خود حل کند.

(۳) یکی از رایج ترین ضد اسیدها شیر منیزی نام دارد که شامل منیزیم هیدروکسید است.

(۴) افزودن جوش شیرین به شوینده ها، تأثیری در قدرت پاک کنندگی آنها ندارد.

۱۸۹- غلظت اولیه اسید HA در دو لیتر محلول آن با درجه یونش $0/02$ و $\text{pH} = 2/7$ ، چند مول بر لیتر است و این محلول با چند

مول NaOH به طور کامل خنثی می شود؟ (گزینه ها را از راست به چپ بخوانید.) ($10^{0/2} = 2$)

- (۱) $0/1$ ، $0/2$ (۲) $0/1$ ، $0/2$ (۳) $0/1$ ، $0/02$ (۴) $0/2$ ، $0/01$

۱۹۰- ۲۰۰ میلی لیتر از محلول هیدروبرمیک اسید با $\text{pH} = 1/4$ با چند گرم لیتیم اکسید به طور کامل خنثی می شود؟ ($10^{0/2} = 2$)

($\text{Li} = 7, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$)

- (۱) $0/06$ (۲) $0/12$ (۳) $0/24$ (۴) $0/48$

محل انجام محاسبات

اگر در آزمون‌های قبلی به سوالات آمادگی شناختی پاسخ داده‌اید از وضعیت پایه آمادگی شناختی خود بر اساس کارنامه آگاهی دارید. از این آزمون به بعد، برنامه‌های حمایتی ما برای تقویت سازه‌های مورد ارزیابی شروع می‌شود. این برنامه ارائه راهکارهای هفتگی و پایش مداوم دانش شناختی است. لطفاً برای سنجش آگاهی خود به سوالات پاسخ دهید و برای اطمینان از ماهیت راهبردهای آموزشی مورد سوال پاسخ نامه تشریحی را مطالعه کنید. دقت داشته باشید، سوالات از شماره ۲۶۱ شروع می‌شوند.

۲۶۱. ورزش یا فعالیت فیزیکی موجب تسهیل یادگیری در کدام مورد زیر می‌شود؟

۱. تکالیف درسی بعد از ورزش
۲. تکالیف درسی قبل از ورزش
۳. هر دو مورد
۴. هیچ‌کدام

۲۶۲. برای پیشگیری از حواس پرتی کدام مورد را مفید می‌دانید؟

۱. اجازه دادن حرکت آزادانه فکر
۲. کم کردن محرک‌های مزاحم
۳. هردو مورد
۴. نمی‌دانم

۲۶۳. تعداد گویه‌های قابل ذخیره در کدام نوع حافظه بیشتر است؟

۱. اطلاعات تصویری
۲. اطلاعات شنیداری
۳. فرقی نمی‌کند
۴. نمی‌دانم

۲۶۴. کدام مورد برای به خاطر سپاری حجم بیشتری از اطلاعات در یک بازه زمانی مفید است؟

۱. اطلاعات تصویری
۲. اطلاعات شنیداری
۳. فرقی نمی‌کند
۴. نمی‌دانم

۲۶۵. چگونه می‌توان توجه و تمرکز را در زمان خواندن مطالب درسی به سمت موارد مهم تر سوق داد؟

۱. خط کشیدن زیر مطالب مهم‌تر
۲. نکته‌برداری
۳. هایلایت کردن
۴. همه موارد

۲۶۶. کدام روش زیر را در مطالعه مناسب‌تر می‌دانید؟

۱. استفاده از مثال‌های موجود در کتاب درسی
۲. خلق مثال‌های جدید بر اساس دانش خودمان
۳. تفاوتی ندارد
۴. نمی‌دانم

۲۶۷. به خاطر سپاری کدام مطلب زیر راحت‌تر است؟

۱. مطالب عجیب
۲. مطالب خنده‌دار
۳. مطالب واقعی و جدی
۴. مورد ۱ و ۲

۲۶۸. کدام روش را برای حل مساله مناسب‌تر می‌دانید؟

۱. پیروی از روش معمول
۲. خلق روش جدید
۳. هردو
۴. هیچ‌کدام

۲۶۹. نگه داشتن توجه و تمرکز بر روی کدام یک از موارد زیر سخت‌تر است؟

۱. تکلیف ساده و یکنواخت
۲. تکلیف دشوار و متنوع
۳. فرقی ندارد
۴. نمی‌دانم

۲۷۰. یکی از گزینه‌های زیر را در مورد سوالات امروز انتخاب کنید.

۱. مفید بود و انتظار دارم این آگاهی، من را در یادگیری مطالب درسی کمک کند.
۲. مایل به دریافت اطلاعات، راهبردها و تکالیف تقویتی بیشتر هستم.
۳. هر دو
۴. هیچ‌کدام



آزمون 21 بهمن 1401

دفترچه پاسخ

اختصاصی دوازدهم ریاضی (دفترچه مشترک)

نام طراحان	نام درس	اختصاصی
کاظم اجلالی-شاهین پروازی-محمدسجاد پیشوایی-عادل حسینی-افشین خاصه-خان-طاهر دادستانی-بابک سادات محمدحسن سلامی حسینی-پویان طهرانیان-کامیار علییون-سروش موئینی-سیدجواد نظری-جهانبخش نیکنام-امیر وفائی شهرام ولایی	حسابان 2 و ریاضی پایه	
امیرحسین ابومحبوب-معصومه اکبری صحت- مهدی حاجی نژادیان-حسین حاجیلو-افشین خاصه-خان-کیوان دارابی سوگند روشنی-یاسین سپهر-فرشاد صدیقی فر-شایان عباچی-رضا عباسی اصل-احمد رضا فلاح-سهم مجیدی پور-سروش موئینی محمد هجری-امیر وفائی	هندسه	
امیرحسین ابومحبوب-محسن بهرام پور-جواد حاتمی-سیدمحمد رضا حسینی فرد-فرزانه خاکپاش-سوگند روشنی-محمد صحت کار فرشاد فرامرزی-احمد رضا فلاح-مرتضی فهیم علوی-محمدجواد محسنی-مهرداد ملوندی-سروش موئینی-محمد هجری-امیر وفائی-فرهاد وفائی	ریاضیات گسسته و آمار و احتمال	
خسرو ارغوانی فرد-محمد اسدی-بابک اسلامی-عباس اصغری-عبدالرضا امینی نسب-زهره آقامحمدی-امیرحسین برادران حامد خسروی-بیبا خورشید-محمدعلی راست پیمان-بهنام رستمی-مهدی سلطانی-سعید شرق-امیرمحمد عبدوی-پوریا علاقه مند مسعود قره خانی-محسن قندچلر-بهادر کامران-مصطفی کیانی علیرضا گونه-غلامرضا محبی-احسان محمدی-حسین مخدومی محمود منصوری-سیدعلی میرنوری-حسام نادری-مجتبی نکوئیان	فیزیک	
محمد رضا پورچاوید-احمد رضا جعفری نژاد-امیر حاتمیان-حمید ذبچی-یاسر راش-حسن رحمتی کوکنده-روزبه رضوانی-علی طرفی محمد عظیمیان زواره-رضا فراهانی-علیرضا کیانی دوست-محمدحسن محمدزاده مقدم-امیرحسین مسلمی	شیمی	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان 2 و ریاضی پایه	هندسه	ریاضیات گسسته و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	مهدی ملارمضانی	امیرحسین ابومحبوب	سوگند روشنی	بابک اسلامی	ایمان حسین نژاد
گروه ویراستاری	مهدی ملارمضانی علی سرآبادانی	عادل حسینی	عادل حسینی	حمید زرین کفش زهره آقامحمدی	یاسر راش پویا رستگاری محبوبه بیگ محمدی
		ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: سیدعلی میرنوری	ویراستار استاد: محمدحسن محمدزاده مقدم
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	امیرحسین مسلمی
مستند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقینازاریان تبریزی	سرژ یقینازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف نگار	میلاد سیاوشی
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک 923 - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: 021-6463

حسابان 2

گزینه 1»

(شاهین پروازی)

تابع $f(x)$ را در همسایگی $x=1$ به صورت زیر بازنویسی می کنیم:

$$f(x) = \begin{cases} 3x & ; x \geq 1 \\ 2x & ; x < 1 \end{cases} \quad \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = f(1) = 3$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = 2$$

تابع $f(x)$ در $x=1$ فقط پیوستگی راست دارد و پیوستگی چپ را که لازمه مشتق پذیری چپ در $x=1$ است ندارد.

$$f'(x) = \begin{cases} 3 & ; x > 1 \\ 2 & ; x < 1 \end{cases}$$

بنابراین:

$$f'_+(1) = 3 \quad f'_-(1) = 2 \quad \text{وجود ندارد}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f'(x) = 3 \quad \lim_{x \rightarrow 1^-} f'(x) = 2$$

(حسابان 2- صفحه های 84 و 87)

گزینه 2»

(لامیار علییون)

مجاوب قائم نمودار تابع f خط $x=a$ است.

از طرفی خط مماس قائم نمودار تابع $y = \sqrt[3]{x}$ ، $x=0$ است که با انتقال نمودار $y = \sqrt[3]{x}$ به اندازه $2a^2$ واحد به سمت راست و به دست آوردن نمودار تابع g ، خط مماس قائم هم به $x=2a^2$ منتقل می شود.

حال این دو خط بر هم منطبق اند و داریم:

$$2a^2 = a \Rightarrow 2a^2 - a = a(2a - 1) = 0$$

$$\Rightarrow a = 0 \vee a = \frac{1}{2}$$

مشخص است که $a=0$ غیر قابل قبول است، زیرا در این صورت نمودار f مجانب قائم ندارد.

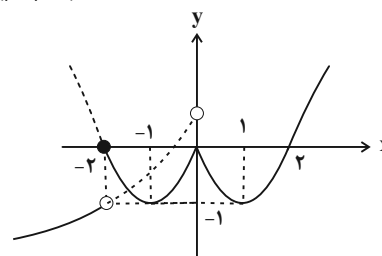
(حسابان 2- صفحه 88)

گزینه 2»

(لامیار علییون)

در چنین مواردی بهترین روش رسم تقریبی نمودار است. نمودار تابع f را در شکل زیر می بینید:

$$f(x) = \begin{cases} 1 - \sqrt{-2x} & ; x < -2 \\ (|x| - 1)^2 - 1 & ; x \geq -2 \end{cases}$$



با توجه به نمودار بالا تابع در نقاط -2 و 0 صفر مشتق ناپذیر است.

(حسابان 2- صفحه 89)

گزینه 3»

(شاهین پروازی)

با توجه به تعریف مشتق $f'(a) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$ داریم:

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x^2 + 2 + h) - f(x^2 + 2)}{h} = f'(x^2 + 2)$$

و با توجه به $x^2 + 2 \geq 2$ و ضابطه $f(x)$ که به صورت زیر است:

$$f(x) = \begin{cases} x & ; x > 1 \\ 2 - x & ; x \leq 1 \end{cases}$$

شیب خط مماس در نقاط بیشتر از 2، یک است.

(حسابان 2- صفحه 77)

گزینه 2»

(میانپوش نیکنام)

معادله خط مماس بر نمودار تابع f در $x=2$ برابر است با:

$$y = -\frac{1}{a}x + 1$$

$$f(2) = -\frac{2}{a} + 1 \text{ و } f'(2) = -\frac{1}{a}$$

حال برای حاصل حد صورت سؤال داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} \times \frac{f(x) + f(2)}{x + 2} = (f'(2)) \frac{2f(2)}{4}$$

$$= \frac{1}{2} f'(2) f(2) = 3$$

$$\Rightarrow f'(2) f(2) = 6 \Rightarrow \left(-\frac{1}{a}\right) \left(-\frac{2}{a} + 1\right) = 6 \Rightarrow \frac{2}{a^2} - \frac{1}{a} = 6$$

$$\Rightarrow \frac{2}{a^2} - \frac{1}{a} - 6 = 0 \Rightarrow \left(\frac{1}{a} - 2\right) \left(\frac{2}{a} + 3\right) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = -\frac{2}{3} \\ a = \frac{1}{2} \end{cases}$$

دقت کنید که a منفی است.

(حسابان 2- صفحه های 78 و 80)

گزینه 4»

(عارل مسینی)

$$f(x) = (x-2) \frac{(x+2) \tan \frac{\pi x}{3}}{\sqrt{4x+1}} ; f(2) = 0$$

$x-2$ عامل صفرکننده است و برای محاسبه $f'(2)$ از تعریق مشتق استفاده می کنیم:

$$\xrightarrow{\text{آزمون}} -a-1=2+b \Rightarrow a+b=-3$$

دقت کنید که در یک همسایگی راست $x = -1$ ، $x = -2$ ، $[2x] = -2$ است.

در همسایگی $x = -1$ تابع f از دو قطعه خط تشکیل شده است و شیب خطها برابر شیب نیم‌مماس‌های راست و چپ است که برای مشتق‌پذیری این شیب‌ها باید برابر باشند:

$$\Rightarrow a = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} [2x] = -2 \xrightarrow{a+b=-3} b = -1$$

(مسایان 2- صفحه‌های 86 و 87)

(جهان‌پوش نیکنام)

9- گزینه «1»

ابتدا مشتق راست و چپ تابع f را در $x = 0$ بدست می‌آوریم:

$$f'_+(0) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{|x| + k}{x} = \frac{1}{k}$$

$$f'_-(0) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{|x| + k}{x} = -\frac{1}{k}$$

پس داریم:

$$\left| \frac{1}{k} - \left(-\frac{1}{k} \right) \right| > \frac{2}{3} \Rightarrow |k| < 3 \Rightarrow -3 < k < 3$$

اعداد صحیح در این بازه $k = \pm 2, \pm 1, 0$ می‌باشد.

اما به ازای $k = 0$ تابع f ، تابع ثابت $f(x) = 1$ ($x \neq 0$) خواهد شد.

که چون در $x = 0$ تعریف نشده است پس مشتق چپ و راست وجود ندارد. پس اعداد صحیح قابل قبول $k = \pm 1, \pm 2$ هستند.

(مسایان 2- صفحه‌های 86 و 87)

(ظاهر درستانی)

10- گزینه «3»

تابع $y = \frac{\sqrt{f(\sin x)}}{\cos x}$ در یک همسایگی چپ $\frac{\pi}{2}$ مثبت است. در این

صورت داریم:

$$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{2}\right)^-} \frac{\sqrt{f(\sin x)}}{\sqrt{\cos^2 x}} = \lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{2}\right)^-} \frac{\sqrt{f(\sin x)}}{\sqrt{1 - \sin^2 x}} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\sqrt{f(t)}}{\sqrt{1 - t^2}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^-} \sqrt{\frac{f(t) - f(1)}{t - 1} \times \frac{-1}{t + 1}}$$

$$= \sqrt{f'_-(1) \times \left(-\frac{1}{2}\right)} = \sqrt{(-2) \left(-\frac{1}{2}\right)} = 1$$

(مسایان 2- صفحه‌های 86 و 87)

$$f'(2) = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x+2) \tan \frac{\pi x}{3}}{(x-2) \sqrt{4x+1}} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x+2) \tan \frac{\pi x}{3}}{\sqrt{4x+1}}$$

$$= \frac{4 \tan \frac{2\pi}{3}}{3} = \frac{4}{3} \left(-\tan \frac{\pi}{3} \right) = -\frac{4}{3} \sqrt{3}$$

پس معادله خط مماس به صورت زیر است:

$$y - 0 = -\frac{4}{3} \sqrt{3} (x - 2) \Rightarrow 4x + \sqrt{3}y = 8$$

(مسایان 2- صفحه‌های 78 تا 80)

(پویان طهرانیان)

7- گزینه «2»

در یک همسایگی $x = -1$ می‌توانیم ضابطه (های) تابع f را به صورت زیر بنویسیم:

$$f(x) = \begin{cases} 3(x^3 - ax + b) & ; x < -1 \\ 4(x^3 - ax + b) & ; x \geq -1 \end{cases}$$

زیرا وقتی $x \rightarrow (-1)^-$ ، $\left[-\frac{4}{x}\right] = 3$ و وقتی $x \rightarrow (-1)^+$ ،

$$\left[-\frac{4}{x}\right] = 4 \text{ است. دقت کنید که در } x = -1 \text{ تابع پیوستگی راست دارد.}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \begin{cases} 9x^2 - 3a & ; x < -1 \\ 12x^2 - 4a & ; x \geq -1 \end{cases}$$

برای اینکه تابع f ، مشتق چپ هم داشته باشد، لازم است که از چپ هم پیوسته باشد، بنابراین $x = -1$ باید ریشه $x^3 - ax + b$ باشد. در این

$$\text{صورت داریم: } (-1)^3 - a(-1) + b = 0 \Rightarrow a + b = 1$$

حال برای مشتق‌های چپ و راست تابع f در $x = -1$ می‌توانیم بنویسیم:

$$f'_-(-1) = 9 - 3a \Rightarrow |9 - 3a - 12 + 4a| = |a - 3| = a$$

$$f'_+(-1) = 12 - 4a$$

$$\Rightarrow a - 3 = -a \Rightarrow a = \frac{3}{2}$$

$$\xrightarrow{a+b=1} b = -\frac{1}{2}$$

(مسایان 2- صفحه‌های 86 و 87)

(عادل مسینی)

8- گزینه «4»

برای اینکه f در $x = -1$ مشتق‌پذیر باشد، لازم است پیوسته باشد، پس داریم:

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow (-1)^-} f(x) = -a - 1 \\ f(-1) = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} (-2x + b) = 2 + b \end{cases}$$

ریاضی پایه

گزینه 11- «1»

(لامیار علیپور)

ابتدا A را تا حد امکان ساده می‌کنیم:

$$A = \frac{2^6 \times (3^3 \times 2 \times 5)^{\frac{1}{2}}}{3(3^2 \times 5^2)^4} = \frac{2^6 \times 3^{\frac{3}{2}} \times 2^{\frac{1}{2}} \times 5^{\frac{1}{2}}}{3 \times 3^2 \times 5^2} = \frac{13}{2^2}$$

$$\sqrt[13]{\frac{13}{2^2}} = \frac{1}{2^2} = \sqrt{2} \text{ برابر است با } \frac{13}{2^2}$$

(ریاضی 1- توان‌های گویا و عبارت‌های جبری: صفحه‌های 54 تا 62)

گزینه 12- «2»

(ظاهر دارستانی)

$$\frac{\sqrt{2-\sqrt{3}} + \sqrt{4-\sqrt{7}}}{\sqrt{3} + \sqrt{7} - 2} = \frac{\sqrt{\frac{4-2\sqrt{3}}{2}} + \sqrt{\frac{8-2\sqrt{7}}{2}}}{\sqrt{3} + \sqrt{7} - 2}$$

$$= \frac{\frac{\sqrt{(\sqrt{3}-1)^2}}{\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{(\sqrt{7}-1)^2}}{\sqrt{2}}}{\sqrt{3} + \sqrt{7} - 2}$$

$$= \frac{\frac{1}{\sqrt{2}}(\sqrt{3}-1 + \sqrt{7}-1)}{\sqrt{3} + \sqrt{7} - 2} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

(ریاضی 1- توان‌های گویا و عبارت‌های جبری: صفحه 67)

گزینه 13- «1»

(شاهین پروازی)

با استفاده از اتحاد چاق و لاغر عبارت $x^3 + y^3$ را تجزیه می‌کنیم.

$$x^3 + y^3 = (x+y)(x^2 + y^2 - xy) = (x+y)((x+y)^2 - 3xy)$$

برای پیدا کردن xy کافی است تساوی را به توان 2 برسانیم:

$$x\sqrt{y} + y\sqrt{x} = \sqrt{5}$$

$$\Rightarrow x^2y + y^2x + 2xy\sqrt{xy} = 5$$

$$\Rightarrow xy(x+y) + 2xy\sqrt{xy} = 5 \xrightarrow[\substack{xy=T \\ x+y=3}]{\sqrt{xy}=T} 2T^3 + 3T^2 - 5 = 0$$

$$\Rightarrow (T-1)(\underbrace{2T^2 + 5T + 5}_{\Delta < 0}) = 0 \Rightarrow T = 1 \Rightarrow xy = 1$$

پس حاصل عبارت مورد نظر برابر است با:

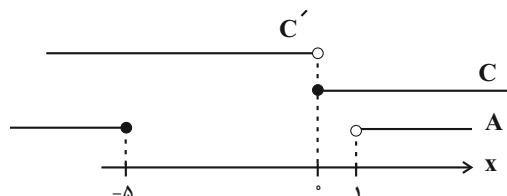
$$x^3 + y^3 = (x+y)^3 - 3xy(x+y) = 27 - 9 = 18$$

(ریاضی 1- توان‌های گویا و عبارت‌های جبری: صفحه‌های 63 تا 65)

گزینه 14- «3»

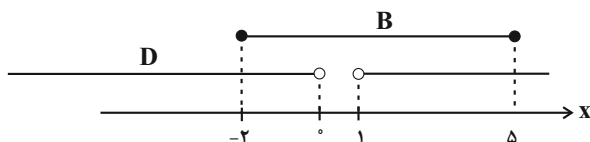
(عارل مسینی)

مجموعه‌های A و C در محور اعداد حقیقی به صورت زیر است:



پس مجموعه $A \cup C'$ برابر مجموعه $D = \mathbb{R} - [0, 1]$ است.

حال مجموعه‌های D و B در محور اعداد حقیقی به صورت زیر است:



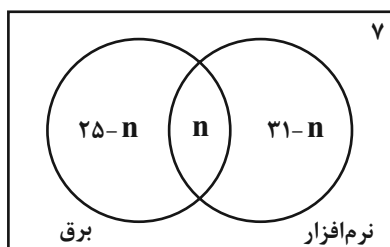
پس مجموعه $D - B$ برابر مجموعه $\mathbb{R} - [-2, 5]$ و طبیعتاً متمم آن بازه $[-2, 5]$ است.

(ریاضی 1- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های 3 تا 5)

گزینه 15- «4»

(عارل مسینی)

نمودار ون زیر وضعیت این کلاس را در علاقمندی به رشته‌های برق و نرم‌افزار نمایش می‌دهد.



که n تعداد افراد علاقمند به هر دو رشته است.

این کلاس 43 نفر جمعیت دارد، پس داریم:

$$25 - n + n + 31 - n + 7 = 43 \Rightarrow n = 20$$

(ریاضی 1- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های 10 تا 13)

گزینه 16- «2»

(ظاهر دارستانی)

تعداد نقاط شکل nام برابر $a_n = n^2 + 4n$ می‌باشد. پس داریم:

19- گزینه «3»

(افشین فاضلخان)

ده جمله متوالی این دنباله را از a_{k-9} تا a_k در نظر می‌گیریم، داریم:

$$S = a_{k-9} + a_{k-8} + \dots + a_k = \frac{10}{2}(a_{k-9} + a_k)$$

جمله عمومی دنباله حسابی $a_n = a_1 + (n-1)d$ است. پس داریم:

$$S = 5[a_1 + (k-10)d + a_1 + (k-1)d]$$

در دنباله داده شده $a_1 = 2$ و $d = 3$ است.

$$\Rightarrow S = 5(6k - 29) = 335 \Rightarrow 6k - 29 = 67 \Rightarrow k = 16$$

یعنی مجموع جملات هفتم تا شانزدهم برابر 335 است.

(مسابقان 1- پیر و معارله: صفحه‌های 2 تا 6)

20- گزینه «3»

(عادل حسینی)

جملات دنباله را به صورت زیر در نظر می‌گیریم:

$$a_n : a_1, a_1q, a_1q^2, \dots, a_1q^{n-1}, \dots$$

که در آن $S_n = \frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1}$ است. دنباله‌ای که جملات آن معکوس

جملات دنباله بالا باشد، به صورت زیر است:

$$b_n : \frac{1}{a_1}, \frac{1}{a_1q}, \dots, \frac{1}{a_1} \left(\frac{1}{q}\right)^{n-1}, \dots$$

که داریم:

$$T_n = \frac{\frac{1}{a_1} \left(1 - \left(\frac{1}{q}\right)^n\right)}{1 - \frac{1}{q}} = \frac{1}{a_1q^{n-1}} \times \frac{q^n - 1}{q - 1} \Rightarrow T_n = \frac{S_n}{a_1a_n}$$

پس در این سؤال داریم:

$$T_{19} = \frac{S_{19}}{a_1a_{19}} = \frac{S_{19}}{18} \Rightarrow a_1a_{19} = 18$$

از طرفی می‌دانیم که در یک دنباله هندسی اگر $n + m = 2k$ باشد، رابطه

$$a_n a_m = a_k^2$$

پس داریم:

$$a_1a_{19} = a_{10}^2 = 18 \Rightarrow a_{10} = \pm 3\sqrt{2}$$

(مسابقان 1- پیر و معارله: صفحه‌های 2 تا 6)

$$n^2 + 4n = 192 \Rightarrow n^2 + 4n - 192 = 0$$

$$\Rightarrow (n-12)(n+16) = 0 \Rightarrow n = 12$$

در شکل دوازدهم 192 نقطه داریم.

(ریاضی 1- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های 17 و 18)

17- گزینه «4»

(امیرعلین)

ابتدا تعداد جملات منفی دنباله a_n را می‌یابیم:

$$a_n = n^2 - 7n + 10 = (n-5)(n-2) < 0 \Rightarrow 2 < n < 5$$

$$\Rightarrow n = 3, 4$$

پس a_n ، 2 جمله منفی دارد. این یعنی b_n هم باید دو جمله منفی داشته

باشد. پس داریم:

$$b_n < 0 \Rightarrow \begin{cases} a > 0: -2a < n < a \rightarrow 2 < a \leq 3 \\ a < 0: a < n < -2a \rightarrow 2 < -2a \leq 3 \end{cases} \Rightarrow -\frac{3}{2} \leq a < -1$$

پس حدود a مجموعه $\left[-\frac{3}{2}, -1\right) \cup (2, 3]$ است.

(ریاضی 1- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های 18 تا 20)

18- گزینه «4»

(پویان طهرانیان)

ابتدا جملات سوم و هفتم را به دست می‌آوریم:

$$a_3 = 5(2)^{2-3} = \frac{5}{2}, \quad a_7 = 5(2)^{2-7} = \frac{5}{32}$$

سه واسطه حسابی بین جملات a_3 و a_7 را c ، $c-d$ و $c+d$ در نظر

می‌گیریم که در آن d قدر نسبت دنباله حسابی به دست آمده است.

مجموعه سه واسطه برابر $3c$ است. اما طبق ویژگی‌های جملات متوالی و

متساوی‌الفاصله در دنباله حسابی داریم:

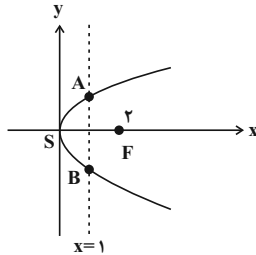
$$2c = a_3 + a_7 \Rightarrow c = \frac{85}{64}$$

در نتیجه مجموع واسطه‌ها برابر $3c = \frac{255}{64}$ خواهد شد.

(ریاضی 1- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های 21 تا 23)

$$4a = 8 \Rightarrow a = 2$$

کانون سهمی: $F(h + a, k) = (2, 0)$



مکان هندسی نقاطی که از S و F به یک فاصله باشند، عمودمنصف پاره خط SF است، یعنی خط $x = 1$.

از تقاطع این خط با سهمی داریم:

$$y^2 = 8x \xrightarrow{x=1} y^2 = 8 \Rightarrow y = \pm 2\sqrt{2}$$

نقاط برخورد: $A(1, 2\sqrt{2}), B(1, -2\sqrt{2})$

$$S_{SAB} = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times 1 = 2\sqrt{2}$$

(هنر سه 3- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های 50 تا 53)

(سوکنر روشنی)

گزینه 1 «1»

می‌دانیم کوچک‌ترین دایره‌ای که از دو نقطه ثابت می‌گذرد، دایره‌ای که آن دو نقطه، دو سر قطری از آن هستند. از طرفی با توجه به ویژگی مکان هندسی سهمی، فاصله هر نقطه واقع بر یک سهمی از کانون و خط هادی برابر است. پس در صورتی که شعاع دایره مورد نظر را با R نمایش دهیم، داریم:

$$2R = AF = |3 - 1| = 2 \Rightarrow R = 1$$

$$\Rightarrow \text{مساحت دایره} = \pi \times 1^2 = \pi$$

(هنر سه 3- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های 50 و 51)

(امیرحسین ابومحبوب)

گزینه 3 «3»

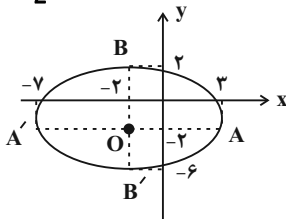
می‌دانیم بیضی مکان هندسی نقاطی از صفحه است که مجموع فواصل آن‌ها از دو نقطه ثابت در این صفحه، مقدار ثابتی باشد. این دو نقطه ثابت کانون‌های بیضی به فاصله $2c$ از یکدیگر هستند و مقدار ثابت برابر $2a$ (طول قطر بزرگ بیضی) است. در این بیضی داریم:

$$MN = \sqrt{(-5-1)^2 + (-2+2)^2} = 6 \Rightarrow 2c = 6 \Rightarrow c = 3$$

$$2a = 10 \Rightarrow a = 5$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 25 = b^2 + 9 \Rightarrow b^2 = 16 \Rightarrow b = 4$$

$$\text{مرکز بیضی: } O = \frac{M+N}{2} = (-2, -2)$$



مطابق شکل نقاط $A(3, -2)$ و $A'(-7, -2)$ دو سر قطر بزرگ و نقاط $B(-2, 2)$ و $B'(-2, -6)$ دو سر قطر کوچک بیضی هستند. بنابراین خط $y = 3$ در هیچ نقطه‌ای با این بیضی برخورد نمی‌کند.

(هنر سه 3- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های 47 و 48)

هندسه 3

گزینه 2 «2»

(امیرحسین ابومحبوب)

$$\frac{c}{a} = \frac{\sqrt{2}}{4} \xrightarrow{2 \cdot \frac{c}{a}} \frac{c^2}{a^2} = \frac{2}{16} = \frac{1}{8}$$

$$\Rightarrow a^2 = 8c^2 \quad (1)$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \xrightarrow{(1)} 8c^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow b^2 = 7c^2 \Rightarrow b = \sqrt{7}c$$

$$\Rightarrow 2b = \sqrt{7}(2c)$$

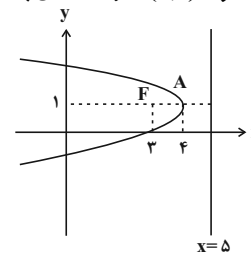
یعنی طول قطر کوچک بیضی، $\sqrt{7}$ برابر فاصله کانونی آن است.

(هنر سه 3- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های 47 تا 49)

(افشین فاضله‌فان)

گزینه 4 «4»

این منحنی، یک سهمی با کانون $F(3, 1)$ و خط هادی به معادله $x = 5$ است.



سهمی رو به چپ باز می‌شود و رأس آن دقیقاً وسط پاره خط عمود از کانون بر خط هادی، یعنی نقطه $A(4, 1)$ قرار دارد. در این صورت داریم:

$$a = 1$$

$$\text{معادله سهمی: } (y-1)^2 = -4(x-4)$$

برای پیدا کردن نقاط تلاقی سهمی با محور y ، در معادله سهمی $x = 0$ را

$$\text{جایگذاری می‌کنیم: } (y-1)^2 = -4(0-4) \Rightarrow (y-1)^2 = 16$$

$$\Rightarrow \begin{cases} y-1 = 4 \Rightarrow y = 5 \\ y-1 = -4 \Rightarrow y = -3 \end{cases}$$

$$5 + (-3) = 2$$

(هنر سه 3- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های 50 تا 53)

(امیرحسین ابومحبوب)

گزینه 4 «4»

ابتدا معادله سهمی را به حالت متعارف تبدیل می‌کنیم و سپس معادله خط هادی آن را به دست می‌آوریم.

$$x^2 - 6x - 8y + 25 = 0 \Rightarrow x^2 - 6x = 8y - 25$$

$$\xrightarrow{+9} x^2 - 6x + 9 = 8y - 16 \Rightarrow (x-3)^2 = 8(y-2)$$

سهمی قائم است و دهانه آن به طرف بالا باز می‌شود.

$$4a = 8 \Rightarrow a = 2 \quad \text{رأس سهمی: } A(3, 2)$$

$$\text{معادله خط هادی: } y = k - a = 2 - 2 \Rightarrow y = 0$$

خط $y = 0$ (محور x) خط هادی سهمی است. پس نقطه $(-1, 0)$ روی این خط قرار دارد.

(هنر سه 3- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های 50 تا 53)

(فرشاد صدیقی‌فر)

گزینه 3 «3»

سهمی افقی است و دهانه آن رو به راست باز می‌شود. در این سهمی داریم:

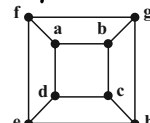
$$\text{رأس سهمی: } S(0, 0)$$

ریاضیات گسسته

گزینه 33

(سوکنر روشنی)

گزینه 1 که همان گراف C_8 با عدد احاطه گری 3 است و عدد احاطه گری گزینه های 2 و 4 نیز 3 است ولی عدد احاطه گری گزینه 3 برابر 2 است. $\{a, h\} \Rightarrow \gamma = 2$: مجموعه احاطه گر



(ریاضیات گسسته - گراف و مدل سازی: صفحه های 44 تا 46)

گزینه 32

(مهمر صمدکار)

مجموعه احاطه گر مینیمال زیرمجموعه ای از رأس های گراف است که با حذف هر رأس از آن دیگر احاطه گر نباشد. با توجه به این تعریف، فقط مجموعه های $\{a, f, c\}$ و $\{c, f, h\}$ احاطه گر مینیمال هستند. مجموعه $\{a, e, d\}$ احاطه گر نیست و مجموعه $\{a, c, g\}$ با حذف رأس a هم چنان احاطه گر است.

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل سازی: صفحه های 44 تا 47)

گزینه 33

(سوکنر روشنی)

گراف گفته شده در صورت سؤال C_5 است. که تعداد مجموعه های احاطه گر آن به صورت زیر است:

$$\binom{5}{2} - 5 = 5$$

یعنی تمام مجموعه های دو عضوی احاطه گر هستند، به جز رئوسی که مجاورند.

$$\binom{5}{3} + \binom{5}{4} + \binom{5}{5} = 10 + 5 + 1 = 16$$

یعنی تمام مجموعه های حداقل سه عضوی احاطه گر هستند.

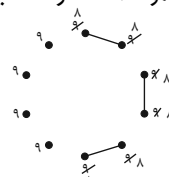
$$5 + 16 = 21 = \text{تعداد مجموعه های احاطه گر}$$

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل سازی: صفحه های 44 تا 51)

گزینه 34

(امیررضا فلاح)

گراف کامل مرتبه 10 دارای $\binom{10}{2} = 45$ یال است و این گراف 3 یال کمتر دارد، 3 یال را باید به گونه ای از k_{10} حذف کنیم که $\Delta = 9$ باقی بماند و $\delta = 8$ باشد. برای این منظور باید 3 یال را بدون رأس مشترک از k_{10} برداریم. واضح است 6 رأس با درجه $\delta = 8$ خواهیم داشت و 4 رأس با $\Delta = 9$ باقی می ماند. پس گراف مورد نظر 4 رأس درجه $p-1=9$ دارد که هر کدام می توانند مجموعه احاطه گر $\min$ باشد.



(ریاضیات گسسته - گراف و مدل سازی: صفحه های 44 تا 51)

گزینه 35

(امیرسین ابومصوب)

ابتدا از میان شش نقطه داده شده، دو نقطه را به تصادف انتخاب می کنیم تا ضلع مشترک دو مثلث ایجاد شود. سپس از میان 4 نقطه باقی مانده، دو نقطه را انتخاب می کنیم تا رأس سوم دو مثلث را تشکیل دهند.

$$\binom{6}{2} \times \binom{4}{2} = 15 \times 6 = 90$$

(ریاضی 1- شمارش بدون شمردن: صفحه های 33 تا 40)

گزینه 36

(مسن بگرام پور)

اگر محسن و رضا و 3 نفر بین آن ها را یک بسته در نظر بگیریم خواهیم داشت: 3 نفر خارج بسته محسن _ _ _ رضا

$$4! \times 2! \times \binom{6}{3} \times 3! = 24 \times 2 \times 20 \times 6 = 5760$$

(ریاضی 1- شمارش بدون شمردن: صفحه های 126 تا 140)

گزینه 37

(امیرسین ابومصوب)

ابتدا باید سه دانشکده را از میان 4 دانشکده انتخاب کنیم که این کار به

$$\binom{4}{3}$$

طریق امکان پذیر است. سپس از یکی از این 3 دانشکده 2 نفر و از 2 دانشکده دیگر هر کدام یک نفر را به تصادف انتخاب می کنیم. با توجه به اینکه 3 حالت برای انتخاب دانشکده اول (دانشکده دارای دو عضو در تیم) وجود دارد، تعداد کل حالات ممکن برابر است با:

$$\binom{4}{3} \times 3 \times \binom{5}{2} \times \binom{5}{1} \binom{5}{1} = 4 \times 3 \times 10 \times 5 \times 5 = 3000$$

(ریاضی 1- شمارش بدون شمردن: صفحه های 133 تا 140)

گزینه 38

(سوکنر روشنی)

روش اول: با استفاده از ترکیب، می توان تعداد حالت ها را به دست آورد:

$$\binom{9}{2} \times \binom{7}{3} \binom{4}{4} = \frac{9!}{2!7!} \times \frac{7!}{3!4!} \times 1 = \frac{9!}{2!3!4!} = 1260$$

روش دوم: تعداد حالت ها با استفاده از قضیه جایگشت با تکرار برابر است با:

$$\frac{9!}{2!3!4!} = 1260$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه های 58 و 59)

گزینه 39

(مهمر صمدکار)

ابتدا چهار مکان از هفت مکان ممکن را برای ارقام زوج در نظر می گیریم. ارقام 0، 2، 4، 6 را تنها به یک حالت می توان به ترتیب صعودی در این چهار

مکان قرار داد. ارقام 3، 5 نیز به $\frac{3!}{2!} = 3$ حالت در 3 مکان دیگر می توانند جابه جا شوند. بنابراین تعداد کل حالت ها برابر است با:

$$\binom{7}{4} \times 1 \times \frac{3!}{2!} = 35 \times 3 = 105$$

اما در این 105 حالت، حالت هایی هستند که رقم صفر، اولین رقم سمت چپ

$$\binom{6}{3} \times 1 \times \frac{3!}{2!} = 20 \times 3 = 60$$

خواهد بود. تعداد این حالت ها برابر است با:

$$105 - 60 = 45$$

بنابراین تعداد اعداد مطلوب برابر است با:

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه های 56 تا 58)

گزینه 40

(سوکنر روشنی)

ابتدا حروف بی صدا را به $\frac{6!}{2!}$ حالت قرار می دهیم و فضای خالی برای حروف صدادار 7 جایگاه است که 3 تای آن ها را انتخاب کرده و حروف

صدادار به $\frac{3!}{2!} = 3$ حالت در آن ها جابه جا می شوند.

$$\frac{6!}{2!} \times \binom{7}{3} \frac{3!}{2!} = 360 \times 35 \times 3 = 37800$$

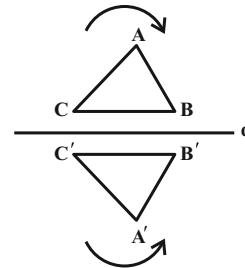
(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه های 56 تا 58)

هندسه 2

گزینه 1» 41-

(امیرحسین ابومحبوب)

انتقال، دوران و تجانس (مستقیم و معکوس) همواره جهت شکل‌ها را حفظ می‌کنند، ولی در بازتاب نسبت به خط، جهت شکل تغییر می‌کند. به عنوان مثال در شکل زیر رأس‌های A، B و C در جهت حرکت عقربه‌های ساعت قرار دارند ولی در بازتاب این مثلث نسبت به خط d، رأس‌های A'، B' و C' در خلاف جهت حرکت عقربه‌های ساعت قرار گرفته‌اند.



(هنر 2- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 37 تا 5)

گزینه 2» 42-

(شایان عیاضی)

انتقال تبدیلی طولی است، پس شعاع دایره در انتقال تغییری نمی‌کند و $R' = 3$ است. نقطه O (مرکز دایره C) در این انتقال بر نقطه O' (مرکز دایره C') تصویر می‌شود، پس طول خط‌المرکزین دو دایره برابر طول بردار انتقال است، یعنی $OO' = 5$ بوده و در نتیجه داریم:

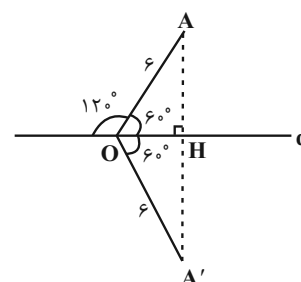
دو دایره متقاطع‌اند $\Rightarrow |R - R'| < OO' < R + R' \Rightarrow$

(هنر 2- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 40 و 41)

گزینه 2» 43-

(امیرحسین ابومحبوب)

مطابق شکل $\hat{AOH} = 60^\circ$ است.



از طرفی بازتاب تبدیلی طولی است و اندازه زاویه‌ها و طول پاره‌خط‌ها در بازتاب ثابت باقی می‌ماند، بنابراین داریم:

$$OA' = OA = 6$$

$$\hat{AOA'} = 2\hat{AOH} = 2 \times 60^\circ = 120^\circ$$

$$S_{\triangle OAA'} = \frac{1}{2} OA \times OA' \times \sin(\hat{AOA'}) = \frac{1}{2} \times 6 \times 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 9\sqrt{3}$$

(هنر 2- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 37 تا 40)

گزینه 4» 44-

(سوام میبیری پور)

اگر O' مرکز دایره C' باشد، آنگاه نقاط O و O' دو طرف نقطه A هستند و داریم:

$$OO' = OA + O'A = OA + 3OA = 4OA$$

$$\Rightarrow OO' = 4 \times 6 = 24$$

$$R' = 3R = 3 \times 2 = 6$$

$$\text{طول مماس مشترک داخلی} = \sqrt{24^2 - (2+6)^2} = \sqrt{576 - 64} = \sqrt{512} = 16\sqrt{2}$$

(هنر 2- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 45 تا 5)

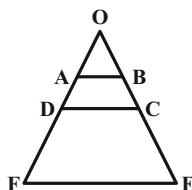
گزینه 1» 45-

(امیرحسین ابومحبوب)

مطابق شکل فرض کنید امتداد ساق‌های AD و BC یکدیگر را در نقطه O خارج از دوزنقه قطع کنند. در این صورت نقطه O مرکز تجانسی است که دوزنقه ABCD را بر دوزنقه DCEF تصویر می‌کند. تحت این تجانس پاره‌خط AB بر پاره‌خط DC و پاره‌خط DC بر پاره‌خط FE تصویر می‌گردد. در نتیجه داریم:

$$\frac{AB}{DC} = \frac{DC}{FE} \Rightarrow \frac{2}{DC} = \frac{DC}{8} \Rightarrow DC^2 = 2 \times 8 = 16 \Rightarrow DC = 4$$

$$k = \frac{DC}{AB} = \frac{4}{2} = 2 \quad \text{بنابراین نسبت تجانس برابر است با:}$$

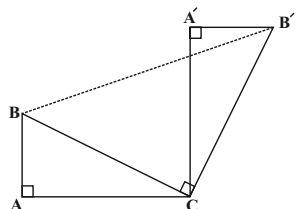


(هنر 2- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 45 تا 5)

گزینه 3» 46-

(معمومه اکبری صفت)

فرض کنید $AB = 2$ و $AC = 4$ باشد. در این صورت داریم:



$$\triangle ABC : BC^2 = AB^2 + AC^2 = 4 + 16 = 20 \Rightarrow BC = 2\sqrt{5}$$

دوران تبدیلی طولی است، پس $B'C = 2\sqrt{5}$ است. از طرفی در دوران، زاویه بین هر پاره‌خط و تصویر آن، برابر با زاویه دوران است، پس

$\widehat{BCB'} = 90^\circ$ و در نتیجه مثلث BCB' قائم‌الزاویه است. داریم:

$$\triangle BCB' : BB'^2 = BC^2 + B'C^2 = 20 + 20 = 40 \Rightarrow BB' = 2\sqrt{10}$$

(هنر 2- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 42 و 43)

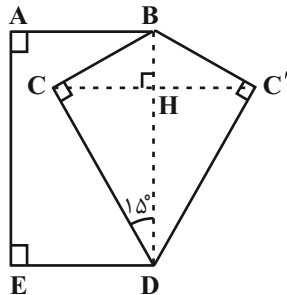
برابر 15^0 باشد، آن گاه طول ارتفاع وارد بر وتر در این مثلث، $\frac{1}{4}$ طول وتر است، پس داریم:

$$CH = \frac{1}{4}BD = \frac{1}{4} \times 10 = 2/5$$

$$S_{BC'D} = S_{BCD} = \frac{1}{2}CH \times BD = \frac{1}{2} \times 2/5 \times 10 = 12/5$$

با توجه به اینکه چهارضلعی ABDE مستطیل است، داریم:

$$S_{ABC'DE} = S_{ABDE} + S_{BC'D} = 5 \times 10 + 12/5 = 62/5$$



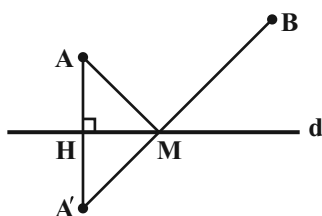
(هنر سه 2- تبدیل های هندسی و کاربردها: صفحه های 53 و 54)

گزینه 2 «2» (امیر وفائی)

طبق روش هرون برای محاسبه طول کوتاه ترین مسیر، کافی است نقطه A' (بازتاب A نسبت به خط d) را یافته و آن را به B وصل کنیم. محل تلاقی $A'B$ و خط d ، همان نقطه مورد نظر M است. که کوتاه ترین مسیر AMB را ایجاد می کند و طول این مسیر دقیقاً برابر طول پاره خط $A'B$ است.

$$m_d = -\frac{1}{4} \Rightarrow m_{AA'} = 4$$

$$AA' \text{ معادله } y - 2 = 4(x - 2) \Rightarrow y = 4x - 6$$



$$8y + 2x - 3 = 0 \Rightarrow 8(4x - 6) + 2x - 3 = 0$$

$$\Rightarrow 34x = 51 \Rightarrow x = \frac{51}{34} = \frac{3}{2} \Rightarrow y = 0$$

بنابراین $H(\frac{3}{2}, 0)$ تصویر A روی خط d است و داریم:

$$H = \frac{A + A'}{2} \Rightarrow A' = 2H - A = (3, 0) - (2, 2) = (1, -2)$$

$$AMB \text{ طول کوتاه ترین مسیر } A'B = \sqrt{(7-1)^2 + (6+2)^2}$$

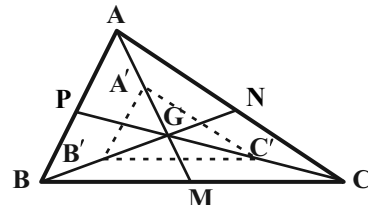
$$= \sqrt{100} = 10$$

(هنر سه 2- تبدیل های هندسی و کاربردها: صفحه 54)

گزینه 1 «1» (مسین فابیلو)

فرض کنید نقطه G محل تلاقی میانه های مثلث ABC باشد. می دانیم میانه ها در هر مثلث، یکدیگر را به نسبت 2 به 1 قطع می کنند، بنابراین داریم:

$$GA' = GA - AA' = \frac{2}{3}AM - \frac{1}{3}AM = \frac{1}{3}AM$$



به طور مشابه $GB' = \frac{1}{3}BN$ است و داریم:

$$ABG : \frac{GA'}{GA} = \frac{GB'}{GB} = \frac{1}{2} \xrightarrow{\text{قضیه تالس}} A'B' \parallel AB$$

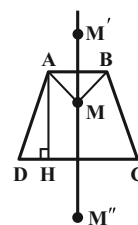
$$\xrightarrow{\text{قضیه تالس}} \frac{A'B'}{AB} = \frac{GA'}{GA} = \frac{1}{2}$$

به طور مشابه $\frac{B'C'}{BC} = \frac{1}{2}$ و $\frac{A'C'}{AC} = \frac{1}{2}$ است و در نتیجه دو مثلث ABC و $A'B'C'$ متشابه اند.

$$\frac{S_{A'B'C'}}{S_{ABC}} = \left(\frac{A'B'}{AB}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

(هنر سه 2- تبدیل های هندسی و کاربردها: صفحه های 40 و 41)

گزینه 3 «3» (امیر وفائی)



$$S_{ABCD} = \frac{1}{2}AH(AB + CD)$$

$$\Rightarrow 65 = \frac{1}{2}AH(4 + 6)$$

$$\Rightarrow AH = 13$$

می دانیم ترکیب دو بازتاب نسبت به دو خط موازی معادل یک انتقال با برداری به طول دو برابر فاصله این دو خط است، بنابراین داریم:

$$MM'' = 2AH = 2 \times 13 = 26$$

(هنر سه 2- تبدیل های هندسی و کاربردها: مشابه تمرین 4 صفحه 44)

گزینه 4 «4» (امیر مسین ابومضوب)

برای افزایش مساحت این قطعه زمین بدون تغییر محیط و تعداد اضلاع پنج ضلعی $ABCDE$ ، کافی است بازتاب نقطه C را نسبت به خط گذرنده از نقاط B و D به دست آوریم. در این صورت دو مثلث BCD و $BC'D$ هم نهشت هستند. می دانیم اگر یکی از زوایای حاده در مثلث قائم الزاویه ای

آمار و احتمال - اختیاری

گزینه 1» 51-

(سیرممرضا حسینی فرد)

با استفاده از قوانین گزاره‌ها داریم:

$$(p \wedge \sim q) \Rightarrow (p \vee q) \equiv \sim(p \wedge \sim q) \vee (p \vee q)$$

$$\equiv (\sim p \vee q) \vee (p \vee q) \equiv (\sim p \vee p) \vee q \equiv T \vee q \equiv T$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های 6 تا 13)

گزینه 4» 52-

(فرشاد فرامرزی)

گزاره شرطی تنها در صورتی نادرست است که مقدم آن درست و تالی آن نادرست باشد. بنابراین داریم:

$$\begin{cases} p \vee r \equiv F \Rightarrow (p \equiv F) \wedge (r \equiv F) \\ (\sim p \Leftrightarrow q) \equiv T \end{cases}$$

از طرفی گزاره دو شرطی در صورتی درست است که دو طرف آن هم ارزش باشند. از آنجا که $\sim p \equiv T$ ، بنابراین: $q \equiv T$
بررسی گزینه‌ها:

$$1) (p \equiv F) \wedge (q \equiv T) \Rightarrow (p \wedge q) \equiv F$$

$$2) (q \equiv T) \wedge (r \equiv F) \Rightarrow (q \Rightarrow r) \equiv F$$

$$3) (r \equiv F) \wedge (p \equiv F) \Rightarrow (r \vee p) \equiv F$$

$$4) (p \equiv F) \wedge (r \equiv F) \Rightarrow (p \Leftrightarrow r) \equiv T$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های 6 تا 13)

گزینه 4» 53-

(فرزانه شاکباش)

گزینه 1» اگر $x=0$ انتخاب شود، به ازای هر $y \in A$ ، $xy=0$ است، پس این گزاره سوری درست است.

گزینه 2» اگر $x=1$ انتخاب شود، به ازای هر $y \in A$ ، $xy=y$ است، پس این گزاره سوری درست است.

گزینه 3» اگر $x=5$ انتخاب شود، به ازای هر $y \in A$ ، $x+y \geq 5$ است، پس این گزاره سوری درست است.

گزینه 4» به ازای هر $x \in A$ ، اگر $y=0$ انتخاب شود، آنگاه $xy=0$ است که گزاره‌ی $xy \geq 5$ را نقض می‌کند.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های 13 تا 15)

گزینه 3» 54-

(فرشاد فرامرزی)

برای تساوی دو مجموعه داده‌شده، باید عضو 1 از مجموعه A با یکی از اعضای مجموعه B برابر باشد. داریم:

$$x=1 \Rightarrow \begin{cases} A = \{2,1,2\} = \{1,2\} \\ B = \{2,1\} = \{1,2\} \end{cases}$$

در نتیجه $A = B$.

$$1+x=1 \Rightarrow x=0 \Rightarrow \begin{cases} A = \{0,1,1\} = \{0,1\} \\ B = \{1,0\} = \{0,1\} \end{cases}$$

پس در این حالت نیز $A = B$ است، پس به ازای دو مقدار صحیح صفر و یک برای x، دو مجموعه A و B مساوی هستند.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های 23 تا 25)

گزینه 1» 55-

(امیر وفانی)

هر مجموعه n عضوی دارای 2^n زیرمجموعه است، بنابراین مجموعه $A \cap B$ دارای 4 عضو است.

از آنجا که $A \cap B \subseteq B$ و $A \cap B \subseteq A$ است، پس مجموعه‌های A و B هر کدام حداقل 4 عضو دارند. برای ضرب دکارتی این دو مجموعه داریم:

$$n(A \times B) = 54 \Rightarrow n(A) \times n(B) = 54 \times 1 = 27 \times 2 = 18 \times 3 = 9 \times 6$$

با توجه به توضیحات فوق، تنها حالت ممکن برای دو مجموعه A و B آن است که یکی از دو مجموعه دارای 9 عضو و دیگری دارای 6 عضو باشد.

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) = 9 + 6 - 4 = 11$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه 35)

گزینه 3» 56-

(سیر ممررضا حسینی فرد)

گزینه 1» نادرست است.

(سیر مسموم رضا حسینی فردر)

گزینه «2» -59

دو مجموعه A و B غیر تهی هستند، بنابراین از رابطه $A \times B = B \times A$ نتیجه می شود $A = B$ است. دو حالت زیر برای تساوی دو مجموعه A و B امکان پذیر است:

حالت اول:

$$\begin{cases} x+1=3 \Rightarrow x=2 \\ 2-y=2 \Rightarrow y=0 \\ 2z+3=5 \Rightarrow z=1 \end{cases}$$

در این حالت $xyz=0$ است.

حالت دوم:

$$\begin{cases} x+1=3 \Rightarrow x=2 \\ 2-y=5 \Rightarrow y=-3 \\ 2z+3=2 \Rightarrow z=-\frac{1}{2} \end{cases}$$

در این حالت $xyz=3$ است.

بنابراین بیشترین مقدار ممکن برای xyz ، برابر 3 است.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: مشابه تمرین 5 صفحه 38)

(سیر مسموم رضا حسینی فردر)

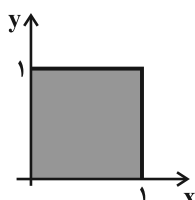
گزینه «1» -60

$$2x-1 \in A \Rightarrow -1 \leq 2x-1 \leq 1 \Rightarrow 0 \leq x \leq 1 \Rightarrow B = [0,1]$$

از طرفی می دانیم ناحیه $(A \times B) \cap (B \times A)$ همان ضرب دکارتی $(A \cap B) \times (A \cap B)$ است.

$$A \cap B = [-1,1] \cap [0,1] = [0,1]$$

و مساحت ناحیه ضرب دکارتی $(A \cap B) \times (A \cap B)$ برابر یک است.



(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه های 35 تا 38)

$$\left. \begin{matrix} A \subseteq B \\ A \subseteq B' \end{matrix} \right\} \Rightarrow A \cap A \subseteq B \cap B' \Rightarrow A \subseteq \emptyset \Rightarrow A = \emptyset$$

گزینه «2»: نادرست است. دو مجموعه $A-B$ و $B-A$ جدا از هم هستند و رابطه $A-B \subseteq B-A$ در صورتی برقرار است که $A-B = \emptyset$ باشد. یعنی $A \subseteq B$.

گزینه «3» درست است.

$$\left. \begin{matrix} A \cap B \subseteq A \subseteq A \cup B \\ A \cup B \subseteq A \cap B \end{matrix} \right\} \Rightarrow A \cup B = A \cap B \Rightarrow A = B$$

گزینه «4»: نادرست است. دو مجموعه A و $B-A$ جدا از هم هستند و رابطه $B-A \subseteq A$ در صورتی برقرار است که $B-A = \emptyset$ باشد. یعنی $B \subseteq A$.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه های 23 تا 25)

(امیرحسین ابومحبوب)

گزینه «2» -57

(الف) عدد صفر به هیچ کدام از دو مجموعه A و B تعلق ندارد، پس این حالت یک افزایش برای مجموعه اعداد صحیح نیست.

(ب) عدد صفر به هر دو مجموعه A و B تعلق دارد، پس این حالت یک افزایش برای مجموعه اعداد صحیح نیست.

(پ) $A = \{1,2,3,\dots\}$ و $B = \{0,-1,-2,-3,\dots\}$

$$A \cup B = \{\dots,-3,-2,-1,0,1,2,3,\dots\} = \mathbb{Z} \text{ و } A \cap B = \emptyset$$

این حالت یک افزایش برای مجموعه اعداد صحیح محسوب می شود.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه 21)

(امیرحسین ابومحبوب)

گزینه «3» -58

$$\begin{aligned} (B-A') \cup (A-B) &= (B \cap A) \cup (A \cap B') = (A \cap B) \cup (A \cap B') \\ &= A \cap (B \cup B') = A \cap U = A \quad (1) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (A'-B) \cup (B-A) &= (A' \cap B') \cup (B \cap A') \\ &= (A' \cap B') \cup (A' \cap B) = A' \cap (B' \cup B) = A' \cap U = A' \quad (2) \end{aligned}$$

$$(1) \Rightarrow (2) \Rightarrow A \cap A' = \emptyset$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه های 26 تا 34)

فیزیک 3

61- گزینه «1»

(مفسر قنبرلر)

بررسی گزینه‌های نادرست:

الف) در طناب‌ها، تندی موج با شعاع طناب رابطه عکس دارد.

ب) صوت موجی طولی است و راستای انتشار موج و راستای نوسان ذرات محیط، موازی هستند.

ت) اشعه گاما از نوع امواج الکترومغناطیس است و انتقال انرژی آن مستقل از ذرات محیط است.

(فیزیک 3 - نوسان و موج: صفحه‌های 69 تا 80)

62- گزینه «3»

(مسام تارری)

در یک موج سینوسی فاصله بین یک قله و دره همواره مضرب فردی از نصف طول موج است یعنی $\frac{\lambda}{2}(2n-1)$.

$$\Rightarrow 45 = (2n-1)\frac{\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = \frac{90}{2n-1} \text{ cm}$$

3 مقدار از مقادیر داده شده صدق می‌کنند.

$$\left. \begin{array}{l} n=1 \rightarrow \lambda=90\text{cm} \\ n=2 \rightarrow \lambda=30\text{cm} \\ n=3 \rightarrow \lambda=18\text{cm} \end{array} \right\}$$

$$\text{اگر } \lambda=15\text{cm} \Rightarrow 15 = \frac{90}{2n-1} \Rightarrow 2n-1=6 \Rightarrow n=\frac{7}{2}$$

پس طول موج نمی‌تواند 15cm باشد.

(فیزیک 3 - نوسان و موج: صفحه‌های 70 تا 72)

63- گزینه «2»

(معمور منصور)

چون موج در خلاف جهت محور x منتشر می‌شود، ذره M به سمت مرکز نوسان (پایین) حرکت می‌کند و در نتیجه حرکت آن تندشونده است و ذره N به سمت انتهای مسیر نوسان (بالا) حرکت می‌کند و در نتیجه حرکت آن کندشونده است. با توجه به آنکه تندی موج را نداریم، در نتیجه نمی‌توان درباره دوره (T) اظهار نظر کرد و همچنین با توجه به حرکت موج، ذره M

پس از گذشت $\frac{T}{12}$ به مرکز نوسان می‌رسد و تندی آن بیشینه می‌شود. برای محاسبه طول موج خواهیم داشت:

$$\frac{3\lambda}{2} = 9 \Rightarrow \lambda = \frac{9 \times 2}{3} = 6\text{m}$$

(فیزیک 3 - نوسان و موج: صفحه‌های 70 تا 73)

64- گزینه «1»

(مجتبی کلونیان)

ابتدا تندی انتشار موج را به دست می‌آوریم:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{F}{\frac{m}{L}}} = \sqrt{\frac{F}{\rho V}} \xrightarrow{V=AL} v = \frac{2}{D} \sqrt{\frac{F}{\pi \rho}}$$

$$\xrightarrow{A=\pi r^2 = \frac{\pi D^2}{4}} v = \frac{2}{D} \sqrt{\frac{F}{\pi \rho}}$$

$$\xrightarrow{D=2\text{cm}=2 \times 10^{-2}\text{m}; F=90\text{N}} v = \frac{2}{2 \times 10^{-2}} \sqrt{\frac{90}{(\pi)(3 \times 10^3)}} = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\xrightarrow{\pi=3; \rho=3 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 3 \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}} v = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

با توجه به شکل، طول موج و سپس دوره تناوب موج را به دست می‌آوریم:

$$\frac{5}{4}\lambda = 25\text{cm} \Rightarrow \lambda = 20\text{cm} = 2 \times 10^{-1}\text{m}$$

$$\lambda = vT \Rightarrow 2 \times 10^{-1} = 10T \Rightarrow T = 2 \times 10^{-2}\text{s}$$

با توجه به جهت انتشار موج، ذره M در حال بالا رفتن است. پس برای

دومین بار در مکان $y = -A$ اندازه شتاب ذره M بیشینه می‌شود یعنی

$$\text{در لحظه } t = \frac{3T}{4} \text{ این اتفاق رخ می‌دهد. پس:}$$

$$\Delta t = \frac{3T}{4} = \left(\frac{3}{4}\right)(2 \times 10^{-2}) = \frac{3}{200}(\text{s})$$

(فیزیک 3 - نوسان و موج: صفحه‌های 72 تا 74)

65- گزینه «1»

(مهمربلی راست پیمان)

موج‌های الکتریکی و مغناطیسی هم‌فاز و عمود بر یکدیگر هستند. در 4T موج الکتریکی و موج مغناطیسی بیشینه‌اند و به ترتیب در جهت مثبت y ها و منفی z ها هستند. در 0/5T میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی وارون می‌شوند. میدان الکتریکی بیشینه در جهت منفی محور y ها و میدان مغناطیسی بیشینه در جهت مثبت محور z ها است.

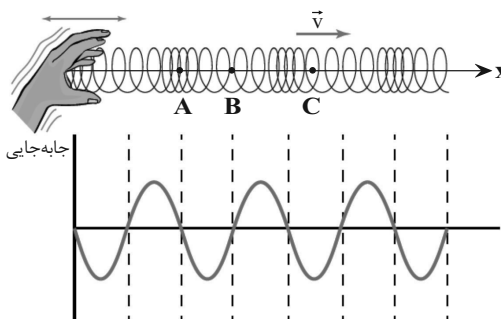
(فیزیک 3 - نوسان و موج: صفحه‌های 74 و 75)

گزینه 2» -66

(عباس اصغری)

با توجه به متن کتاب درسی، در یک لحظه از زمان، در مکان‌هایی که بیش‌ترین جمع‌شدگی یا بیش‌ترین بازشدگی حلقه‌ها رخ می‌دهد، جابه‌جایی هر جزء فنر از وضعیت تعادل برابر صفر است. در وسط فاصله بین یک جمع‌شدگی بیشینه و یک بازشدگی بیشینه مجاور هم، اندازه جابه‌جایی هر جزء فنر از وضعیت تعادل، بیشینه است.

بنابراین جابه‌جایی هر جزء فنر واقع در نقاط A و B از وضع تعادل صفر است و برای C بیش‌ترین جابه‌جایی را دارد. از طرف دیگر حلقه‌ها از وسط بازشدگی دور شده و به وسط جمع‌شدگی نزدیک شده‌اند. از آن‌جایی که جمع‌شدگی در سمت چپ نقطه C است بنابراین C به سمت چپ (خلاف جهت محور x) کشیده شده است. لذا $\Delta x_C < 0$ است.



(فیزیک 3 - نوسان و موج: صفحه 77)

گزینه 3» -67

(بهنام رستمی)

طبق رابطه شدت صوت داریم:

$$I = \frac{P_{av}}{A} \xrightarrow{P = \frac{E}{t}} I = \frac{E}{A \cdot t} \xrightarrow{E \propto A^2 f^2, A \propto r^2} I \propto \frac{A^2 f^2}{r^2}$$

$$\begin{cases} A_a = 6A_b \\ f_b = 6f_a \end{cases} \quad \frac{I_a}{I_b} = \left(\frac{f_a}{f_b} \times \frac{A_a}{A_b} \times \frac{r_b}{r_a} \right)^2$$

$$\frac{1}{9} = \left(\frac{1}{6} \times \frac{6}{1} \times \frac{r_b}{30} \right)^2 \Rightarrow \frac{r_b}{30} = \frac{1}{3} \Rightarrow r_b = \frac{30}{3} = 10m$$

(فیزیک 3 - نوسان و موج: صفحه‌های 80 و 81)

گزینه 2» -68

(پوریا علاقه‌مند)

با استفاده از تعریف شدت صوت و تراز شدت صوت داریم:

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 2/4 = \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$\Rightarrow 8 \times 0/3 = \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 8 \log 2 = \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$\Rightarrow \log 2^8 = \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 2^8 = 256$$

(فیزیک 3 - نوسان و موج: صفحه‌های 80 و 81)

گزینه 2» -69

(مسعود قره‌فانی)

ابتدا نسبت شدت‌های صوت را به دست می‌آوریم:

$$\frac{6}{\beta_2 - \beta_1} = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 0/6 = \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$\Rightarrow \log \frac{I_2}{I_1} = 2 \times 0/3 = 2 \log 2 = \log 2^2 \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 4$$

حال به کمک رابطه مقایسه‌ای، داریم:

$$\frac{I_2}{I_1} = \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^2 \times \left(\frac{f_2}{f_1} \right)^2 \times \left(\frac{A_2}{A_1} \right)^2 \Rightarrow 4 = \left(\frac{r_1}{2r_1} \right)^2 \times \left(\frac{f_2}{f_1} \right)^2$$

$$\Rightarrow \left(\frac{f_2}{f_1} \right)^2 = 4 \times 4 = 16 \Rightarrow \frac{f_2}{f_1} = 4 \Rightarrow f_2 = 4f_1$$

(فیزیک 3 - نوسان و موج: صفحه‌های 80 و 81)

گزینه 2» -70

(علیرضا گونه)

چون شونده A با تندی ثابت به سمت آمبولانس می‌رود. در مدت زمان یکسان در مقایسه با شونده ساکن با جبهه‌های موج بیش‌تری مواجه می‌شود و بسامد احساس آن بیش‌تر از بسامد واقعی می‌شود و چون شونده B با تندی ثابت در حال دور شدن از آمبولانس است، در مدت زمان یکسان در مقایسه با شونده ساکن با جبهه‌های موج کم‌تری مواجه می‌شود و در نتیجه بسامد احساسی آن کم‌تر از بسامد واقعی می‌شود و هم‌چنین چون آمبولانس ساکن است، لذا تجمع جبهه‌های موج در دو سوی آن یکسان بوده و در نتیجه طول موج دریافتی توسط هریک از دو شونده با طول موج چشمه موج برابر است.

(فیزیک 3 - نوسان و موج: صفحه‌های 81 تا 84)



فیزیک 2

71- گزینه 2»

(بنام رستمی)

$$C = \frac{Q}{V} \Rightarrow V = \frac{Q}{C} = \frac{18}{6} = 3V$$

$$\Delta V = V = 3 \Rightarrow V_+ - V_- = 3 \Rightarrow V_+ - 6 = 3 \Rightarrow V_+ = 9V$$

(فیزیک 2 - الکتروسیسته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

72- گزینه 4»

(مفسر قنبرلر)

با انتقال بار مثبت از صفحه منفی به صفحه مثبت، بار ذخیره شده خازن افزایش می‌یابد، زیرا بار صفحه منفی، منفی‌تر و بار صفحه مثبت، مثبت‌تر شده است. همچنین خواهیم داشت:

$$\begin{array}{c} \uparrow \\ \text{SIIY} \\ \uparrow Q = C V \uparrow \\ \uparrow E = \frac{V \uparrow}{d \downarrow} \\ \text{SIIY} \\ \uparrow U = \frac{Q^2 \uparrow}{C \downarrow} \\ \text{SIIY} \end{array}$$

پس هر 4 پارامتر افزایش می‌یابد.

(فیزیک 2 - الکتروسیسته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

73- گزینه 2»

(فسرو ارغوانی فرد)

توجه داشته باشید که در حالت اول، نیروی وزن ذره با نیروی الکتریکی وارد بر آن خنثی می‌شود و ذره در حال تعادل است. چون خازن از مولد جدا شده است، بار آن ثابت می‌ماند و داریم:

$$Q = CV = \frac{\epsilon_0 A}{d} V \Rightarrow V = \frac{Qd}{\epsilon_0 A}$$

بزرگی میدان الکتریکی بین صفحات خازن نیز برابر است با:

$$E = \frac{V}{d} = \frac{Qd}{\epsilon_0 A d} = \frac{Q}{\epsilon_0 A} = \text{SIIY}$$

توجه کنید که در حالتی که خازن از مولد جدا است، بزرگی میدان الکتریکی بین صفحه‌ها ثابت می‌ماند و در نتیجه نیروی الکتریکی وارد بر ذره ثابت می‌ماند و در این صورت نیروی متوازن به ذره وارد می‌شود و ذره ساکن می‌ماند.

(فیزیک 2 - الکتروسیسته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

74- گزینه 4»

(سیرعلی میرنوری)

ساختمان خازن تغییری نکرده است، پس ظرفیت خازن ثابت است. در این صورت داریم:

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} \xrightarrow{C=\text{ثابت}} \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{Q_2}{Q_1} \right)^2$$

$$\xrightarrow{Q_2 = \frac{6}{5} Q_1} \frac{U_2}{U_1} = \frac{36}{25} \quad (*)$$

از طرفی داریم:

$$U_2 - U_1 = 110 \xrightarrow{(*)} \begin{cases} U_2 = 360 \mu J \\ U_1 = 250 \mu J \end{cases}$$

حال چون خازن در ابتدا به مولد 10 ولتی متصل است، داریم:

$$U_1 = \frac{1}{2} C V_1^2 \Rightarrow 250 = \frac{1}{2} \times C \times (10)^2 \Rightarrow C = 5 \mu F$$

(فیزیک 2 - الکتروسیسته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

75- گزینه 2»

(زهره آقاممیری)

طبق رابطه میدان الکتریکی یکنواخت بین صفحات خازن داریم:

$$E = \frac{V}{d}$$

چون خازن به باتری متصل است، پس اختلاف پتانسیل دو سر آن ثابت است.

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{V_2}{V_1} \times \frac{d_1}{d_2} \xrightarrow{\frac{V_1=V_2}{E_2=0/8E_1}} 0/8 = \frac{d_1}{d_2}$$

$$\xrightarrow{C=\frac{\epsilon_0 A}{d}} \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} = 0/8 \quad (1)$$

از طرفی طبق رابطه انرژی ذخیره شده در خازن داریم:



(معمقی کیانی)

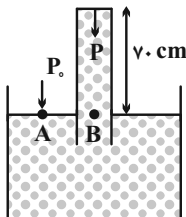
84- گزینه «1»

فشار جیوه بر ته بسته لوله را از پاسکال به سانتی متر جیوه تبدیل می کنیم:

$$P = \rho gh \Rightarrow \frac{P}{\rho g} = h \Rightarrow \frac{6750 \text{ Pa}}{13500 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} = h \Rightarrow h = 0.05 \text{ m} = 5 \text{ cm}$$

$$h = 0.05 \text{ m} = 5 \text{ cm} \Rightarrow P'' = 5 \text{ cmHg}$$

چون ارتفاع جیوه ای که فشار 6750 Pa را ایجاد می کند برابر 5 cm است، بنابراین فشار وارد بر ته لوله 5 cmHg است.



مطابق شکل، فشار نقطه A برابر فشار نقطه B است. زیرا هم تراز در یک مایع اند. از طرف دیگر، فشار نقطه A برابر فشار هوا ($P_0 = P_A$) و فشار نقطه B برابر مجموع فشار ستون جیوه و فشاری که ته بسته لوله بر جیوه وارد می کند، بنابراین می توان نوشت:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 = P_{\text{atm}} + P_{\text{Hg}} \Rightarrow \frac{P_{\text{atm}}}{P_{\text{Hg}}} = \frac{70 \text{ cmHg}}{5 \text{ cmHg}} \Rightarrow P_0 = 70 + 5 \Rightarrow P_0 = 75 \text{ cmHg}$$

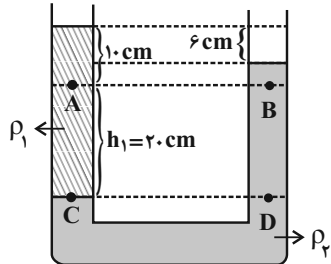
(فیزیک 1 - ویژگی های فیزیکی مواد: صفحه های 32 تا 38)

(زهره آقاممیری)

85- گزینه «1»

فشار در دو نقطه هم تراز C و D برابر است، بنابراین:

$$P_C = P_D \Rightarrow P_A + \rho_1 g h_1 = P_B + \rho_2 g h_2 \Rightarrow P_A - P_B = (\rho_2 - \rho_1) g h_2 \Rightarrow 400 = (\rho_2 - \rho_1) \times 10 \times 0.2 \Rightarrow \rho_2 - \rho_1 = 200 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad (1)$$



از طرفی در نقاط C و D همچنین می توان نوشت:

$$P_C = P_D \Rightarrow \rho_1 h_1' = \rho_2 h_2' \Rightarrow \rho_1 \times 30 = \rho_2 \times 24 \Rightarrow \rho_2 = 1.25 \rho_1 \xrightarrow{(1)} 0.25 \rho_1 = 200 \Rightarrow \rho_1 = 800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

(فیزیک 1 - ویژگی های فیزیکی مواد: صفحه های 32 تا 38)

فیزیک 1

81- گزینه «2»

(فسین مفرومی)

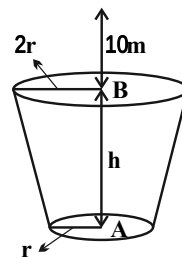
با استفاده از رابطه فشار در شاره ها، داریم:

$$P = P_0 + \rho gh \Rightarrow \Delta P = \rho g \Delta h \Rightarrow \frac{\Delta P'}{\Delta P} = \frac{\Delta h'}{\Delta h} \Rightarrow \frac{P_8 - P_7}{P_7 - P_4} = \frac{h_8 - h_7}{h_7 - h_4} \Rightarrow \frac{P_8 - 1/94}{1/94 - 1/58} = \frac{8 - 7}{7 - 4} \Rightarrow P_8 = 2/06 \text{ atm}$$

(فیزیک 1 - ویژگی های فیزیکی مواد: صفحه های 32 تا 40)

(پوریا علاقه مند)

82- گزینه «1»



$$F_A = F_B \Rightarrow P_A A_A = P_B A_B \Rightarrow \frac{r_B = 2r_A}{A_B = 4A_A} \Rightarrow P_A A_A = P_B 4A_A \Rightarrow P_A = 4P_B \Rightarrow \Delta P = \rho gh \Rightarrow P_A - P_B = \rho gh \Rightarrow \frac{P_A = 4P_B}{3P_B = \rho gh} \Rightarrow 3(\rho g x) = \rho gh \Rightarrow 3 \times 10 = h \Rightarrow h = 30 \text{ m}$$

(فیزیک 1 - ویژگی های فیزیکی مواد: صفحه های 32 تا 37)

(امیرمهر عبودی)

83- گزینه «3»

اگر فشار کل در کف ظرف (P) دو درصد افزایش یابد به 1/02P خواهد رسید.

20 سانتی متر مایع فشاری معادل 1/5 سانتی متر جیوه بر کف ظرف وارد می کند.

$$(\rho_1 h_1) = (\rho_2 h_2) \Rightarrow (1/0125)(20) = 13/5 h_2 \Rightarrow h_2 = 1/5 \text{ cm}$$

فشار کل برابر است با فشار حاصل از مایع به علاوه فشار هوا

$$P_1 = P_0 + P' \Rightarrow P_1 = 75 + 1/5 = 76/5 \text{ cmHg} \Rightarrow P_2 = P_1 + P'' \xrightarrow{P_2 = 1/02 P_1} 1/02 P_1 = P_1 + P'' \Rightarrow 0/02 P_1 = P'' \xrightarrow{P_1 = 76/5 \text{ cmHg}} P'' = (0/02 \times 76/5) \text{ cmHg}$$

حال برای پیدا کردن ارتفاع حاصل از مایع دوم، داریم:

$$(\rho'' h'') = (\rho_2 h_2) \Rightarrow (13/5)(0/02 \times 76/5) = 0/2 h_2 \Rightarrow h_2 = \frac{(13/5)(0/02)(76/5)}{0/2} = \frac{13/5 \times 76/5}{10} \text{ cm} \Rightarrow V_2 = A h_2 = 10 \times \frac{13/5 \times 76/5}{10} = 1032/75 \text{ cm}^3$$

(فیزیک 1 - ویژگی های فیزیکی مواد: صفحه های 32 تا 38)

از طرفی چون A شناور و B غوطه‌ور است، چگالی جسم A کمتر از چگالی مایع و چگالی جسم B برابر چگالی مایع است.

$$\begin{cases} \rho_A < \rho_1 \\ \rho_B = \rho_1 \end{cases}$$

اکنون اگر دو جسم را داخل مایع ρ_2 که $\rho_2 = \frac{3}{4}\rho_1$ است قرار دهیم، داریم:

$$\rho_2 < \rho_1 \xrightarrow{\rho_B = \rho_1} \rho_2 < \rho_B$$

پس جسم B داخل مایع ρ_2 پایین می‌رود و داریم:

چون $\rho_A < \rho_1$ و $\rho_2 < \rho_1$ است، پس سه حالت داریم: اگر $\rho_A = \rho_2$ باشد، در این حالت جسم A داخل مایع ρ_2 غوطه‌ور می‌شود، که در این صورت $F'_{bA} = mg$ خواهد شد. اگر $\rho_A < \rho_2$ باشد، در این حالت جسم A در سطح مایع ρ_2 شناور می‌شود، در این صورت باز هم $F'_{bA} = mg$ خواهد شد.

اگر $\rho_A > \rho_2$ باشد، جسم A داخل مایع به پایین می‌رود و داریم:

$$F'_{bA} < mg$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد: صفحه‌های 40 تا 43)

89- گزینه «3» (فسرو ارغوانی فرد)

حجم قسمت پایین ظرف برابر است با:

$$V_1 = A_1 h_1 = 200 \times 10 \Rightarrow V_1 = 2000 \text{ cm}^3 = 2 \text{ L}$$

با توجه به این که 3L مایع در ظرف ریخته‌ایم، بنابراین حجم مایع در قسمت بالایی ظرف برابر با 1L خواهد بود و در نتیجه ارتفاع مایع در قسمت بالایی ظرف برابر است با:

$$V_2 = A_2 h_2 \Rightarrow 1000 = 100 h_2 \Rightarrow h_2 = 10 \text{ cm}$$

بنابراین ارتفاع کل مایع در ظرف برابر است با:

$$h = h_1 + h_2 = 10 + 10 = 20 \text{ cm}$$

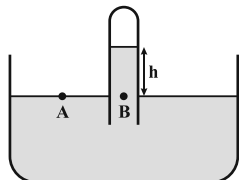
و در نتیجه اندازه نیرویی که از جانب مایع به کف ظرف وارد می‌شود، برابر است با:

$$F = PA_1 = \rho g h A_1 = 4 \times 10^3 \times 10 \times 20 \times 10^{-2} \times 200 \times 10^{-4}$$

$$\Rightarrow F = 160 \text{ N}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد: صفحه‌های 32 تا 40)

90- گزینه «2» (عبدالرشاد امینی نسب)



با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 = P_{atm} + P_{JA}$$

$$\Rightarrow 75 = 72/5 + P_{JA} \Rightarrow P_{JA} = 2/5 \text{ cmHg}$$

حال ارتفاع ستون آبی را که فشاری معادل 2/5 cmHg ایجاد می‌کند، می‌یابیم. داریم:

$$\rho_{JA} h_{JA} = \rho_{\text{آبی}} h_{\text{آبی}} \Rightarrow 1 \times h_{JA} = 13/6 \times 2/5$$

$$\Rightarrow h_{JA} = 34 \text{ cm}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد: صفحه‌های 32 تا 40)

86- گزینه «2» (مهری سلطانی)

فشار کل در کف ظرف استوانه‌ای شکل برابر است با:

$$P_t = P_{\text{ایق}} + P_0 \Rightarrow 86 \text{ cmHg} = P_{\text{ایق}} + 76 \text{ cmHg}$$

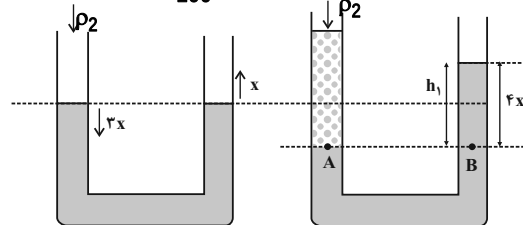
$$P_{\text{ایق}} = 10 \text{ cmHg}$$

مایع ρ_2 را به شاخه سمت چپ لوله U شکل اضافه می‌کنیم و چون سطح مقطع آن نصف سطح مقطع استوانه است، ارتفاع آن دو برابر می‌شود. از آنجا که جرم مایع (2) ثابت است، فشار مایع (2) برابر می‌شود با:

$$P'_2 = 2P_2 = 2 \times 10 = 20 \text{ cmHg}$$

این فشار را برحسب پاسکال به‌دست می‌آوریم:

$$P'_2 = 13600 \times 10 \times \frac{20}{100} = 27200 \text{ Pa}$$



$$P_A = P_B \Rightarrow 27200 = 8000 \times 10 \times h_1$$

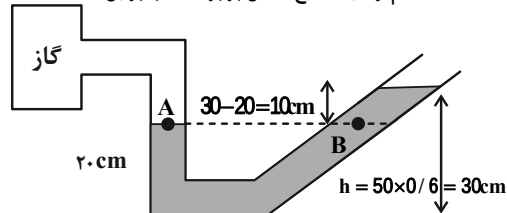
$$\Rightarrow h_1 = 0/34 \text{ m}$$

$$h_1 = 4x \Rightarrow x = \frac{0/34}{4} = 0/85 \text{ m} = 8/5 \text{ cm}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد: صفحه‌های 32 تا 38)

87- گزینه «1» (پوریا علاقه‌مند)

فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن برابر است، بنابراین:



$$P_A = P_B \Rightarrow P_g = \rho g h \xrightarrow{\rho = 2000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}}$$

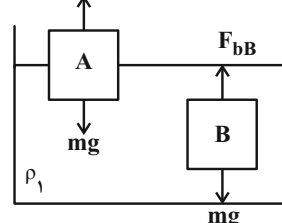
$$P_g = 2000 \times 10 \times \frac{10}{100} = 2000 \text{ Pa}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد: صفحه‌های 32 تا 40)

88- گزینه «3» (زهرا آقاممیری)

چون هر دو جسم داخل مایع ساکن‌اند، پس داریم:

$$F_b = mg \xrightarrow{m_A = m_B} F_{bA} = F_{bB}$$



فیزیک 2

91- گزینه «2»

(امسان مومری)

ابتدا به کمک ظرفیت و بار ذخیره شده، اختلاف پتانسیل میان دو صفحه خازن را محاسبه می‌کنیم:

$$Q = CV \Rightarrow V = \frac{20 \times 10^{-6}}{5 \times 10^{-6}} = 4V$$

حال به کمک رابطه $V = Ed$ ، بزرگی میدان الکتریکی بین صفحات را محاسبه می‌کنیم:

$$E = \frac{V}{d} = \frac{4}{10^{-3}} = 4 \times 10^3 \frac{V}{m}$$

(فیزیک 2- الکترواستاتیک ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

92- گزینه «2»

(زهره آقاممیری)

چون خازن از باتری جدا شده بار الکتریکی آن ثابت است. با خارج کردن دی‌الکتریک ظرفیت خازن کاهش می‌یابد در نتیجه طبق رابطه $Q = CV$ اختلاف پتانسیل دو سر خازن افزایش می‌یابد و ولت‌سنج عدد بیشتری نشان می‌دهد.

طبق رابطه $U = \frac{1}{2} QV$ با افزایش V ، انرژی خازن هم افزایش می‌یابد.

(فیزیک 2- الکترواستاتیک ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

93- گزینه «3»

(مسعود قره‌فانی)

چون Q ثابت است برای به‌دست آوردن انرژی از رابطه $U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$ استفاده می‌کنیم.

از آنجایی که انرژی 4 برابر شده یعنی ظرفیت خازن $\frac{1}{4}C$ برابر شده است.

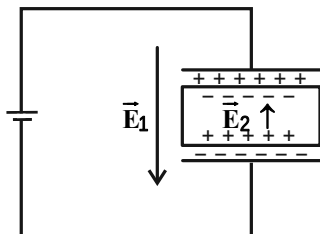
طبق رابطه $C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$ فقط به کمک گزینه «3» می‌توان ظرفیت را $\frac{1}{4}$ برابر کرد.

(فیزیک 2- الکترواستاتیک ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

94- گزینه «1»

(غلامرضا ممبی)

با قرار دادن یک دی‌الکتریک در میدان الکتریکی بین صفحه‌های خازن، به بارهای مثبت و منفی دی‌الکتریک نیرو وارد شده و اتم‌های واقع در دی‌الکتریک دو قطبی می‌شوند. به‌طوری که در نهایت در مجاورت صفحه‌های خازن، روی سطوح دی‌الکتریک بارهای غیرهم‌نام با بار صفحه‌های خازن ایجاد می‌شود و جهت میدان در دی‌الکتریک مطابق شکل خواهد بود.



(فیزیک 2- الکترواستاتیک ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

95- گزینه «4»

(زهره آقاممیری)

چون خازن به مولد متصل است پس اختلاف پتانسیل دو سر آن ثابت می‌ماند. ولی با توجه به رابطه $C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$ ظرفیت خازن پس از قرار دادن دی‌الکتریک κ برابر خواهد شد.

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \xrightarrow{S \parallel V} \Delta U = \frac{1}{2} (C_2 - C_1) V^2 = \frac{1}{2} (\kappa - 1) C_1 V^2$$

$$\xrightarrow{\kappa=3, V=12V} 2400 = \frac{1}{2} \times 2 \times C_1 \times 12^2 \Rightarrow C_1 = \frac{2400}{12 \times 12} = \frac{50}{3} \mu F$$

$$\Rightarrow C_2 = \kappa C_1 = 3 \times \frac{50}{3} = 50 \mu F$$

(فیزیک 2- الکترواستاتیک ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

96- گزینه «4»

(پوریا علاقه‌مند)

سه ثانیه اول یعنی $t_1 = 0s$ تا $t_2 = 3s$

$$q_1 = (0)^2 - 2(0) + 4 = 4C$$

$$q_2 = (3)^2 - 2(3) + 4 = 9 - 6 + 4 = 7C$$

$$\rightarrow \Delta q = 7 - 4 = 3C$$

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{3}{3} = 1A$$

(فیزیک 2- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های 46 تا 48)

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{L_A}{L_B} \times 4 \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = \frac{1}{8}$$

(فیزیک 2- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های 49 تا 52)

(مسئله چندپار)

99- گزینه «4»

ابتدا مقدار بار شارش یافته را به دست می آوریم:

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow 0.4 \times 10^{-3} = \frac{\Delta q}{25 \times 60} \Rightarrow \Delta q = 0.6 \text{ C}$$

سپس اختلاف پتانسیل دو سر باتری را محاسبه می کنیم.

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{\Delta q} = \frac{2.4}{0.6} = 4 \text{ V}$$

در پایان پتانسیل الکتریکی قطب منفی باتری را به دست می آوریم:

$$\Delta V = V_+ - V_- \Rightarrow 4 = 12 - V_- \Rightarrow V_- = 8 \text{ V}$$

(فیزیک 2- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های 46 تا 48)

(مسئله چندپار)

100- گزینه «3»

با توجه به رابطه $R = \frac{\rho \cdot L}{A}$ ، ابتدا رابطه بین طول‌های سیم‌های A و B را

پیدا می کنیم. اگر r شعاع و V حجم باشد:

$$V_A = 2V_B \Rightarrow \pi r^2 L_A = 2(\pi(r^2 - \frac{r^2}{4})L_B)$$

$$\Rightarrow L_A = \frac{3}{2} L_B$$

در نتیجه برای مقاومت‌ها خواهیم داشت:

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} = 1 \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{\pi[r^2 - (\frac{r}{2})^2]}{\pi r^2}$$

$$\Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{3}{2} \times \frac{3}{4} = \frac{9}{8}$$

(فیزیک 2- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های 51 و 52)

(پوریا علاقه‌مند)

97- گزینه «1»

فقط پ درست است.

بررسی غلط بودن سایر گزینه‌ها:

الف) با افزایش نور $\uparrow I \leftarrow \downarrow R$

ب) دیود فقط جریان را در یک جهت عبور می دهد.

ت) ترمیستور به دما حساس است.

(فیزیک 2- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های 49 تا 61)

(مصطفی کیانی)

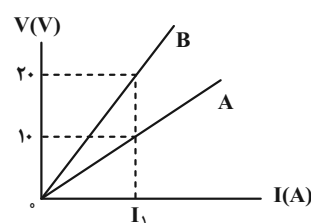
98- گزینه «3»

ابتدا نسبت مقاومت A به مقاومت B را می یابیم. با توجه به نمودار، به ازای

جریان I_1 ، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌ها برابر $V_A = 10 \text{ V}$ و

$V_B = 20 \text{ V}$ است. بنابراین، با استفاده از قانون اهم داریم:

$$I_1 = \frac{V_A}{R_A} = \frac{V_B}{R_B} \Rightarrow \frac{10}{R_A} = \frac{20}{R_B} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{10}{20} = \frac{1}{2}$$

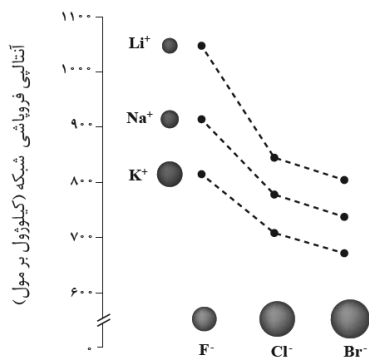


از طرف دیگر، بنا به رابطه $R = \rho \frac{L}{A}$ و با توجه به اینکه $A = \pi \frac{D^2}{4}$

است، داریم:

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \left(\frac{D_B}{D_A} \right)^2 \xrightarrow{\rho_A = \rho_B} \frac{D_A = \frac{1}{2} D_B}{\rho_A = \rho_B}$$

$$\frac{1}{2} = 1 \times \frac{L_A}{L_B} \times \left(\frac{D_B}{\frac{1}{2} D_B} \right)^2$$



(شیمی 3- صفحه 80)

(امیر عاتمیان)

104- گزینه «3»

بررسی عبارت‌ها:

الف) درست

ب) نادرست، بهره‌گیری از انرژی خورشیدی برای تولید برق کاهش ردپای زیست محیطی را به دنبال دارد اما مقدار آن را به صفر نمی‌رساند.

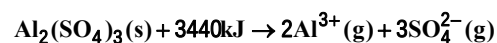
پ) نادرست، شاره‌ای که باعث حرکت توربین می‌شود، بخار آب بسیار داغ است.

ت) نادرست، آینه‌ها پرتوهای خورشیدی را منعکس می‌کنند (انرژی آن را جذب نمی‌کنند).

(شیمی 3- صفحه‌های 75 تا 77)

(عمیر زینی)

105- گزینه «2»



$$? \text{ kJ} = 3 / 01 \times 10^{22} \cdot \frac{1 \text{ mol} \cdot \frac{1}{2}}{6 / 02 \times 10^{23} \cdot \frac{1}{2}} \times \frac{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3}{5 \text{ mol} \cdot \frac{1}{2}} \times \frac{3440 \text{ kJ}}{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3} = 34 / 4 \text{ kJ}$$

(شیمی 3- صفحه‌های 78 تا 81)

(علیرضا کیانی دوست)

106- گزینه «2»

بررسی برخی از عبارت‌ها:

شیمی 3

(یاسر راش)

101- گزینه «1»

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «2»: در HCl ، تراکم الکترون اطراف هسته اتم کلر بیشتر است.

گزینه‌های «3» و «4»: توزیع یکنواخت و متقارن الکترون‌ها در مولکول‌های دو اتمی جور هسته، نشانه ناقطبی بودن مولکول است و گشتاور دوقطبی آن برابر صفر می‌شود.

(شیمی 3- صفحه‌های 73 و 74)

(علیرضا کیانی دوست)

102- گزینه «3»

عبارت اول نادرست است. زیرا با جانشینی یک اتم هیدروژن در مولکول کربن تتراکلرید به جای یک اتم کلر، مولکول حاصل قطبی می‌شود. اما با جانشینی دو اتم گوگرد به جای دو اتم اکسیژن در CO_2 همچنان مولکول ناقطبی باقی می‌ماند.

عبارت دوم نادرست است. زیرا مولکول گوگردتری‌اکسید ناقطبی و آمونیاک قطبی است و در مولکول آمونیاک توزیع بار الکتریکی اطراف اتم مرکزی (N) غیریکنواخت و نامتقارن است.

عبارت چهارم نادرست است. زیرا شاره بخار داغ توربین را به حرکت در می‌آورد که برخلاف شاره‌های یونی اختلاف نقطه ذوب و جوش کمتری دارد.

(شیمی 3- صفحه‌های 73 تا 77)

(یاسر راش)

103- گزینه «3»

با توجه به نمودار زیر، آنتالپی فروپاشی شبکه LiCl از KF بیشتر است.

عبارت اول:

$$\text{Fe}_2\text{O}_3 \text{ } \Delta H_f^\circ = \frac{4}{5} \times 100 = 80 \text{ kJ/mol}$$

اما جرم آب در نمونه اولیه 16/3 گرم بوده است (چون 10 گرم از آن

تبخیر شده بود) پس:

$$\text{H}_2\text{O} \text{ } \Delta H_f^\circ = \frac{16}{3} \times 100 = 533 \text{ kJ/mol}$$

(شیمی 3- صفحه‌های 65 تا 68)

(امیر عاتمیان)

110- گزینه «2»

«موارد «ب» و «ت» نادرست است.» بررسی عبارت‌ها:

الف) درست، در گرافیت هر اتم کربن (با 2 پیوند یگانه و یک پیوند دو گانه)

به 3 اتم کربن دیگر و در الماس هر اتم کربن (با 4 پیوند یگانه) به 4 اتم

کربن دیگر متصل است.

ب) نادرست، میانگین آنتالپی Si-C از C-C کمتر است و سختی

الماس بیشتر است.

پ) درست، هرچه تفاوت میان نقطه ذوب و جوش یک ماده خالص بیشتر

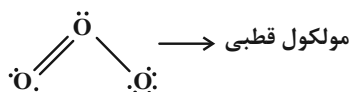
باشد، انرژی لازم برای شکستن پیوند بین اتم‌ها در حالت مایع بیشتر بوده و

این بدان معنی است که نیروی جاذبه میان ذرات سازنده آن بیشتر است.

ت) نادرست، در مولکول اوزون (O_3) همه اتم‌ها مشابه می‌باشند، اما اوزون

(O_3) یک مولکول قطبی است زیرا روی اتم مرکزی جفت الکترون

ناپیوندی وجود دارد.



(شیمی 3- صفحه‌های 69، 70، 73 و 76)

$$|\Delta H| = \left| \left(\frac{11}{58} \right) (787) - \left(\frac{29}{119} \right) (689) \right| = 14.85 \text{ kJ}$$

عبارت آخر نادرست است. زیرا Mg^{2+} چگالی بار بیشتری نسبت به

Ca^{2+} دارد و جاذبه قوی‌تری با O^{2-} برقرار می‌کند.

(شیمی 3- صفحه‌های 78 تا 81)

(علی طرفی)

107- گزینه «3»

بررسی عبارت نادرست:

ث) سازه فلزی مورد استفاده در ارتودنسی از جنس آلیاژ نیتینول است.

(شیمی 3- صفحه‌های 85 تا 87)

(علی طرفی)

108- گزینه «1»

گرافن دو بعدی ولی یخ سه بعدی است.

(شیمی 3- صفحه‌های 70 و 71)

(علی طرفی)

109- گزینه «2»

در اثر حرارت دادن 10 گرم از جرم آن کاسته می‌شود (10 گرم آب تبخیر

می‌شود.) و جرم نهایی رُس برابر 90 گرم خواهد بود، پس داریم:

$$7 = \frac{m_{\text{H}_2\text{O}}}{90} \times 100 \Rightarrow m_{\text{H}_2\text{O}} = 6.3 \text{ g}$$

$$5 = \frac{m_{\text{Fe}_2\text{O}_3}}{90} \times 100 \Rightarrow m_{\text{Fe}_2\text{O}_3} = 4.5 \text{ g}$$

دقت کنید که جرم Fe_2O_3 در نمونه اولیه نیز 4/5 گرم بوده است، پس:

شیمی 2

111- گزینه «3»

(امیر هاتمیان)

موارد «الف» و «ت» صحیح هستند.

بررسی عبارت‌ها:

الف) درست

ب) نادرست: کمتر از ده درصد از نفت خام مصرفی در دنیا برای تولید الیاف، پارچه، شوینده‌ها و ... به کار می‌رود.

پ) نادرست: ماده اولیه برای تهیه بسیاری از مواد و کالاهای صنایع گوناگون نقش دوم نفت خام در دنیای کنونی است.

ت) درست: روزانه بیش از 80/000/000 بشکه نفت خام در دنیا به شکل‌های گوناگون مصرف می‌شود و هر بشکه نفت خام هم ارز 159 لیتر است.

$$8 \times 10^7 \times 159 \text{ L} = 1/272 \times 10^{10} \text{ L}$$

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را بدانیم: صفحه‌های 28 و 29)

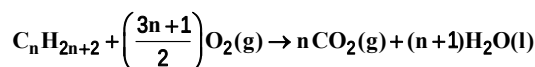
112- گزینه «1»

(ممد زهی)

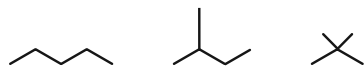
بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول درست است. در آلکان‌ها، با افزایش جرم مولی، درصد جرمی هیدروژن و نیز فرآریت کاهش می‌یابد.

عبارت دوم درست است. در شرایط استاندارد (STP)، آب به حالت مایع است.



عبارت سوم درست است. $14n + 2 = 72 \Rightarrow n = 5$



2,2- دی‌متیل پروپان 2-متیل بوتان پنتان

عبارت چهارم درست است.

تعداد پیوند اشتراکی در آلکان‌ها برابر $3n + 1$ است:

$$3n + 1 = 25 \Rightarrow n = 8 \Rightarrow \text{C}_8\text{H}_{18}$$

تعداد پیوند اشتراکی C-H در آلکان‌ها برابر $2n + 2$ است:

$$2(8) + 2 = 18$$

عبارت پنجم درست است. به ازای اضافه شدن هر اتم C، دو اتم H نیز به آلکان افزوده می‌شود، پس جرم مولی 14 واحد افزایش می‌یابد.

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را بدانیم: صفحه‌های 32 تا 34)

113- گزینه «3»

(امیر هاتمیان)

گاز متان با فرمول CH_4 و جرم مولی 16 g.mol^{-1} ساده‌ترین و اولین عضو خانواده آلکان‌ها است. بنابراین جرم مولی آلکن A که $3/5$ برابر جرم مولی متان است، برابر 56 گرم بر مول است.

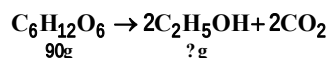
$14n =$ جرم مولی آلکن و C_nH_{2n} : فرمول عمومی آلکن‌ها

$$\rightarrow 14n = 56 \rightarrow n = 4$$

معادله سوختن کامل C_4H_8 : $\text{C}_4\text{H}_8 + 6\text{O}_2 \rightarrow 4\text{CO}_2 + 4\text{H}_2\text{O}$
1mol ? g

$$? \text{ g CO}_2 = 1 \text{ mol C}_4\text{H}_8 \times \frac{4 \text{ mol CO}_2}{1 \text{ mol C}_4\text{H}_8} \times \frac{44 \text{ g CO}_2}{1 \text{ mol CO}_2} = 4 \times 44 \text{ g CO}_2$$

واکنش موازنه شده تخمیر گلوکز برای تولید سوخت سبز (اتانول):



$$? \text{ g C}_2\text{H}_5\text{OH} = 90 \text{ g C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6 \times \frac{1 \text{ mol C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6}{180 \text{ g C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6} \times \frac{2 \text{ mol C}_2\text{H}_5\text{OH}}{1 \text{ mol C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6} \times \frac{46 \text{ g C}_2\text{H}_5\text{OH}}{1 \text{ mol C}_2\text{H}_5\text{OH}} = 46 \text{ g C}_2\text{H}_5\text{OH}$$

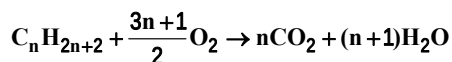
$$\frac{\text{CO}_2 \text{ } \%}{\text{H}_2\text{O} \text{ } \%} = \frac{4 \times 44}{46} \approx 3/8 \quad \text{نسبت مورد نظر:}$$

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را بدانیم: صفحه‌های 22، 23، 36 و 39)

114- گزینه «3»

(امیر هاتمیان)

واکنش سوختن آلکان:



$\text{H}_2\text{O} = 18 \text{ g.mol}^{-1}$ جرم مولی

$$\text{آلکان} \Rightarrow \text{C}_n\text{H}_{2n+2} \Rightarrow [\text{H} \%] = 14n + 2 \text{ g.mol}^{-1}$$

$$\frac{[\text{H} \%]}{[\text{C} \%]} = \frac{18(n+1)}{14n+2} = \frac{3}{2} \Rightarrow n = 5 \Rightarrow \text{C}_5\text{H}_{12}$$

(علی طرفی)

118- گزینه «2»

بررسی عبارت‌ها:

(آ) درست

(ب) نادرست، در آلکان‌ها، اتم‌های کربن (نه همه اتم‌ها) با چهار پیوند اشتراکی یگانه به چهار اتم دیگر متصل شده‌اند.

(پ) درست - ساده‌ترین عضو خانواده آلکان‌ها CH_4 و ساده‌ترین عضو خانواده آلکن‌ها C_2H_4 می‌باشد.

(ت) نادرست، در واکنش گاز اتن با آب در حضور H_2SO_4 ، اتانول به دست می‌آید.

(شیمی 2- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه‌های 32، 33 و 39 تا 41)

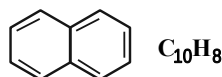
(علی طرفی)

119- گزینه «2»

بررسی عبارت‌ها:

(آ) نادرست، نفتالن یکی از ترکیب‌های آروماتیک است و سیکلو آلکان محسوب نمی‌شود.

(ب) نادرست، دارای 5 پیوند کووالانسی دوگانه می‌باشد؛ در حالی که تعداد اتم‌های هیدروژن آن برابر 8 است.



(پ) درست

(ت) نادرست، به دو اتم کربن آن، هیدروژنی متصل نمی‌باشد.

(شیمی 2- صفحه 42)

(علیرضا کیانی دوست)

120- گزینه «4»

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت اول نادرست است. بخش اعظم نیمی از نفت خام برای تأمین گرما و انرژی الکتریکی به کار می‌رود.

عبارت سوم نادرست است. بخش عمده نفت خام را آلکان‌ها تشکیل می‌دهند.

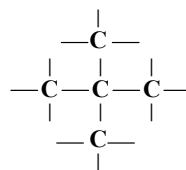
$$\frac{C-H}{\text{Alkyl}} = \frac{2n+2}{3n+1} \leq 1 \text{ (اگر } n=1 \text{ باشد، این نسبت 1 می‌شود.)}$$

عبارت پنجم نادرست است. پس از جدا کردن نمک‌ها، اسیدها و آب، نفت خام را پالایش می‌کنند.

(شیمی 2- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه‌های 29، 31، 43 و 44)

چون آلکان دارای 5 کربن می‌باشد لذا آلکان مورد نظر باید پنتان یا یک ایزومر از آن باشد.

فقط گزینه «3» دارای 5 کربن در ساختار خود می‌باشد.

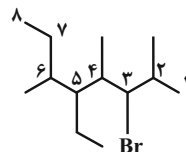


2، 2- دی‌متیل پروپان

(شیمی 2- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه‌های 36 تا 38)

(علی طرفی)

115- گزینه «3»

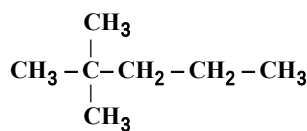


3- برم - 5- اتیل - 2، 4، 6- تری‌متیل اوکتان

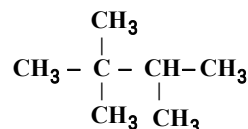
(شیمی 2- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه‌های 36 تا 38)

(روزبه رضوانی)

116- گزینه «2»



2، 2- دی‌متیل پنتان



2، 3- تری‌متیل بوتان

(شیمی 2- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه‌های 36 تا 38)

(علی طرفی)

117- گزینه «4»

گاز اتن اولین عضو خانواده آلکن‌هاست نه دومین عضو!

(شیمی 2- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه‌های 39 تا 41)

شیمی 1

121- گزینه «3»

(علیرضا کیانی دوست)

بررسی عبارت نادرست:

عبارت اول، اتم‌های پراکنجته پرنرژ و ناپایدارند و تمایل دارند با از دست دادن انرژی به حالت پایدارتر و در نهایت به حالت پایه بازگردند.

(شیمی I-کیهان زاگراه الفبای هستی: صفحه‌های 26 و 27)

122- گزینه «2»

(یاسر راش)

هرچه مجموع $(n+1)$ زیرلایه‌ای کمتر باشد، انرژی آن نیز کمتر است. در صورتی که مجموع $(n+1)$ برای دو زیرلایه یکسان باشد، زیرلایه‌ای که n کوچکتری دارد، به هسته نزدیک‌تر بوده و انرژی کمتری دارد.

(شیمی I-کیهان زاگراه الفبای هستی: صفحه‌های 30 و 31)

123- گزینه «1»

(روزبه رضوانی)

تنها عبارت «پ» درست است. بررسی عبارت‌ها:

الف) حداکثر شمار الکترون‌ها در هر زیرلایه برابر $4l+2$ و برای هر لایه $2n^2$ است.

ب) $n+l$ برای $6s$ و $4f$ به ترتیب برابر 6 و 7 است، پس $4f$ دیرتر از $6s$ پر می‌شود.

پ) $^{32}\text{Ge}: 1s^2, 2s^2, 2p^6, 3s^2, 3p^6, 3d^{10}, 4s^2, 4p^2$

$^{14}\text{X}: 1s^2, 2s^2, 2p^6, 3s^2, 3p^2$ عنصر بالایی

ت) $^{24}\text{Cr}: 1s^2, 2s^2, 2p^6, 3s^2, 3p^6, 3d^5, 4s^1 \Rightarrow \begin{matrix} d \rightarrow 5e^- \\ s \rightarrow 7e^- \end{matrix}$

(شیمی I-کیهان زاگراه الفبای هستی: صفحه‌های 27 تا 34)

124- گزینه «3»

(یاسر راش)

حداکثر گنجایش الکترونی یک لایه الکترونی (n) ، برابر $2n^2$ است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «1»: حداکثر گنجایش الکترونی زیرلایه‌ها از رابطه $4l+2$ به دست می‌آید.

گزینه «2»: در مدل کوانتومی اتم به هر نوع زیرلایه یک عدد کوانتومی نسبت

می‌دهند. این عدد کوانتومی با نماد l نشان داده شده و عدد کوانتومی فرعی

نامیده می‌شود. مقادیر معین و مجاز آن به صورت زیر است:

$$l = 0, 1, \dots, n-1$$

گزینه «4»: نماد هر زیرلایه معین با دو عدد کوانتومی مشخص می‌شود؛ به

دیگر سخن هر زیرلایه را می‌توان با نماد nl نمایش داد؛ برای نمونه در

زیرلایه $2p$ ، $n=2$ و $l=1$ است.

(شیمی I-کیهان زاگراه الفبای هستی: صفحه‌های 27 تا 34)

125- گزینه «2»

(علیرضا کیانی دوست)

با توجه به اطلاعات ارائه شده عنصر X همان ^{35}Br است.

بررسی عبارت نادرست:

عبارت سوم نادرست است. شمار جفت الکترون‌های جفت شده عنصر در

آرایش الکترون - نقطه‌ای این عنصر برابر 3 است.

(شیمی I-کیهان زاگراه الفبای هستی: صفحه‌های 33 تا 40)

126- گزینه «4»

(روزبه رضوانی)

دوره 4 و گروه 15 $X \rightarrow$

دوره 4 و گروه 13 $^{31}\text{E} \rightarrow$

دوره 4 و گروه 5 $^{23}\text{A} \rightarrow$

دوره 2 و گروه 13 $^{5}\text{B} \rightarrow$

دوره 4 و گروه 17 $^{35}\text{F} \rightarrow$

دوره 2 و گروه 15 $^{7}\text{C} \rightarrow$

(شیمی I-کیهان زاگراه الفبای هستی: صفحه‌های 27 تا 34)

127- گزینه «2»

(امیر هاتمیان)

ابتدا عدد اتمی عنصر X را تعیین می‌کنیم:

$$\left. \begin{array}{l} n - e = 8 \xrightarrow{e=p-3} \\ n + p = 55 \end{array} \right\} \begin{array}{l} n - p = 5 \\ n + p = 55 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{l} p = 25 \\ n = 30 \end{array}$$

آرایش الکترونی عنصر X :

$$25X: 1s^2 / 2s^2 2p^6 / 3s^2 3p^6 3d^5 / 4s^2 \begin{cases} j=4 \\ l=7 \end{cases}$$

الف) درست - تعداد e^- های با $l=0$ برابر 8 و تعداد الکترون‌های با $l=2$ برابر 5 است پس داریم:

$$\frac{l=0 \parallel \uparrow \downarrow e^- \parallel k+l}{l=2 \parallel \uparrow \downarrow e^- \parallel k+l} = \frac{8}{5} = 1/6$$

ب) نادرست، آخرین زیرلایه $3d^4$ می‌باشد که دارای $\begin{cases} n=3 \\ l=2 \end{cases}$ است.

$$25X^{3+}: 1s^2 / 2s^2 2p^6 / 3s^2 3p^6 3d^4$$

پ) درست، عنصر X در دوره 4 جدول تناوبی قرار دارد که با عنصر $19K$ هم دوره است چون K نیز متعلق به دوره چهارم جدول تناوبی است.

ت) نادرست - بیرونی‌ترین زیرلایه: $\begin{cases} n=4 \\ l=0 \end{cases} 4s^2$

$$e^- \parallel k+l \quad 2 \times \left(\frac{n+l}{4+0} \right) = 8$$

(شیمی ۱- کیوان زارگانه الفبای هستی: صفحه‌های 27 تا 34)

128- گزینه «3»

(امیرمسین مسلمی)

عناصر $24Cr$ و $25Mn$ دارای 5 الکترون در زیرلایه $3d$ خود هستند.

دقت کنید عنصر $35Br$ و همه عناصر با عدد اتمی بزرگ‌تر از 25، بیش از پنج الکترون در زیرلایه با $n+l=5$ خود دارند.

(شیمی ۱- کیوان زارگانه الفبای هستی: صفحه‌های 27 تا 34)

129- گزینه «1»

(همیر زینی)

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول درست است. آرایش الکترونی کروم مطابق قاعده آفبا به صورت

$[18Ar]3d^4 4s^2$ است. اما روش‌های طیف سنجی پیشرفته اثبات کرد که

این آرایش الکترونی نادرست است و آرایش الکترونی درست کروم به

صورت $[18Ar]3d^5 4s^1$ است.

عبارت دوم نادرست است. مطابق قاعده آفبا زیرلایه‌ای زودتر از الکترون

اشغال می‌شود که $(n+l)$ آن کوچک‌تر باشد.

عبارت سوم درست است.

عبارت چهارم نادرست است. بر اساس روش‌های طیف سنجی پیشرفته،

آرایش الکترونی $29Cu$ به صورت $[18Ar]3d^{10} 4s^1$ است نه قاعده آفبا.

(شیمی ۱- کیوان زارگانه الفبای هستی: صفحه‌های 27 تا 34)

130- گزینه «3»

(امیرمسین مسلمی)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «1»: مولکول MgO عبارت نادرستی است و MgO جزو

ترکیبات یونی است.

گزینه «2»: ترکیب یونی دوتایی، ترکیبی است که از دو نوع عنصر تشکیل

شده است، نه دو اتم!

گزینه «3»: فرمول شیمیایی کلسیم اکسید و آلومینیم نیتريد به صورت

CaO و AlN می‌باشد.

گزینه «4»: آرایش الکترون - نقطه‌ای هلیوم به صورت He است.

(شیمی ۱- کیوان زارگانه الفبای هستی: صفحه‌های 35 تا 39)

شیمی 2

131- گزینه «2»

(علی طرفی)

ششمین عضو از خانواده آلکان‌ها هگزان (C_6H_{14}) می‌باشد.

بررسی عبارت‌ها:

(آ) نادرست، فرآریت هگزان با توجه به داشتن تعداد کربن بیشتر نسبت به پنتان، کمتر است.

(ب) درست

(پ) نادرست، با توجه به اینکه تعداد اتم‌های کربن هگزان از اوکتان کمتر می‌باشد، گرانشی آن نیز کمتر است.

(ت) درست

(شیمی 2- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه‌های 32 تا 36)

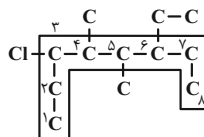
132- گزینه «2»

(روزبه رضوانی)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «1»: با افزایش شمار اتم‌های کربن فرآریت کاهش می‌یابد.

گزینه «2»: 3- کلرو - 6 اتیل - 5 - دی‌متیل اوکتان



گزینه «3»: آلکان‌ها چون ناقطبی هستند در آب نامحلولند.

گزینه «4»: $C_6H_{12} \rightarrow$ سیکلوهگزان

اوکتین $\rightarrow C_8H_{14}$

(شیمی 2- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه‌های 32 تا 36، 42 و 44)

133- گزینه «4»

(مهمید عظیمیان زواره)

با توجه به فرمول عمومی آلکان‌ها (C_nH_{2n+2}) آلکان مورد نظر پنتان

(C_5H_{12}) می‌باشد. تفاوت جرم مولی سیکلوهگزان (C_6H_{12}) با پنتان

(C_5H_{12}) برابر 12 گرم بر مول می‌باشد.

بررسی عبارت‌های درست:

(1) با توجه به فرمول مولکولی پنتان C_5H_{12} و بنزن C_6H_6 درست است.

(2) گاز فندک بوتان (C_4H_{10}) می‌باشد و در دمای اتاق و فشار 1atm برخلاف پنتان حالت گازی دارد.

(3) شمار پیوندهای اشتراکی در پنتان و C_5H_{10} به ترتیب برابر 16 و 15 می‌باشد (شمار پیوندهای اشتراکی آلکان 1 واحد از شمار پیوندهای اشتراکی آلکن هم کربن خود بیشتر است).

(شیمی 2- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه‌های 35، 36، 39 و 42)

134- گزینه «1»

(روزبه رضوانی)

عبارت‌های «الف» و «ت» درست هستند. بررسی عبارت‌ها:

الف) درست است.

ب) اتانول تولید می‌شود نه اتان!

پ) بنزین سمی نیست! چون یک آلکان است.

ت) $C_{25}H_{52} \rightarrow 25(12) + 52 = 352g.mol^{-1}$ وازلین

بوتان $C_4H_{10} \rightarrow 4(12) + 10 = 58g.mol^{-1}$

$352 - 58 = 294g.mol^{-1}$ تفاوت

(شیمی 2- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه‌های 34، 35، 39 و 44)

135- گزینه «3»

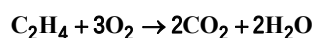
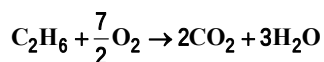
(مهمید زینی)

مول اتان را x و مول اتن را y در نظر می‌گیریم:

$$\begin{cases} m_{C_2H_6} = 30x \Rightarrow m_C = 24x \\ m_{C_2H_4} = 28y \Rightarrow m_C = 24y \end{cases} \Rightarrow 84 = \frac{24x + 24y}{30x + 28y} \times 100$$

$$\Rightarrow y = 2/5x$$

حال واکنش سوختن اتن و اتان را نوشته و موازنه می‌کنیم:



به ازای مصرف x مول اتان، 2x مول گاز CO_2 تولید می‌شود.

(معمدرضا پوریاویر)

138- گزینه «4»

همه عبارت‌های داده شده درست هستند.

(شیمی 2- قدر هدرایی زمینی را برانیم: صفحه‌های 43 تا 46)

(علی طرفی)

139- گزینه «2»

عبارت‌های «پ» و «ت» درست می‌باشند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

(آ) نفت خام مخلوطی از هیدروکربن‌ها (هم سیرشده و هم سیرنشده)، برخی نمک‌ها، اسیدها، آب و ... است.

(ب) پس از جداکردن نمک‌ها، اسیدها و آب، نفت خام را پالایش می‌کنند.

(شیمی 2- قدر هدرایی زمینی را برانیم: صفحه‌های 43 تا 46)

(امیر هاتمیان)

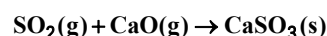
140- گزینه «4»

بررسی سایر گزینه‌ها:

(1) نادرست، شکل درست: سوخت هواپیما به طور عمده از نفت سفید تهیه می‌شود که شامل آلکان‌هایی با 22 تا 32 اتم هیدروژن است.

(2) نادرست، شکل درست: متان گازی سبک، بی‌بو و بی‌رنگ است که هرگاه مقدار آن در هوای معدن به بیش از 5 درصد برسد احتمال انفجار وجود دارد.

(3) نادرست، شکل درست: یکی از راه‌های بهبود کارایی زغال‌سنگ به دام انداختن گاز گوگرد دی‌اکسید خارج شده از نیروگاه‌ها با عبور گازهای خروجی از روی کلسیم اکسید است.



(شیمی 2- قدر هدرایی زمینی را برانیم: صفحه‌های 45 و 46)

به ازای مصرف $2/5x$ مول اتن، $5x$ مول گاز CO_2 تولید می‌شود. پس

نسبت شمار مول CO_2 حاصل از واکنش سوختن اتان به اتن برابر $\frac{2x}{5x}$ یا $\frac{2}{5}$ خواهد بود.

(شیمی 2- قدر هدرایی زمینی را برانیم: صفحه‌های 32 تا 36 و 39 تا 41)

(علی طرفی)

136- گزینه «1»

بررسی عبارت‌ها:

$$1) \begin{cases} \cdot q^{\text{H}} : \text{C}_6\text{H}_6 \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{6}{6} = 1 \\ \cdot \text{Å}^{\text{H}} : \text{C}_2\text{H}_2 \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{2}{2} = 1 \end{cases}$$

$$2) \begin{cases} \cdot \text{Å}^{\text{H}} : \text{C}_6\text{H}_{12} \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{12}{6} = 2 \\ \cdot \text{Å}^{\text{H}} : \text{C}_4\text{H}_6 \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} \end{cases}$$

$$3) \begin{cases} \cdot q^{\text{H}} : \text{C}_6\text{H}_6 \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{6}{6} = 1 \\ \cdot \text{Å}^{\text{H}} : \text{C}_{10}\text{H}_8 \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{8}{10} = \frac{4}{5} \end{cases}$$

$$4) \begin{cases} \cdot \text{Å}^{\text{H}} : \text{C}_6\text{H}_{12} \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{12}{6} = 2 \\ \cdot \text{Å}^{\text{H}} : \text{HCN} \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{1}{1} = 1 \end{cases}$$

(شیمی 2- قدر هدرایی زمینی را برانیم: صفحه‌های 32 تا 36 و 39 تا 42)

(معمدرضا پوریاویر)

137- گزینه «1»

بررسی عبارت‌ها:

(الف) در آلکن‌ها درصد جرمی کربن ثابت و برابر $\frac{6}{7} \times 100 \approx 86\%$ است.

(ب) با افزایش تعداد اتم‌های کربن، تفاوت نقطه جوش دو آلکان متوالی کاهش می‌یابد.

(پ) با افزایش تعداد اتم‌های کربن شمار پیوندهای کووالانسی و گرانیوی افزایش می‌یابد.

(ت) با افزایش تعداد اتم‌های کربن، نقطه جوش افزایش می‌یابد.

(شیمی 2- قدر هدرایی زمینی را برانیم: صفحه‌های 32 تا 36 و 39 تا 41)

حسابان 2 - اختیاری

141- گزینه «2»

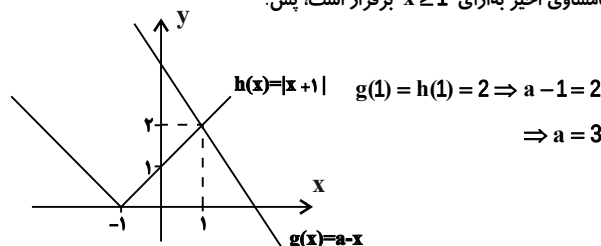
(مدرسین سلامی مسینی)

طبق تعریف تابع اکیداً نزولی، اگر $x_1 > x_2$ آن گاه $f(x_1) < f(x_2)$ ، پس داریم:

$$f\left(\frac{a-x+2}{2+|x+1|}\right) \geq f(1) \Rightarrow \frac{a-x+2}{2+|x+1|} \leq 1$$

$$\Rightarrow a-x+2 \leq 2+|x+1| \Rightarrow a-x \leq |x+1|$$

نامساوی اخیر به ازای $x \geq 1$ برقرار است، پس:



(حسابان 2- تابع: صفحه های 15 تا 18)

142- گزینه «3»

(مدرسین پاشایی)

با استفاده از مربع دو جمله ای داریم:

$$f(x) = y = x^2 - 4x + a \Rightarrow y - a + 4 = (x-2)^2$$

$$\xrightarrow{x \geq 2} x-2 = \sqrt{y-a+4} \Rightarrow f^{-1}(x) = 2 + \sqrt{x-a+4}$$

با مقایسه با تابع داده شده خواهیم داشت:

$$2b = 2 \Rightarrow b = 1$$

$$4b = -a + 4 \xrightarrow{b=1} a = 0 \Rightarrow (a, b) = (0, 1)$$

(حسابان 1- تابع: صفحه های 57 تا 62)

143- گزینه «3»

(شهرام ولایی)

$$f(x) = \sqrt{\frac{1}{4}(4x - |4x|)} \Rightarrow R_f = [0, \frac{1}{2}]$$
 ابتدا برد f را به دست می آوریم:

خروجی f می شود ورودی g . پس برای پیدا کردن برد $g \circ f$ کافی است حاصل g

را به ازای $0 \leq x < \frac{1}{2}$ به دست آوریم.

$$g(0) = 0$$

$$\Rightarrow 0 \leq x < \frac{1}{2} \Rightarrow 0 \leq g(x) < \frac{1}{8} \Rightarrow R_{g \circ f} = [0, \frac{1}{8})$$

(حسابان 1- تابع: صفحه های 66 تا 68)

144- گزینه «2»

(بانک سادات)

چون دامنه f : $x \geq 1$ است پس نیازی به قدر مطلق نیست و

$$f(x) = \sqrt{x-1}$$
 برای تعیین دامنه g هم کافی است جلوی لگاریتم و زیر

رادیکال مثبت باشند:

$$x^2 - x - 2 > 0 \Rightarrow x < -1 \text{ یا } x > 2 \text{ (I)}$$

$$x+1 > 0 \Rightarrow x > -1 \text{ (II)}$$

اشتراک (I) و (II) می شود $x > 2$ و داریم:

$$D_{g \circ f} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\}$$

$$= \{x \geq 1 \mid \sqrt{x-1} > 2\} \Rightarrow x > 5 \Rightarrow a = 5$$

حال نقطه تقاطع خط $y = 5$ را با تابع $f(x)$ می یابیم:

$$\sqrt{x-1} = 5 \Rightarrow x-1 = 25 \Rightarrow x = 26$$

(حسابان 1- تابع، توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه های 66 تا 80 و 85)

145- گزینه «2»

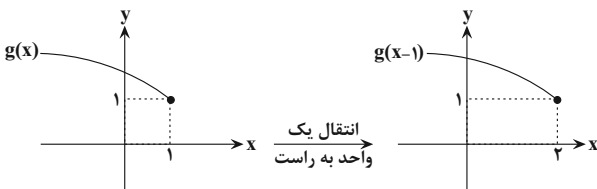
(بانک سادات)

$$f^{-1} \circ f(x) = x, x \in D_f$$

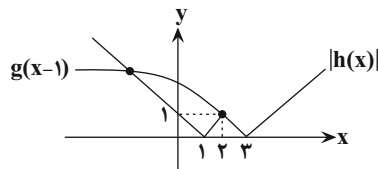
می دانیم:

$$g(x) = \sqrt{2 - f^{-1} \circ f(x)} = \sqrt{2 - x}, x \leq 1$$

بنابراین خواهیم داشت:



حال نمودار تابع انتقال یافته g و $|h(x)|$ را در یک دستگاه رسم می کنیم:



همان طور که در شکل بالا مشخص است، نمودار دو تابع همدیگر را در دو نقطه متمایز قطع می کنند.

(حسابان 2- تابع: صفحه های 1 تا 12)

146- گزینه «3»

(پویان طهرانیان)

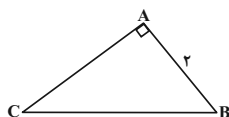
در مثلث ABC چون $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$ و $0 < \hat{A}, \hat{B}, \hat{C} < 180^\circ$

$\sin \hat{C} = \cos \hat{B}$ نتیجه می شود که $\hat{C} = 90^\circ - \hat{B}$ ولی چون

$$\hat{C} = 90^\circ + \hat{B} \text{ و رابطه } 45^\circ < \hat{B} < 90^\circ, \text{ پس } \cos \hat{B} = \frac{1}{5} < \frac{\sqrt{2}}{2}$$

نمی تواند درست باشد، چون $\hat{C} > 135^\circ$ و جمع زوایا از 180° بیش تر

خواهد شد. پس $\hat{B} + \hat{C} = 90^\circ$ و در نتیجه $\hat{A} = 90^\circ$ می باشد.



$$\sin \hat{C} = \frac{AB}{BC} \Rightarrow \frac{1}{5} = \frac{r}{5} \Rightarrow BC = 10$$

$$\min = a - \left| -\frac{3}{4} \right| = \frac{1}{4} \Rightarrow a = 1$$

از طرفی دوره تناوب تابع برابر 4π است، یعنی:

$$T = \frac{2\pi}{|b|} = 4\pi \Rightarrow |b| = \frac{1}{2} \Rightarrow b = \pm \frac{1}{2}$$

حال با توجه به مقادیر به دست آمده برای a ، حاصل $f\left(\frac{7\pi}{3}\right)$ را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{a - \frac{1}{2}}{\left| \frac{1}{2} \right|} \rightarrow f\left(\frac{7\pi}{3}\right) = -\frac{1}{2} - \frac{3}{4} \cos\left(\frac{\pm 7\pi}{6}\right) = -\frac{1}{2} + \frac{3}{4} \cos\left(\frac{\pi}{6}\right)$$

$$= -\frac{1}{2} + \left(\frac{3}{4} \times \frac{\sqrt{3}}{2}\right) = -\frac{1}{2} + \frac{3\sqrt{3}}{8}$$

$$\frac{a=1}{\left| \frac{1}{2} \right|} \rightarrow f\left(\frac{7\pi}{3}\right) = 1 - \frac{3}{4} \cos\left(\frac{\pm 7\pi}{6}\right) = 1 + \frac{3}{4} \cos\left(\frac{\pi}{6}\right)$$

$$= 1 + \left(\frac{3}{4} \times \frac{\sqrt{3}}{2}\right) = 1 + \frac{3\sqrt{3}}{8}$$

از بین مقادیر به دست آمده، فقط مقدار $1 + \frac{3\sqrt{3}}{8}$ در گزینه‌ها می‌باشد.

(مسابان 2- مثلثات: صفحه‌های 24 تا 29)

(امیر وفائی)

150- گزینه «1»

با توجه به نمودار، بیش‌ترین مقدار تابع برابر صفر است. از طرفی $a > 0$ است.

چون اگر $a < 0$ باشد، بیش‌ترین مقدار تابع غیر صفر می‌شود. بنابراین:

$$a < 0 \rightarrow \max_{x \in \mathbb{R}} f(x) = a(0) - c \neq 0$$

$$a(1) - c = 0 \Rightarrow a = c$$

دوره تناوب برابر $\frac{\pi}{2}$ است، پس:

$$\frac{\pi}{|b|} = \frac{\pi}{2} \Rightarrow |b| = 2 \Rightarrow b = \pm 2$$

کم‌ترین مقدار تابع به‌ازای $\sin\left(2x - \frac{\pi}{3}\right)$ برابر صفر بدست می‌آید:

$$\sin\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) = 0 \Rightarrow x = \frac{\pi}{6} \Rightarrow x_A = \frac{\pi}{6}$$

مساحت مثلث OAB:

$$\frac{1}{2} \times \frac{\pi}{6} \times |y_B| = \frac{\pi}{6} \Rightarrow |y_B| = 2 \Rightarrow y_B = -2$$

کم‌ترین مقدار تابع برابر 2- است، بنابراین:

$$a(0) - c = -2 \Rightarrow c = 2 \Rightarrow a = 2$$

$$a + b + c = 2 + 2 + 2 = 6$$

(مسابان 2- مثلثات: صفحه‌های 24 تا 29)

$$AB^2 + AC^2 = BC^2 \Rightarrow 4 + AC^2 = 100$$

$$\Rightarrow AC = \sqrt{96} = 4\sqrt{6}$$

$$\Rightarrow S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} \times AB \times AC = \frac{1}{2} \times 2 \times 4\sqrt{6} = 4\sqrt{6}$$

(ریاضی 1- مثلثات: صفحه‌های 29 تا 35)

(لطف املایی)

147- گزینه «3»

$$\cos^2 x - \sin^2 x = \frac{1}{3}$$

توجه کنید که

اگر به جای $\sin^2 x$ قرار دهیم $1 - \cos^2 x$ ، نتیجه می‌شود:

$$\cos^2 x - (1 - \cos^2 x) = \frac{1}{3}$$

$$2\cos^2 x = \frac{4}{3} \Rightarrow \cos^2 x = \frac{2}{3}$$

$$1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x} \Rightarrow 1 + \tan^2 x = \frac{3}{2}$$

در نتیجه

$$\Rightarrow \tan^2 x = \frac{1}{2}$$

(ریاضی 1- مثلثات: صفحه‌های 42 تا 46)

(سروش موئینی)

148- گزینه «4»

$$x - \frac{\pi}{2} \text{ در ربع چهارم است؛ } \frac{7\pi}{2} + x \text{ همان } \frac{3\pi}{2} + x \text{ و در ربع چهارم}$$

است؛ $x - 5\pi$ و $x + \pi$ هر دو ربع سوم هستند.

$$= \frac{-\cos x - \sin x}{\frac{1}{\cos x} + \sin x + \cos^3 x} \rightarrow \frac{+\cos x}{+\cos x} \rightarrow \frac{-1 - \tan x}{\frac{1}{\cos^2 x} + \tan x + \cos^2 x}$$

$$\text{حالا با } \tan x = 2 \text{ داریم } 1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x} = 5 \Rightarrow \cos^2 x = \frac{1}{5}$$

جواب می‌شود:

$$\frac{-1-2}{5+2+\frac{1}{5}} = \frac{-3}{\frac{36}{5}} = \frac{-5}{12}$$

(مسابان 1- مثلثات: صفحه‌های 98 تا 104)

(سید پوار نظری)

149- گزینه «2»

نمودار تابع، بر خط $y = \frac{1}{4}$ مماس می‌باشد، بنابراین بیش‌ترین مقدار یا کم‌ترین

مقدار تابع برابر $\frac{1}{4}$ است. پس:

$$\max = a + \left| -\frac{3}{4} \right| = \frac{1}{4} \Rightarrow a = -\frac{1}{2}$$

$$B = \begin{bmatrix} 231 & 21n \\ 21n & 231 \end{bmatrix}$$

اگر B وارون پذیر نباشد، باید داشته باشیم:

$$(231)^2 - (21n)^2 = 0 \Rightarrow (21n)^2 = (231)^2 \Rightarrow n = \pm \frac{231}{21} = \pm 11$$

$$n \in \mathbb{N} \rightarrow n = 11$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها، صفحه های ۱۳، ۲۲ و ۲۳)

(یاسین سپهر)

گزینه «۲» ۱۵۴

چون A ماتریس اسکالر است، بنابراین ماتریس مربعی می باشد. از طرفی ضرب AB تعریف شده است، پس تعداد ستون های ماتریس A برابر تعداد سطر های ماتریس B یعنی برابر ۳ می باشد. حال چون ماتریس A اسکالر می باشد، پس به صورت زیر تعریف می شود:

$$A = \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & a \end{bmatrix}$$

$$c_{33} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 & 0 & a \end{bmatrix} = 2a = -4 \Rightarrow a = -2$$

$$A = a + a + a = 3a = 3(-2) = -6$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها، صفحه های ۱۲ تا ۱۹)

(امیر حسین ایوبیوب)

گزینه «۲» ۱۵۵

شرط وجود بی شمار جواب برای دستگاه آن است که:

$$\frac{k+1}{2} = \frac{5}{2k+3} = \frac{3}{k+2}$$

دو معادله از این دستگاه را انتخاب کرده و حل می کنیم. جواب های مشترک دو معادله مقادیری از k را که به ازای آن دستگاه بی شمار جواب دارد، مشخص می کند.

$$\frac{k+1}{2} = \frac{5}{2k+3} \Rightarrow (2k+3)(k+1) = 10 \Rightarrow 2k^2 + 5k + 3 = 10$$

هندسه ۳- اختیاری

گزینه «۱» ۱۵۱

(سروش موئینی)

$$A + I = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow (A + I)^{-1} = \frac{1}{2(5) - 2(3)} \begin{bmatrix} 5 & -2 \\ -3 & 2 \end{bmatrix} = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 5 & -2 \\ -3 & 2 \end{bmatrix}$$

$$(A + I) \text{ مجموع درایه های وارون } = \frac{1}{4}(5 - 2 - 3 + 2) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها، صفحه های ۱۳، ۲۲ و ۲۳)

(مهری هابی نژادبان)

گزینه «۲» ۱۵۲

$$AXB + C = D$$

$$\Rightarrow AXB = D - C \xrightarrow{A^{-1} \times} A^{-1}(AXB) = A^{-1}(D - C)$$

$$\Rightarrow \underbrace{(A^{-1}A)}_I XB = A^{-1}(D - C) \Rightarrow XB = A^{-1}(D - C)$$

$$\xrightarrow{\times B^{-1}} (XB)B^{-1} = A^{-1}(D - C)B^{-1}$$

$$\Rightarrow X \underbrace{(BB^{-1})}_I = A^{-1}(D - C)B^{-1}$$

$$\Rightarrow X = A^{-1}(D - C)B^{-1}$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها، صفحه های ۱۷ تا ۲۳)

(رضا عباسی اصل)

گزینه «۴» ۱۵۳

$$B = A_1 + A_2 + \dots + A_{21} = \begin{bmatrix} 1 & n \\ n & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & n \\ n & 2 \end{bmatrix} + \dots + \begin{bmatrix} 21 & n \\ n & 21 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 1+2+\dots+21 & 21n \\ 21n & 1+2+\dots+21 \end{bmatrix}$$

$$\text{با توجه به اینکه } 1+2+\dots+21 = \frac{21(21+1)}{2} = 231 \text{ داریم:}$$

۱۵۸- گزینه «۱»

(امیرحسین ابومصوب)

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x & y & 1 \\ 1 & -x & -1 \\ -1 & 1 & x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ -1 \\ x \end{bmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} x-3 & 2x+3 & x+3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ -1 \\ x \end{bmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow x(x-3) - (2x+3) + x(x+3) = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - 3x - 2x - 3 + x^2 + 3x = 0$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 2x - 3 = 0$$

اگر α و β ریشه‌های این معادله باشند، آنگاه داریم:

$$\alpha + \beta = -\frac{b}{a} = 1 \quad \text{و} \quad \alpha\beta = \frac{c}{a} = -\frac{3}{2}$$

$$\frac{1}{\alpha^2} + \frac{1}{\beta^2} = \frac{\alpha^2 + \beta^2}{\alpha^2\beta^2} = \frac{(\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta}{(\alpha\beta)^2} = \frac{1 - 2\left(-\frac{3}{2}\right)}{\left(-\frac{3}{2}\right)^2}$$

$$= \frac{4}{9} = \frac{16}{9}$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها، صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

۱۵۹- گزینه «۳»

(کیوان دارابی)

$$(I - 2A)(I + \lambda A) = I \Rightarrow I^2 + (\lambda - 2)A - 2\lambda A^2 = I$$

$$\xrightarrow{A^2=A} I + (\lambda - 2)A - 2\lambda A = I \Rightarrow (\lambda - 2 - 2\lambda)A = \bar{O}$$

$$\Rightarrow (-2\lambda - 2)A = \bar{O} \xrightarrow{A \neq \bar{O}} -2\lambda - 2 = 0 \Rightarrow \lambda = -\frac{3}{2}$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها، صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

۱۶۰- گزینه «۳»

(امیررضا فلاح)

$$A^2 = 3I \xrightarrow{\times 16} 16A^2 = 48I \Rightarrow 16A^2 - 48I = \bar{O}$$

$$\Rightarrow 16A^2 - 49I = -I \Rightarrow (4A - 7I)(4A + 7I) = -I$$

$$\Rightarrow (4A + 7I)^{-1} = -(4A - 7I) = 7I - 4A$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها، صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

$$\Rightarrow 2k^2 + 5k - 7 = 0 \Rightarrow \begin{cases} k=1 \\ k=-\frac{7}{2} \end{cases}$$

$$\frac{k+1}{2} = \frac{3}{k+2} \Rightarrow (k+1)(k+2) = 6 \Rightarrow k^2 + 3k + 2 = 6$$

$$\Rightarrow k^2 + 3k - 4 = 0 \Rightarrow \begin{cases} k=1 \\ k=-4 \end{cases}$$

پس تنها به ازای $k=1$ ، دستگاه بی‌شمار جواب دارد.

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها، صفحه‌های ۲۳ تا ۲۶)

۱۵۶- گزینه «۴»

(امیرحسین ابومصوب)

کافی است دترمینان ضرایب دستگاه‌ها را به‌دست آوریم. در صورتی که دترمینان به ازای مقدار یا مقادیری از k برابر صفر شود، دستگاه بی‌شمار جواب داشته یا فاقد جواب است. اگر ماتریس ضرایب هر دستگاه را با A

نمایش دهیم، آنگاه داریم:

گزینه «۱»:

$$|A| = k(-1) - 2 \times 1 = 0 \Rightarrow -k - 2 = 0 \Rightarrow k = -2$$

گزینه «۲»:

$$|A| = k^2 \times 4 - 1 \times 1 = 0 \Rightarrow 4k^2 - 1 = 0 \Rightarrow k^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow k = \pm \frac{1}{2}$$

گزینه «۳»:

$$|A| = k \times k - 1 \times 4 = 0 \Rightarrow k^2 - 4 = 0 \Rightarrow k^2 = 4 \Rightarrow k = \pm 2$$

گزینه «۴»:

$$|A| = k^2 \times 1 - 2 \times (-1) = 0 \Rightarrow k^2 + 2 = 0 \Rightarrow$$

ریشه حقیقی ندارد $\Rightarrow k^2 + 2 = 0 \Rightarrow$ پس تنها دستگاه معادلات گزینه «۴» به ازای تمامی مقادیر k ، جواب منحصر به فرد دارد.

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها، صفحه‌های ۲۳ تا ۲۶)

۱۵۷- گزینه «۱»

(امیرحسین ابومصوب)

$$A^2 = \begin{bmatrix} -\sin \theta & -\cos \theta \\ \cos \theta & -\sin \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -\sin \theta & -\cos \theta \\ \cos \theta & -\sin \theta \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \sin^2 \theta - \cos^2 \theta & 2\sin \theta \cos \theta \\ -2\sin \theta \cos \theta & \sin^2 \theta - \cos^2 \theta \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -\cos 2\theta & \sin 2\theta \\ -\sin 2\theta & -\cos 2\theta \end{bmatrix}$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها، صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

ریاضیات گسسته - اختیاری

گزینه 161 «1»

(فرهاد وفایی)

$$[2x + 7]_7 = [11x + 5]_7 \Rightarrow 11x + 5 \equiv 2x + 7 \Rightarrow 9x \equiv 2 \Rightarrow 2x \equiv 2$$

$$\xrightarrow{+2} \frac{x}{(2,7)=1} \Rightarrow x \equiv 1 \Rightarrow x^3 - 1 \equiv 1^3 - 1 \equiv 0$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 18 تا 22)

گزینه 162 «4»

(مهرادر ملونری)

مثال نقض گزینه «1»: $a = \sqrt{2}$

مثال نقض گزینه‌های «2» و «3»: $a = \sqrt[3]{2}$

در گزینه «4» بنا به برهان خلف، اگر اعداد a^2 و a^3 هر دو گویا باشند، آنگاه

$$\frac{a^3}{a^2} = a \text{ نیز عددی گویا می‌شود که خلاف فرض است.}$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 2 تا 6)

گزینه 163 «2»

(محمدرضا ممسنی)

گزینه «1»: $a^4 | b^3 \Rightarrow a \times a^3 | b^3 \Rightarrow a^3 | b^3 \Rightarrow a | b \Rightarrow a^5 | b^5$

گزینه «3»: $a^4 | b^3 \Rightarrow a^{20} | b^{15} \Rightarrow a \times a^{19} | b^{15} \Rightarrow a^{19} | b^{15}$

گزینه «4»: $a | b \Rightarrow a^6 | b^6 \Rightarrow a^6 | b^7$

اما رابطه گزینه «2» در حالت کلی درست نیست. به عنوان مثال نقض:

اگر $a = 8$ و $b = 16$ باشد، آنگاه $a^4 = 8^4 = 2^{12}$ و $b^3 = 16^3 = 2^{12}$ است.

پس $a^4 | b^3$ ولی $a^3 = 8^3 = 2^9$ و $b^2 = 16^2 = 2^8$ است. پس $a^3 \nmid b^2$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 9 تا 12)

گزینه 164 «1»

(امیرمسین ابومصوب)

با توجه به اینکه تعداد روزهای هفته برابر 7 است، کافی است تعداد روزهای

بین 15 خرداد تا 13 آبان را به دست آورده و باقی‌مانده تقسیم آن را بر 7

$$\text{بیابیم. } 152 \equiv 5 \Rightarrow 152 = 30 + 13 + 3 \times 31 + 16$$

یکشنبه	شنبه	جمعه	پنجشنبه	چهارشنبه	سه‌شنبه	دوشنبه
6	5	4	3	2	1	0

حال مطابق جدول اگر روز مبدأ یعنی دوشنبه را معادل صفر فرض کنیم، روز

شنبه معادل 5 است، پس 13 آبان باید روز شنبه باشد.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه 24)

گزینه 165 «4»

(مرتضی فویم‌علوی)

$$2^6 = 64 \equiv 1 \xrightarrow{5 \cdot 1940 \equiv 1} 2^{30} \equiv 1$$

$$\xrightarrow{\times 2^5} 2^{35} \equiv 2^{21} \equiv 32 \equiv 11$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 18 تا 22)

گزینه 166 «3»

(فرهاد وفایی)

مطابق فرض سؤال داریم:

$$\begin{cases} a = bq + 17, 17 < b & (1) \\ 3a = bq' + 6, 6 < b & (2) \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 3a = b(3q) + 51 \\ 3a = bq' + 6 \end{cases} \Rightarrow b(3q) + 51 = bq' + 6$$

$$\Rightarrow b(q' - 3q) = 45 \Rightarrow b | 45 \xrightarrow{b > 17} b = 45$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 14 و 15)

167- گزینه «4»

(ممر هیری)

مطابق فرض سؤال داریم:

$$9a - 7 \equiv 2a - 3 \pmod{11}$$

$$\Rightarrow 7a \equiv 4 \pmod{11}$$

$$\xrightarrow[7]{(7,11)=1} a \equiv -1 \equiv 10 \pmod{11}$$

$$\Rightarrow a = 11k + 10 \Rightarrow 4a - 5 = 44k + 35 \Rightarrow 4a - 5 \equiv 35 \pmod{44}$$

$$\xrightarrow[44]{22} 4a - 5 \equiv 35 \equiv 13 \pmod{44}$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 18 تا 22)

168- گزینه «3»

(سروش موئینی)

$$\begin{cases} d | 3n - 2 \xrightarrow{\times 4} d | 12n - 8 \\ d | 4n + 1 \xrightarrow{\times 3} d | 12n + 3 \end{cases} \Rightarrow d | 11 \Rightarrow d = 11$$

کافی است تعداد حالت‌هایی را به دست آوریم که $d = 11$ باشد:

$$d = 11 \Rightarrow 11 | 3n - 2 \Rightarrow 3n - 2 \equiv 0 \pmod{11} \Rightarrow 3n \equiv 2 \pmod{11}$$

$$\xrightarrow[11]{+3} n \equiv -3 \pmod{11} \Rightarrow n = 11k - 3 \pmod{11} \quad (k \in \mathbb{Z})$$

به ازای $k = 2, 3, \dots, 9$ ، عدد n دو رقمی است (8 مقدار). پس

برای $82 = 90 - 8$ مقدار دو رقمی و طبیعی n ، دو عدد $4n + 1$ و $3n - 2$

نسبت به هم اول‌اند.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 9 تا 14)

169- گزینه «2»

(پواد ماتمی)

عدد زوجی که بر 4 بخش‌پذیر نباشد، به صورت $4k + 2$ ($k \in \mathbb{Z}$) قابل

نمایش است. داریم:

$$a^2 = (4k + 2)^2 = 16k^2 + 16k + 4 = 4 \underbrace{(4k^2 + 4k + 1)}_q$$

$$= 4q \quad (q \in \mathbb{Z})$$

$$a^4 = (4q)^2 = 16q^2 = 4(4q^2) = 4q'$$

$$\Rightarrow a^4 + a^2 + 1 = 4q' + 4q + 1 = 4 \underbrace{(q' + q)}_k + 1 = 4k + 1 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 15 تا 17)

170- گزینه «3»

(امیرحسین ایومفروب)

چون عدد موردنظر بر 36 بخش‌پذیر است، پس باید بر 4 و 9 بخش‌پذیر

باشد. عدد $\overline{xy3152}$ قطعاً بر 4 بخش‌پذیر است، چون دو رقم سمت راست

آن یعنی 52 بر 4 بخش‌پذیر است. بنابراین کافی است شرط بخش‌پذیری بر

9 را بررسی کنیم:

$$\overline{xy3152} \equiv x + y + 11 \equiv 0 \pmod{9} \Rightarrow x + y \equiv -11 \equiv 7 \pmod{9}$$

$$\Rightarrow x + y = 7 \text{ یا } 16$$

$$x + y = 7 \xrightarrow{x \neq 0} \begin{cases} x = 1, y = 6 \\ x = 2, y = 5 \\ x = 3, y = 4 \\ x = 4, y = 3 \\ x = 5, y = 2 \\ x = 6, y = 1 \\ x = 7, y = 0 \end{cases} \text{ و } x + y = 16 \Rightarrow \begin{cases} x = 7, y = 9 \\ x = 8, y = 8 \\ x = 9, y = 7 \end{cases}$$

بنابراین در مجموع، ده عدد به صورت $\overline{xy3152}$ وجود دارد که بر 36

بخش‌پذیر باشد.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 22 و 23)

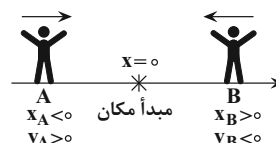
فیزیک 3 - اختیاری

171- گزینه «2»

(بهرادر کمران)

هرگاه متحرک به مبدأ مکان نزدیک شود، بردار مکان و بردار سرعت آن الزاماً در دو سوی مخالف خواهند بود.

یادآوری: علامت سرعت نشان‌دهنده جهت حرکت متحرک است. اگر متحرک در جهت محور x حرکت کند، علامت سرعت آن مثبت و اگر خلاف جهت محور x حرکت کند علامت سرعت آن منفی خواهد بود.



(فیزیک 3 - حرکت بر خط راست: صفحه‌های 3 تا 15)

172- گزینه «4»

(بابک اسلامی)

چون تندی متوسط اتومبیل A در این مسیر بیشتر از تندی متوسط اتومبیل B است، بنابراین اتومبیل A این مسیر را سریع‌تر طی کرده است. با استفاده از تعریف تندی متوسط داریم:

$$(s_{av})_A = \frac{\ell}{\Delta t_A} \Rightarrow \frac{86/4}{3/6} = \frac{3600}{\Delta t_A} \Rightarrow \Delta t_A = 150s$$

$$(s_{av})_B = \frac{\ell}{\Delta t_B} \Rightarrow \frac{64/8}{3/6} = \frac{3600}{\Delta t_B} \Rightarrow \Delta t_B = 200s$$

$$\Delta t_A - \Delta t_B = 150 - 200 = -50s = -\frac{5}{6} \text{ min}$$

بنابراین متحرک A به اندازه $\frac{5}{6}$ دقیقه زودتر از متحرک B این مسیر را طی کرده است.

(فیزیک 3 - حرکت بر خط راست: صفحه‌های 2 تا 5)

173- گزینه «3»

(مهم اسری)

$$v = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{13 - (-5)}{5 - 2} = 6 \frac{m}{s}$$

$$x = vt + x_0 \xrightarrow[t=4s]{v=6 \frac{m}{s}} x - x_0 = 6 \times 4 = 24m$$

(فیزیک 3 - حرکت بر خط راست: صفحه‌های 3 تا 15)

174- گزینه «1»

(امیرمسین برادران)

دو قطار زمانی از کنار هم به‌طور کامل رد می‌شوند که مکان انتهایی قطار یکسان شود. بنابراین معادله مکان - زمان دو قطار را برای انتهای آن‌ها می‌نویسیم:

$$x \quad v_1 = 54 \frac{km}{h} = \frac{54}{3/6} \frac{m}{s} = 15 \frac{m}{s}$$

$$x \quad v_2 = -108 \frac{km}{h} = \frac{-108}{3/6} \frac{m}{s} = -30 \frac{m}{s}$$

$$x'_A = x_A - \ell_1 = -200 - 300 = -500m$$

$$x'_B = x_B + \ell_2 = 600 + 400 = 1000m$$

$$(1) \text{ قطار: } x_1 = v_1 t + x'_A \Rightarrow x_1 = 15t - 500$$

$$(2) \text{ قطار: } x_2 = v_2 t + x'_B \Rightarrow x_2 = -30t + 1000$$

$$\xrightarrow{x_1=x_2} t = \frac{1500}{45} = \frac{100}{3} s$$

$$\xrightarrow{t=\frac{100}{3} s} x_A = 15 \times \frac{100}{3} - 200 = 300m$$

(فیزیک 3 - حرکت بر خط راست: صفحه‌های 3 تا 15)

175- گزینه «4»

(غلامرضا مصی)

مطابق با نمودار، متحرک در لحظه $t = 3s$ تغییر جهت می‌دهد و بنابراین داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow 0 = a \times 3 + v_0 \Rightarrow v_0 + 3a = 0 \quad (1)$$

جابه‌جایی متحرک در 8 ثانیه ابتدای حرکت برابر با $-16m$ است. بنابراین:

$$\Delta x = \frac{1}{2} at^2 + v_0 t \Rightarrow -16 = \frac{1}{2} \times a \times 8^2 + v_0 \times 8$$

$$\Rightarrow v_0 + 4a = -2 \quad (2)$$

با حل هم‌زمان معادله‌های (1) و (2) داریم:

$$a = -2 \frac{m}{s^2}, v_0 = 6 \frac{m}{s}$$

در لحظه $t = 8s$ ، جهت بردار مکان متحرک تغییر می‌کند، بنابراین تندی متحرک در این لحظه برابر است با:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = -2 \times 8 + 6 \Rightarrow v = -10 \frac{m}{s} \Rightarrow s = 10 \frac{m}{s}$$

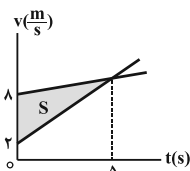
(فیزیک 3 - حرکت بر خط راست: صفحه‌های 5 تا 21)

$$S_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{30/5}{8} = \frac{61}{16} \text{ m/s}$$

(فیزیک 3- حرکت بر خط راست، صفحه‌های 15 تا 21)

178- گزینه «1» (نامر فسروری)

با توجه به این که شتاب حرکت متحرک‌ها ثابت است و سرعت دو متحرک در لحظه $t = 5s$ یکسان می‌شود، نمودار سرعت - زمان دو متحرک را رسم می‌کنیم.



با توجه به این که دو متحرک در مبدأ زمان از مبدأ مکان عبور کرده‌اند و مساحت بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر با اندازه جابه‌جایی دو متحرک است، بنابراین بیشترین فاصله دو متحرک در 10 ثانیه ابتدایی حرکت در لحظه $t = 5s$ رخ خواهد داد و برابر است با:

$$\Delta x_{max} = S = \frac{(8-2) \times 5}{2} \Rightarrow \Delta x_{max} = 15m$$

(فیزیک 3- حرکت بر خط راست، صفحه‌های 15 تا 21)

179- گزینه «2» (مسین مفرومی)

سنگ کل مسیر سقوط را طی مدت 4s طی می‌کند، بنابراین اگر فرض کنیم $\frac{7}{16}h$ انتهایی مسیر را طی مدت t ثانیه طی می‌کند، $\frac{9}{16}h$ ابتدایی مسیر را در مدت $(4-t)$ ثانیه طی خواهد کرد. داریم:

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow \frac{y_2}{y_1} = \left(\frac{t_2}{t_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{\frac{9}{16}h}{\frac{7}{16}h} = \left(\frac{4-t}{t}\right)^2 \Rightarrow t = 1s$$

(فیزیک 3- حرکت بر خط راست، صفحه‌های 21 تا 24)

180- گزینه «1» (مشرعلی راست‌پیمان)

با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مبدأ مکان، معادله سرعت - جابه‌جایی را برای حرکت گلوله در دو حالت می‌نویسیم. داریم:

$$v^2 = -2g(y - y_0)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} v_1^2 = -2g(\frac{h}{5} - h) \Rightarrow v_1^2 = \frac{4}{5} \times 2gh & (*) \\ v_2^2 = -2g(0 - h) \Rightarrow v_2^2 = 2gh & (**) \end{cases}$$

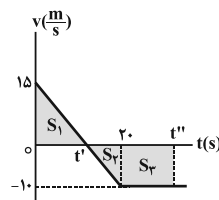
بنابراین:

$$\frac{v_2^2}{v_1^2} = \frac{2gh}{\frac{4}{5} \times 2gh} \Rightarrow \frac{v_2^2}{(12\sqrt{5})^2} = \frac{5}{4} \Rightarrow v_2 = 30 \frac{m}{s}$$

(فیزیک 3- حرکت بر خط راست، صفحه‌های 21 تا 24)

(علیرضا کونه)

176- گزینه «4»



متحرک در لحظه‌ای به مکان اولیه خود باز می‌گردد که جابه‌جایی آن برابر با صفر باشد و با توجه به این که مساحت زیر نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر با جابه‌جایی است، ابتدا با استفاده از تشابه بین دو مثلث، لحظه t' را می‌یابیم. داریم:

$$\frac{15}{10} = \frac{t'}{20-t'} \Rightarrow t' = 12s$$

بنابراین:

$$S_1 = \frac{15 \times 12}{2} = 90m \Rightarrow \Delta x_1 = 90m$$

$$S_2 = \frac{8 \times 10}{2} = 40m \Rightarrow \Delta x_2 = -40m$$

$$\Rightarrow \Delta x_1 + \Delta x_2 + \Delta x_3 = 0 \Rightarrow 90 + (-40) + \Delta x_3 = 0$$

$$\Rightarrow \Delta x_3 = -50m$$

$$\Rightarrow S_3 = 50m \Rightarrow 50 = (t'' - 20) \times 10 \Rightarrow t'' = 25s$$

(فیزیک 3- حرکت بر خط راست، صفحه‌های 15 تا 21)

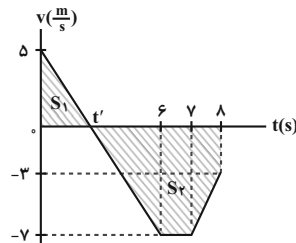
177- گزینه «1» (سعید شرق)

برای محاسبه تندی متوسط، ابتدا نمودار سرعت - زمان را رسم نموده و سپس به کمک آن، مسافت پیموده شده را محاسبه می‌کنیم. داریم:

$$0 \leq t < 6s \Rightarrow v_6 = a_1 t_1 + v_0 = -2 \times 6 + 5 \Rightarrow v_6 = -7 \frac{m}{s}$$

$$6s \leq t < 7s \Rightarrow a_2 = 0 \Rightarrow v_7 = v_6 = -7 \frac{m}{s}$$

$$7s \leq t < 8s \Rightarrow v_8 = a_3 t_3 + v_7 = 4 \times 1 - 7 \Rightarrow v_8 = -3 \frac{m}{s}$$



در لحظه t' علامت سرعت عوض می‌شود، در نتیجه متحرک تغییر جهت می‌دهد. با استفاده از تشابه مثلث‌ها، لحظه t' را می‌یابیم. داریم:

$$\frac{5}{t'} = \frac{7}{6-t'} \Rightarrow t' = 2/5s$$

مسافت طی شده توسط متحرک برابر با مجموع اندازه جابه‌جایی‌های متحرک در بازه‌های صفر تا $2/5s$ و $2/5s$ تا $8s$ است. داریم:

$$\ell = |\Delta x_1| + |\Delta x_2| = \frac{5 \times 2/5}{2} + \left| \frac{(4/5 + 1) \times 7}{2} + \frac{(7+3) \times 1}{2} \right|$$

$$\Rightarrow \ell = 6/25 + 19/25 + 5 = 30/5m$$

شیمی 3 (اختیاری)

181- گزینه «2» (مفید زنی)

عبارت «آ» درست است. اسیدهای ضعیف در آب عمدتاً مولکولی حل می‌شوند و اندکی یونیده می‌شوند و غلظت H^+ و آنیون حاصل برابر است (متانئیک اسید جزو اسیدهای تک پروتون دار ضعیف است).

عبارت «ب» نادرست است. رسانایی الکتریکی به غلظت اسید و درجه یونش بستگی دارد.

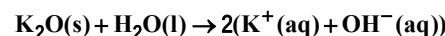
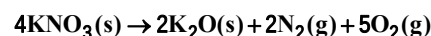
عبارت «پ» درست است.

عبارت «ت» نادرست است. سرعت مصرف A، $\frac{2}{3}$ برابر سرعت تولید C است.

عبارت «ث» درست است. هرچه محلول اسید ضعیف رقیق‌تر شود، درجه یونش آن اسید بزرگ‌تر می‌شود (اسید بیشتر یونیده می‌شود).

(شیمی 3- صفحه‌های 16 تا 28)

182- گزینه «4» (مفید عظیمیان/زواره)



$$[OH^-] = M = \frac{n}{V} \Rightarrow 5 \times 10^{-1} = \frac{n}{2L} \Rightarrow n = 1 \text{ mol KOH}$$

$$? \text{ mol } K_2O = 1 \text{ mol KOH} \times \frac{1 \text{ mol } K_2O}{2 \text{ mol KOH}} = 0.5 \text{ mol } K_2O$$

$$? \text{ g } KNO_3 = 0.5 \text{ mol } K_2O \times \frac{4 \text{ mol } KNO_3}{2 \text{ mol } K_2O} \times \frac{101 \text{ g } KNO_3}{1 \text{ mol } KNO_3} = 101 \text{ g } KNO_3$$

$$? \text{ LO}_2 = 0.5 \text{ mol } K_2O \times \frac{5 \text{ mol } O_2}{2 \text{ mol } K_2O} \times \frac{22.4 \text{ LO}_2}{1 \text{ mol } O_2} = 28 \text{ LO}_2$$

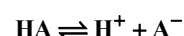
(شیمی 3- صفحه‌های 16 تا 28)

183- گزینه «2» (مفید عظیمیان/زواره)

$$? \text{ mol HA} = 10/8 \text{ g HA} \times \frac{1 \text{ mol HA}}{27 \text{ g HA}} = 0.4 \text{ mol HA}$$

$$M_{HA} = \frac{n}{V} = \frac{0.4 \text{ mol}}{0.5L} = 0.8 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[H^+] = 10^{-pH} = 10^{-4/4} = 4 \times 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$$



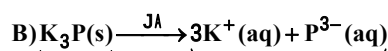
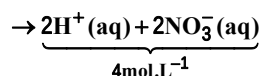
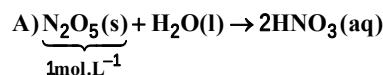
0/8	0	0	مقدار S _{HA}
-x	+x	+x	S _{H⁺} و S _{A⁻}
0/8 - 4 × 10 ⁻⁵	4 × 10 ⁻⁵	4 × 10 ⁻⁵	مقدار S _{HA}

از 4×10^{-5} در برابر 0/8 صرف نظر می‌شود.

$$K_a = \frac{[H^+][A^-]}{[HA]} \Rightarrow K_a = \frac{4 \times 10^{-5} \times 4 \times 10^{-5}}{0.8} = 2 \times 10^{-9}$$

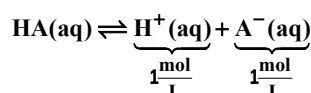
(شیمی 3- صفحه‌های 18 تا 28)

184- گزینه «1» (مفید زنی)

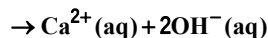
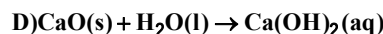


$$0.5 \frac{\text{mol}}{L} \Rightarrow 4 \times 0.5 = 2 \frac{\text{mol}}{L} = 1 \frac{\text{mol}}{L} \text{ S}_{H^+}$$

$$C) \alpha = \frac{[H^+]}{M_{HA}} \Rightarrow 0.2 = \frac{[H^+]}{5} \Rightarrow [H^+] = 1 \frac{\text{mol}}{L}$$



غلظت کل یونها = 2 مول بر لیتر $\Rightarrow$



$$n = \frac{m}{M_{CaO}} = \frac{112}{56} = 2 \text{ mol CaO}$$

$$? \text{ mol } \frac{1}{2} = 2 \text{ mol CaO} \times \frac{3 \text{ mol } \frac{1}{2}}{1 \text{ mol CaO}} = 6 \text{ mol } \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow M \cdot \frac{1}{2} = \frac{6}{2} = 3 \frac{\text{mol}}{L}$$

رسانایی الکتریکی محلول‌های الکترولیت به غلظت یون‌های آن بستگی دارد پس:

رسانایی الکتریکی: $A > D > C = B$

(شیمی 3- صفحه‌های 14 تا 19)

185- گزینه «4» (رضا خراهایی)

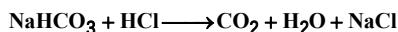
بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «1»: گل ادریسی در خاک با محیط اسیدی به رنگ آبی درمی‌آید.

گزینه «2»: آمونیاک با آب پیوند هیدروژنی برقرار می‌کند.

گزینه «3»: یکی از فراورده‌های حاصل از واکنش منیزیم هیدروکسید و هیدروکلریک اسید، منیزیم کلرید است که در آب محلول است.

(شیمی 3: صفحه‌های 28 تا 32 و 34)



گزینه «2»: درست: این محیط بسیار اسیدی می‌تواند حتی فلز روی را در خود حل کند. با توجه به واکنش‌پذیری بیشتر Mg از Zn، فلز Mg نیز واکنش داده و حل خواهد شد.
گزینه «3»: درست.

(شیمی 3، صفحه‌های 24، 31، 32 و 36)

(مهم‌ترین ممبرزاده‌مقدم)

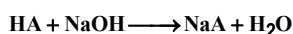
گزینه «1» -189

ابتدا $[\text{H}^+]$ را تعیین کرده و سپس غلظت اولیه اسید را محاسبه می‌کنیم:

$$\text{pH} = 2/7 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-2/7} = 10^{-3} \times 10^{0/3} = 2 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{H}^+] = \alpha M \Rightarrow M = \frac{2 \times 10^{-3}}{2 \times 10^{-2}} = 0/1 \text{ mol.L}^{-1}$$

با توجه به واکنش زیر داریم:



$$? \text{ mol NaOH} = 2 \text{ L} \times \frac{0/1 \text{ mol HA}}{1 \text{ L}} \times \frac{1 \text{ mol NaOH}}{1 \text{ mol HA}}$$

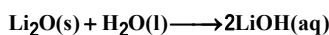
$$= 0/2 \text{ mol NaOH}$$

(شیمی 3، صفحه‌های 18، 20، 24، 25 و 30 تا 32)

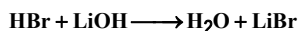
(مهم‌ترین ممبرزاده‌مقدم)

گزینه «2» -190

معادله انحلال یونی Li_2O در آب به‌صورت زیر است.



معادله واکنش خنثی شدن اسید و باز به‌صورت زیر است:



غلظت H^+ در محلول اسید برابر است با:

$$\text{pH} = 1/4 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-1/4} = 10^{-2} \times 10^{0/3} = (10^{0/3})^2 \times 10^{-2} = 4 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

بنابراین می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} ? \text{ g Li}_2\text{O} &= 200 \text{ mL} \times \frac{1 \text{ L}}{1000 \text{ mL}} \times \frac{0/04 \text{ mol HBr}}{1 \text{ L}} \times \frac{1 \text{ mol LiOH}}{1 \text{ mol HBr}} \times \frac{1 \text{ mol Li}_2\text{O}}{2 \text{ mol LiOH}} \times \frac{30 \text{ g Li}_2\text{O}}{1 \text{ mol Li}_2\text{O}} = 0/12 \text{ g Li}_2\text{O} \end{aligned}$$

(شیمی 3، صفحه‌های 24، 25، 16 و 30 تا 32)

(مسن رمشتی‌کولنده)

گزینه «4» -186

NaOH برای $\text{pH} = 13/7$

$$[\text{H}^+] = 10^{-13/7} = 10^{-14} \times 10^{0/3} = 2 \times 10^{-14} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{H}^+][\text{OH}^-] = 10^{-14} \rightarrow [\text{OH}^-] = \frac{10^{-14}}{2 \times 10^{-14}} = \frac{1}{2}$$

$$= 0/5 \text{ mol.L}^{-1} = [\text{NaOH}]$$

$$M_b V_b = M_a V_a \Rightarrow 0/5 \times 100 = M_a \times 200 \Rightarrow M_a = 0/25 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$K_a = \frac{M\alpha^2}{1-\alpha} \xrightarrow{K_a < 10^{-4}} K_a \approx M\alpha^2$$

$$25 \times 10^{-6} = 25 \times 10^{-2} \times \alpha^2 \Rightarrow \alpha^2 = 10^{-4} \Rightarrow \alpha = 10^{-2}$$

$$[\text{H}^+] = M\alpha = 25 \times 10^{-2} \times (10^{-2}) = 25 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}^+] = -\log 25 \times 10^{-4} = 4 - 2\log 5$$

$$= 4 - 2(0/7) = 2/6$$

(شیمی 3، صفحه‌های 19 تا 30)

(مهم‌ترین ممبرزاده‌مقدم)

گزینه «4» -187

با افزایش غلظت، ثابت یونش تغییری نمی‌کند؛ زیرا تنها عامل مؤثر بر ثابت تعادل (ثابت یونش) دما است، اما با تغییر غلظت، درجه یونش اسید HA تغییر می‌کند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «1»: شمار مول‌های HA و HX در محلول هر دو اسید یکسان بوده و برای خنثی کردن محلول آنها مقدار مول یکسانی از NaOH لازم است.

گزینه «2»: HX اسید قوی محسوب شده و pH آن در شرایط یکسان از محلول HA کمتر است.

گزینه «3»: یکی از آنها اسید قوی و دیگری اسید ضعیف است و طبق رابطه $[\text{H}^+] = M\alpha$ ، α نیز در غلظت H^+ مؤثر است. (α در اسیدهای ضعیف به غلظت و دما بستگی دارد).

(شیمی 3، صفحه‌های 18 تا 20)

(مهم‌ترین ممبرزاده‌مقدم)

گزینه «4» -188

برای افزایش قدرت پاک‌کردن چربی‌ها، به شوینده‌ها جوش شیرین (NaHCO_3) اضافه می‌کنند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «1»: درست:

دانش آموز عزیز!

در این پاسخ نامه، سوالات دانش شناختی مطرح و پاسخ تشریحی آنها ارائه شده است. بهبود دانش شناختی شما و آگاهی از منطق زیربنایی آن که در پاسخ تشریحی آمده است، موجب ارتقاء و تقویت توانایی های شناختی شما می شود.

۲۶۱. ورزش یا فعالیت فیزیکی موجب تسهیل یادگیری در کدام مورد زیر می شود؟

۱. تکالیف درسی بعد از ورزش ۲. تکالیف درسی قبل از ورزش

۳. هر دو مورد ۴. هیچ کدام

پاسخ تشریحی: پاسخ ۳ صحیح است. یادگیری فرایندی است که نه تنها قبل از مواجهه با اطلاعات نیازمند توجه است بلکه پس از ارائه اطلاعات نیز، نیازمند تثبیت و ذخیره سازی است. ورزش قبل از یادگیری، موجب تمرکز توجه و ورزش پس از یادگیری، موجب تقویت تثبیت و ذخیره اطلاعات می شود.

۲۶۲. برای پیشگیری از حواس پرتی کدام مورد را مفید می دانید؟

۱. اجازه دادن حرکت آزادانه فکر ۲. کم کردن محرک های مزاحم

۳. هر دو مورد ۴. نمی دانم

پاسخ تشریحی: پاسخ ۲ صحیح است. کم کردن محرک های مزاحم موجب مواجهه کمتر مغز با اطلاعات غیرضروری می شود. در این شرایط مغز تلاش کمتری برای انتخاب اطلاعات مرتبط در رقابت با اطلاعات غیرمرتبط نیاز دارد.

۲۶۳. تعداد گویه های قابل ذخیره در کدام نوع حافظه بیشتر است؟

۱. اطلاعات تصویری ۲. اطلاعات شنیداری ۳. فرقی نمی کند ۴. نمی دانم

پاسخ تشریحی: پاسخ ۲ صحیح است. در حافظه فعال، تعداد گویه های قابل ذخیره دیداری ۴-۳ مورد ولی گویه های قابل ذخیره شنیداری ۹-۵ گویه است. لطفا پاسخ تشریحی سوال بعد را نیز با دقت بخوانید.

۲۶۴. کدام مورد برای به خاطر سپاری حجم بیشتری از اطلاعات را در یک بازه زمانی مفید است؟

۱. اطلاعات تصویری ۲. اطلاعات شنیداری ۳. فرقی نمی کند ۴. نمی دانم

پاسخ تشریحی: پاسخ ۱ صحیح است. هر چند تعداد گویه های قابل ذخیره دیداری کمتر از شنیداری است ولی به دلیل موازی بودن اطلاعات دیداری، حجم بیشتری از اطلاعات می تواند در یک بازه زمانی به وسیله حس بینایی منتقل شود. بر این اساس توصیه می شود تا حد ممکن متن کتاب را به تصویر تبدیل کنید، حتی تصویری که فقط خودتان متوجه منظور و نشانه های آن بشوید.

۲۶۵. چگونه می‌توان توجه را در زمان خواندن مطالب درسی به سمت موارد مهم تر سوق داد؟

۱. خط کشیدن زیر مطالب مهم‌تر

۲. نکته‌برداری

۳. هایلایت کردن

۴. همه موارد

پاسخ تشریحی: پاسخ ۴ صحیح است. هر چهار مورد اطلاعات مهم تر را برجسته‌تر کرده و آن را در رقابت با اطلاعات کم اهمیت‌تر برای جلب توجه موفق می‌کند.

۲۶۶. کدام روش زیر را در مطالعه مناسب‌تر می‌دانید؟

۱. استفاده از مثال‌های موجود در کتاب درسی

۲. خلق مثال‌های جدید بر اساس دانش خودمان

۳. تفاوتی ندارد

۴. نمی‌دانم

پاسخ تشریحی: پاسخ ۲ صحیح است. خلق مثال‌های جدید موجب پردازش عمیق‌تر اطلاعات و ماندگاری بهتر آن‌ها می‌شود.

۲۶۷. به خاطر سپاری کدام مطلب زیر راحت‌تر است؟

۱. مطالب عجیب

۲. مطالب خنده‌دار

۳. مطالب واقعی و جدی

۴. مورد ۱ و ۲

پاسخ تشریحی: پاسخ ۴ صحیح است. مطالب هیجانی و عجیب راحت‌تر فرا گرفته می‌شوند به دو دلیل: جلب توجه بیشتر، امکان تکرار و شانس تثبیت بیشتر. توصیه می‌کنیم از مثال‌ها و یا ارتباط‌های خنده دار و عجیب برای یادگیری مطالب درسی استفاده کنید.

۲۶۸. کدام روش را برای حل مساله مناسب‌تر می‌دانید؟

۱. پیروی از روش معمول

۲. خلق روش جدید

۳. هر دو

۴. هیچکدام

پاسخ تشریحی: پاسخ ۲ صحیح است. خلق مثال‌های جدید موجب پردازش عمیق‌تر اطلاعات و ماندگاری بهتر آن‌ها می‌شود.

۲۶۹. نگهداشتن توجه بر روی کدام یک از موارد زیر سخت‌تر است؟

۱. تکلیف ساده و یکنواخت

۲. تکلیف دشوار و متنوع

۳. فرقی ندارد

۴. نمی‌دانم

پاسخ تشریحی: پاسخ ۱ صحیح است. تکالیف ساده و یکنواخت، مثل تکالیف درسی، توجه پایدار بیشتری نیاز دارند. این نوع توجه با تلاش و یا فواصل استراحت منظم می‌تواند عملکرد بهتری داشته باشد.



نکته: سوال‌ها و پاسخ‌های بالا برای تقویت توجه، تمرکز، حافظه و خلاقیت، راهکارهایی را ارائه داده است. این راهکارها به شما کمک می‌کند منابع شناختی موجود خود را به طور بهینه مدیریت کنید. این روش در تقویت شناختی "جبران" نامیده می‌شود.

روش دیگر تقویت شناختی، "ترمیم" است که در آن منابع شناختی موجود فرد توسعه می‌یابد. **برنامه کامپیوتری تقویت و توجه سام (موجود در پروفایل شما در سایت کورتکس)** می‌تواند به این منظور مورد استفاده قرار گیرد.



آدرس وب سایت ما

novinkonkor.com

نوین کنکور

در شبکه های اجتماعی



novinkonkor



@novinkonkor



۰۹۳۸۲۵۱۶۷۴۷

نوین کنکور مرجع کنکور و امتحان نهایی