



آدرس وب سایت ما

novinkonkor.com

نوین کنکور

در شبکه های اجتماعی



novinkonkor



@novinkonkor



۰۹۳۸۲۵۱۶۷۴۷

نوین کنکور مرجع کنکور و امتحان نهایی

آزمون ۵ آبان ماه دوازدهم تجربی

نام درس	تعداد سؤال	زمان پیشنهادی
زیست شناسی ۳	۲۰	۵۰ دقیقه
زیست شناسی پایه	۳۰	

طراحان سؤال (به ترتیب حروف الفبا)

زیست شناسی

عباس آرایش - جواد اباذرلو - نیما بابامیری - احمد بافنده - امیرحسین بهروزی فرد - محمدحسن بیگی - محمدعلی حیدری - محمدرضا دانشمندی - محمد مهدی روزبهانی - محمد زارع حسن علی ساقی مریم سپهی - مهدیار سعادت نیما - نیلوفر شربتیان - نیما شکورزاده - حمیدرضا فیض آبادی - سجاد قانندی - وحید کریمزاده - مهدی ماهری - نیما محمدی - دانیال نوروزی سید امیر هاشمی - حسینی پژمان یعقوبی

گروه علمی تولید آزمون

نام درس	گزینشگر	مسئول درس	ویراستار استاد	گروه ویراستاری	بازبین نهایی	مؤلف پاسخنامه	مؤلف درسنامه
زیست شناسی	محمد مهدی روزبهانی	امیرحسین بهروزی فرد	سعید شرفی	علیرضا دیانی - محمد مهدی گلبخش علی خدادادگان	محمدحسین کریمی فرد	فراز حضرتی پور	امیرمحمد طباطبایی سیحان رحمانی

گروه اجرایی تولید آزمون

مدیر گروه آزمون	مسئول دفترچه آزمون	مسئول دفترچه درسنامه	حروف نگار
زهرا سادات غیائی	امیرحسین منفرد	علی رفیعیان	سیده صدیقه میرغیائی

گروه مستندسازی و اجرای مصوبات + نظارت چاپ

مدیر گروه مستندسازی	مجیا اصغری
مسئول دفترچه مستندسازی	مهساسادات هاشمی
گروه مستندسازی درس زیست شناسی	مهساسادات هاشمی (مسئول درس) - محمد بهمن آبادی - عرفان صفری - زینب باور نگین

برای دریافت اخبار گروه تجربی و مطالب درسی به کانال @zistkanoon2 مراجعه کنید.

۱- کدام گزینه، برای تکمیل عبارت زیر مناسب است؟

«آمینواسیدی که انتهای آمینی آن آزاد، به‌طور حتم»

- (۱) نیست - در ساختار سوم پروتئین، گروه R خود را به سایر گروه‌های R نزدیک می‌کند.
- (۲) نیست - به منظور شناسایی نوعی پروتئین، با روش شیمیایی از آمینواسیدهای متصل به آن جدا می‌شود.
- (۳) است - توسط یکی از گروه‌های متصل به کربن، ویژگی‌های منحصر به فرد خود را تعیین می‌کند.
- (۴) است - در ساختار رشته پلی‌پپتیدی، از طریق نوعی پیوند اشتراکی با زنجیره‌ای دیگر در ارتباط است.

۲- کدام گزینه درباره آنزیم‌های بدن انسان که به واکنش‌های سوخت و سازی سرعت می‌بخشند، صحیح می‌باشد؟

- (۱) قرار گرفتن سیانید و آرسنیک در جایگاه فعال آن‌ها، قطعاً با تغییر در ساختار شیمیایی آنزیم‌ها، مانع از فعالیت آنها می‌شود.
- (۲) شکل جایگاه فعال آنزیم، قبل از اتصال پیش‌ماده، حین فعالیت آنزیم و پس از خروج محصول از آنزیم دستخوش تغییرات شدید نمی‌شود.
- (۳) در صورت بروز تب، حتماً شکل غیرطبیعی یا برگشت‌ناپذیر پیدا می‌کنند و غیرفعال می‌شوند.
- (۴) افزایش غلظت پیش‌ماده در محیطی که آنزیم وجود دارد، همواره باعث افزایش سرعت واکنش می‌شود.

۳- در بدن انسان، هر مولکولی که به منظور کاهش انرژی فعالسازی واکنش‌های زیستی با نوعی مولکول واجد جایگاه فعال همکاری می‌کند، می‌کند،

- (۱) نوعی ویتامین محسوب می‌شود
- (۲) برای تأثیرگذاری به یون‌های فلزی وابسته است.
- (۳) در ساختار خود اتم کربن دارد.
- (۴) در تنظیم سوخت‌وساز یاخته‌ها دخالت دارد.

۴- با توجه به نظریات ویلکینز و فرانکلین در زمینه شناسایی ساختار مولکول‌های DNA در فصل ۱ زیست‌شناسی ۳، کدام مورد درست بیان شده است؟

- (۱) دو رشته پلی‌نوکلئوتیدی در مولکول دنا توسط نوعی پیوند در کنار یکدیگر به دور محوری فرضی پیچیده شده‌اند.
- (۲) با استفاده از پرتوی ایکس، به این نتیجه رسیدند که هر رشته پلی‌نوکلئوتیدی، حالت مارپیچی دارد.
- (۳) هر مولکول دنا لزوماً واجد بیش از یک رشته پلی‌نوکلئوتیدی در داخل یاخته است.
- (۴) در عرض یک مولکول دنا در هر پله، دو حلقه وجود دارد.

۵- چند مورد، عبارت زیر را به درستی تکمیل می‌کند؟

«با فرض آن‌که در آزمایش مزلسون و استال، باکتری‌ها از محیط کشت واجد وارد شوند، انتظار می‌رود که در نمونه‌های سانتریفیوژ شده از دمای باکتری‌هایی که پس از دقیقه از محیط کشت جدا شده‌اند، قرار می‌گیرند.»

الف: ^{14}N به ^{15}N - ۴۰ - فقط برخی از رشته‌های پلی‌نوکلئوتیدی که چگالی سنگین دارند، در وسط لوله

ب: ^{15}N به ^{14}N - ۴۰ - فقط برخی از مولکول‌های دنا که واجد ایزوتوپ سنگین نیتروژن هستند، در وسط لوله

ج: ^{14}N به ^{15}N - ۲۰ - همه رشته‌های پلی‌نوکلئوتیدی دنا چگالی متوسط داشته و در وسط لوله

د: ^{15}N به ^{14}N - ۲۰ - همه مولکول‌های دنا دارای هر دو نوع ایزوتوپ نیتروژن هستند و در وسط لوله

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۶- کدام مورد، در خصوص آزمایش‌هایی که برای اولین بار منجر به شناسایی عامل اصلی انتقال صفات وراثتی میان جانداران شد، نادرست است؟

- (۱) پروتئینی نبودن ماده وراثتی برای نخستین بار، قبل از اضافه شدن نوکلئیک اسیدها به صورت مجزا به محیط کشت باکتری، نتیجه‌گیری شد.
- (۲) در آخرین آزمایش، در هر یک از چهار ظرف موجود، حداکثر سه گروه از مولکول‌های زیستی وجود داشت.
- (۳) امکان مشاهده همزمان لیپیدها در کنار پروتئین‌ها و نوکلئیک اسیدها در طول دو آزمایش پیاپی وجود داشت.
- (۴) در همه این آزمایش‌ها، امکان مشاهده کربوهیدرات‌ها در بخشی جدا از پروتئین‌ها وجود دارد.

۷- با توجه به مراحل آزمایش‌های گریفیت، چند مورد وجه اشتراک مراحل از آزمایش گریفیت که در پایان آنها موش‌ها زنده ماندند را به درستی بیان می‌کند؟

- الف: در مرحله قبل از آن، باکتری‌های زنده به جانور تزریق می‌شوند.
- ب: نتیجه نهایی مرحله قبل و بعد از آن بر روی موش‌ها، با هم متفاوت است.
- ج: در مرحله بعد از آن، حرارت را از پوشینه‌ای با ضخامت کمتر از 200nm عبور می‌دهند.
- د: در مرحله نهایی، از نوعی باکتری مشابه با باکتری به کار رفته در این مراحل استفاده شد.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۸- کدام یک از گزینه‌ها، عبارت زیر را به‌طور مناسب کامل می‌کند؟

«هماندسازی نیمه حفاظتی و همانندسازی از نظر نسبت به هم دارند.»

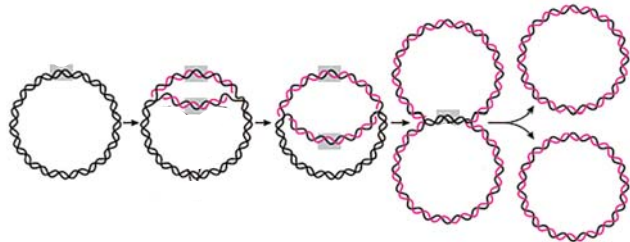
(۱) حفاظتی - توانایی ایجاد پیوندهای هیدروژنی بین رشته‌های جدید و قدیم در پایان همانندسازی - شباهت

(۲) غیرحفاظتی - ساختن توالی‌های نوکلئوتیدی مکمل از روی مولکول دناى اولیه - تفاوت

(۳) حفاظتی - امکان تخریب پیوند فسفودی‌استر بین نوکلئوتیدهای مولکول اولیه - تفاوت

(۴) غیرحفاظتی - مشاهده بخش‌هایی از مولکول اولیه در مولکول‌های جدید - شباهت

۹- کدام گزینه در خصوص جاندارانی که توانایی همانندسازی این نوع دنا را دارند، صحیح است؟



(۱) اکثر انواع آنها فقط یک جایگاه آغاز همانندسازی در دناى اصلی خود دارند.

(۲) نمی‌توانند دارای نوکلئیک‌اسید خطی درون سیتوپلاسم خود باشند.

(۳) دنا در هر فام‌تن به‌صورت خطی و به همراه مجموعه‌ای از پروتئین‌ها می‌باشد.

(۴) گروهی از آنها علاوه بر دناى اصلی، یک مولکول دناى کمکی نیز دارند.

۱۰- در رابطه با همانندسازی گروهی از جانداران که به علت قرار داشتن DNA آنها در چند فام‌تن اصلی، همانندسازی پیچیده‌ای

دارند نوع دیگر از جانداران، می‌توان گفت

(۱) همانند - در مرحله‌ای از چرخه یاخته‌ای با مصرف انواعی از دئوکسی‌ریبونوکلئوتیدها، همانندسازی دوجهتی دناى حلقوی انجام می‌شود.

(۲) همانند - بخشی از دو رشته مولکول دنا توسط آنزیم‌های هلیکاز در هر دوراهی همانندسازی، از یکدیگر فاصله می‌گیرند.

(۳) برخلاف - تعداد آنزیم‌های هلیکاز مؤثر در همانندسازی از هر مولکول دناى فام‌تن اصلی، مطابق مراحل رشد و نمو تغییر می‌کند.

(۴) برخلاف - در فعالیت بسپارازی دنباسپاراز، این آنزیم ابتدا پیوندهای هیدروژنی را تشکیل می‌دهند.

۱۱- با توجه به مطلب کتاب درسی، ضمن انجام فرایند همانندسازی در یک یاخته یوکاریوتی ساختارهایی Y مانند در هسته ایجاد

می‌شود. کدام یک از موارد زیر در خصوص هریک از این ساختارها صحیح است؟

الف: آنزیم‌های هلیکاز آن، به باز کردن مارپیچ دنا برخلاف پیچ‌وتاب فامینه می‌پردازند.

ب: نوکلئوتید یوراسیل‌دار در بین نوکلئوتیدهای آماده برای قرار گرفتن در مقابل نوکلئوتیدهای مکمل مشاهده می‌گردد.

ج: رشته‌های در حال تشکیل دنا، با پیوند هیدروژنی و بدون نیاز به مصرف انرژی زیستی به یکدیگر متصل می‌گردند.

د: آنزیمی که دو نوع واکنش مختلف را سرعت می‌بخشد، می‌تواند در طول دنا سرعت یکسانی با سایر آنزیم‌های نظیر خود نداشته باشد.

(۱) «الف»، «ب» و «د» (۲) «الف»، «ب»، «ج» و «د»

(۳) «ب» و «د» (۴) «ب»، «ج» و «د»

۱۲- به منظور وقوع همانندسازی ماده وراثتی در یک لنفوسیت B خاطره، وقوع کدام یک از موارد زیر دور از انتظار می‌باشد؟

(۱) ضمن فعالیت آنزیم‌هایی، فاصله نوکلئوزوم‌های موجود در هسته نسبت به یکدیگر افزایش می‌یابد.

(۲) ضمن فعالیت آنزیم‌هایی (هایی) در هسته، بدون شکستن پیوند فسفات نوکلئوتیدهای درون رشته، پیوند فسفودی‌استر تشکیل شود.

(۳) در فاصله بین دو دوراهی همانندسازی، هر حباب همانندسازی شکست پیوندهای کم انرژی بین نوکلئوتیدی، ابتدا قبل از فعالیت بسپارازی رخ می‌دهد.

(۴) فقط برخی از پیوندهای اشتراکی شکسته شده در محل دوراهی همانندسازی، طی فعالیت نوکلئازی آنزیم تجزیه می‌شوند.

۱۳- در مورد مولکول‌های مرتبط با ژن، کدام موارد زیر درست است؟

الف: فقط بعضی از آنها می‌توانند از یاخته‌ای به یاخته دیگر منتقل شوند.

ب: فقط بعضی از آنها ذخیره‌کننده اطلاعات وراثتی‌اند و در همه قسمت‌های هسته به یک مقدار قرار دارند.

ج: همه آنها به‌طور حتم در همه سلول‌های زنده و بالغ بدن انسان که قابلیت تولید ATP دارند، مشاهده می‌شوند.

د: همه آنها در بدن جانداران زنده ساخته می‌شوند و در ساختار آنها حداقل ۴ نوع عنصر متفاوت وجود دارد.

(۱) «الف» و «د» (۲) «ب» و «د» (۳) فقط «د» (۴) «الف» و «ج»

۱۴- در خصوص آن دسته از نوکلئیک اسیدهایی که پایداری آنها در یک یاخته لنفوسیت B بیش تر از نوع دیگر می باشد، کدام مورد درست است؟

- (۱) طبق مشاهدات و تحقیقات چارگاف، چهار نوع نوکلئوتید به نسبت مساوی در سراسر آن توزیع شده اند.
- (۲) قطعاً برای سنتز آن، نیازمند آنزیمی با توانایی شکستن پیوند بین بازهای مکمل است.
- (۳) از یک رشته پلی نوکلئوتیدی تشکیل شده و در انتقال اطلاعات به رناتن ها نقش دارند.
- (۴) بین بازهای آلی خود امکان برقراری پیوند کم انرژی ندارند.

۱۵- کدام یک از موارد زیر درباره نوکلئوتیدی که در ساختار نوعی نوکلئیک اسید به کار رفته، قطعاً صحیح است؟

- (۱) با تشکیل پیوندهای فسفودی استر در ساخت نوعی مولکول اطلاعاتی نقش دارد.
- (۲) از طریق باز آلی خود، توانایی ایجاد سه پیوند هیدروژنی با نوکلئوتید مقابل را دارد.
- (۳) نمی تواند انرژی مورد نیاز هیچ فرایند انرژی خواهی را مستقیماً در یاخته تأمین کند.
- (۴) از طریق گروه فسفات خود در پیوند فسفودی استر شرکت کرده است.

۱۶- کدام مورد، درست است؟

- (۱) در دناى حلقوی، حلقه پنج ضلعی در بعضی از قندها به گروه هیدروکسیل آزاد انتهایی متصل می شود.
- (۲) هر حلقه شش ضلعی موجود در رشته پلی نوکلئوتیدی، با حلقه ای پنج ضلعی در اتصال است.
- (۳) در دناى خطی، حلقه های شش ضلعی با واکنش سنتز آب دهی به یکدیگر متصل می شوند.
- (۴) هر گروه فسفات موجود در دناى حلقوی، به دو قند پنج کربنی و باز آلی متصل می شود.

۱۷- در خصوص ساختار فراوان ترین پروتئین یاخته های بدون هسته خون، کدام گزینه عبارت زیر را به درستی تکمیل می کند؟

« به منظور تشکیل »

- (۱) نخستین تاخوردگی ها در ساختار پروتئین، پیوندهای هیدروژنی بین اجزای منحصربه فرد آمینواسیدها ایجاد می شود.
- (۲) سومین ساختار پروتئین، هریک از گروه های R آمینواسیدها به یکدیگر نزدیک می شوند.
- (۳) نخستین پیوندهای اشتراکی میان مونومرها، فشار اسمزی محل فعالیت رناتن کاهش می یابد.
- (۴) آخرین سطح ساختاری، یون های معدنی متصل به زنجیره های متفاوت روبه روی یکدیگر قرار می گیرند.

۱۸- در پروتئین های بدن انسان، سطحی از سطوح ساختاری که سطحی که قطعاً

- (۱) اولین سطح دارای ثبات نسبی است، برخلاف - برای اولین بار پیوندهای هیدروژنی در آن تشکیل می شود - فاقد پیچ خوردگی است.
- (۲) گروه های COOH و NH_2 منشا تشکیل آن بین بخش هایی از زنجیره پلی پپتیدی هستند، همانند - زیرواحدها آرایش می یابند - به سطح ساختاری که به صورت خطی تشکیل می شود، بستگی دارد.
- (۳) در نمونه ای از آن، گروه های R آمینواسیدها در بیرون ساختار قرار گرفته اند، برخلاف - باعث ایجاد ثبات نسبی می شود - تشکیل پیوند اشتراکی دیده می شود.
- (۴) هموگلوبین نمونه ای از پروتئین های دارای این ساختار به عنوان ساختار نهایی است، همانند - انواعی از پیوندها در آن شکل می گیرند - هر آمینواسید در تشکیل دو پیوند پپتیدی نقش دارد.

۱۹- با توجه به ساختار دوم پروتئین ها و آن دسته از پیوندهای هیدروژنی که منشأ تشکیل دو نمونه معروف این ساختار هستند،

کدام مورد برای تکمیل عبارت زیر مناسب است؟

«در ساختار، گروه یا بخشی از آمینواسید که »

- (۱) مارپیچی - ساختار سوم پروتئین ها را شکل می دهد، فقط به سمت خارج ساختار قرار می گیرد.
- (۲) صفحه ای - بخش های دیگر، چهار ظرفیت آن را پر می کنند، فقط در محل های خارج از تاخوردگی قرار دارد.
- (۳) مارپیچی - در تشکیل پیوند پپتیدی نقش دارد، فقط در داخل ساختار می تواند پیوند هیدروژنی برقرار کند.
- (۴) صفحه ای - منجر به تولید مولکول آب می شود، فقط با آمینواسیدهای مجاور زنجیره دیگر، پیوند هیدروژنی تشکیل می دهند.

۲۰- در خصوص آمینواسیدها، کدام موارد زیر، درست است؟

- الف: آخرین آمینواسید موجود در هر زنجیره پلی پپتیدی به هنگام شرکت در تشکیل پیوند پپتیدی، تنها یک هیدروژن از دست می دهد.
- ب: هر رشته پلی پپتیدی که در پروتئین ها مشاهده می شود، دارای دو آمینواسید در دو انتهای خود با گروه های متفاوت می باشد.
- ج: گروه کربوکسیل آمینواسید در ایجاد ویژگی های منحصر به فرد در هر آمینواسید موجود در ساختار پروتئین ها نقش دارد.
- د: گروه R آمینواسید از طریق یک پیوند اشتراکی به کربن مرکزی مربوط به همان آمینواسید متصل می شود.

(۱) «الف»، «ب» و «د» (۲) «الف»، «ب» و «ج»

(۳) «ب»، «ج» و «د» (۴) «ج» و «د»

آزمون وی آی پی

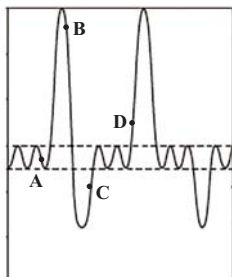
۲۱- کدام گزینه به درستی بیان شده است؟

- (۱) تنها در بعضی از فرایندهای بازدم، ماهیچه‌های ناحیه شکم منقبض شده و از فشار مایع جنب کاسته می‌شود.
- (۲) در همه فرایندهای دم، ویژگی پیروی از حرکات قفسه سینه شش‌ها مؤثر بوده و بر حجم شش‌ها افزوده می‌شود.
- (۳) تنها در بعضی از فرایندهای دم، بزرگ‌ترین ماهیچه تنفسی به صورت مسطح مشاهده و بر فشار وارده بر اجزای حفره شکمی افزوده می‌شود.
- (۴) در همه فرایندهای بازدم، پیام عصبی به ماهیچه‌های بین‌دنده‌ای ارسال شده و از فاصله بین جناغ و ستون مهره‌ها کاسته می‌شود.

۲۲- در هر لحظه‌ای از فرایند تنفس که

- (۱) حداکثر فشار درون شش‌ها وجود داشته باشد، شش‌ها در حال حجیم شدن می‌باشند.
- (۲) هوای باقی‌مانده درون شش‌ها وجود داشته باشد، مجاری هوایی پر از هوای مرده می‌باشند.
- (۳) حداقل میزان هوا درون شش‌ها وجود داشته باشد، در حبابک‌ها تبادلات گازی در حال وقوع است.
- (۴) هوای جاری درون شش‌ها وجود نداشته باشد، هوای ذخیره بازدمی، برخلاف ذخیره دمی در شش‌ها وجود دارد.

۲۳- با توجه به تصویر روبه‌رو کدام گزینه عبارت زیر را به درستی تکمیل می‌کند؟



«به‌طور طبیعی در یک فرد بالغ در هنگام ثبت نقطه

- (۱) برخلاف D حجم هوای باقی‌مانده در حال افزایش است.
- (۲) همانند D در حدود ۴۰۰۰ میلی‌لیتر هوا در شش‌ها وجود دارد.
- (۳) برخلاف A در تارهای ماهیچه گردنی مقدار شکل رابج انرژی در یاخته به میزان بیش‌تری در حال کاهش است.
- (۴) برخلاف B فشار مایع جنب موجود در فضای جنب در حال افزایش است.

۲۴- چند مورد زیر هم برای سرفه و هم برای عطسه درست هستند؟

- الف: هوا با فشار، همراه با مواد خارجی، تنها از راه بینی خارج می‌شود.
- ب: تنها راه مؤثر برای بیرون راندن مواد خارجی در افراد سیگاری است.
- ج: در پی ورود ذرات خارجی یا گازهایی که ممکن است مضر یا نامطلوب باشند، به مجاری تنفسی، شکل می‌گیرند.
- د: در طی انجام آن ممکن نیست فرد برای لحظه‌ای چشم‌های خود را به‌صورت غیرارادی ببندد.

(۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۴

۲۵- در بدن انسان، در بین دولایه پرده جنب اطراف شش‌ها، نوعی مایع وجود دارد. در زمانی که فشار مکشی این مایع به

مقدار خود می‌رسد، می‌توان گفت

- (۱) حداقل - ماهیچه‌های بین‌دنده‌ای خارجی در حال انقباض هستند.
- (۲) حداکثر - امکان مشاهده فشار منفی درون حبابک‌های ریه‌ها وجود دارد.
- (۳) حداقل - ورود حجم هوای ذخیره دمی به درون حبابک‌ها قابل انتظار است.
- (۴) حداکثر - نیمه راست دیافراگم در سطح بالاتری نسبت به نیمه چپ آن قرار دارد.

۲۶- کدام گزینه عبارت زیر را به درستی کامل می‌کند؟

«به‌طور معمول، در پیکر انسانی سالم در سمتی که نایژه اصلی قرار گرفته است، ممکن قرار گرفته باشد.»

- (۱) کوتاه‌تر - نیست، اندامی لنفی که سیاهرگ خروجی از آن با سیاهرگ خروجی از معده یکی می‌شود،
- (۲) باریک‌تر - است، بخش بالاتر بزرگ‌ترین ماهیچه تنفسی در حالت استراحت
- (۳) طویل‌تر - نیست، بخش اعظم بزرگ‌ترین اندام کیسه‌ای شکل لوله گوارش
- (۴) قطورتر - است، ششی دارای بزرگ‌ترین لوب در ساختار خود

۲۷- کدام یک از موارد زیر در نوزادی که به‌صورت زودرس به دنیا آمده است، به‌طور حتم درست است؟

- (۱) یاخته‌های نوع ۲ برخلاف یاخته‌های نوع ۱ در حبابک‌ها به‌وجود نیامده‌اند.
- (۲) عامل کاهنده کشش سطحی آب در حبابک‌های این فرد به مقدار کافی ساخته نشده است.
- (۳) اختلال در تنفس این فرد، باعث کاهش سطح اکسیژن و افزایش سطح کربن دی‌اکسید خون می‌شود.
- (۴) یاخته‌های سنگفرشی ساده نقش اصلی را در انتقال دوطرفه گازهای تنفسی بین خون و هوای درون حبابک دارند.

۲۸- با توجه به انواع گازهای قابل انتقال به کمک گویچه قرمز، کدام گزینه، عبارت زیر را به‌طور مناسب تکمیل می‌کند؟

«به‌طور معمول، مولکول‌های

- (۱) همه - کربن‌دار با قابلیت اتصال به هموگلوبین، دارای جایگاه اختصاصی جهت اتصال به ساختار هموگلوبین می‌باشند.
- (۲) فقط بعضی از - مؤثر در بی‌رنگ شدن محلول آب آهک، به عنوان پیش‌ماده وارد جایگاه فعال آنزیم کربنیک‌انیداز می‌شوند.
- (۳) همه - غیرقابل انتقال به‌صورت یون بی‌کربنات، می‌توانند به‌طور همزمان در اتصال با بخشی از ساختار هموگلوبین‌های خون مشاهده شوند.
- (۴) فقط بعضی از - مؤثر در زرد رنگ شدن محلول برم تیمول‌بلو، برای نزدیک شدن به بافت‌های بدن، به بخشی از ساختار هموگلوبین متصل می‌شوند.

۲۹- در ارتباط با مخاط نای، کدام ویژگی فراوان ترین یاخته های سطحی مخاط را از یاخته های دیگر آن متمایز می کند؟

- ۱) در بخش هایی با سایر یاخته های پوششی، اتصال فیزیکی دارد.
- ۲) زوائد رشته مانند در سطح رأسی آن ها قابل مشاهده است.
- ۳) در تماس با شبکه رشته های پروتئینی و گلیکوپروتئینی قرار دارند.
- ۴) در تماس با ترشحاتی قرار دارند که حاوی آنزیم لیزوزیم می باشند.

۳۰- کدام گزینه برای تکمیل عبارت زیر مناسب است؟

«در دیواره حبابک ها، دو نوع یاخته وجود دارد، گروهی از این یاخته ها که

- ۱) در سطح خود دارای زوائد سیتوپلاسمی متعددی می باشند، باعث ایجاد منافذی در کیسه های حبابکی می شوند.
- ۲) به تعداد خیلی بیشتر مشاهده می شوند، همواره غشای پایه مشترکی با یاخته های پوششی دیواره مویرگ ها دارند.
- ۳) ظاهری غیر سنگفرشی و کاملاً متفاوت دارند، با ترشحات خود باعث نابودی عوامل بیگانه وارد شده به حبابک ها می شوند.
- ۴) در مجاورت یکدیگر قرار گرفته و به هم متصل هستند، ضمن دارا بودن آنزیم هایی مختلف، توانایی انتقال موادی به خون را دارند.

۳۱- کدام گزینه می تواند عبارت زیر را به درستی تکمیل کند؟

«جانوری که به منظور تبادل گازهای تنفسی از استفاده می کند، امکان ندارد

- ۱) اندامی به نام شش - از ساختار دیگری علاوه بر آن برای تبادل اکسیژن استفاده کند.
- ۲) آبشش های غیرپراکنده - خون را برخلاف جهت حرکت آب در طرفین تیغه های آن حرکت دهد.
- ۳) شبکه مویرگی در زیر پوست - جریانی پیوسته ای از هوای تازه را در کنار سطح تنفسی خود برقرار کند.
- ۴) لوله های منشعب و مرتبط دارای منفذ در ابتدای خود - یاخته های دستگاه گردش مواد آن در تبادل گازها نقش داشته باشد.

۳۲- چند مورد، عبارت زیر را به طور مناسب تکمیل می کند؟

«با توجه به انواع سازوکار تهویه ای ویژه در مهره داران، مشخصه دو نوع سازوکار تهویه ای در انسان و قورباغه است.»

- الف: عبور هر هوای حاوی گاز اکسیژن به صورت دوطرفه از بخشی (بخش هایی) از لوله گوارشی جانور - مشترک
ب: تسهیل ورود هوا به محل تبادل گازهای تنفسی در پی فرایندی از تهویه ششی به واسطه انقباض گروهی از ماهیچه ها - متفاوت
ج: ورود هوای تهویه نشده به شش های جانور در پی افزایش حجم هریک از شش ها از طریق مجرای اختصاصی - مشترک
د: ورود گازهای تنفسی به طور مستقیم از حفره دهانی به شش ها به واسطه انقباض گروهی از ماهیچه ها همزمان با باز بودن منافذ بینی - متفاوت
- ۱) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ ۴) ۱

۳۳- کدام گزینه، در ارتباط با ساختارهای افزایش دهنده کارایی تنفس پرندگان نسبت به پستانداران، به درستی بیان شده است؟

- ۱) هر کیسه هوادار قرار گرفته بر روی بخشی از شش ها، دارای حجم بزرگتری نسبت به هریک از کیسه های هوادار قرار گرفته به موازات نای می باشند.
- ۲) هر کیسه هوادار غیرجفت، در محل منشعب شدن نای قابل مشاهده بوده و از طریق تبادل گازهای تنفسی به افزایش کارایی تنفس در پرندگان کمک می کند.
- ۳) هر کیسه هوادار حاضر در سطح جلوتر نسبت به شش ها، در مقایسه با هریک از عقبی ترین کیسه های هوادار، حجم هوای بیشتری را در خود جای می دهد.
- ۴) هر کیسه هوادار قرار گرفته در مجاورت محل تشکیل اولین انشعابات نای، در تمامی بخش های خود در سطحی جلوتر از محل دو شاخه شدن نای مشاهده می شود.

۳۴- در ارتباط با هر مجرای تنفسی در یک فرد ایستاده که یاخته های مژکدار آن برای هدایت ناخالصی ها به حلق، آن ها را به سمت پایین می رانند می توان گفت

- ۱) دارای شبکه ای از عروق است که هوا را گرم کرده و بیشتر از نقاط دیگر، امکان خونریزی در آنها وجود دارد.
- ۲) نسبت به گذرگاه ماهیچه ای که انتهای آن به یک دوراهی ختم می شود، در سطحی پایین تر در بدن قرار گرفته است.
- ۳) دارای نوعی بافت پیوندی مشابه با بافت سر استخوان ها در محل مفاصل متحرک است، که جلوی تغییر قطر مجرا را می گیرد.
- ۴) یاخته های آن، نوعی ترکیب شیمیایی ترشح می کنند که در ساختار خود دارای انواع مواد دفاعی مانند لیزوزیم است.

۳۵- یکی از نایژه های اصلی انسان نسبت به نایژه دیگر طول بیشتر و قطر کمتر دارد. چند مورد در خصوص انشعاب طویل تر این نایژه صحیح است؟

- الف: قطعاً پایین تر از محل دوشاخه شدن نای است.
ب: در درون لوب کوچکتر ریه مربوطه قرار گرفته است.
ج: در پی افزایش فعالیت اعصاب سمپاتیک، برخلاف نایژک ها قطر خود را افزایش می دهد.
د: در ابتدا نایژک هایی را ایجاد می کند که به بخش مبادله ای تعلق دارد.

- ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

۳۶- کدام گزینه، در مورد همه ی یاخته های صحیح است که سطح درونی بخش هادی مجاری تنفسی را می پوشانند؟

- ۱) در فاصله بسیار کمی از یاخته های مجاور خود قرار دارند.
- ۲) لایه ای با ضخامت یکنواخت را بر روی خود تشکیل می دهند.
- ۳) مانعی در برابر ورود ناخالصی های هوا به شش ها ایجاد می کنند.
- ۴) زوائدی را به داخل ترشحات حاوی مواد ضد میکروبی می فرستند.

۳۷- به طور معمول، در خصوص همه جاندارانی که به کمک زائده‌های یاخته‌ای خود غذا را از نوعی محیط به درون یاخته(های) خود وارد می‌کنند. کدام موارد زیر، درست است؟

الف: از آنزیم‌های خود برای گوارش غذا استفاده می‌کنند.

ب: کیسه‌ای غشایی به منظور گوارش مواد ایجاد می‌شود.

ج: محتویات دفعی از طریق نوعی کیسه غشایی از یاخته(ها) خارج می‌شوند.

د: به منظور وارد کردن ذرات غذایی، دارای بیش از یک زائده در سطح یاخته(ها) هستند.

(۱) «الف»، «ب»، «ج» و «د» (۲) فقط «ب» و «ج»

(۳) فقط «ب»، «ج» و «د» (۴) فقط «الف» و «ب»

۳۸- کدام مورد برای تکمیل عبارت زیر مناسب است؟

«در لوله گوارش بلافاصله چینه‌دان، اندامی قرار دارد که

(۱) ملخ - پس از - به وسیله آنزیم‌های یاخته‌های خود، گوارش برخی از مواد غذایی را آغاز می‌کند.

(۲) پرندۀ دانه‌خوار - پس از - به وسیله سنگریزه‌های موجود در خود، فرایند آسیاب کردن غذا را تسهیل می‌کنند.

(۳) ملخ - پیش از - برخی یاخته‌های آن ضمن دارا بودن کاتالیزورهای زیستی مختلف، توانایی انقباضی دارند.

(۴) پرندۀ دانه‌خوار - پیش از - به جانور امکان ذخیره و نرم کردن غذا را می‌دهد.

۳۹- با توجه به تنوع گوارش در جانداران مطرح شده در گفتار سوم فصل ۲ زیست‌شناسی ۱، کدام گزینه صحیح است؟

(۱) هر جاندار که راه ورود و خروج مواد غذایی در پیکر آن متفاوت است، همه یا بخشی از گوارش مواد غذایی را به صورت برون‌یاخته‌ای انجام می‌دهد.

(۲) هر جاندار که فاقد لوله گوارشی است، مواد غذایی را پس از تبدیل به واحدهای سازندۀ آن و اتمام گوارش به روش انتشار از سطح بدن جذب می‌کند.

(۳) در هر جانوری که چینه‌دان و معده به یکدیگر متصل‌اند، محل فعالیت سنگریزه‌های بلعیده شده در لوله گوارشی آن، در سطح پایین‌تری از کبد می‌باشد.

(۴) هر جانوری که گوارش مواد غذایی در لوله گوارش آن با گرم شدن زمین مرتبط است، گوارش پلی‌ساکارید مورد استفاده در کاغذسازی را در بزرگ‌ترین بخش معده خود آغاز می‌کند.

۴۰- چند مورد جمله زیر را به درستی تکمیل می‌کند؟

«مطابق شکل، یاخته‌های دیواره بخش یاخته‌های دیواره بخش

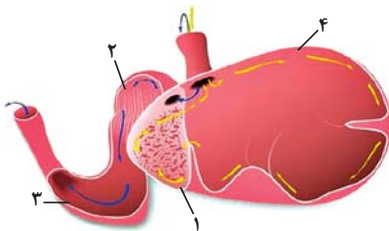
الف: ۳ همانند ۲ - ممکن نیست مواد حاصل از گوارش را جذب کنند.

ب: ۴ برخلاف ۲ - ممکن است در مجاورت با غذای دوباره جویده شده قرار گیرند.

ج: ۴ همانند ۱ - می‌توانند در گوارش شیمیایی سلولز به تکه‌های آن نقش داشته باشند.

د: ۳ برخلاف ۱ - با ترشح آنزیم‌های گوارشی، برخی کربوهیدرات‌های غذا را تجزیه می‌کنند.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴



۴۱- گروهی از اندام‌های مستقر در خارج از لوله گوارش یک فرد بالغ، خون خود را به طور غیرمستقیم و از راه سیاهرگ باب به قلب برمی‌گردانند. کدام گزینه ویژگی مشترک این اندام‌ها را بیان می‌کند؟

(۱) خون خارج شده از آن‌ها با خون بخشی از اندام کیسه‌ای شکل لوله گوارش یکی می‌شود.

(۲) همانند بندارۀ انتهای مری، به طور کامل در سمت چپ بدن، قرار گرفته است.

(۳) برخلاف کبد نوعی اندام لنفی است که در زیر مهم‌ترین عضله تنفسی واقع شده است.

(۴) با ساخت و ترشح آنزیم‌های گوارشی، در هضم مواد غذایی نقش بسزایی دارد.

۴۲- با توجه به مطلب کتاب درسی، ویژگی مشترک یاخته‌هایی از لوله گوارش که در مجاورت بندارۀ پیلور قرار دارند و غشای آن‌ها در سمت فضای درونی لوله، دارای چین‌خوردگی‌هایی می‌باشد، کدام است؟

(۱) آنزیم‌هایی تولید می‌کنند که در آبکافت متنوع‌ترین مولکول‌های زیستی از نظر عملکردی نقش دارند.

(۲) شکل کاملاً استوانه‌ای با یک هسته قاعده‌ای دارند و همگی آن‌ها در اتصال با غشای پایه می‌باشند.

(۳) مرکز کنترل فعالیت این یاخته‌ها، دور از غشای پایه و در مجاورت چین‌خوردگی‌های غشایی قرار دارد.

(۴) در تغییر میزان pH فضای درونی لوله گوارش همانند فعالیت آنزیم‌های گوارشی تأثیرگذار می‌باشند.

۴۳- کدام عبارت در ارتباط با انسان درست است؟

(۱) غده روده برخلاف غده معده یاخته‌هایی دارد که در بخشی از غشای خود دارای چین‌خوردگی است.

(۲) غده معده همانند غده روده، کاتالیزورهای زیستی تجزیه‌کنندۀ کربوهیدرات‌ها را در یاخته‌های خود دارد.

(۳) غده روده برخلاف غده معده می‌تواند مستقیماً تحت تأثیر شبکه‌های یاخته‌های عصبی قرار بگیرد.

(۴) غده معده برخلاف غده روده دارای بیش از دو نوع یاخته در ساختار خود می‌باشد.

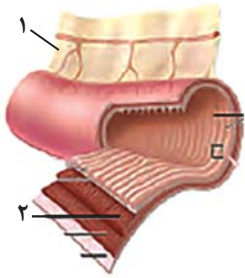
برای مشاهده تحلیل و پاسخ ویدیویی آزمون به سایت www.amoozesh.ir بخش تحلیل آزمون مراجعه کنید.

۴۴- با توجه به اطلاعات کتاب درسی، به طور معمول کدام دو ویژگی در مورد یکی از هورمون‌های ترشح شده از لوله گوارش در یک فرد نوجوان درست است؟

- (۱) سبب تغییر در فعالیت ترشحاتی اندامی خارج از لوله گوارش شده و مقدار ترشح آنزیم‌های گوارشی را تغییر می‌دهد.
- (۲) در اثر کاهش ترشح، در تجزیه مولکول‌های زیستی اختلال به وجود آمده و دیواره لوله گوارش آسیب پذیرتر می‌شود.
- (۳) در تغییر فعالیت انواعی از یاخته‌های اندام هدف نقش دارد و ترشح انواعی از آنزیم‌های گوارشی فعال با فعالیت‌های متفاوت را افزایش می‌دهد.
- (۴) از نوعی اندام گوارشی ترشح کننده هورمون، به خون ترشح شده و در تغییر مقدار pH لوله گوارش نقش دارد.

۴۵- با توجه به شکل زیر، کدام گزینه صحیح است؟

- (۱) در ساختار نشان داده شده، بخش ۲ می‌تواند دارای یاخته‌های چندهسته‌ای باشد.
- (۲) رگ‌های موجود در بخش ۱ این اندام می‌توانند انشعابات مشترکی با رگ‌های کولون بالارو داشته باشند.
- (۳) بخش ۱ در حفره شکمی، تنها اطراف اندام‌های گوارشی را فرا می‌گیرد.
- (۴) در بخش ۲ برخلاف بخش ۱ رگ‌های خونی مشاهده نمی‌شود.



۴۶- چند مورد در ارتباط با هر یک از اندام‌های طویل و لوله‌ای شکل مرتبط با حلق درست است؟

- الف: فضای حفره مانند داخلی آنها ثابت نبوده و می‌تواند به طور قابل ملاحظه‌ای تغییر اندازه دهد.
- ب: در آنها، دومین لایه از بیرون، یاخته‌هایی دارد که ترکیباتی را به خون وارد می‌کنند.
- ج: بخش‌های پایینی آنها برخلاف بخش‌های بالاییشان، توسط صفاق پوشانده می‌شود.
- د: غدد ترشحاتی آنها، در فواصل منظم و یکسانی از یکدیگر، ترشحات خود را به مجراهایی می‌ریزند.

- (۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۴۷- کدام گزینه مشخصه مشترک همه یاخته‌هایی از روده باریک است که طی بیماری سلیاک تخریب می‌شوند؟

- (۱) دارای زوائد ریز غشایی هستند که جذب مواد را افزایش می‌دهند.
- (۲) در سطح پرزهایی قرار دارند که درون آن یک مویرگ لنفی وجود دارد.
- (۳) از مویرگ‌های خونی مجاور خود، اکسیژن مورد نیاز خود را دریافت می‌کنند.
- (۴) یاخته‌هایی استوانه‌ای شکل هستند که در سطح خود با ماده مخاطی تماس دارند.

۴۸- در بدن انسان سالم و بالغ، کدام گزینه درباره بخش‌های انتهایی لوله گوارش به نادرستی بیان شده است؟

- (۱) در دیواره روده بزرگ برخلاف روده باریک، چین خوردگی‌هایی وجود دارد که از نمای بیرونی قابل مشاهده هستند.
- (۲) در روده بزرگ نسبت به روده باریک، سرعت انقباض ماهیچه‌های دیواره در حرکات کرمی شکل کمتر می‌باشد.
- (۳) روده بزرگ همانند روده باریک، همه خون سیاهرگی خود را از طریق یک انشعاب به سیاهرگ باب تخلیه می‌کند.
- (۴) روده بزرگ همانند روده باریک، می‌تواند در مجاورت اندامی قرار بگیرد که پروتئازهای غیرفعال ترشح می‌کند.

۴۹- بافت‌هایی در بدن انسان سالم و بالغ یافت می‌شوند که وزن هر فرد به طور معمول به مقدار این بافت‌ها بستگی دارد. کدام

گزینه درباره این بافت‌ها، عبارت زیر را به درستی تکمیل می‌کند؟

«می‌توان گفت این بافت‌ها»

- (۱) همه - توانایی تولید و ترشح رشته‌های پروتئینی کلاژن و کشسان را دارند.
- (۲) فقط بعضی از - توانایی تولید گرما درون خود در پی انجام تنفس یاخته‌ای را دارند.
- (۳) همه - دارای یاخته‌هایی هستند که منافذی برای عبور مواد مختلف از غشای خود دارند.
- (۴) فقط بعضی از - امکان دریافت گلوکز حاصل از گوارش مواد غذایی از مویرگ خونی را دارند.

۵۰- کدام گزینه، برای تکمیل عبارت زیر مناسب است؟

«در بدن مردی سالم و بالغ، در ارتباط با و حاضر در حفره شکمی که خون آن به طور مستقیم به قلب بر نمی‌گردد،

می‌توان گفت»

- (۱) نزدیک‌ترین اندام لنفی به ماهیچه دیافراگم و انتقال‌دهنده خون به سیاهرگ باب - سیاهرگ خروجی خود را از سطحی جلوتر از اندام دارای ضخیم‌ترین لایه ماهیچه‌ای در لوله گوارش، عبور می‌دهد.
- (۲) اندام کیسه‌ای شکل محل شروع گوارش پروتئین‌ها - خون خروجی از خمیدگی بزرگتر خود را در سطحی بالاتر از بنداره پیلور به انشعاب سیاهرگ باب وارد می‌کند.
- (۳) اندام تولیدکننده متنوع‌ترین آنزیم‌های گوارشی - خون تیره خروجی از آن به رگ خارج کننده خون از بخش اضافه کننده اسید به لوله گوارش وارد می‌شود.
- (۴) اندام لنفی قرار گرفته در سمتی مشابه با بالاترین بخش پانکراس - خون کم اکسیژن خروجی خود را، پیش از ورود به انشعاب سیاهرگ باب کبدی با خون اندام محل نهایی گوارش مواد غذایی ادغام می‌کند.

آزمون وی آی پی

آزمون ۵ آبان ماه دوازدهم تجربی

نام درس	تعداد سؤال	زمان پیشنهادی
فیزیک ۳	۲۰	۴۵ دقیقه
زوج کتاب فیزیک ۱	۱۰	
زوج کتاب فیزیک ۲		
شیمی ۳	۱۰	۳۰ دقیقه
زوج کتاب شیمی ۱	۲۰	
زوج کتاب شیمی ۲		

طراحان سؤال (به ترتیب حروف الفبا)

فیزیک

خسرو ارغوانی فرد - احسان ایرانی - یوسف الهویردی زاده - امیرحسین برادران - فرشاد زاهدی - عطاله شادآباد - مریم شیخ‌ممو - میلاد طاهرعزیزی - حسین طرفی - مهدی فتاحی - عبدالله فقه‌زاده
 صالح فومن بهجت محسن قندچلر - بهادر کامران - مصطفی کیانی - مهدی کیوانلو - مرتضی مرتضوی - علی ملایجردی - محمود منصوری - بهروز نصوری - مصطفی واثقی - آرش یوسفی

شیمی

علی امینی - مجتبی اسدزاده - سیدعلی اشرفی - کامران جعفری - مسعود جعفری - حمید ذبحی - محمد اسماعیل رحمانی - حسن رحمتی کوکنده - روزبه رضوانی - رسول رزمجویی
 مسعود طبرسا امیرحسین طیبی - عرفان علیزاده - محمدرضا غفارزاده - امیرمحمد کنگرانی - میثم کوثری لشگری - میثم کیانی - مجید معین‌السادات - هادی مهدی‌زاده - حسین ناصری‌ثانی
 میثم نوری - امین نوروزی مژگان یاری - محمدرضا یوسفی

گروه علمی تولید آزمون

نام درس	گزینشگر	مسئول درس	ویراستار استاد	گروه ویراستاری	بازبین نهایی	مؤلف پاسخنامه	مؤلف درسنامه
فیزیک	امیرحسین برادران	امیرحسین برادران	سعید محبی	حسین ساکی - سعید ناصری - مهدی خوشنویس مبین مغالو	علیرضا رستمی	مصطفی کیانی	سید امیر پرپنچی
شیمی	مسعود جعفری	ارشیا انتظاری	محمد حسن‌زاده مقدم	حسین ربانی‌نیا - احسان پنجه‌شاهی - مبین مغالو مهدی سهامی سلطانی	محمدرضا طاهری نژاد	فرزاد نجفی کرمی	کوثر گلچین

گروه اجرایی تولید آزمون

مدیر گروه آزمون	مسئول دفترچه آزمون	مسئول دفترچه درسنامه	حروف نگار
زهرا سادات غیائی	امیرحسین منفرد	علی رفیعیان	سیده صدیقه میرغیائی

گروه مستندسازی و اجرای مصوبات + نظارت چاپ

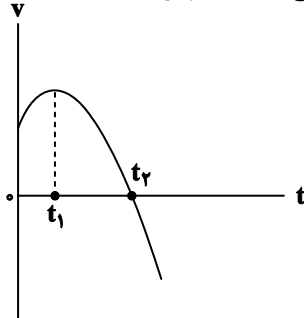
مدیر گروه مستندسازی	محیا اصغری
مسئول دفترچه مستندسازی	مهسا سادات هاشمی
گروه مستندسازی درس فیزیک	حسام نادری (مسئول درس) - آرین محمدی - احسان صادقی - نوذری - امیرمحمد موحدی
گروه مستندسازی درس شیمی	الیه شهبازی (مسئول درس) - امیرحسین مرتضوی - محسن دستجردی - حسین میرعالی - عرشیا حسین زاده
ناظر چاپ	حمید محمدی

برای دریافت اخبار گروه تجربی و مطالب درسی به کانال @zistkanoon2 مراجعه کنید.

وقت پیشنهادی: ۳۰ دقیقه

حرکت بر خط راست (تا انتهای حرکت با سرعت ثابت) (فیزیک ۳: صفحه‌های ۱ تا ۱۵)

۵۱- نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی محور X حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر قسمتی از یک سهمی است. کدام مورد درست است؟



(۱) در بازه زمانی صفر تا t_1 ، تندی در حال کاهش است.

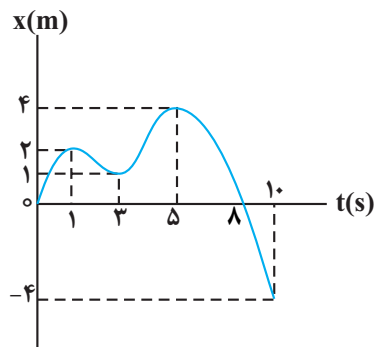
(۲) بزرگی شتاب در لحظه صفر و t_2 برابر است.

(۳) در بازه صفر تا t_2 شتاب خلاف جهت محور X است.

(۴) بزرگی شتاب متوسط در بازه زمانی t_1 تا t_2 بیشتر از بزرگی شتاب

متوسط در بازه زمان صفر تا t_2 است.

۵۲- نمودار مکان - زمان متحرکی که روی محور X ها حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در ۱۰ ثانیه اول حرکت، مجموعاً چند



ثانیه بردارهای مکان و سرعت جسم هم‌جهت هستند؟

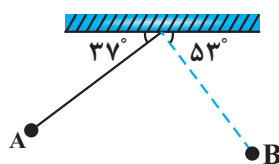
(۱) ۴

(۲) ۳

(۳) ۶

(۴) ۵

۵۳- مطابق شکل، آونگی به طول یک متر مسیر A تا B را با تندی متوسط $\frac{5}{\pi} \text{ m/s}$ طی می‌کند. سرعت متوسط این آونگ در این



جابه‌جایی در SI چقدر است؟ ($\sin 37^\circ = \cos 53^\circ = \frac{3}{5}, \pi = 3$)

(۱) $\frac{\sqrt{2}}{3}$

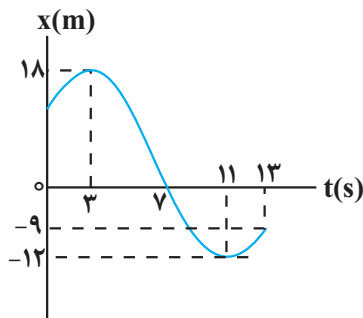
(۲) $\sqrt{2}$

(۳) $\frac{\sqrt{2}}{4}$

(۴) $\frac{1}{2}$

محل انجام محاسبات

۵۴- در نمودار مکان - زمان شکل زیر، اندازه سرعت متوسط متحرک در بازه‌ای که علامت سرعت آن منفی باشد، نسبت به تندی



متوسط متحرک در بازه‌ای که بردار مکان آن در خلاف جهت محور x باشد، کدام است؟

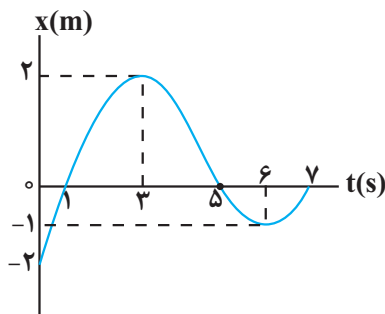
(۱) ۲

(۲) ۱

(۳) ۲/۵

(۴) ۱/۵

۵۵- شکل زیر نمودار مکان - زمان متحرکی را نشان می‌دهد که بر روی خط راست در حال حرکت است. چه تعداد از عبارت‌های زیر



در مورد این متحرک نادرست است؟

(آ) متحرک در مدت ۷s، سه بار تغییر جهت داده است.

(ب) نسبت سرعت متوسط در ۳ ثانیه اول حرکت، به سرعت متوسط در ۳

ثانیه دوم حرکت برابر $\frac{4}{3}$ است.

(پ) در بازه زمانی $t = 1s$ تا $t = 5s$ ، تندی متوسط متحرک صفر است.

(ت) متحرک در مدت ۷s، دو بار از مبدأ مکان عبور کرده است.

(۴) ۴

(۳) ۳

(۲) ۲

(۱) ۱

۵۶- متحرکی در لحظه‌های $t_1 = 1s$ ، $t_2 = 2s$ و $t_3 = 4s$ در مکان‌های $x_1 = -5m$ ، $x_2 = 10m$ و x_3 قرار دارد. اگر بردار سرعت

متوسط متحرک در بازه زمانی t_1 تا t_3 در SI به صورت $\vec{v}_{av} = (-5 \frac{m}{s})\vec{i}$ باشد، چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

(متحرک روی خط راست حرکت می‌کند).

(آ) قطعاً $x_3 = -20m$ است.

(ب) مسافت طی شده توسط متحرک قطعاً ۴۵ متر می‌باشد.

(پ) تندی متوسط متحرک می‌تواند بزرگتر از $15 \frac{m}{s}$ باشد.

(ت) متحرک قطعاً در لحظه $t_2 = 2s$ تغییر جهت حرکت داده است.

(ث) نمی‌توان x_3 را تعیین کرد.

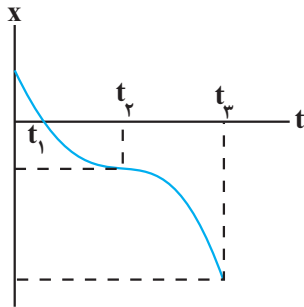
(۴) ۳

(۳) ۲

(۲) ۱

(۱) صفر

محل انجام محاسبات



۵۷- نمودار مکان - زمان متحرکی که روی مسیر مستقیم حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. اگر

خط مماس بر نمودار در لحظه t_2 موازی با محور زمان باشد، کدامیک از گزینه های زیر در مورد حرکت این متحرک صحیح است؟

(۱) سرعت متحرک در بازه زمانی صفر تا t_2 در حال افزایش است.

(۲) متحرک در لحظه t_1 تغییر جهت می دهد.

(۳) در بازه زمانی صفر تا t_3 ، متحرک ابتدا به مبدأ حرکت نزدیک شده و سپس از آن دور می شود.

(۴) اندازه سرعت متوسط و تندی متوسط متحرک در بازه زمانی صفر تا t_3 برابر است.

۵۸- نمودار مکان بر حسب زمان متحرکی که روی محور x در حال حرکت است، به صورت شکل مقابل است. نسبت اندازه سرعت

متوسط متحرک در ثانیه ششم حرکت، به تندی متوسط متحرک در کل زمان حرکت چقدر است؟ (هر خانه را یک واحد برای هر

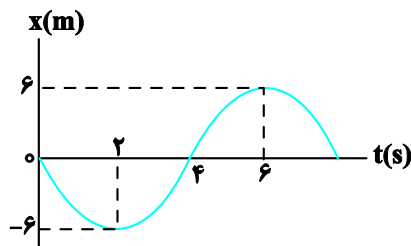
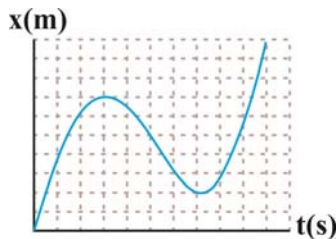
کمیت در نظر بگیرید.)

(۱) صفر

(۲) ۱

(۳) ۲

(۴) $\frac{1}{2}$



۵۹- نمودار مکان - زمان متحرکی که تندی آن در لحظه $t = 4s$ برابر $4 \frac{m}{s}$ است، مطابق شکل زیر می باشد. شتاب متوسط این متحرک در بازه زمانی

است، مطابق شکل زیر می باشد. شتاب متوسط این متحرک در بازه زمانی

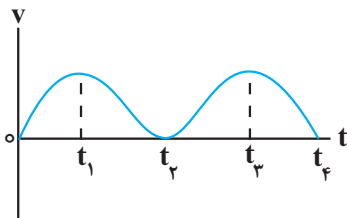
$t_1 = 4s$ تا $t_2 = 6s$ چند متر بر مجذور ثانیه است؟

(۱) ۳

(۲) -۲

(۳) ۲

(۴) -۳



۶۰- نمودار سرعت - زمان حرکت جسمی مطابق شکل زیر است. در بازه زمانی

صفر تا t_4 به ترتیب، شتاب حرکت چند بار صفر شده است و جهت حرکت

چند بار تغییر کرده است؟

(۱) ۳، ۳

(۲) ۳، صفر

(۳) صفر، صفر

(۴) ۳، صفر

۶۱- رابطه جابه جایی بر حسب زمان برای متحرکی به صورت $\Delta x = v \Delta t$ است. این رابطه برای کدام متحرک (ها) قطعاً درست است؟

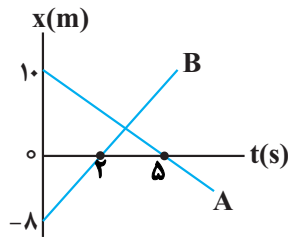
(آ) متحرکی که تندی آن ثابت است.

(ب) متحرکی که سرعت آن ثابت است.

(پ) متحرکی که با تندی ثابت بر روی خط راست حرکت می کند.

(۱) فقط «آ» (۲) «ب» و «پ» (۳) «آ» و «ب» (۴) فقط «پ»

محل انجام محاسبات



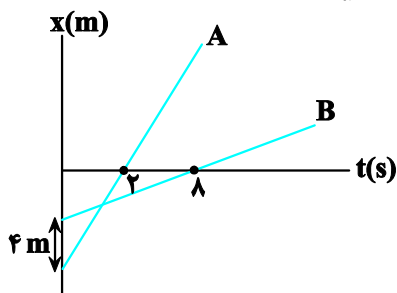
۶۲- نمودار مکان - زمان دو متحرک که روی محور x حرکت می کنند، مطابق شکل مقابل است. فاصله این دو متحرک از یکدیگر در چه لحظه ای بر حسب ثانیه برابر با ۴۲ متر می شود؟

- (۱) ۱۰
(۲) ۵
(۳) ۸
(۴) ۱۲

۶۳- دو متحرک با تندی ثابت V_1 و V_2 ، روی خط راست طوری حرکت می کنند که اگر خلاف جهت هم بروند، فاصله آنها در هر ثانیه ۱۶ متر تغییر می کند و اگر هم جهت حرکت کنند، فاصله آنها در هر دقیقه ۲۴۰ متر تغییر می کند. کدام است $\frac{V_2}{V_1}$ ؟

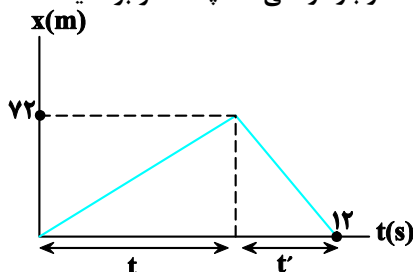
- (۱) $\frac{3}{2}$
(۲) $\frac{4}{3}$
(۳) $\frac{5}{3}$
(۴) $\frac{7}{5}$

۶۴- نمودار مکان - زمان دو متحرک A و B مطابق شکل زیر است. اگر تندی متحرک B برابر $\frac{1}{5}$ تندی متحرک A باشد، متحرک A در چه مکانی بر حسب متر از کنار متحرک B عبور می کند؟



- (۱) -۲۵
(۲) -۲۰
(۳) -۱۰
(۴) -۱۵

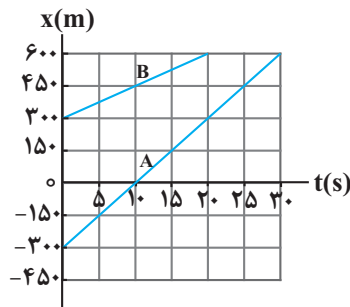
۶۵- شکل زیر نمودار مکان - زمان متحرکی را نشان می دهد که روی محور x حرکت می کند. اگر تندی متوسط متحرک در بازه زمانی t ، نصف تندی متوسط متحرک در بازه زمانی t' باشد، تندی متوسط متحرک در بازه زمانی t' چند متر بر ثانیه است؟



- (۱) ۱۲
(۲) ۱۸
(۳) ۹
(۴) ۳۶

محل انجام محاسبات

۶۶- شکل زیر نمودار مکان - زمان دو متحرک A و B است. متحرک C از مکانی که دو متحرک A و B به هم می‌رسند با تندی ثابت



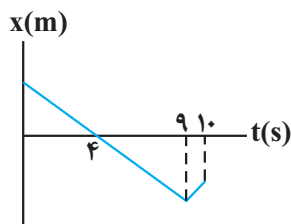
$40 \frac{m}{s}$ شروع به حرکت می‌کند. بردار مکان متحرک C پس از چند ثانیه دو برابر می‌شود؟

(۱) ۱۵

(۲) ۲۲/۵

(۳) ۳۰

(۴) ۴۵



۶۷- نمودار مکان - زمان متحرکی مطابق شکل زیر است و تندی متحرک در قسمت اول

حرکت، نصف تندی آن در قسمت دوم است. اگر مسافت طی شده توسط متحرک در ۱۰

ثانیه اول، ۴۸ متر بیشتر از اندازه جابه‌جایی متحرک در همین بازه زمانی باشد، در این

مدت بیشترین فاصله متحرک از نقطه شروع حرکتش چند متر است؟

(۱) ۴۸

(۲) ۶۰

(۳) ۱۰۸

(۴) ۳۶

۶۸- تویی در شرایط خلأ از ارتفاع h از سطح زمین در مبدأ زمان رها می‌شود و بزرگی جابه‌جایی از لحظه $t = 0$ تا لحظه‌ای که برای

اولین بار پس از برخورد با زمین به ارتفاع اوج می‌رسد برابر ۲۰ متر است. اگر مدت زمان تماس توپ با زمین ۸۰ میلی‌ثانیه و

بزرگی شتاب متوسط آن در این بازه زمانی برابر ۵۰۰ متر بر مجذور ثانیه باشد، مسافت طی شده توسط توپ از مبدأ زمان تا

اولین لحظه‌ای که پس از برخورد با زمین تندی آن صفر می‌شود، چند متر است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

(۱) ۳۵

(۲) ۴۲/۵

(۳) ۶۲/۵

(۴) ۳۱/۲۵

۶۹- دو متحرک A و B با تندی ثابت در مبدأ زمان، به ترتیب از مکان‌های $-200m$ و $-600m$ در جهت مثبت محور x عبور

می‌کنند. اگر فاصله دو متحرک در لحظه $t = 4s$ برای دومین بار برابر ۲۰۰ متر شود، فاصله دو متحرک در لحظه $t = 12s$ چند

متر است؟

(۴) ۶۰۰

(۳) ۱۸۰۰

(۲) ۱۴۰۰

(۱) ۱۲۰۰

محل انجام محاسبات

۷۰- متحرکی با تندی ثابت $35 \frac{m}{s}$ در مبدأ زمان از مبدأ مکان در جهت مثبت محور x ها عبور می کند و تا لحظه $t_1 = 4s$ به حرکت یکنواخت خود ادامه می دهد. از لحظه $t_1 = 4s$ تا لحظه $t_2 = 10s$ نوع حرکت متحرک غیر یکنواخت شده و سرعت متوسط آن در این بازه زمانی برابر $-\frac{20}{3} \frac{m}{s}$ است. پس از لحظه $t_2 = 10s$ متحرک به حرکت یکنواخت به مسیر خود ادامه می دهد و در لحظه $t_3 = 16s$ از مکان $x = 10m$ عبور می کند. بزرگی شتاب متوسط متحرک در ۱۲ ثانیه اول حرکت چند متر بر مجذور ثانیه است؟

- (۱) $\frac{25}{6}$ (۲) $\frac{5}{4}$ (۳) $\frac{5}{3}$ (۴) $\frac{25}{3}$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ویژگی های فیزیکی مواد (فیزیک ۱: صفحه های ۲۳ تا ۵۲)

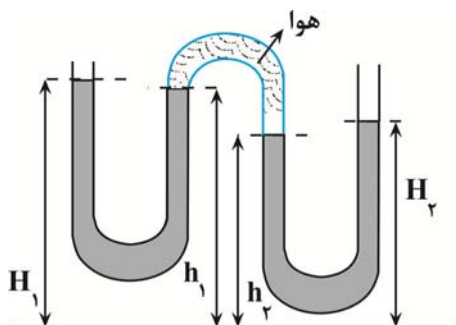
توجه: فیزیک ۱ و فیزیک ۲ زوج کتاب هستند و شما می توانید به یک کتاب پاسخ دهید.

۷۱- در کدام گزینه عبارت پدیده به درستی بیان شده است؟

- (۱) وقتی قلم مویی را از آب بیرون می کشیم موهای آن به هم می چسبند. (حرکت کاتوره ای مولکول های آب)
 (۲) طوفان های شدید دریایی تنها مقدار اندکی آب را به صورت قطره های ریز به طرف بالا می پاشند. (نیروی دگرچسبی)
 (۳) نوعی ماهی به نام ماهی کمان گیر از پرتاب آب برای شکار حشرات استفاده می کند. (کشش سطحی)
 (۴) شیشه گران برای چسباندن تکه های شیشه به یکدیگر، آنها را آن قدر گرم می کنند که نرم شوند. (کوتاه برد بودن نیروی بین مولکولی)
- ۷۲- در یک لوله استوانه ای که مساحت قاعده آن 20 cm^2 است، 272 گرم جیوه و 544 گرم آب می ریزیم. فشار در ته لوله چند

پاسکال می شود؟ ($\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{\text{cm}^3}$ ، $\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{g}{\text{cm}^3}$ ، $P_0 = 75 \text{ cmHg}$ و $g = 10 \frac{m}{s^2}$)

- (۱) 103360 (۲) 104720 (۳) 106080 (۴) 107440



۷۳- شکل زیر یک لوله خمیده را نشان می دهد که مقداری آب درون آن ریخته شده

است. مطابق شکل، در قسمتی از لوله مقداری هوای تحت فشار محبوس شده است. اگر ارتفاع سطح آزاد آب در قسمت های مختلف لوله به ترتیب از راست به چپ H_1 ، h_1 ، h_2 و H_2 فرض شود، کدام گزینه ارتباط بین آنها را به درستی

بیان می کند؟ ($\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{\text{cm}^3}$ ، $P_0 = 10^5 \text{ Pa}$ ، $g = 10 \frac{m}{s^2}$) و (چگالی هوا را

ناچیز در نظر بگیرید.)

(۱) $H_1 + h_2 = H_2 + h_1$ (۲) $H_2 - H_1 = h_2 + h_1$

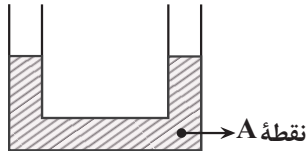
(۳) $H_1 + h_1 = H_2 + h_2$ (۴) $H_2 + H_1 = h_2 + h_1$

آزمون وی آی پی

محل انجام محاسبات

۷۴- مطابق شکل زیر، مقداری آب در لوله U شکل در حال تعادل است. سطح مقطع دو طرف لوله U شکل هم اندازه و برابر $A = 10 \text{ cm}^2$ می باشد. چند گرم روغن در شاخه سمت چپ لوله بریزیم تا فشار در نقطه A به مقدار 500 Pa افزایش یابد؟

$$\left(\rho_{\text{روغن}} = 0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \right)$$

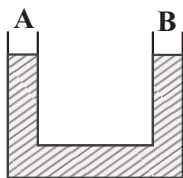


- (۱) ۱۰۰
(۲) ۰/۱
(۳) ۱۲۵
(۴) ۰/۱۲۵

۷۵- مطابق شکل، درون لوله U شکل که مساحت مقطع آن ها با هم برابر است، مایعی به چگالی $\rho = 3/4 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ریخته شده است.

اگر شاخه A را به مخزن گاز وصل می کنیم، مایع در این شاخه 10 cm بالا می رود. فشار گاز چند سانتی متر جیوه است؟

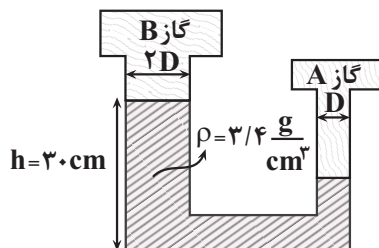
$$\left(P_0 = 70 \text{ cmHg}, \rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \right)$$



- (۱) ۶۰
(۲) ۶۷/۵
(۳) ۶۲/۵
(۴) ۶۵

۷۶- در شکل زیر، فشار مخزن B را 2 cmHg افزایش و فشار مخزن A را 3 cmHg کاهش

می دهیم. در این حالت، ارتفاع مایع در شاخه سمت چپ چند سانتی متر می شود؟

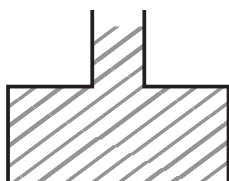


$$\left(\rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \right)$$

- (۱) ۱۵
(۲) ۱۶
(۳) ۲۵
(۴) ۲۶

۷۷- در شکل زیر، مساحت کف ظرف 20 cm^2 و سطح مقطع قسمت باریک آن 4 cm^2 است. اگر 40 cm^3 آب به مایع درون ظرف

اضافه کنیم، نیروی وارد بر کف ظرف چند نیوتون اضافه می شود؟ (در نظر داشته باشید که آب از ظرف بیرون نمی ریزد.)



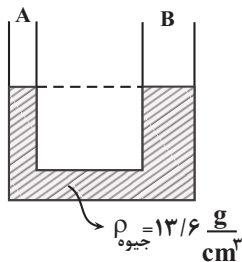
$$\left(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \right)$$

- (۱) نیرو 4 N افزایش می یابد.
(۲) نیرو 3 N افزایش می یابد.
(۳) نیرو 2 N افزایش می یابد.
(۴) نیرو 1 N افزایش می یابد.

محل انجام محاسبات

۷۸- مطابق شکل درون لوله U شکل جیوه قرار دارد و شعاع شاخه B، ۳ برابر شعاع شاخه A است. اگر در شاخه A آن قدر مایع با

چگالی $\rho = 6/8 \frac{g}{cm^3}$ بریزیم تا کاملاً این شاخه پر شود، سطح جیوه در این شاخه، ۹cm پایین می‌رود. در این حالت،



اختلاف ارتفاع سطح آزاد دو مایع چند سانتی‌متر می‌شود؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

۱۰ (۱)

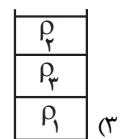
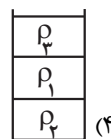
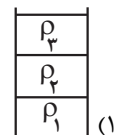
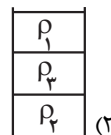
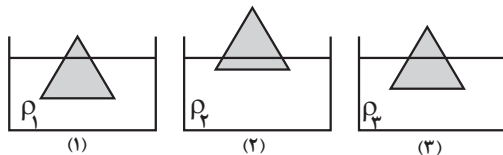
۱۲ (۲)

۵ (۳)

۶ (۴)

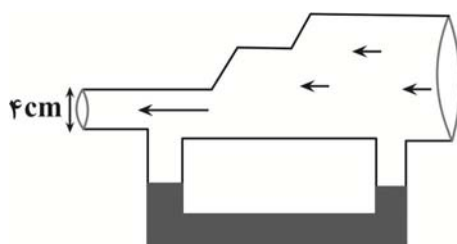
۷۹- مطابق شکل‌های زیر، جسمی را در ۳ ظرف حاوی مایع‌هایی با چگالی‌های ρ_1 ، ρ_2 و ρ_3 قرار داده‌ایم. اگر حجم مساوی از این

۳ مایع مخلوط‌نشدنی را در یک ظرف استوانه‌ای بریزیم، کدام گزینه شکل درستی از قرارگیری این ۳ مایع را نشان می‌دهد؟



۸۰- در شکل زیر، اگر یک جریان لایه‌ای و افقی از هوا در جهت نشان داده شده، درون لوله ایجاد کنیم، به‌طوری‌که در هر دقیقه

$3/6$ لیتر هوا از مقطع بزرگ وارد لوله شود، تندی خروجی از لوله چند $\frac{cm}{s}$ بوده و با عبور جریان هوا وضعیت مایع درون لوله



U شکل چگونه تغییر می‌کند؟ ($\pi = 3$)

(۱) ارتفاع مایع در شاخه سمت چپ بالاتر قرار می‌گیرد.

(۲) ارتفاع مایع در شاخه سمت چپ بالاتر قرار می‌گیرد.

(۳) ارتفاع مایع در شاخه سمت راست بالاتر قرار می‌گیرد.

(۴) ارتفاع مایع در شاخه سمت راست بالاتر قرار می‌گیرد.

محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

الکتریسته ساکن + جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم (فیزیک ۲: صفحه‌های صفحه‌های ۲۸ تا ۴۵)
توجه: فیزیک ۱ و فیزیک ۲ زوج کتاب هستند و شما می‌توانید به یک کتاب پاسخ دهید.

۸۱- اگر صفحات یک خازن تخت را به پایانه‌های یک باتری ۱۲ ولتی متصل کنیم، $36\mu C$ بار الکتریکی در آن ذخیره می‌شود. در

صورتی که این خازن را به اختلاف پتانسیل ۶V وصل کنیم، انرژی ذخیره شده در آن چند میکروژول می‌شود؟

- (۱) ۵۴ (۲) ۳۶ (۳) ۲۷ (۴) ۱۸

۸۲- ظرفیت خازنی $4\mu F$ است. اگر اختلاف پتانسیل بین دو صفحه این خازن را ۱۷ افزایش دهیم، انرژی ذخیره شده در آن

 $J \times 10^{-5}$ افزایش می‌یابد. بار اولیه خازن چند میکروکولن بوده است؟

- (۱) ۱۹ (۲) ۳۸ (۳) ۲۴ (۴) ۱۲

۸۳- یک خازن تخت به یک باتری متصل است. بعد از پر شدن خازن، آن را از باتری جدا نموده و فاصله بین صفحه‌های خازن را نصف

می‌کنیم. در این حالت، کدام یک از موارد زیر درست است؟

(آ) اختلاف پتانسیل بین صفحه‌های خازن نصف می‌شود.

(ب) میدان الکتریکی میان صفحه‌های خازن نصف می‌شود.

(پ) ظرفیت خازن دو برابر می‌شود.

(ت) بار الکتریکی خازن نصف می‌شود.

- (۱) ب و پ (۲) آ و ب (۳) آ و پ (۴) ب و ت

۸۴- خازن تختی را که بین صفحات آن هوا است، به یک باتری وصل کرده و پس از پر شدن خازن، آن را از باتری جدا می‌کنیم. با

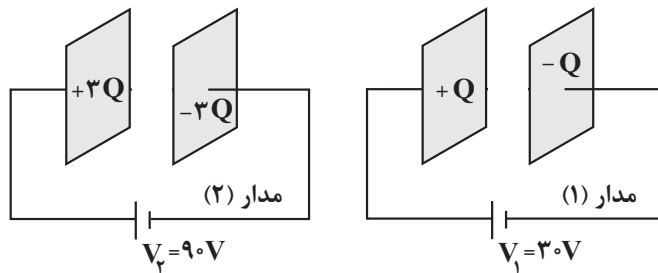
فرض ثابت ماندن فاصله بین صفحات خازن، مساحت هریک از صفحات آن را ۲ برابر کرده و بین صفحات را با دی‌الکتریکی با

ضریب $\frac{3}{4}$ پر می‌کنیم. در این حالت، ظرفیت خازن و میدان الکتریکی میان صفحات آن به ترتیب چند برابر می‌شوند؟

- (۱) $\frac{1}{3}, \frac{3}{4}$ (۲) $\frac{1}{3}, \frac{1}{3}$ (۳) $\frac{4}{3}, \frac{3}{4}$ (۴) $1, \frac{3}{4}$

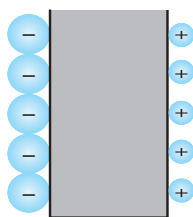
محل انجام محاسبات

۸۵- انرژی ذخیره شده در خازن مدار (۲)، 12mJ بیشتر از انرژی ذخیره شده در همان خازن، در مدار (۱) است. در این حالت، بار ذخیره شده در خازن مدار (۲)، چند میکروکولن بیشتر از بار ذخیره شده در خازن مدار (۱) است؟



- (۱) ۱۰۰
(۲) 10^{-4}
(۳) ۲۰۰
(۴) 2×10^{-4}

۸۶- مطابق شکل، یک یاخته عصبی به صورت یک خازن تخت مدل سازی شده است. با فرض این که غشای یاخته، دارای ثابت دی الکتریکی $3/2$ و ضخامت آن 10nm و مساحت هریک از صفحات آن 10^{-4}mm^2 باشد، تعداد یون های لازم یک طرف غشای یاخته برای این که اختلاف پتانسیلی معادل 80mV دو سر یاخته ایجاد شود، کدام است؟ (فرض کنید هر یون یک بار



یونیده باشد و $\frac{F}{m} = 9 \times 10^{-12}$ و $\epsilon_0 = 1/6 \times 10^{-19}\text{C}$ (e =

- (۱) ۹۰۰۰۰
(۲) ۱۲۰۰۰۰
(۳) ۱۴۴۰۰۰
(۴) ۷۲۰۰۰

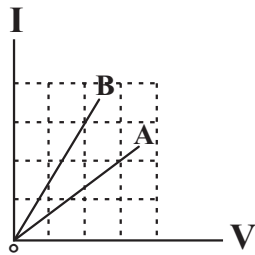
۸۷- ذره ای به جرم $m = 10\text{g}$ و بار الکتریکی $q = -36\text{pC}$ در فضای بین صفحات یک خازن تخت افقی که مساحت هریک از صفحات آن 4cm^2 است، در حال تعادل قرار دارد. اگر 12pC بار الکتریکی از صفحه بالایی خازن به صفحه پایینی آن منتقل کنیم، شتاب حرکت ذره باردار چند متر بر مربع ثانیه می شود؟ ($\frac{F}{m} = 9 \times 10^{-12}$ و ϵ_0 میان صفحات خازن، هوا وجود دارد).

- (۱) ۱۲
(۲) $1/2$
(۳) ۱۲۰

(۴) ذره باردار هم چنان ساکن می ماند.

محل انجام محاسبات

۸۸- شکل مقابل نمودار $I - V$ را برای دو رسانای A و B نشان می‌دهد. اگر این دو رسانا به اختلاف پتانسیل یکسان متصل شوند، تعداد الکترون عبوری از رسانای A در مدت t ، چند برابر تعداد الکترون عبوری از رسانای B در مدت $2t$ است؟



(۱) $\frac{2}{9}$

(۲) $\frac{9}{2}$

(۳) $\frac{8}{9}$

(۴) $\frac{9}{8}$

۸۹- لامپی به مقاومت 3Ω را به دو سر یک باتری آرمانی $1/5$ ولتی وصل می‌کنیم. پس از ۵ دقیقه اختلاف پتانسیل دو سر باتری ۲۰ درصد کاهش می‌یابد و ۴ دقیقه بعد از آن اختلاف پتانسیل دو سر باتری صفر می‌شود. بار الکتریکی اولیه ذخیره شده در باتری چند میلی‌آمپر - ثانیه بوده است؟ (در هر مرحله جریان الکتریکی خروجی از باتری ثابت است.)

(۱) $4/1 \times 10^5$

(۲) $2/4 \times 10^5$

(۳) $2/46 \times 10^6$

(۴) $4/1 \times 10^4$

۹۰- چه تعداد از گزاره‌های زیر درست است؟

(آ) اندازه سرعت سوق الکترون‌ها در یک سیم مسی از مرتبه بزرگی $10 \mu \frac{m}{s}$ یا $10^6 \mu \frac{m}{s}$ است.

(ب) مقدار تقریبی جریان الکتریکی در بادهای خورشیدی، حدود یک مگاآمپر است.

(پ) قانون اهم برای فلزات و بسیاری از رساناهای غیر فلزی در دمای ثابت برقرار است.

(ت) در دیود نورگسیل در دمای ثابت جریان الکتریکی با ولتاژ به صورت خطی افزایش می‌یابد.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

مولکول‌ها در خدمت تندرستی (شیمی ۳: صفحه‌های ۱ تا ۲۸)

۹۱- عبارت کدام گزینه نادرست است؟

(۱) رنگ‌های پوششی در دسته‌ای از مخلوط‌ها قرار دارند که ظاهری شبیه به محلول‌ها داشته و سس مایونز نمونه‌ای از آن‌ها محسوب می‌شود.

(۲) شربت خاکشیر نمونه‌ای از مخلوط‌های ناهمگن است که اجزای سازنده آنها شامل ذره‌های ریزماده است.

(۳) شیر نمونه‌ای از کلوئیدهاست که همانند سایر کلوئیدهای شناخته شده، حالت مایع دارد.

(۴) محلول مس (II) سولفات در آب نمونه‌ای از مخلوط همگن است که نور را از خود عبور می‌دهد و مسیر حرکت نور در آن مشخص نیست.

محل انجام محاسبات

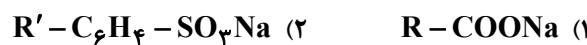
۹۲- کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟

- (۱) اساس مدل آرنیوس، افزایش غلظت یون‌های $H^+(aq)$ یا $OH^-(aq)$ در اثر انحلال یک ماده (جامد، مایع یا گاز) در آب است.
- (۲) اگر محلول الکترولیت‌های قوی یا ضعیف با غلظت لازم در یک مدار الکتریکی قرار گیرند، با حرکت یون‌ها به سوی قطب‌های نامنم، جریان الکتریکی برقرار می‌شود.
- (۳) اکسید نافلزها در اثر انحلال در آب، با آب واکنش داده و فقط غلظت یون هیدرونیوم را در محلول تغییر می‌دهند.

(۴) عبارت ثابت تعادل برای یونش اسید ضعیف HA به صورت $K = \frac{[H^+][A^-]}{[HA]}$ است.

۹۳- با توجه به ترکیب‌های (۱) و (۲) که در آن‌ها R و R' یک زنجیر آلکیلی است، کدام موارد زیر درست می‌باشند؟

$$(C=12, H=1, O=16, S=32, Na=23 : g.mol^{-1})$$



- (آ) اگر R در ترکیب (۱) دارای ۱۷ اتم کربن باشد، در آب دارای یون کلسیم، پاک‌کنندگی خوبی نخواهد داشت.
 - (ب) اگر R' در ترکیب (۲) دارای ۲ اتم کربن باشد، در آب دارای یون منیزیم، پاک‌کنندگی خوبی خواهد داشت.
 - (پ) ترکیب (۱) فرمول کلی پاک‌کننده صابونی و ترکیب (۲) فرمول کلی پاک‌کننده غیرصابونی است.
 - (ت) اگر R در ترکیب (۱) دارای ۱۷ و R' در ترکیب (۲) دارای ۱۲ کربن باشد، اختلاف جرم مولی دو ترکیب برابر جرم مولی دومین آلکن خواهد شد.
- (۱) ب، پ، ت (۲) آ، ب (۳) آ، ب، ت (۴) آ، پ، ت آزمون وی آی پی

۹۴- چند مورد از عبارات زیر، نادرست است؟

- در واکنش مخلوط آلومینیم و سدیم هیدروکسید با آب، گرماگیر بودن واکنش، منجر به افزایش قدرت پاک‌کنندگی آن می‌شود.
- پیش از شناسایی ساختار اسیدها و بازها، شیمی‌دان‌ها افزون بر ویژگی‌های اسیدها و بازها، با اغلب واکنش‌های آنها نیز آشنا بودند.
- افزودن برخی اکسیدها مانند SO_3 و N_2O_5 به آب، علاوه بر تولید H^+ ، موجب افزایش غلظت یون‌های سولفات و نیترات می‌گردد.
- به موادی مانند $NaCl(s)$ الکترولیت و به موادی مانند شکر که انحلال آن‌ها در آب به شکل مولکولی است، غیرالکترولیت می‌گویند.

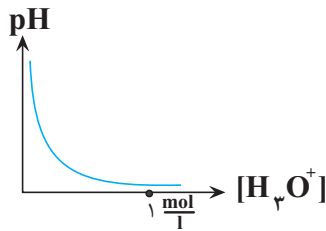
(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۹۵- کدام گزینه همواره درست است؟

- (۱) pH محلول اسیدهای قوی، کمتر از اسیدهای ضعیف است.
- (۲) در یک واکنش تعادلی پس از برقراری تعادل، مقدار واکنش‌دهنده‌ها و فراورده‌ها برابر می‌شود.
- (۳) در دمای یکسان رسانایی الکتریکی محلول فورمیک‌اسید بیشتر از محلول استیک‌اسید است.
- (۴) اگر به دو محلول اسیدی HX و HA با حجم و غلظت و دمای یکسان، ۱۰ گرم فلز آلومینیم وارد کنیم، محلولی که میزان حباب‌های هیدروژن تولیدی آن در یک بازه زمانی مشخص قبل از پایان فرایند بیشتر است، حاوی اسید قوی‌تر است.

محل انجام محاسبات

۹۶- با توجه به محلول‌های هیدروکلریک‌اسید و هیدروفلوئوریک‌اسید با غلظت و دمای یکسان، کدام یک از عبارات‌های زیر درست است؟



- (آ) شمار مولکول‌های HCl از شمار مولکول‌های HF بیش‌تر است زیرا اسید قوی‌تری است.
 (ب) در محلول هر ظرف، غلظت کاتیون و آنیون حاصل از یونش با هم برابر است.
 (پ) نمودار pH نسبت به غلظت یون هیدرونیوم در محلول هیدروکلریک‌اسید در دمای اتاق به صورت مقابل است.

(ت) مقایسه غلظت گونه‌های موجود در محلول هیدروفلوئوریک‌اسید به صورت زیر است:



(ث) با حل شدن گاز هیدروژن کلرید در آب، هر مولکول آن یک یون هیدرونیوم در آب آزاد می‌کند.

- (۱) آ، پ، ت (۲) ب، پ، ت (۳) ب، ت، ث (۴) آ، ت، ث

۹۷- با توجه به جدول داده شده، چه تعداد از نتیجه‌گیری‌ها (ها) در دمای اتاق نادرست است؟

(آ) در محلول ۰/۵ مولار هیدروبرمیک‌اسید، غلظت یون هیدرونیوم ۰/۵ مولار است.

(ب) در محلول ۰/۳ مولار هیدروسیانیک‌اسید، $[CN^-] = ۰/۳$ است.

(پ) در محلول ۰/۰۵ مولار هیدرویدیک‌اسید، $[HI] = [H^+] = [I^-]$ است.

(ت) در محلول ۰/۰۳ مولار هیدروفلوئوریک‌اسید، $[HF] > [H^+] = [F^-]$ است.

- (۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱

۹۸- در چند ردیف از اطلاعات جدول زیر، همه موارد داده شده درست هستند؟ ($\log 2 = ۰/۳, \log 3 = ۰/۴۸$)

ردیف	نام محلول	غلظت محلول	$[H^+]$	$[OH^-]$	pH	درصد یونش
۱	هیدروکلریک‌اسید	۰/۰۰۴	۰/۰۰۴	$۲/۵ \times ۱۰^{-۱۲}$	۲/۴	۱۰۰
۲	هیدروفلوئوریک‌اسید	۰/۰۰۴	$۱۰^{-۴}$	$۱۰^{-۱۰}$	۴	۲/۵
۳	نیتریک‌اسید	۰/۰۰۰۲	۲×۱۰^{-۴}	۵×۱۰^{-۱۱}	۳/۷	۱۰۰
۴	نمونه آب یک دریاچه		۳×۱۰^{-۴}	$\frac{1}{3} \times ۱۰^{-۳}$	۱۰/۵۲	

(۱) ۴

(۲) ۳

(۳) ۲

(۴) ۱

محل انجام محاسبات

۹۹- مقادیر مولی برابری از اسید قوی HA و اسید ضعیف HB را به طور جداگانه در بشرهای (۱) و (۲) دارای حجم یکسانی از آب، می‌ریزیم. اگر در لحظه تعادل در محلول (۲)، شمار ذرات اسید یونیده نشده دو برابر شمار یون‌ها بوده و $pH = 3/3$ باشد درصد یونش محلول (۲) و pH محلول (۱) به ترتیب از راست به چپ، کدام است؟

(۱) $20 - 6/2$

(۲) $20 - 7/2$

(۳) $25 - 6/2$

(۴) $25 - 7/2$

۱۰۰- هیدروژن کلرید گازی است که به میزان زیادی در آب حل می‌شود اگر به ازای هر $10^\circ C$ افزایش دما، ثابت یونش آب به اندازه $10^{-14} \text{ mol}^2 \cdot \text{L}^{-2}$ افزایش یابد، در فشار ثابت، با رساندن $39/6$ گرم محلول سیرشده HCl با چگالی $1/584 \text{ g} \cdot \text{mL}^{-1}$ از دمای $25^\circ C$ به $55^\circ C$ ، غلظت یون هیدروکسید چند برابر می‌شود؟ (انحلال پذیری HCl در دماهای ۲۵ و ۵۵ درجه سلسیوس، به ترتیب $58/4$ و $29/2$ گرم در هر ۱۰۰ گرم آب است و فرض کنید حجم محلول در طول فرایند ثابت می‌ماند.) ($H = 1, Cl = 35/5: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

(۱) ۶

(۲) ۸

(۳) ۶۰

(۴) ۸۰

وقت پیشنهادی: ۲۰ دقیقه

کیهان زادگاه الفبای هستی (شیمی ۱: صفحه‌های ۲۴ تا ۴۴)

توجه: شیمی ۱ و شیمی ۲ زوج کتاب هستند و شما می‌توانید به یک کتاب پاسخ دهید.

۱۰۱- کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟

(۱) در طیف نشری خطی اتم هیدروژن، اختلاف طول موج‌ها از رنگ سرخ تا بنفش به تدریج کاهش می‌یابد.

(۲) بور بدون اطلاع از ساختار لایه‌ای اتم، مدل اتمی خود را ارائه داد.

(۳) گنجایش زیرلایه d، $\frac{1}{5}$ گنجایش لایه پنجم الکترونی است.

(۴) مطابق ساختار لایه‌ای اتم، الکترون در هر لایه‌ای که باشد، در همه نقاط پیرامون هسته حضور نمی‌یابد.

۱۰۲- چند مورد از مطالب زیر درست است؟

• در گستره امواج الکترومغناطیس به دست آمده برای اتم هیدروژن، تنها چهار خط با طول موج معین تأیید شده است.

• طبق نظر نیلز بور، صرفاً با بررسی تعداد نوار رنگی در طیف نشری خطی، می‌توان اطلاعات ارزشمندی از اتم هیدروژن به دست آورد.

• طبق مدل اتمی بور، الکترون‌ها در فضایی بسیار بزرگ‌تر و در لایه‌های پیرامون هسته توزیع می‌شوند.

• در مدل کوانتومی لایه‌ها از هسته به سمت بیرون شماره‌گذاری می‌شوند و شماره هر لایه را با n نمایش می‌دهند.

(۴) ۱

(۳) ۴

(۲) ۳

(۱) ۲

محل انجام محاسبات

۱۰۳- اگر الکترون در اتم هیدروژن از حالت پایه به $n = 4$ برانگیخته شود، کدام عبارت در مورد آن درست است؟

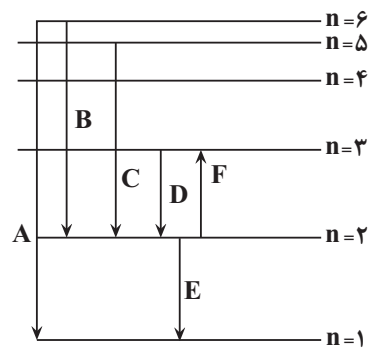
- (۱) الکترون در این لایه، انرژی کمتری نسبت به حالت پایه دارد و به هسته نزدیکتر است.
- (۲) بازگشت الکترون به لایه‌های پایین‌تر به صورت کوانتومی و با آزاد شدن انرژی همراه است.
- (۳) طول موج نور نشر یافته هنگام برگشت به حالت پایه، بیشتر از برگشت به حالت $n = 3$ است.
- (۴) بازگشت الکترون به حالت پایه با آزاد شدن پرتوهای الکترومغناطیسی همراه است که در ناحیه مرئی قرار دارند.

۱۰۴- کدام موارد از مطالب زیر درست‌اند؟

- (آ) انرژی الکترون‌ها در اتم با افزایش فاصله از هسته، افزایش می‌یابد.
- (ب) انرژی لایه‌های اطراف هسته هر اتم، ویژه همان اتم بوده و به عدد اتمی آن وابسته است.
- (پ) تفاوت انرژی لایه‌ها، با دور شدن از هسته، افزایش می‌یابد.
- (ت) الکترون‌ها در هر لایه‌ای که باشند، در همه فضای پیرامون هسته، احتمال حضور یکسانی دارند.

(۱) آ و ب (۲) ب و پ (۳) ب و ت (۴) آ و پ

۱۰۵- با توجه به شکل زیر که چند انتقال الکترونی را در اتم هیدروژن نشان می‌دهد، چه تعداد از عبارت‌های داده شده نادرست است؟



- (آ) در بین انتقال‌های نشان داده شده، انتقال D، کوتاه‌ترین طول موج را نشر می‌کند.
- (ب) در این انتقال‌ها نشان داده شده، ۲ مورد از آن‌ها مربوط با نشر نور در ناحیه مرئی است.
- (پ) انتقال الکترونی F، مربوط به انتشار نور با طول موج 656nm با رنگ قرمز است.
- (ت) انتقال E نسبت به D، دارای طول موج کمتر و انرژی بیشتر است.

(۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱

۱۰۶- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

- (آ) براساس قاعده آفبا، الکترون‌ها تمایل دارند در پایین‌ترین تراز انرژی باشند.
- (ب) گنجایش الکترونی لایه سوم، برابر تعداد عناصر دوره چهارم جدول تناوبی است.
- (پ) مجموع اعداد کوانتومی فرعی زیرلایه‌های موجود در لایه چهارم، برابر ۶ است.
- (ت) در ساختار یک اتم، حداکثر ۱۸ الکترون دارای $n + l = 5$ است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۰۷- کدام گزینه درباره نهمین عنصر واسطه دوره چهارم، (عنصر X) نادرست است؟

- (۱) در گروه ۱۱ جدول دوره‌ای جای دارد و عدد اتمی آن ۲۹ است.
- (۲) تعداد الکترون‌های زیرلایه‌ها با $l = 0$ در اتم آن، از تعداد الکترون‌های با $n = 2$ کمتر است.
- (۳) آخرین زیرلایه الکترونی اتم آن، دارای ۱۰ الکترون است.

(۴) در یون X^{2+} ، تعداد الکترون‌های با $l = 2$ ، کمتر از تعداد الکترون‌های با $l = 1$ است.

محل انجام محاسبات

۱۰۸- با توجه به آرایش الکترونی دو عنصر کروم (${}^{24}\text{Cr}$) و مس (${}^{29}\text{Cu}$)، درستی یا نادرستی عبارتهای زیر در کدام گزینه به ترتیب از راست به چپ آمده است؟

- اختلاف تعداد الکترونهای لایه سوم آنها برابر ۵ است.
- اختلاف تعداد الکترونهای ظرفیتی آنها برابر ۵ واحد است.
- مجموع تعداد الکترون با $I = 0$ آنها برابر ۱۶ است.
- تعداد الکترون با $I = 2$ در مس دو برابر کروم است.
- هر دو عنصری با نماد دوحرفی از دوره چهارم جدول تناوبی هستند.

(۱) درست - درست - درست - نادرست - نادرست

(۲) درست - درست - نادرست - درست - درست

(۳) درست - نادرست - نادرست - درست - درست

(۴) درست - درست - نادرست - نادرست - درست

۱۰۹- درباره اتم ${}^{63}_{29}\text{X}$ کدام موارد از مطالب زیر درست است؟

- (آ) مجموع الکترونهای دارای عددهای کوانتومی فرعی $I = 0$ و $I = 1$ در آن برابر است.
- (ب) شمار الکترونهای زیرلایه d آن، با شمار الکترونهای زیرلایه d اتم ${}^3\text{M}$ برابر است.
- (پ) تفاوت شمار پروتونها و نوترونها در آن، برابر ۵ است.

(ت) یکی از ایزوتوپهای آن، اتم ${}^{63}_{28}\text{A}$ است.

(۱) آ و ب (۲) پ و ت (۳) آ، پ و ت (۴) ب و پ

۱۱۰- در آرایش الکترونی اتم چند عنصر جدول دوره‌ای، زیرلایه‌های دارای عدد کوانتومی فرعی $I = 1$ دارای ۱۲ الکترون هستند؟

(۱) ۱۲ (۲) ۱۳ (۳) ۸ (۴) ۹

۱۱۱- چند مورد از مطالب زیر درست است؟

- اگر آرایش الکترونی یون X^{3+} به $3d^1$ ختم شود، مجموع $n + l$ الکترونهای ظرفیتی اتم آن برابر ۱۳ است.
- آرایش الکترونی یونهای ${}^{24}\text{A}^{3+}$ ، ${}^{24}\text{D}^{2-}$ ، ${}^{24}\text{E}^{+}$ به ترتیب به زیرلایه‌های $3d^3$ ، $3p^2$ و $3d^1$ ختم می‌شود.
- اگر آرایش الکترونی A^{3+} و G^{2-} به ترتیب به $3d^4$ و $4p^6$ ختم شود، میان A و G در جدول تناوبی ۹ عنصر دیگر وجود دارد.

• از میان یونهای « ${}^{33}\text{As}^{3-}$ ، ${}^{16}\text{S}^{2-}$ ، ${}^{21}\text{Sc}^{3+}$ و ${}^{23}\text{V}^{5+}$ »، آرایش الکترونی سه‌گونه مشابه آرایش الکترونی گاز نجیب دوره سوم است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

محل انجام محاسبات

۱۱۲- کدام گزینه درست است؟

- (۱) هر دوره از جدول تناوبی، دو عنصر متعلق به دسته S دارد و به عنصری از دسته p ختم می شود.
- (۲) تعداد عناصر اصلی جدول تناوبی، از عناصر واسطه دسته d بیشتر است.
- (۳) همه عناصر یک گروه از جدول تناوبی، به دسته یکسانی تعلق دارند.
- (۴) در بین ۳۶ عنصر اول جدول تناوبی، ۵ عنصر با حرف C شروع می شوند.

۱۱۳- کدام گزینه درباره دومین عنصری که در جدول تناوبی زیرلایه $l = 2$ آن به طور کامل از الکترون پر می شود، نادرست است؟

- (۱) نماد شیمیایی آن دوحرفی است.
- (۲) نسبت تعداد الکترون های $l = 1$ به $l = 2$ آن برابر $1/2$ است.
- (۳) مجموع $n + l$ الکترون های ظرفیتی آن برابر ۵۸ است.
- (۴) کاتیون $2+$ آن یک زیرلایه نیمه پر دارد.

۱۱۴- کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) در میان عنصرهای واسطه دوره چهارم جدول تناوبی، دو عنصر وجود دارند که در اتم آنها ده الکترون، عددهای کوانتومی $n = 3$ و $l = 2$ دارند.
- (۲) دومین عنصری از جدول تناوبی که از قاعده آفبا پیروی نمی کند، نخستین عنصری است که سه لایه نخست الکترونی آن پر شده است.
- (۳) دو یا چند عنصری که شمار الکترون های ظرفیتی آنها برابر باشد، قطعاً در یک گروه جدول تناوبی جای دارند.
- (۴) در دوره سوم جدول تناوبی، تعداد عنصرهایی که نماد شیمیایی دوحرفی دارند، سه برابر تعداد عنصرهایی است که نماد شیمیایی تک حرفی دارند.

۱۱۵- کدام موارد از مطالب زیر، در مورد آرایش الکترونی اتم عنصرهای دوره چهارم جدول دوره ای درست است؟

- (آ) ۴ عنصر در آخرین زیرلایه خود دارای یک الکترون هستند.
 - (ب) در ۴ عنصر آخرین زیرلایه، از الکترون پر است.
 - (پ) در ۱۰ عنصر حداقل یک زیرلایه با $n + l = 5$ ، از الکترون پر است.
 - (ت) در ۲ عنصر زیرلایه با $l = 2$ ، دارای ۵ الکترون است.
- (۱) آ و ب (۲) ب و پ (۳) پ و ت (۴) آ و ت

۱۱۶- کدام گزینه درست است؟

- (۱) آرایش الکترونی فشرده ^{29}Cu به کمک قاعده آفبا، به صورت $[\text{Ar}]3d^1 4s^1$ است.
- (۲) اتم های He و Be، هر دو در لایه ظرفیت خود دو الکترون دارند و آرایش الکترون نقطه ای اتم آنها به صورت $\dot{X}$ است.
- (۳) در طیف نشری خطی هیدروژن، در ناحیه مرئی ۴ نوار قابل مشاهده است که هر چه به سمت ناحیه پراورزی تر پیش می رویم، خط های رنگی این طیف به هم نزدیکتر می شوند.
- (۴) ترکیب S و K یک ترکیب یونی دوتایی است که در آن مجموع بار مثبت با مجموع بار منفی و همچنین تعداد کاتیون با تعداد آنیون برابر است.

محل انجام محاسبات

(آ) عدد جرمی اتم ${}^{2z+1}_{z}A$ برابر با ۲۸ است.

پ) اتم D از دوره سوم، در آرایش الکترون نقطه‌ای خود، ۲ جفت الکترون دارد.

(ت) مجموع ذرات باردار زیراتمی در اتم E برابر با ۴۰ است.

(۱) AB یونی (۲) ED یونی (۳) AD مولکولی (۴) B_۲E_۳ یونی

(آ) عنصرهای A و C متعلق به دسته S بوده و در یک گروه جای دارند.

(ب) عنصرهای C و B یک ترکیب یونی با فرمول CB_2 تشکیل می‌دهند.

(پ) در عنصر D، ۱۲ الکترون با عدد کوانتومی $l=1$ و ۶ الکترون با عدد کوانتومی $l=2$ دارند.

(ت) تمام عنصرهایی که همانند عنصر A در لایهٔ آخر خود ۲ الکترون دارند در گروه دوم جدول تناوبی جای دارند.

f (f) 3 (3) 2 (2) 1 (1)

۱۱۹- چند مورد از مطالب زیر در مورد عنصرهای A ۱۹، B ۱۵، C ۲۰، D ۳۰ و E ۲۱ درست است؟ (نماد عنصرها فرضی است).

(آ) ترکیب حاصل از عنصرهای B و C فرمول مولکولی C_3B_2 دارد.

(ب) تعداد الکترون‌های لایه ظرفیت عنصر E، با الکترون‌های ظرفیتی ^{31}Ga برابر است.

پ) در عنصر D، تمام زیرلایه‌های اشغال شده از الکترون پر شده‌اند.

(ت) هنگام تشکیل یک مول ترکیب حاصل از عنصرهای A و B، ۳ مول الکترون مبادله می‌شود.

f f 3 3 2 2 1 1

۱۲۰- با توجه به جایگاه عنصرهای نشان داده شده در جدول زیر که بخشی از جدول دوره‌های عنصرها است، چند مورد از مطالب زیر، درست است؟

(نماد عنصرها فرضی است.)

[illegible]

(آ) یکی از دگرشکل‌های Z به سرب مداد معروف است.

(ب) شمار الکترون‌های ظرفیتی Y، با شمار الکترون‌های ظرفیتی S ۱۶ برابر است.

(پ) از واکنش هر مول X با مقدار کافی M ، سه مول الکترون مبادله می‌شود.

(ت) در اتم عنصر Y، شمار الکترون‌های دارای عدد کوانتومی $l = 1$ برابر مجموع الکترون‌ها با عدد کوانتومی $l = 0$ و $l = 2$ است.

(ث) درصد فراوانی ایزوتوپی طبیعی از عنصر N در یک نمونهٔ طبیعی که تعداد پروتون و نوترون برابر دارد، بیشتر از ایزوتوپ‌های دیگر است.

$$\Delta(\mathcal{F}) \qquad \mathcal{F}(\mathcal{N}) \qquad \mathcal{N}(\mathcal{F}) \qquad \underline{\mathcal{F}(\mathcal{I})}$$

محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۲۰ دقیقه

قدر هدایای زمینی را بدانیم (شیمی ۲: صفحه‌های ۲۵ تا ۴۸)

توجه: شیمی ۱ و شیمی ۲ زوج کتاب هستند و شما می‌توانید به یک کتاب پاسخ دهید.

۱۲۱- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- (آ) آهنگ بازگشت فلزها به طبیعت، بسیار کمتر از آهنگ مصرف و استخراج آنها است.
 (ب) در هر سال به ازای هر انسان، ۴۰ کیلوگرم فولاد به‌صورت پسماند در می‌آید.
 (پ) در استخراج آهن، تقریباً دو برابر جرم آن، سنگ معدن آهن استفاده می‌شود.
 (ت) انرژی ذخیره شده از بازگردانی ۷ قوطی فولادی می‌تواند یک لامپ ۶۰ وات را ۲۵ ساعت روشن نگه دارد.
 (ث) بازیافت فلزها (از جمله آهن)، ردپای کربن دی‌اکسید و گونه‌های زیستی را کاهش می‌دهد.
- (۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۱ (۴) ۲

۱۲۲- کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) نفت خام یکی از سوخت‌های فسیلی است که به شکل مایع غلیظ سیاه‌رنگ یا قهوه‌ای متمایل به سبز، از دل زمین بیرون کشیده می‌شود.
 (۲) اتم‌های کربن افزون بر تشکیل پیوند کووالانسی یگانه، توانایی تشکیل پیوندهای اشتراکی دوگانه و سه‌گانه را با خود دارند.
 (۳) بیش از ۹۰ درصد از نفتی که از چاه‌های نفت بیرون کشیده می‌شود، به عنوان سوخت در وسایل نقلیه استفاده می‌شود و بخش اعظم بقیه آن، برای تأمین گرما و انرژی الکتریکی مصرف می‌شود.
 (۴) تنها نافلز رسانای الکتریکی جدول تناوبی دگرشکلی از کربن (گرافیت) است.

۱۲۳- کدام موارد از عبارت‌های زیر درست هستند؟

- (آ) بیشترین کاربرد نفت خام، برای تأمین گرما و انرژی الکتریکی مورد نیاز انسان است.
 (ب) عنصر اصلی سازنده نفت خام، دارای رسانایی الکتریکی می‌باشد ولی رسانایی گرمایی ندارد.
 (پ) میل به جاری شدن گریس از وازلین، بیشتر است.
 (ت) سیرشده بودن آلکان‌ها را می‌توان دلیلی دانست که از آن‌ها برای حفاظت فلزات بهره می‌گیرند.
- (۱) آ و ب (۲) ب و ت (۳) ب و پ (۴) پ و ت

۱۲۴- کدام هیدروکربن با ۲ و ۳- دی متیل‌هگزان همپار بوده و نام پیشنهاد شده بر اساس قواعد آیوپاک، برای آن درست است؟



۱۲۵- در آلکان ۱ جرم اتم‌های کربن، ۵ برابر جرم اتم‌های هیدروژن و در آلکان ۲ جرم اتم‌های کربن، ۴ برابر جرم اتم‌های هیدروژن

است. کدام یک از گزینه‌های زیر در رابطه با این دو آلکان درست است؟ ($C = 12, H = 1: g.mol^{-1}$)

- (۱) مجموع تعداد اتم‌های هیدروژن در این دو ترکیب، برابر ۲۰ است.
 (۲) اختلاف جرم مولی این دو آلکان برابر با جرم مولی دومین عضو خانواده آلکان‌ها است.
 (۳) در دمای اتاق، هر دو آلکان به‌صورت مولکول‌های گازی شکل وجود دارند.
 (۴) درصد جرمی اتم کربن در ترکیب اول نسبت به ترکیب دوم، کمتر است.

محل انجام محاسبات

۱۲۶- نام آلکان $(CH_3)_3CC_3H_7$ کدام موارد می تواند باشد؟

(آ) ۲، ۲-دی متیل پنتان

(ب) ۲، ۳-دی متیل پنتان

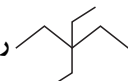
(پ) ۲، ۳، ۳-تری متیل بوتان

(ت) ۲، ۲، ۳-تری متیل بوتان

(۱) ب - پ (۲) آ - ت (۳) آ (۴) ب - ت

۱۲۷- کدام موارد از مطالب زیر نادرست هستند؟

(آ) آلکانی با نام ۷، ۳-دی اتیل اوکتان اشتباه نام گذاری شده است.

(ب) آلکانی با ساختار  را می توان بدون ذکر شماره اتم حاوی گروه های اتیل، نام گذاری کرد.

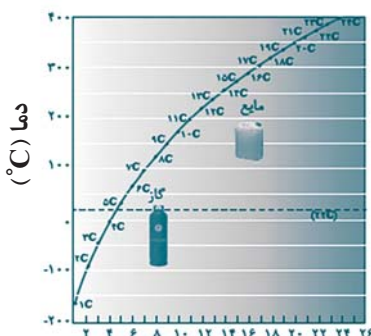
(پ) محصول حاصل از واکنش ۱-هگزن با آب (در حضور کاتالیزگر مناسب)، می تواند رنگ قرمز برم را از بین ببرد.



(ت) نام فراورده حاصل از واکنش روبه رو، ۲، ۳-دی برم - ۳-متیل پنتان است.

(۱) آ - ت (۲) ب - پ (۳) پ - ت (۴) فقط پ

۱۲۸- کدام موارد از مطالب زیر، با توجه به نمودار داده شده درست است؟ (نمودار مربوط به نقطه جوش آلکان های راست زنجیر است.)



شمار اتم های کربن

(آ) تمامی آلکان های دارای بیش از ۱۶ اتم کربن، در دمای 300°C به حالت گازی قرار دارند.

(ب) هرچه تعداد اتم های کربن بیشتر شود، اختلاف نقطه جوش دو آلکان متوالی افزایش می یابد.

(پ) آلکانی با ۱۰ پیوند کووالانسی، در دمای اتاق به حالت گازی است.

(ت) در دمای 100°C ، حالت فیزیکی هپتان برخلاف نونان، گازی است.

(۱) آ - ب (۲) ب - ت (۳) آ - پ (۴) پ - ت

۱۲۹- کدام گزینه نادرست است؟ ($C = 12, H = 1: \text{g.mol}^{-1}$)

(۱) تفاوت جرم مولی اولین آلکان مایع (در دما و فشار اتاق) با گریس، برابر با ۱۸۲ گرم است.

(۲) در آلکانی با جرم مولی 58g.mol^{-1} تعداد پیوندها برابر با ۱۳ است.

(۳) به دلیل سمی بودن بنزین، هیچ گاه برای برداشتن بنزین از باک خودرو یا بشکه، از مکیدن شیلنگ نباید استفاده کرد.

(۴) در ترکیب ۲، ۳ و ۴-تری متیل هگزان شمار گروه های CH ، $6/0$ شمار گروه های CH_3 است.

۱۳۰- اگر چگالی آلکانی در شرایط STP به تقریب برابر $3/214 \text{ g.L}^{-1}$ باشد، از سوختن $0/5$ مول از این آلکان، مقدار

گرم آب تولید می شود و تفاوت جرم مولی این آلکان با سومین عضو خانواده آلکین ها برابر با گرم بر مول است.

($C = 12, H = 1, O = 16: \text{g.mol}^{-1}$)

(۱) $32 - 5/4$ (۲) $32 - 4/5$ (۳) $18 - 4/5$ (۴) $18 - 5/4$

محل انجام محاسبات

۱۳۱- کدام موارد از مطالب زیر دربارهٔ آلکان‌ها به درستی بیان شده است؟ ($C = 12, H = 1: g.mol^{-1}$)

- (آ) تعداد خطوط به کار رفته در مدل «پیوند - خط» در دو آلکان که با یکدیگر همپار هستند، می‌تواند برابر نباشد.
 (ب) تفاوت چگالی دومین عضو آلکان‌ها و سبک‌ترین آلکان شاخه‌دار در شرایط STP، برابر با $1/25$ گرم بر لیتر است.
 (پ) با افزایش مقدار درصد جرمی اتم هیدروژن در آلکان‌ها، قدرت نیروی بین مولکولی و اندروالسی در آنها افزایش می‌یابد.
 (ت) مجموع اعداد به کار رفته در نامگذاری آیوپاک آلکان $(CH_3)_3CCH_2CH_2C(C_2H_5)_2CH_2CH_3$ برابر با ۱۴ است.

(۱) و (آ) (ب) و (۲) (ب) و (ت) (۳) و (پ) (۴) فقط (ت)

۱۳۲- پاسخ پرسش‌های زیر به ترتیب از راست به چپ در کدام گزینه آمده است؟

(I) نسبت تعداد پیوندهای دوگانه به تعداد اتم‌های کربن در مولکول نفتالن کدام است؟

(II) ترکیبی با فرمول مولکولی C_6H_{10} دارای چند همپار است؟

(III) تعداد اتم‌های کاتالیزگر مناسب برای تولید اتانول از واکنش اتن با آب در مقیاس صنعتی کدام است؟

(۱) $5 - 2 - \frac{1}{2}$ (۲) $7 - 3 - 2$ (۳) $5 - 2 - 2$ (۴) $7 - 2 - \frac{1}{2}$

۱۳۳- اگر در یک آلکین، نسبت شمار پیوندهای $C-H$ به شمار پیوندهای $C-C$ برابر $2/4$ باشد، تفاوت شمار اتم‌های کربن این

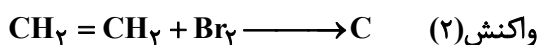
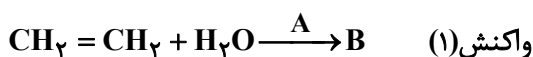
آلکین با شمار اتم‌های کربن دومین عضو خانواده آلکن‌ها، در کدام گزینه آمده است؟

(۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۶

۱۳۴- کدام گزینه درست است؟

- (۱) از وارد کردن مقداری گاز اتن در محلول آبی برم، می‌توان فراورده‌ای آلی تولید کرد که در ساختار خود ۶ جفت الکترون ناپیوندی دارد.
 (۲) سیکلوآلکان‌ها نسبت به آلکن‌های هم کربن با خود، با سرعت کمتری با گاز هیدروژن در شرایط یکسان، واکنش می‌دهند.
 (۳) در اثر وارد کردن مقداری گاز اتن در محلول آب به همراه کاتالیزگر مناسب، گشتاور دوقطبی ترکیب حاصل نسبت به ترکیب اولیه افزایش می‌یابد.
 (۴) تنها عضوی از خانواده آلکین‌ها که شمار اتم‌های کربن و هیدروژن برابری در فرمول مولکولی خود دارد، به عنوان گاز عمل آورنده در کشاورزی مورد استفاده قرار می‌گیرد.

۱۳۵- با توجه به واکنش‌های زیر، کدام موارد درست هستند؟



(آ) از واکنش دوم برای شناسایی آلکن‌ها از هیدروکربن‌های سیر شده استفاده می‌شود.

(ب) از واکنش (۱) برای تهیهٔ اتانول در مقیاس آزمایشگاهی استفاده می‌شود.

(پ) حالت فیزیکی مواد B و C در دما و فشار اتاق، یکسان است.

(ت) فرمول شیمیایی A، B و C به ترتیب HCl ، C_2H_5OH و $C_2H_4Br_2$ می‌باشند.

(۱) آ و پ (۲) پ و ت (۳) آ، پ و ت (۴) ب، پ و ت

محل انجام محاسبات

۱۳۶- اگر به جای همه اتم‌های هیدروژن در مولکول بنزن، گروه متیل قرار دهیم، چه تعداد از مطالب زیر درست است؟

(آ) گشتاور دوقطبی مولکول، تغییری نمی‌کند.

(ب) خاصیت آروماتیکی آن، از بین می‌رود.

(پ) فراریت آن کاهش می‌یابد.

(ت) چسبندگی آن افزایش می‌یابد.

(۱) ۱ (۲) ۲

(۳) ۳ (۴) ۴

۱۳۷- کدام مورد از عبارتهای زیر نادرست است؟

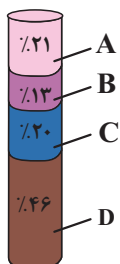
(۱) تعداد پیوندهای یگانه کربن - کربن در نفتالن با تعداد پیوندهای $C-H$ در بنزن برابر است.

(۲) متان گازی سبک، بی‌بو و سفیدرنگ است که هرگاه مقدار آن در هوای معدن به بیش از ۵ درصد برسد، احتمال انفجار وجود دارد.

(۳) اولین عضو خانواده آلکن‌ها و دومین عضو خانواده آلکین‌ها، تعداد اتم‌های هیدروژن برابری دارند.

(۴) تمایل به جاری شدن در گریس بیشتر از وازلین است.

۱۳۸- با توجه به شکل روبه‌رو که درصد فراوانی اجزای سازنده نفت سنگین ایران را نشان می‌دهد؛ چند مورد از عبارتهای زیر درست است؟



(آ) C گازوئیل است و نسبت به A در ارتفاعات بالاتر برج تقطیر جداسازی می‌شود.

(ب) درصد D در نفت سنگین کشورهای عربی بیشتر از نفت سنگین ایران است.

(پ) B با کاربرد به عنوان سوخت هواپیما، به‌طور عمده شامل آلکان‌هایی با ۱۵ تا ۲۰ اتم کربن است.

(ت) نفت برنت دریای شمال به دلیل داشتن درصد بیشتری از A نسبت به نفت سبک کشورهای عربی

قیمت بالاتری دارد.

(۱) ۱ (۲) ۲

(۳) ۳ (۴) ۴

۱۳۹- در عضوی از خانواده‌ای از هیدروکربن‌های خطی که درصد جرمی هیدروژن در آنها تابعی از تعداد کربن نیست، در مجموع ۱۲

اتم وجود دارد. از سوختن کامل ۳۳۶ گرم از این ترکیب، چند مول CO_2 حاصل خواهد شد؟ ($C=12, H=1: g.mol^{-1}$)

(۱) ۱۶ (۲) ۱۲

(۳) ۲۴ (۴) ۸

۱۴۰- مخلوطی از گازهای اتن و اتان را که در شرایط STP، $179/2$ لیتر حجم دارد را با ۶ گرم گاز هیدروژن به طور کامل واکنش

داده‌ایم. درصد مولی اتان در مخلوط اولیه کدام است؟ ($H=1, C=12: g.mol^{-1}$)

(۱) $37/5$ (۲) $74/8$

(۳) $62/5$ (۴) $25/2$

محل انجام محاسبات

نمودار پیشروی	آزمون هدف گذاری (آنلاین)	آزمون مشابه پارسال (آنلاین)	آزمون درس های عمومی (آنلاین)	آزمون اصلی (حضوری و آنلاین)
نیم سال اول دوازدهم	پنجشنبه و جمعه ۱۱ و ۱۲ آبان ماه	سه شنبه و چهارشنبه ۱۶ و ۱۷ آبان ماه	پنجشنبه ۱۸ آبان ماه	۱۹ آبان ماه
زیست، ریاضی و زمین دهم و یازدهم				
زوج کتاب فیزیک و شیمی دهم و یازدهم				نام پروژه و هدف پروژه
	درس های اختصاصی دوازدهم متناسب با آزمون اصلی			پروژه دوم آغاز نیم سال اول

توجه ۱: مطالعه خانه های قرمز برای دانش آموزانی است که می خواهند پیشروی سریع تر داشته باشند و تا عید درس ها را تمام کنند.

توجه ۲: با توجه به این که در امتحانات نهایی پایان سال درس های عمومی و اختصاصی دوازدهم مطرح می شود، دو آزمون هدف گذاری و درس های عمومی تمرکز بر درس های دوازدهم دارند.

نام درس	مباحث آزمون اصلی	تعداد سوال در آزمون	تعداد سوال در کنکور ۱۴۰۲
زیست شناسی ۳	جریان اطلاعات در یاخته : صفحه های ۲۱ تا ۳۲	۵۰ سوال	۲ سوال
زیست شناسی ۱	گردش مواد در بدن : صفحه های ۴۷ تا ۶۸		۴ سوال
فیزیک ۳	حرکت بر خط راست : صفحه های ۱۳ تا ۲۶	۳۰ سوال	۲ سوال
زوج کتاب فیزیک ۱	کار، انرژی و توان : صفحه های ۵۳ تا ۸۲		۲ سوال
زوج کتاب فیزیک ۲	جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه های ۴۵ تا ۶۴		۲ سوال
شیمی ۳	مولکول ها در خدمت تندرستی: صفحه های ۱۶ تا ۳۶	۳۰ سوال	۲ سوال
زوج کتاب شیمی ۱	رد پای گازها در زندگی : صفحه های ۴۵ تا ۶۹		۱ سوال
زوج کتاب شیمی ۲	در پی غذای سالم: صفحه های ۴۹ تا ۷۵		۱ سوال
ریاضی ۳+ پایه مرتبط	تابع : ریاضی ۳: صفحه های ۲۴ تا ۳۰+ ریاضی ۱: صفحه های ۹۴ تا ۱۱۷+ ریاضی ۲: صفحه های ۵۷ تا ۷۰	۳۰ سوال	۲ سوال
ریاضی پایه مستقل	توان های گویا و عبارت های جبری : ریاضی ۱: صفحه های ۴۷ تا ۶۸		صفر
زمین شناسی	منابع معدنی و ذخایر انرژی، زیر بنای تمدن و توسعه+ منابع آب و خاک: صفحه های ۲۹ تا ۴۴	۱۰ سوال	۳ سوال
نام درس	مباحث آزمون عمومی	تعداد سوال در آزمون	بارم سوال در امتحان نهایی ۱۴۰۲
فارسی ۳	ادبیات پایداری: درس ۳ تا پایان درس ۵، صفحه ۲۴ تا صفحه ۴۳	۲۰	۱/۷۵
عربی، زبان قرآن ۳	الدِّینُ و التَّدِیْنُ: درس ۱، صفحه ۱۰ تا صفحه ۱۶	۲۰	۲
دین و زندگی ۳	توحید و سبک زندگی، فقط برای تو: درس ۳ تا پایان درس ۴، صفحه ۲۷ تا پایان صفحه ۴۸	۲۰	۲/۵
زبان انگلیسی ۳	درس ۱، صفحه ۳۱ تا صفحه ۳۷: Sense of Appreciation	۲۰	۲

آزمون ۵ آبان ماه دوازدهم تجربی

نام درس	تعداد سؤال	زمان پیشنهادی
ریاضی ۳ + پایه مرتبط	۲۰	۵۵ دقیقه
ریاضی پایه مستقل	۱۰	
زمین شناسی	۱۰	۱۰ دقیقه

طراحان سؤال (به ترتیب حروف الفبا)

ریاضی

دانیال ابراهیمی - مهدی براتی - سعید پناهی - محمدسجاد پیشوایی - رحمان پوررحیم - احمدرضا ذاکرزاده - محمدمهدی زریون - سهیل ساسانی - جواد سراج - سامان سلامیان - محمدحسن سلامی حسینی
علی اصغر شریفی - فرشاد صدیقی فر - احسان غنی زاده - مصطفی کرمی - سروش موئینی - علیرضا نعمتی - سینا همتی

زمین شناسی

مهدی جباری - علیرضا خورشیدی - بهزاد سلطانی - گلنوش شمس - آرین فلاح اسدی

گروه علمی تولید آزمون

نام درس	گزینه گر	مسئول درس	ویراستار استاد	گروه ویراستاری	بازبین نهایی	مؤلف پاسخنامه	مؤلف درسنامه
ریاضی	علی اصغر شریفی	علی اصغر شریفی	مهرداد ملوندی	نیکا کلویانی - محمدرضا ایزدی - مهدی خوشنویس سید امیر پرینچی	مهدی بحر کاظمی	علی مرشد	نریمان فتح الهی
زمین شناسی	علیرضا خورشیدی	علیرضا خورشیدی	بهزاد سلطانی	سعید زارع	سعید روشنایی	آرین فلاح اسدی	-

گروه اجرایی تولید آزمون

مدیر گروه آزمون	مسئول دفترچه آزمون	مسئول دفترچه درسنامه	حروف نگار
زهرا سادات غیائی	امیرحسین منفرد	علی رفیعیان	سیده صدیقه میرغیائی

گروه مستندسازی و اجرای مصوبات + نظارت چاپ

مدیر گروه مستندسازی	محیا اصفری
مسئول دفترچه مستندسازی	مهسا سادات هاشمی
گروه مستندسازی درس ریاضی	سرژ یقیا زاریان تبریزی (مسئول درس) - امیر قلی پور - آریا کهبانی - امیرمحمد موحدی
گروه مستندسازی درس زمین شناسی	محیا عباسی (مسئول درس) - ماهان بابایی - روزین دروگر
ناظر چاپ	حمید محمدی

برای دریافت اخبار گروه تجربی و مطالب درسی به کانال @zistkanoon2 مراجعه کنید.



وقت پیشنهادی: ۴۰ دقیقه

تابع

ریاضی ۳: صفحه‌های ۱ تا ۲۳ / ریاضی ۱: صفحه‌های ۹۴ تا ۱۱۷ / ریاضی ۲: صفحه‌های ۴۷ تا ۵۶ و ۶۵ تا ۷۰

۱۴۱- نمودار تابع $f(x) = \sqrt{-x}$ را یک واحد به چپ منتقل می‌کنیم سپس این نمودار را نسبت به محور عرض‌ها قرینه می‌کنیم و مجدداً

یک واحد به چپ منتقل می‌کنیم. ضابطه تابعی که نمودار آن به‌دست آمده کدام است؟

(۱) $y = \sqrt{x+2}$

(۲) $y = \sqrt{x}$

(۳) $y = \sqrt{-x+2}$

(۴) $y = \sqrt{x-2}$

۱۴۲- دو تابع با ضابطه‌های $f(x) = \frac{ax^2 + bx}{x}$ و $g(x) = x - 2$ به ازای هر $x \neq 0$ برابرند، زوج مرتب (a, b) کدام است؟

(۱) $(-1, 2)$

(۲) $(1, 2)$

(۳) $(1, -2)$

(۴) $(-1, -2)$

۱۴۳- توابع چندجمله‌ای $f(x) = ax^3 + ax + a - 1$ و $g(x) = ax^2 + bx + c$ مفروض هستند. اگر $\frac{f}{g}$ تابع همانی با دامنه $\mathbb{R}$ باشد، دراین صورت $fog(a)$ کدام است؟

(۱) ۱

(۲) ۵

(۳) ۸

(۴) ۱۰

۱۴۴- اگر توابع $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x+3} & ; x > 3 \\ x+2 & ; x < 3 \end{cases}$ و $g(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & ; x \geq 1 \\ \frac{1}{x} & ; x < 1 \end{cases}$ مفروض باشند، حاصل $[(fog)(x)]$ در نقطه

$x = \text{gof}\left(\frac{-5}{3}\right)$ کدام است؟ ([] نماد جزء صحیح است.)

(۱) صفر

(۲) ۳

(۳) ۵

(۴) ۱۰



۱۴۵- اگر $f(x) = \sqrt{x} - x^2$ ، دامنه تابع $f \circ f$ شامل چند عدد صحیح است؟

- (۱) یک
(۲) دو
(۳) سه
(۴) صفر

۱۴۶- اگر $g = \{(4, -3), (7, 8)\}$ و $f(x) = ax + b$ باشد و داشته باشیم $f \circ g = \{(4, 17), (7, -5)\}$: آنگاه مقدار $f(2)$ کدام است؟ ($a \neq 0$)

- (۱) ۷
(۲) ۱۵
(۳) -۸
(۴) -۱۰

۱۴۷- اگر $f(x) = [x] - x$ و $g(x) = \frac{1-2x}{x+1}$ باشند، برد تابع $g \circ f$ کدام است؟

- (۱) $[-1, 1)$
(۲) $(-1, 1]$
(۳) $[1, +\infty)$
(۴) $(-\infty, 1]$

۱۴۸- تابع $f(x) = \sqrt{x^2 + m\sqrt{x-1}}$ خط $y = 4x - 5$ را در نقطه‌ای به عرض ۳ قطع می‌کند. حاصل $f(f(5))^2 - 34$ کدام است؟

- (۱) ۱
(۲) ۲
(۳) ۳
(۴) ۴

۱۴۹- اگر $g(x) = x^2 + 4x + 3$ و $f(x) = 3x^2 + x - 2$ باشند، آنگاه مجموع ریشه‌های حقیقی معادله $(g \circ f)(x) = 0$ کدام است؟

- (۱) $\frac{1}{3}$
(۲) $-\frac{2}{3}$
(۳) $-\frac{1}{3}$
(۴) $\frac{2}{3}$

۱۵۰- تابع f یک تابع پیوسته و صعودی اکید با دامنه R است، اگر $f(1) = 0$ باشد، آنگاه دامنه $g(x) = \sqrt{(x^3 - x)f(x)}$ به صورت

$R - (a, b)$ است. حاصل $a + b$ کدام است؟

- (۱) ۱
(۲) صفر
(۳) -۱
(۴) ۲

۱۵۱- اگر $f(x) = 1 - 2x$ با دامنه $[-3, 1]$ تعریف شود برد تابع $f(f(x))$ شامل چند عدد صحیح است؟

(۱) ۲

(۲) ۳

(۳) ۴

(۴) ۵

۱۵۲- مجموعه جواب معادله $[3x + 5]^2 = 48 + [3x - 3]^2$ به صورت $[a, b]$ است. $a + b$ کدام است؟ ([] نماد جزء عدد صحیح است)

(۱) ۵

(۲) $\frac{5}{3}$

(۳) ۳

(۴) $\frac{3}{2}$

۱۵۳- اگر $f(x) = x + |x|$ و $g(x) = 2 - |x|$ ، آنگاه تابع $f \circ g$ در کدام بازه‌ی زیر اکیداً نزولی است؟

(۱) $(0, 2)$

(۲) $(-2, 0)$

(۳) $(2, +\infty)$

(۴) $(-\infty, -2)$

۱۵۴- اگر نقطه $A = \begin{bmatrix} 2 \\ -3 \end{bmatrix}$ روی نمودار تابع $y = 2f(2x - 3) + 1$ باشد، نقطه نظیر نقطه A روی نمودار تابع $y = 3 - f(4 - \frac{x}{3})$ کدام است؟

(۱) $\begin{bmatrix} -9 \\ 5 \end{bmatrix}$

(۲) $\begin{bmatrix} 9 \\ 5 \end{bmatrix}$

(۳) $\begin{bmatrix} 9 \\ -2 \end{bmatrix}$

(۴) $\begin{bmatrix} -9 \\ -2 \end{bmatrix}$

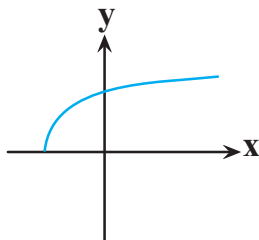
۱۵۵- اگر $f(x) = 2x + 3$ و نمودار $y = \sqrt{f \circ g(x)}$ به صورت زیر باشد، ضابطه تابع خطی $g(x)$ کدام می‌تواند باشد؟

(۱) $y = x - 2$

(۲) $y = -x + 1$

(۳) $y = -x - 1$

(۴) $y = x - 1$



۱۵۶- اگر دامنه تابع $f(x) = \sqrt{ax^3 + bx + 1}$ برابر با $D_f = [-1, +\infty)$ باشد، حدود b کدام است؟

(۱) $[-3, 1]$

(۲) $[-4, 1]$

(۳) $[-3, 1)$

(۴) $[-4, 1)$

۱۵۷- بزرگترین بازه‌ای که تابع با ضابطه‌ی $y = |\log(-x + 1)|$ در آن اکیداً نزولی است، کدام است؟

(۱) $[0, +\infty)$

(۲) $(-\infty, 0]$

(۳) $[0, 1)$

(۴) $(-\infty, 1]$

۱۵۸- ترکیب چه تعداد از توابع زیر با تابع $f(x) = \sqrt{-x^2 + 4}$ به صورت $f \circ g$ با دامنه $\mathbb{R}$ قابل تشکیل است؟

الف) $g(x) = \frac{4x}{x^2 + 16}$

ب) $g(x) = 1 + \cos x$

ج) $g(x) = \sqrt{2 - x}$

(۱) صفر

(۲) یک

(۳) دو

(۴) سه

۱۵۹- برد تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 - mx + 4 & x \geq 3 \\ -x^2 + 2mx - 15 & x < 3 \end{cases}$ برابر $\mathbb{R}$ است. اگر $|m - \frac{9}{2}| < \frac{3}{2}$ ، آنگاه مجموعه مقادیر m چند عدد طبیعی را

شامل می‌شود؟

(۱) صفر

(۲) ۱

(۳) ۲

(۴) ۳

۱۶۰- اگر $f(x) = \frac{x-5}{x-3}$ ، تابع g کدام باشد تا معادله $g(x) = x$ بی‌شمار جواب داشته باشد؟

(۱) $f \circ f$

(۲) $f \circ f \circ f$

(۳) $f \circ f \circ f \circ f$

(۴) $f \circ f \circ f \circ f \circ f$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

تابع و معادله درجه ۲

ریاضی ۱: صفحه‌های ۷۰ تا ۸۲ / ریاضی ۲: صفحه‌های ۱۱ تا ۱۸

۱۶۱- در کدام یک از معادلات زیر می‌تواند روابط $\begin{cases} \alpha + \beta = 2\sqrt{3} \\ \alpha^2 + \beta^2 = 8 \end{cases}$ برقرار باشد؟ (α و β ریشه‌های معادلات هستند.)

$$(1) x^2 + 2\sqrt{3}x + 2 = 0$$

$$(2) x^2 - 2\sqrt{3}x + 2 = 0$$

$$(3) x^2 + 2\sqrt{3}x - 2 = 0$$

$$(4) x^2 - 2\sqrt{3}x - 2 = 0$$

۱۶۲- مکان وزنه یک پرتاب‌گر از رابطه $y = -\frac{3}{4}x^2 + \frac{2}{3}x + 1$ به دست می‌آید. بیشترین ارتفاع طی شده توسط وزنه در این پرتاب چقدر

است؟

$$(1) \frac{6}{27}$$

$$(2) \frac{29}{27}$$

$$(3) \frac{58}{27}$$

$$(4) \frac{116}{27}$$

۱۶۳- محیط یک مستطیل ۳۳ سانتی‌متر و مساحت آن ۶۵ سانتی‌متر مربع است. اختلاف طول و عرض مستطیل چقدر است؟

$$(1) 2$$

$$(2) 2/5$$

$$(3) 3$$

$$(4) 3/5$$

۱۶۴- به ازای چند مقدار صحیح α تابع $J = (\alpha - 1)x^2 + (\alpha + 2)x$ از ناحیه دوم عبور نمی‌کند؟

$$(1) 2$$

$$(2) 3$$

$$(3) 4$$

$$(4) 5$$

۱۶۵- اگر α و β جواب‌های معادله $x^2 - 5x + 1 = 0$ باشند مقدار $\alpha^2 + \frac{2}{\beta^2} + 3\beta^2$ کدام است؟

$$(1) 75$$

$$(2) 69$$

$$(3) 46$$

$$(4) 51$$



۱۶۶- اگر α و β ریشه‌های معادله $4x^2 - 13x + 9 = 0$ باشند و ریشه‌های معادله $x^2 - ax + 12 = 0$ برابر $1 + \frac{3}{\sqrt{\beta}}$ و $1 + \frac{3}{\sqrt{\alpha}}$ باشد، مقدار a کدام است؟

(۱) ۴

(۲) ۵

(۳) ۶

(۴) ۷

۱۶۷- یک سهمی محور عرض‌ها را در نقطه‌ای به عرض ۶ قطع کرده و از نقاط $(-2, 2)$ و $(2, 6)$ عبور می‌کند، فاصله نقاط تلاقی سهمی با خط $y = 0$ از یکدیگر چقدر است؟

(۱) $\sqrt{13}$ (۲) $2\sqrt{13}$ (۳) $\frac{\sqrt{13}}{2}$ (۴) $\frac{\sqrt{13}}{4}$

۱۶۸- اگر α و β ریشه‌های معادله $x^2 - 4x + 2 = 0$ باشند، حاصل $\alpha^5 + \frac{32}{\alpha^5}$ چقدر است؟

(۱) ۴۲۴

(۲) ۴۶۴

(۳) ۴۱۴

(۴) ۴۸۴

۱۶۹- در سهمی $y = 2x^2 + 3x + b$ ، مثلی که رئوس آن نقاط برخورد نمودار با محورهای مختصات هستند، قائم‌الزاویه است. عرض رأس سهمی کدام است؟

(۱) $-\frac{1}{2}$ (۲) $-\frac{9}{8}$ (۳) $-\frac{11}{8}$ (۴) $-\frac{13}{8}$

۱۷۰- در معادله $(x-3)^4 + (x-5)^4 = 20$ حاصل ضرب ریشه‌ها کدام است؟

(۱) $19 - 3\sqrt{2}$ (۲) $19 + 3\sqrt{2}$ (۳) $16 - 6\sqrt{2}$ (۴) $16 + 6\sqrt{2}$

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

آفرینش کیهان و تکوین زمین + منابع معدنی و ذخایر انرژی، زیر بنای تمدن و توسعه

زمین شناسی: صفحه‌های ۱۸ تا ۳۱



۱۷۱- کدام مورد را نمی‌توان برای سنگی با ویژگی‌های شکل مقابل در نظر گرفت؟

(۱) ذخایر موجود در آن جزو کانسنگ ماگمایی است.

(۲) فراوانی آب و کربن دی‌اکسید در زمان تشکیل

(۳) کانسار لیتیم و سیلیکات بریلیم است.

(۴) زمان تبلور کوتاه و حضور مواد فرار

۱۷۲- اندازه‌گیری و تعیین غلظت میانگین عناصر در کدام شاخه‌های زمین‌شناسی زیر کاربرد بیشتری دارد؟

الف) تکتونیک یا زمین ساخت

ب) زمین‌شناسی زیست محیطی

ج) هیدروژئولوژی

د) رسوب‌شناسی

(۱) الف و د (۲) الف، ب (۳) ج و د (۴) ب و ج

۱۷۳- در چه مرحله‌ای می‌توان گفت که معدن تشکیل شده است؟

(۱) شروع بهره‌برداری

(۲) پی‌جویی‌های اکتشافی

(۳) نمونه برداری

(۴) تعیین ترکیب شیمیایی عناصر

۱۷۴- کدام کانه ممکن است، نیاز به کانه‌آرایی نداشته باشد؟

(۱) گالن (۲) مس (۳) آلومینیم (۴) کریزوبریل

۱۷۵- در آینده، اقیانوسی به اقیانوس‌های کره زمین اضافه می‌شود، محل این اقیانوس در حال حاضر کجاست؟

(۱) دریای سرخ

(۲) خلیج فارس

(۳) محل سابق دریای تتیس

(۴) مرز ورقه عربستان با ایران

۱۷۶- کدام گزینه با فرایند تشکیل جزایر قوسی در اقیانوس آرام مطابقت بیشتری دارد؟

(۱) نزدیک شدن دو ورقه اقیانوسی به یکدیگر

(۲) برخورد ورقه قاره‌ای به ورقه اقیانوسی

(۳) دور شدن دو ورقه اقیانوسی از یکدیگر

(۴) فروانش ورقه قاره‌ای به زیر ورقه قاره‌ای دیگر

۱۷۷- فراوان‌ترین نافلز در پوسته زمین بعد از اکسیژن کدام است؟

(۱) سیلیسیم (۲) سدیم (۳) فسفر (۴) هیدروژن

۱۷۸- نحوه تشکیل چه تعداد از کانی‌های زیر در مقابل آن به درستی نوشته شده است؟

مسکوویت: ماگمای سرد شده

گرافیت: گرما و فشار

هالیت: تبخیر محلول‌های فراسیر شده

(۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۱۷۹- کدام یک از موارد زیر در حیطه شاخه دیرینه‌شناسی قرار می‌گیرد؟

(۱) بررسی آثار و بقایای موجودات گذشته زمین در لایه‌های آذرین و دگرگونی

(۲) جمع‌آوری اطلاعات از عوارض سطح زمین، بدون تماس فیزیکی با آن‌ها

(۳) پی‌بردن به سن مطلق لایه‌های زمین بر پایه فسیل‌ها، پیدایش و نابودی آن‌ها

(۴) بر پایه مطالعه فسیل‌ها، پیدایش و نابودی آن‌ها می‌توان به محیط زندگی موجودات در گذشته پی‌برد.

۱۸۰- کدام عبارت در مورد کانی‌های غیرسیلیکاتی نادرست است؟

(۱) فاقد بنیان $(\text{SiO}_4)^{-}$ در ترکیب خود هستند.

(۲) درصد وزنی آن‌ها در ترکیب پوسته زمین، کم‌تر از پیروکسن‌ها می‌باشد.

(۳) در انواع سنگ‌های آذرین، رسوبی و دگرگونی یافت می‌شوند.

(۴) شامل سولفات‌ها، سولفیدها، اکسیدها، فسفات‌ها، کربنات‌ها و فلدسپارها می‌باشند.

زیست‌شناسی ۳

۱- گزینه «۳»

(ویدئو کریم زاده)

همه آمینواسیدها توسط گروه R خود که به کربن متصل است. ویژگی‌های منحصر به فرد خود را تعیین می‌کنند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در ساختار سوم پروتئین‌ها، گروه‌های R آمینواسیدهای آب‌گریز به هم نزدیک می‌شوند، نه همه آمینواسیدها!

گزینه «۲»: گروه آمینی آمینواسید انتهای رشته پلی‌پپتیدی آزاد نیست. این آمینواسید فقط به یک آمینواسید متصل است؛ لذا فقط می‌تواند از یک آمینواسید جدا شود (نه آمینواسیدها). جدا کردن آمینواسیدها با روش شیمیایی، برای شناسایی خود آمینواسید می‌باشد نه شناسایی پروتئین.

گزینه «۴»: برای پروتئین‌های تک‌زنجیره‌ای صادق نیست.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

۲- گزینه «۲»

(میرح سبوی)

مطابق شکل ۱۹ صفحه ۱۹ کتاب که طرز عمل آنزیم در واکنش‌های سوخت‌وسازی (ترکیب - تجزیه) را نشان می‌دهد شکل جایگاه فعال آنزیم دستخوش تغییرات شدید نمی‌شود.



بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: وجود بعضی از مواد سمی در محیط مثل سیانید و آرسنیک می‌تواند با قرار گرفتن در جایگاه فعال آنزیم به دلیل اشغال جایگاه فعال مانع از اتصال پیش‌ماده به جایگاه فعال شود و از این طریق مانع فعالیت آنزیم گردد. مواد سمی موجود در جایگاه فعال آنزیم، ساختار شیمیایی آنزیم را تغییر نمی‌دهند (رد گزینه ۱)

گزینه «۳»: در بروز تب و دماهای بالا ممکن است آنزیم‌ها شکل غیرطبیعی یا برگشت‌ناپذیر پیدا کنند و غیرفعال شوند. (رد گزینه ۳)

گزینه «۴»: افزایش غلظت پیش‌ماده در محیطی که آنزیم وجود دارد می‌تواند تا حدی باعث افزایش سرعت واکنش شود. (رد گزینه ۴) زیرا افزایش غلظت پیش‌ماده فقط تا جایی که جایگاه فعال آنزیم‌ها پر شود می‌تواند باعث افزایش سرعت واکنش شود.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۸ تا ۲۰)

۳- گزینه «۴»

(ویدئو کریم زاده)

آنزیم‌ها مولکول‌های دارای جایگاه فعال هستند که سرعت واکنش‌های زیستی را افزایش می‌دهند. بعضی آنزیم‌ها برای فعالیت به یون‌های فلزی مانند آهن، مس و یا مواد آلی مثل ویتامین‌ها نیاز دارند؛ لذا منظور سوال یون‌های فلزی و مواد آلی کمک‌کننده به آنزیم (کوآنزیم) است. آنزیم‌ها و هر عاملی که باعث کاهش انرژی فعالسازی واکنش‌های زیستی می‌شوند، در واقع در تنظیم سوخت‌وساز یاخته‌ها نقش دارند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در مورد یون‌های فلزی صادق نیست.

گزینه «۲»: ممکن است فعالیت آنزیم فقط با همکاری نوعی ماده آلی همراه باشد.

گزینه «۳»: به مواد آلی که در ساختار خود کربن دارند و به فعالیت آنزیم‌ها کمک می‌کنند کوآنزیم گفته می‌شود ولی ممکن است آنزیم برای کاهش انرژی فعالسازی خود به یون‌های فلزی نیاز پیدا کند که در ساختار خود کربن ندارد.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

۴- گزینه «۳»

(پژمان یعقوبی)

نتایج آزمایش‌های ویلکینز و فرانکلین به این صورت است: ۱) دنا دارای حالت مارپیچی است. ۲) دنا، بیش از یک رشته دارد. ۳) تشخیص ابعاد مولکول دنا، بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: مربوط به نکات ارائه شده توسط واتسون و کریک است.

گزینه «۲»: با استفاده از پرتوی ایکس، ویلکینز و فرانکلین از مولکول دنا تصاویری تهیه کردند. با بررسی این تصاویر در مورد ساختار دنا نتایجی را به دست آوردند از جمله اینکه دنا (نه هر رشته پلی‌نوکلئوتیدی!) حالت مارپیچی دارد.

گزینه «۴»: طبق مدل نردبان مارپیچ واتسون و کریک، در عرض یک مولکول دنا در هر پله ۳ حلقه وجود دارد؛ ۲ حلقه مربوط به باز آلی پورین و ۱ حلقه مربوط به باز آلی پیریمیدین.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۴ تا ۷)

۵- گزینه «۲»

(میدر رضا قیض آباری)

موارد «الف» و «د» صحیح می‌باشند. بررسی همه موارد:

الف) این فرض دقیقاً خلاف آزمایش مزلسون و استال است. با این فرض، در دقیقه ۴۰ دو نوار در لوله تشکیل می‌شود که هر کدام واجد دو دنا هستند. یکی در وسط لوله و دیگری در پایین لوله، پس فقط برخی از رشته‌های پلی‌نوکلئوتیدی که چگالی سنگین دارند، در وسط لوله مشاهده می‌شوند. زیرا باقی در مقابل رشته سنگین جدید قرار دارند و در پایین لوله قرار می‌گیرند.

ب) این فرض مشابه آزمایش مزلسون و استال است. با این فرض، در دقیقه ۴۰ دو نوار در لوله تشکیل می‌شود که هر کدام واجد دو دنا هستند. یکی در وسط لوله و دیگری در بالای لوله پس همه مولکول‌های دنا که واجد ایزوتوپ سنگین هستند، در وسط لوله مشاهده می‌شوند. زیرا باقی دناها که در بالای لوله تشکیل شده‌اند، فقط ایزوتوپ سبک دارند.

ج) این فرض دقیقاً خلاف آزمایش مزلسون و استال است. با این فرض، در دقیقه ۲۰ یک نوار در میانه لوله تشکیل می‌شود که حاوی دو دنا است که هر دنا یک رشته سبک و یک رشته سنگین دارد و چگالی دنا (نه رشته) متوسط است. توجه کنید رشته‌های پلی‌نوکلئوتیدی دنا که چگالی متوسط دارند فقط در همانندسازی غیرحفاظتی دیده می‌شود.

د) این فرض مشابه آزمایش مزلسون و استال است. با این فرض، در دقیقه ۲۰ یک نوار در میانه لوله تشکیل می‌شود که حاوی دو دنا است که هر دنا یک رشته سبک و یک رشته سنگین دارد. پس همه مولکول‌های دنا دارای هر دو نوع ایزوتوپ هستند و در وسط لوله قرار دارند.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۹ تا ۱۱)

۶- گزینه «۲»

(ویدئو کریم زاده)

در مرحله آخر، در هر یک از ظرف‌ها آنزیم تخریب‌کننده یکی از انواع مولکول‌های زیستی نیز وجود دارد. این آنزیم‌ها پروتئینی هستند. بنابراین در بعضی از ظروف، چهار نوع مولکول زیستی وجود دارد. برای مثال در ظرفی که در آن پروتئین‌ها تخریب شدند، لیپیدها، کربوهیدرات‌ها، نوکلئیک‌اسیدها و آنزیم پروتئاز (نوعی آنزیم پروتئینی) وجود دارد. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: ایوری و همکاران او، پس از پایان آزمایش اول نتیجه گرفتند که پروتئین‌ها ماده وراثتی نیستند. در مرحله دوم برای نخستین بار نوکلئیک‌اسیدها به صورت مجزا به محیط کشت باکتری اضافه شد.

گزینه «۳»: در آزمایش دوم، پیش از جدا شدن مولکول‌های زیستی به صورت لایه‌لایه از یکدیگر، همه این مولکول‌ها در کنار هم قرار داشتند، همچنین در آزمایش سوم نوکلئیک‌اسیدها، در ظرف حاوی آنزیم تخریب‌کننده کربوهیدرات‌ها، لیپیدها، پروتئین‌ها و نوکلئیک‌اسیدها در کنار هم قرار داشتند.

گزینه «۴»: در آزمایش اول به دلیل تخریب پروتئین‌ها، کربوهیدرات‌ها (همانند لیپیدها و نوکلئیک‌اسیدها) از پروتئین‌ها جدا شدند. در آزمایش دوم، همه انواع مولکول‌های زیستی به صورت لایه‌لایه از هم جدا شدند. در مرحله سوم، در یکی از ظروف، پروتئین‌ها تخریب و در ظرفی دیگر کربوهیدرات‌ها تخریب شدند، که در مورد این دو ظرف نیز می‌توان گفت در آنها کربوهیدرات‌ها از پروتئین‌ها جدا شده‌اند.

(تربویی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۸ تا ۱۰ و ۲۳) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۳ و ۲۰)

۷- گزینه «۴»

(ویدئو کریم زاده)

همه موارد صحیح هستند. منظور سوال مرحله دوم و سوم است. بررسی همه موارد:

الف) در مرحله اول (مرحله قبل از مرحله دوم) باکتری‌های زنده پوشینه‌دار و در مرحله دوم (مرحله قبل از مرحله سوم) باکتری‌های زنده فاقد پوشینه به موش تزریق شد.

ب) ابتدا به مرحله دوم می‌پردازیم؛ در مرحله قبل از آن (مرحله اول) موش مرده، در مرحله بعد از آن (مرحله سوم) موش زنده ماند. درباره مرحله سوم نیز می‌توان گفت، در مرحله قبل از آن (مرحله دوم) موش زنده ماند، در مرحله بعد از آن (مرحله چهارم) موش مرد.

ج) در مرحله سوم و چهارم از گرما برای کشتن باکتری‌های پوشینه‌دار زنده استفاده شد که طی آن گرما از پوشینه عبور کرد، با توجه به شکل ۱ صفحه ۲ کتاب دوازدهم، ضخامت پوشینه باکتری مدنظر (استرپتوکوکوس نومونیا) کمتر از ۲۰۰nm است.

فعالیت بسیاری آنزیم دنابسپاراز زودتر رخ می‌دهد. توجه کنید طبق متن کتاب درسی، در فاصله بین دو دوراهی همانندسازی در بخشی از دنا، پیوندهای هیدروژنی برای تشکیل این دو راهی‌ها از قبل تجزیه شده‌اند.

بررسی همه گزینه‌ها:

گزینه «۱»: این مورد، نکته کنکور تیر ۱۴۰۲ است. پیش از همانندسازی، آنزیم‌هایی پیچ و تاب فامینه را باز می‌کنند. بازشدن پیچ و تاب فامینه باعث افزایش فاصله نوکلئوزوم‌ها نسبت به یکدیگر می‌شود. در ادامه زمانی که هیستون‌ها جدا می‌شوند؛ در نهایت نوکلئوزوم‌ها ناپدید می‌شوند.

گزینه «۲»: در طی مرحله پایانی همانندسازی، زمانی که قطعات DNA حاصل از همانندسازی در حباب‌های مختلف، بخواهند به یکدیگر متصل شوند، پیوند فسفودی استر بین قطعات ایجاد می‌شود. تشکیل این پیوند فسفودی استر بین نوکلئوتیدهایی رخ می‌دهد که در ساختار رشته‌های دنا قرار دارند و از قبل تک فسفات شده‌اند.

گزینه «۳»: در محل دوراهی همانندسازی دو گروه پیوند اشتراکی تجزیه می‌شود: (۱) پیوندی بین فسفات در نوکلئوتیدهای سه فسفات که می‌خواهند به رشته دنا در حال ساخت اضافه شوند. (۲) پیوند فسفودی استر در پی فعالیت نوکلئازی آنزیم دنا بسپاراز. در حالت اول فعالیت نوکلئازی آنزیم رخ نمی‌دهد.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۴، ۱۱ و ۱۲)

۱۳- گزینه «۳»

(سپار قانری)

مورد (د) سوال در مورد دنا، رنا و پروتئین که سه مولکول مرتبط با ژن هستند مطرح شده است که مولکول زیستی هستند و در بدن جانداران زنده ساخته می‌شوند در ساختار آنها حداقل عنصرهای کربن، اکسیژن، نیتروژن و هیدروژن وجود دارد.

بررسی سایر موارد:

مورد (الف) در یاخته‌های گیاهی زنده کانال‌های بین‌یاخته‌ای وجود دارند که پلاسمودسم نامیده می‌شوند. منافذ پلاسمودسم آنقدر بزرگ است که نوکلئیک‌اسیدها نظیر دنا و رنا و پروتئین‌ها هم می‌توانند از آن‌ها عبور کنند و از یاخته‌ای به یاخته دیگر بروند. مورد (ب) دنا ذخیره‌کننده اطلاعات وراثتی است اما در همه جای هسته به‌طور یکسان وجود ندارد. برای مثال بخشی در هسته وجود دارد که تجمع رشته‌های فامینه و دنا در آنجا بیشتر است.

مورد (ج) گویچه قرمز بالغ هسته و در نتیجه دنا ندارد.

(تربویی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۱۲۳، ۱۲۴، ۱۱ و ۱۰) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱، ۸، ۱۵ و ۱۴)

۱۴- گزینه «۲»

(پژمان یعقوبی)

مولکول دنا نسبت به رنا پایداری بیشتری در یاخته دارد. دقت کنید منظور از نوکلئیک اسید DNA یا RNA است. بررسی همه گزینه‌ها:

(۱) مشاهدات و تحقیقات چارگاف روی دناهای جانداران، نشان داد که مقدار بازهای آلی پورین و پیریمیدین در مولکول دنا (نه اینکه ۴ نوکلئوتید با هم مساوی باشند) برابر است. (۲) سنتز این مولکول نیازمند آنزیم هلیکاز می‌باشد که می‌تواند پیوندهای هیدروژنی را بشکند. پیوندهای هیدروژنی بین بازهای مکمل تشکیل می‌شوند.

(۳) رناهای پیک در انتقال اطلاعات به رناتن‌ها نقش دارند. رناها نوکلئیک‌اسیدهایی هستند که از یک رشته پلی‌نوکلئوتیدی تشکیل شده‌اند.

(۴) در دناها به‌طور حتم امکان برقراری پیوندهای کم‌انرژی (پیوند هیدروژنی) بین بازهای آلی وجود دارد.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۴، ۷، ۱۱ و ۱۲)

۱۵- گزینه «۳»

(معمدها فیض‌آبادی)

وقتی نوکلئوتیدهای سه‌فسفات به یک رشته پلی‌نوکلئوتیدی اضافه می‌شوند، دو فسفات خود را از دست می‌دهند و این به منزله از دست دادن پیوندهای پرانرژی موجود در نوکلئوتید می‌باشد، لذا این نوکلئوتید توانایی تأمین انرژی نخواهد داشت.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: اگر این نوکلئوتید، نوکلئوتید ابتدایی یا انتهایی یک رشته باشد، آنگاه توانایی ایجاد فقط یک پیوند فسفودی استر را دارد و لفظ «پیوند-های» فسفودی استر برای آن نادرست می‌باشد.

گزینه «۲»: برای نوکلئوتیدهای آدنین دار و تیمین دار صدق نمی‌کند.

گزینه «۴»: اگر این نوکلئوتید، نوکلئوتید ابتدایی نوعی نوکلئیک‌اسید خطی باشد به‌وسیله گروه هیدروکسیل موجود در ساختار خود پیوند فسفودی استر برقرار می‌کند.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۴، ۵، ۸، ۱۱ و ۱۲)

(د) در مرحله چهارم، باکتری‌های زنده فاقد پوشینه (مانند مرحله دوم) و باکتری‌های پوشینه‌دار کشته شده (مانند مرحله سوم) به موش تزریق می‌شوند.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۲ و ۳)

۸- گزینه «۴»

(مهریار سعادت‌نیا)

بررسی همه گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در پایان همانندسازی حفاظتی بین دناهای جدید و قدیمی پیوند هیدروژنی تشکیل نمی‌شود.

گزینه «۲»: در هر دو نوع همانندسازی توالی‌های نوکلئوتیدی ساخته شده مکمل توالی‌های دنا اولیه هستند.

گزینه «۳»: در هیچ یک از دو نوع همانندسازی، بین توالی‌های نوکلئوتیدی دنا اولیه پیوند فسفودی استر شکسته نمی‌شود.

گزینه «۴»: بخش‌هایی از دنا اولیه در هر دو نوع همانندسازی در دناهای جدید دیده می‌شود.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

۹- گزینه «۴»

(نیلوفر شریانی)

هم پروکاریوت‌ها و هم یوکاریوت‌ها دارای دناهای حلقوی می‌باشند و توانایی انجام همانندسازی این نوع دنا را دارند. بنابراین گزینه‌ای صحیح است که در مورد هر دوی آنها صدق کند. دیسک نوعی دناهای کمکی است و در پروکاریوت‌ها وجود دارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: اغلب پروکاریوت‌ها فقط یک جایگاه آغاز همانندسازی در دناهای خود دارند ولی یوکاریوت‌ها چندین جایگاه آغاز همانندسازی دارند.

گزینه «۲»: رنا نوعی نوکلئیک‌اسید است که هم در سیتوپلاسم پروکاریوت‌ها و هم در یوکاریوت‌ها به‌صورت خطی وجود دارد.

گزینه «۳»: پروکاریوت‌ها تنها دارای دناهای حلقوی هستند.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۴، ۵، ۸، ۱۲ و ۱۳)

۱۰- گزینه «۳»

(پژمان یعقوبی)

همانندسازی در یوکاریوت‌ها بسیار پیچیده‌تر از پروکاریوت‌هاست؛ علت این مسئله، وجود مقدار زیاد دنا و قرار داشتن آن در چندین فام‌تن اصلی است.

در یوکاریوت‌ها، تعداد جایگاه‌های آغاز همانندسازی می‌تواند بسته به مراحل رشد و نمو تنظیم شود. در جایگاه‌های آغاز همانندسازی، آنزیم هلیکاز فعالیت دارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: باکتری‌ها و به‌طور کلی، پروکاریوت‌ها چرخه یاخته‌ای ندارند.

گزینه «۲»: توجه داشته باشید که در هر دوراهی همانندسازی، یک آنزیم هلیکاز فعالیت می‌کند نه آنزیم‌های هلیکاز!

گزینه «۴»: دقت کنید که پیوند هیدروژنی به‌صورت خودبه‌خودی تشکیل می‌شود و آنزیم در ایجاد آن نقشی ندارد.

(تربویی) (زیست‌شناسی ۲، صفحه‌های ۸۲ و ۸۳) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۳)

۱۱- گزینه «۳»

(معمدها فیض‌آبادی)

موارد «ب» و «د» صحیح می‌باشند. بررسی همه گزینه‌ها:

(الف) در هر دوراهی همانندسازی فقط یک آنزیم هلیکاز وجود دارد پس لفظ آنزیم‌های هلیکاز نادرست است. توجه کنید صورت سوال در خصوص هریک از این ساختارها پرسیده است یعنی هر دوراهی همانندسازی.

(ب) طبق شکل ۱۲ صفحه ۱۲ کتاب درسی، نوکلئوتید یوراسیل‌دار در بین نوکلئوتیدهای آماده برای اتصال به نوکلئوتید مکمل مشاهده می‌گردد.

(ج) طی همانندسازی رشته‌های در حال تشکیل دنا، با پیوند هیدروژنی و بدون نیاز به مصرف انرژی زیستی به رشته‌الگو (نه به یکدیگر) متصل می‌گردند.

(د) طبق شکل ۱۴ صفحه ۱۴ کتاب درسی، آنزیم دنابسپاراز (آنزیمی که دو نوع واکنش (نوکلئازی و بسپارازی) مختلف را سرعت می‌بخشد) می‌تواند در طول دنا سرعت یکسانی با سایر همتایان خود نداشته باشد.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴)

۱۲- گزینه «۳»

(معمدها روزبهانی)

منظور از پیوندهای کم انرژی بین نوکلئوتیدی، پیوندهای هیدروژنی هستند. دقت کنید شکستن پیوندهای هیدروژنی در فاصله بین دو دوراهی همانندسازی مربوط به هر حباب همانندسازی مشاهده نمی‌شود ولی شکستن پیوندهای هیدروژنی از نظر زمانی نسبت به

۱۶- گزینه «۲»

(ویدئو کریم زاده)

حلقه شش ضلعی در باز آلی تک حلقه‌ای به حلقه پنج ضلعی قند و حلقه شش ضلعی در باز آلی دو حلقه‌ای به دیگر حلقه باز آلی که پنج ضلعی است متصل می‌باشد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در دنا خطی (نه حلقوی) حلقه پنج ضلعی قند موجود در نوکلئوتید انتهایی رشته پلی نوکلئوتیدی به گروه هیدروکسیل آزاد انتهایی متصل است.

گزینه «۳»: اتصال بین بازهای آلی که بین دو حلقه عضلانی و با پیوند هیدروژنی صورت می‌گیرد، خود به خودی است و برای شکل گیری آن، واکنش سنتز ابدی انجام نمی‌شود.

گزینه «۴»: گروه فسفات به باز آلی متصل نمی‌شود.
(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۴، ۵، ۷ و ۱۵)

۱۷- گزینه «۳»

(نیما ممبری)

هموگلوبین فراوان‌ترین پروتئین گلبول‌های قرمز (یاخته‌های بدون هسته خون) است که ۴ سطح ساختاری دارد.

نخستین پیوندهای اشتراکی در ساختار اول حین اتصال آمینواسیدها به یکدیگر ایجاد می‌شود. در حین اتصال آمینواسیدها به یکدیگر آب تولید می‌شود و تبعاً فشار اسمزی به دلیل تولید آب و نیز کاهش تعداد ذرات (آمینواسیدها) کاهش می‌یابد. بررسی سایر

گزینه‌ها:

گزینه «۱»: نخستین تا خوردگی در ساختار دوم در اثر ایجاد پیوندهای هیدروژنی بین OH گروه COOH و هیدروژن گروه NH₂ ایجاد می‌شود.

گزینه «۲»: ساختار سوم پروتئین‌ها در اثر نزدیک شدن گروه R آمینواسیدهای آب‌گریز تشکیل می‌شود (نه هر آمینواسیدی!)

گزینه «۴»: طبق شکل ۱۸ صفحه ۱۷ کتاب درسی یون‌های Fe²⁺ زنجیره‌های پلی‌پپتیدی مختلف روبه‌روی هم قرار ندارند.

(تربیتی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۱۱، ۱۳ و ۶۲) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۸ و ۱۵ تا ۱۷)

۱۸- گزینه «۲»

(مهم زارع)

در تشکیل ساختار دوم، گروه‌های کربوکسیل و آمینو نقش دارند و سطح چهارم مربوط به آرایش زیر واحد است و طبق متن کتاب درسی همه سطوح دیگر ساختاری در پروتئین‌ها به ساختار اول (خطی) بستگی دارند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: پروتئین‌های دارای ساختار سوم ثابت نسبی دارند. در این سطح همانند سطح دوم که همراه با تشکیل پیوند هیدروژنی است، پیچ‌خوردگی مشاهده می‌شود.

گزینه «۳»: گروه‌های R تعدادی از آمینواسیدها در ساختار دوم مارپیچ، در بیرون ساختار قرار می‌گیرند و ساختاری که باعث ایجاد ثابت نسبی می‌شود، سطح سوم است.

در سطح دوم پیوند هیدروژنی (غیر اشتراکی) و در سطح سوم پیوندهای یونی و اشتراکی و هیدروژنی تشکیل می‌شود.

گزینه «۴»: هموگلوبین پروتئینی با ساختار چهارم است. همچنین در ساختار سوم انواعی از پیوندها تشکیل می‌شود، توجه کنید که اولین و آخرین آمینواسید هر زنجیره پلی‌پپتیدی در تشکیل یک پیوند پپتیدی نقش دارند.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

۱۹- گزینه «۳»

(عمیدرضا فیض‌آبادی)

با توجه به شکل ۱۷ صفحه ۱۶ کتاب درسی، در ساختار مارپیچی همه پیوندهای هیدروژنی بین گروه‌های کربوکسیل و آمینو، فقط در داخل ساختار می‌توانند تشکیل شوند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: گروه یا بخشی که ساختار سوم پروتئین‌ها را شکل می‌دهد گروه R آمینواسیدهای آب‌گریز است. با توجه به شکل ۱۷ صفحه ۱۶ کتاب درسی، در ساختار مارپیچی گروه‌های R می‌توانند هم به سمت خارج ساختار قرار گیرند و هم در داخل ساختار.

گزینه «۲»: گروه یا بخشی که بخش‌های دیگر، چهار ظرفیت آن را پر می‌کنند، کربن مرکزی آمینواسید است. با توجه به شکل ۱۷ صفحه ۱۶ کتاب درسی، در ساختار صفحه‌ای کربن‌های مرکزی می‌توانند در محل‌های تا خوردگی قرار گیرند.

گزینه «۴»: گروه یا بخشی که منجر به تولید مولکول آب می‌شوند گروه کربوکسیل یا آمینو آمینواسید است. با توجه به شکل ۱۷ صفحه ۱۶ کتاب درسی، در ساختار صفحه‌ای پیوند هیدروژنی بین ۲ بخش مختلف یک زنجیره پلی‌پپتیدی تشکیل می‌شود. (نه دو زنجیره!)

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

۲۰- گزینه «۱»

(پژمان یعقوبی)

موارد «الف»، «ب» و «د» درست بیان شده است. بررسی همه موارد:

الف) مطابق شکل کتاب، آخرین آمینواسید این زنجیره پپتیدی، COOH آزاد دارد و عامل آمین آن جهت شرکت در پیوند کووالانسی یک اتم H از دست می‌دهد.

ب) همه رشته‌های پلی‌پپتیدی، دارای دو آمینواسید در دو انتها با گروه‌های متفاوت هستند؛ اولین آمینواسید دارای گروه آمینو و آخرین آمینواسید دارای گروه کربوکسیل است.

ج) گروه R در آمینواسیدهای مختلف، متفاوت است و ویژگی‌های منحصر به فرد هر آمینواسید به آن بستگی دارد.

د) گروه R در هر آمینواسیدی تنها از طریق یک پیوند آن هم از نوع اشتراکی به کربن مرکزی آمینواسید متصل می‌شود.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

زیست‌شناسی پایه

۲۱- گزینه «۲»

(سیر امیر هاشمی‌مسینی)

در دم عادی همانند دم عمیق، به دنبال افزایش حجم قفسه سینه، حجم شش‌ها نیز به دلیل داشتن ویژگی پیروی از حرکات قفسه سینه افزایش می‌یابد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: تنها در هنگام بازدم عمیق، ماهیچه‌های ناحیه شکم منقبض می‌شود. دقت داشته باشید که فشار مایع جنب در هنگام دم، کاهش و در هنگام بازدم، افزایش می‌یابد.

گزینه «۳»: در دم عادی همانند دم عمیق، ماهیچه میان‌بند (دیافراگم) منقبض و به حالت مسطح مشاهده می‌شود. به دنبال مسطح شدن و پایین آمدن دیافراگم، بر فشار وارده بر اجزای حفره شکمی افزوده می‌شود.

نکته: دیافراگم (ماهیچه میان‌بند)، بزرگ‌ترین ماهیچه تنفسی می‌باشد.

گزینه «۴»: با پایان یافتن دم، بازدم عادی بدون نیاز به پیام عصبی، با بازگشت ماهیچه‌ها به حالت استراحت و نیز ویژگی کشسانی شش‌ها انجام می‌شود. فقط در بازدم عمیق ماهیچه‌های بین‌دنده‌ای داخلی منقبض می‌شوند.

(تبارلات‌کاری) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲ و ۳۴)

۲۲- گزینه «۳»

(مهم‌رضا دانشمندی)

هرچه مقدار هوا درون شش‌ها بیشتر، و حجم شش در قفسه سینه کمتر باشد، فشار هوا درون شش بیشتر است. بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: حداکثر فشار در بازدم عمیق اتفاق می‌افتد. در بازدم شش‌ها در حال کاهش حجم می‌باشند.

گزینه «۲»: هوای باقی‌مانده همواره در شش‌ها وجود دارد. برای مثال در صورت انجام یک بازدم عمیق هوای مرده از مجاری خارج می‌شود.

گزینه «۳»: در هنگام بازدم عمیق کمترین میزان هوا در شش‌ها دیده می‌شود: تمامی لحظات به دلیل حضور هوای باقی‌مانده در شش‌ها تبادلات گازی انجام می‌شوند.

گزینه «۴»: پس از بازدم عادی یا عمیق یا در شروع دم عادی هوای جاری درون شش‌ها وجود ندارد؛ در صورت اتمام بازدم عمیق، هوای ذخیره بازدمی در شش‌ها یافت نمی‌شود.

(تبارلات‌کاری) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲ و ۳۴)

۲۳- گزینه «۳»

(دانیال نوروزی)

A: بازدم عادی B: بازدم عادی C: دم عادی D: دم عمیق

بررسی همه گزینه‌ها:

گزینه «۱»: مقدار هوای باقی‌مانده ثابت است و با انجام حرکات تنفسی، مقدار آن عوض نمی‌شود.

گزینه «۲»: در نقطه D کمتر از ۴۰۰۰ میلی‌لیتر هوا در شش‌ها وجود دارد.

گزینه «۳»: در نقطه D ماهیچه گردنی در حال انقباض است پس ATP بیش‌تری مصرف می‌کند.

گزینه «۴»: نقطه A بازدم عادی است و در نقطه B هم هوای موجود در دستگاه تنفس در حال تخلیه شدن است، پس فشار مایع جنب در حال افزایش است.

(تبارلات‌کاری) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲)

۲۴- گزینه «۲»

(عباس آرایش)

بررسی موارد:

علت نادرستی مورد (الف): در سرفه هوا با فشار همراه با مواد خارجی از دهان و در عطسه از طریق دهان و بینی خارج می‌شود.

علت نادرستی مورد (ب): در افراد سیگاری، سرفه نسبت به عطسه راه مؤثرتری (نه تنها راه مؤثر) برای بیرون راندن مواد خارجی است.

(معمده رضا دانشمندی)

۲۷- گزینه ۴

بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱: در نوزادان زودرس یاخته نوع ۱ و ۲ هر دو به وجود آمده‌اند.
گزینه ۲ و ۳: در «بعضی از» نوزادان زودرس ترشح عامل سطح فعال به مقدار کافی رخ نمی‌دهد، نه همه آن‌ها! پس اختلال تنفسی در همه نوزادان زودرس رخ نمی‌دهد.
گزینه ۴: یاخته‌های سنگ‌فرشی موجود در دیواره مویرگ و دیواره حبابک نقش اصلی را در مبادله دوطرفه گازها برعهده دارند.
(تبدلات گازی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۳۷، ۳۸ و ۴۲)

(معمده علی میری)

۲۸- گزینه ۳

منظور از گازهای قابل انتقال به کمک گویچه‌های قرمز خونی، کربن دی‌اکسید، اکسیژن و گاز کربن مونوکسید می‌باشد.
اکسیژن و کربن مونوکسید غیرقابل انتقال به‌صورت یون بیکربنات می‌باشند. با توجه به اینکه در خون فرد گویچه‌های قرمز خونی به میزان زیادی مشاهده می‌شوند، امکان دارد که در برخی از گویچه‌های قرمز، گاز کربن مونوکسید به هموگلوبین متصل شده باشد و در برخی دیگر از گویچه‌های قرمز، مولکول اکسیژن به هموگلوبین متصل شده باشد و در این صورت امکان مشاهده اکسیژن و کربن مونوکسید به‌صورت همزمان در اتصال با هموگلوبین وجود دارد. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: ترکیب‌های کربن‌دار با قابلیت اتصال به هموگلوبین، کربن مونوکسید و کربن دی‌اکسید می‌باشند. دقت داشته باشید که کربن مونوکسید جایگاه اختصاصی جهت اتصال به هموگلوبین نداشته و به‌طور مشترکی با مولکول اکسیژن، به جایگاه یکسانی متصل می‌شود.

گزینه ۲: محلول آب آهک در حالت طبیعی به‌صورت بی‌رنگ بوده و گاز کربن دی‌اکسید سبب تغییر رنگ آن می‌شود. بخشی از کربن دی‌اکسید موجود در خون به جهت ترکیب با آب به جایگاه فعال کربنیک‌انیدراز وارد می‌شود.

گزینه ۴: مولکول کربن دی‌اکسید سبب زردرنگ شدن محلول برم تیمول‌بلو می‌شود. دقت داشته باشید که بخشی از مولکول‌های کربن دی‌اکسید جهت دور شدن (نه نزدیک شدن!) از بافت‌های بدن به ساختار هموگلوبین متصل می‌شود.

(ترکیبی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۳۵ و ۳۹)

(امیرحسین بهروزی‌فر)

۲۹- گزینه ۲

در مخاط دیواره نای، سه نوع یاخته مختلف مشاهده می‌شود: استوانه‌ای مؤکدار، استوانه‌ای بدون مؤک و یاخته‌های کوچک قاعده‌ای. یاخته‌های استوانه‌ای مؤکدار فراوان ترین یاخته‌ها هستند. این یاخته‌ها برخلاف دو نوع دیگر دارای زوائد رآسی رشته مانندی به نام مؤک در سطح خود هستند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: دقت کنید سایر یاخته‌ها نیز دارای اتصال فیزیکی با سایر یاخته‌های پوششی مجاور خود هستند؛ زیرا همگی یاخته پوششی هستند و به هم اتصال دارند.

گزینه ۳: همه این یاخته‌ها در تماس با غشای پایه قرار دارند.

گزینه ۴: یاخته‌های استوانه‌ای بدون مؤک همانند یاخته‌های استوانه‌ای مؤکدار، در تماس با ترشحات مخاطی که حاوی آنزیم لیزوزیم هستند، قرار دارند.

(ترکیبی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۱۵، ۲۰، ۳۵ و ۳۶)

(سیر امیر هاشمی‌سینی)

۳۰- گزینه ۴

مطابق شکل، یاخته‌های اول در مجاور هم قرار گرفته و به هم متصل هستند. این یاخته‌ها همانند سایر یاخته‌های زنده دارای انواعی از آنزیم‌های مختلف می‌باشند و می‌توانند موادی مانند کربن دی‌اکسید را به خون وارد کنند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: مطابق شکل، در سطح یاخته‌های نوع دوم زوائد متعددی وجود دارد. اما یاخته‌های نوع ۱ در تشکیل منافذ در کیسه‌های حبابکی نقش دارند.

گزینه ۲: یاخته‌های نوع اول، سنگ‌فرشی و فراوان‌تر هستند. اغلب یاخته‌های نوع اول دارای غشای پایه مشترکی با یاخته‌های پوششی دیواره مویرگ‌ها می‌باشند.

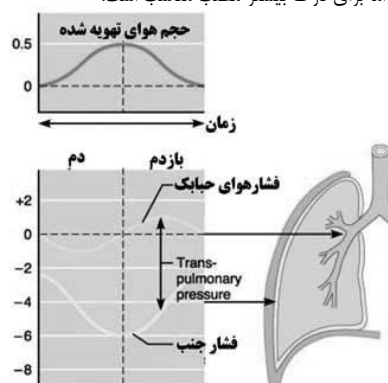
گزینه ۳: یاخته‌های نوع دوم، با ظاهری کاملاً متفاوت، به تعداد خیلی کمتر دیده می‌شود و ترشح عامل سطح فعال را برعهده دارند. عامل سطح فعال باعث نابودی عوامل بیگانه نمی‌شود و این مورد به‌وسیله درشت‌خوارهای موجود در حبابک صورت می‌گیرد. درشت‌خوارها را جزء یاخته‌های دیواره حبابک، طبقه‌بندی نمی‌کنند.

مورد (ج): این مورد برای هر دو فرایند صادق است.
علت نادرستی مورد (د): با توجه به شکل ۱۵ کتاب درسی در فصل ۳ دهم، در زمان عطسه ممکن است فرد برای لحظه‌ای چشم‌های خود را به‌صورت غیرارادی ببندد.
(تبدلات گازی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه ۴۴)

(معمده روی روزبهانی)

۲۵- گزینه ۲

در بین دو لایه پرده جنب نوعی مایع وجود دارد که فشار این مایع نسبت به جو همیشه کمتر می‌باشد؛ درواقع نوعی فشار مکشی یا منفی در آن وجود دارد؛ تا سبب شود همواره حجم هوای باقی مانده درون حبابک‌ها مشاهده شود.
حداقل میزان این فشار مکشی در زمان بازدم (مخصوصاً عمیق) است که کشیدگی روی پرده جنب وجود ندارد و هوا می‌خواهد از شش‌ها خارج شود و حداکثر میزان فشار مکشی در زمان دم (مخصوصاً عمیق) است. می‌دانیم که در زمان دم، درون حبابک‌ها فشار منفی ایجاد می‌شود تا هوا به درون آن‌ها وارد شود.
نمودار زیر تغییرات فشار جنب و فشار هوای درون حبابک را نشان می‌دهد؛ که البته در کتاب نمی‌باشد؛ اما برای درک بیشتر مطلب مناسب است.



بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: در طی بازدم، انقباض عضلات بین دنده‌ای خارجی مشاهده نمی‌شود.

گزینه ۳: در طی بازدم، ورود حجم هوای ذخیره‌ای دمی مشاهده نمی‌شود.

گزینه ۴: در زمان دم دیافراگم مسطح می‌شود. این گزینه مربوط به زمان قبل از شروع دم است که دیافراگم گنبدی شکل بوده و نیمه راست آن به علت قرارگیری کبد بالاتر است.

(تبدلات گازی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۴۰ تا ۴۳ و ۵۹)

(سیر امیر هاشمی‌سینی)

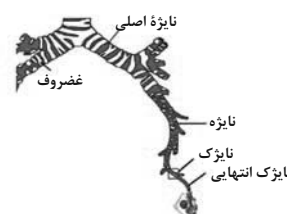
۲۶- گزینه ۱

نایژه اصلی راست نسبت به نایژه اصلی چپ کوتاه‌تر بوده و دارای قطر بیشتری می‌باشد. سیاهرگ خروجی از طحال با سیاهرگ خروجی از معده یکی می‌شود و سپس به سیاهرگ باب کبدی می‌ریزد. طحال برخلاف نایژه اصلی راست، در سمت چپ بدن قرار گرفته است. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲: نایژه اصلی چپ نسبت به نایژه اصلی راست، طویل‌تر بوده و دارای قطر کمتری می‌باشد. بخش راست دیافراگم به دلیل نحوه قرارگیری کبد، نسبت به بخش چپ آن در سطح بالاتری واقع شده است.

گزینه ۳: نایژه اصلی چپ نسبت به نایژه اصلی راست، طویل‌تر بوده و دارای قطر کمتری می‌باشد. معده بزرگ‌ترین اندام کیسه‌ای شکل لوله گوارش است که بخش اعظم آن در نیمه چپ بدن قرار گرفته است.

گزینه ۴: نایژه اصلی راست نسبت به نایژه اصلی چپ، کوتاه‌تر بوده و دارای قطر بیشتری می‌باشد. بزرگ‌ترین لوب در ساختار شش چپ، قرار دارد.



(ترکیبی) (زیست‌شناسی ۱، صفحه‌های ۱۸، ۲۷، ۳۶، ۳۷، ۴۰، ۴۱ و ۶۰)

دو شاخه شدن نای قابل مشاهده است. دقت داشته باشید که کیسه‌های هوادار به تبادل گازها نپرداخته و هوا را ذخیره می‌کنند.
گزینه «۳»: دقت داشته باشید که کیسه‌های هوادار قرار گرفته در سطحی جلوتر نسبت به شش‌ها به‌طور کلی نسبت به کیسه‌های هوادار قرار گرفته در سطح عقب‌تر شش‌ها، دارای حجم کمتری بوده و اندازه کوچک‌تری دارند.

(تبارلات کازی) (زیست‌شناسی، ص ۴۶)

۳۴- گزینه «۴»

(مسئله علی ساقی)

مژک‌ها با حرکت ضربانی خود، ترشحات مخاطی و ناخالصی‌های به دام‌افتاده در آن را به‌سوی حلق می‌رانند. بنابراین در همه مسیرهای هوایی بالاتر از حلق (بینی) زنش مژک‌ها به سمت پایین است. علاوه بر این در گروهی از مجاری هادی و مبادله‌ای درون شش که از مجرای قبلی خود به سمت بالا منشعب شده‌اند (مانند برخی نایزک‌ها) نیز برای نزدیک کردن ترشحات مخاطی به حلق، زنش مژک‌ها به سمت پایین (به سمت مجرای قبلی خود) است. دقت کنید که در این سوال نباید حبابک‌ها را به حساب آورد زیرا اولاً مجرای تنفسی نیستند و دوماً فاقد مخاط مؤثرند هستند. بررسی همه گزینه‌ها:

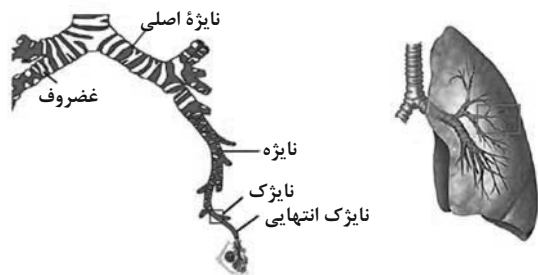
- ۱) فقط درباره بینی صادق است.
- ۲) حلق گذرگاهی ماهیچه‌ای است که انتهای آن به یک دوراهی ختم می‌شود: مری و نای، بینی نسبت به حلق بالاتر قرار دارد.
- ۳) منظور غضروف است که می‌تواند جلوی تغییر قطر مجاری تنفسی را بگیرد. نایزک‌ها فاقد غضروف‌اند.
- ۴) همه مجاری تنفسی به ترشح ماده مخاطی می‌پردازند که درون این ماده آنزیم لیزوزیم وجود دارد.

(ترکیبی) (زیست‌شناسی، ص ۵۵ و ۲۰ تا ۳۵) (زیست‌شناسی، ص ۴۳ و ۴۵)

۳۵- گزینه «۱»

(نیمه پایامیری)

عبارت اول صورت سوال دقیق مربوط به تیر ۱۴۰۲ است. اما سوال ما در مورد انشعاب طویل تر نایزه چپ هست که مطابق شکل واضح است. این انشعاب پایین‌تر از محل دو شاخه شدن نای قرار دارد و در لوب بزرگ‌تر شش چپ قرار می‌گیرد. نایزک‌ها می‌توانند تنگ و گشاد شوند. مورد «د» دقیقاً عبارت کنکور ۱۴۰۲ بود که نادرست است و ربطی به این انشعاب ندارد. این انشعاب ابتدا نایزه‌های کوچک‌تری ایجاد می‌کنند.



(تبارلات کازی) (زیست‌شناسی، ص ۳۷)

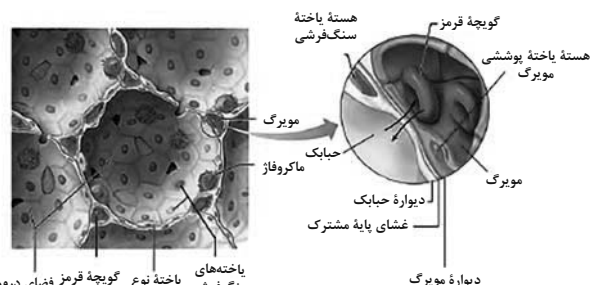
۳۶- گزینه «۱»

(نیمه شگورزاده)

سطح درونی بخش هادی دستگاه تنفس در ابتدای بینی از پوست و سپس از مخاط مؤثر تشکیل می‌شود.
هر دو این بافت‌ها، بافت پوششی می‌باشند بنابراین فاصله کمی بین یاخته‌های مجاور آنها وجود دارد. بررسی سایر گزینه‌ها:
گزینه «۲»: طبق شکل ۲ فصل ۳ زیست دهم، ضخامت ماده مخاطی بر روی مخاط مؤثر، یکنواخت نیست.

گزینه «۳»: مژک‌ها با حرکات ضربانی خود ترشحات مخاطی حاوی ناخالصی‌های به دام افتاده در آن را به‌سوی حلق می‌رانند. مخاط مؤثر نایزه‌ها و نایزک‌ها نمی‌توانند مانع ورود ناخالصی‌ها به شش‌ها شوند چون خودشان درون شش قرار دارند.
گزینه «۴»: بعضی از یاخته‌های مخاط مؤثر و همچنین یاخته‌های پوستی فاقد مژک هستند.

(تبارلات کازی) (زیست‌شناسی، ص ۵۵ و ۳۵ و ۳۶)



(تبارلات کازی) (زیست‌شناسی، ص ۳۴ و ۳۷ و ۳۸)

۳۱- گزینه «۴»

(پوار ابازلو)

نایدیس‌ها لوله‌های منشعب و مرتبط به هم هستند که از طریق منافذ سطحی بدن با بیرون ارتباط دارند. حشرات چنین تنفسی دارند. در این جانوران، دستگاه گردش مواد نقشی در انتقال گازهای تنفسی ندارد. بررسی سایر گزینه‌ها:
گزینه «۱»: در مهره‌داران خشکی‌زی، شش‌ها جایگزین آبشش‌ها شده‌اند. اما دقت کنید بعضی جانوران مانند دوزیستان بالغ علاوه بر شش‌ها، از پوست خود نیز به عنوان ساختار تنفسی استفاده می‌کنند.
گزینه «۲»: آبشش‌های غیرپراکنده و متمرکز در ماهیان بالغ و نوزاد دوزیستان و تعدادی از بی‌مهرگان وجود دارد. برای مثال جهت حرکت خون در مویرگ‌ها و عبور آب از طرفین تیغه‌های آبششی، در ماهی برخلاف یکدیگر است.
گزینه «۳»: کرم خاکی و دوزیستان دارای تنفس پوستی هستند؛ در نتیجه شبکه مویرگی وسیعی در زیرپوست خود دارند که به تبادل گازها کمک می‌کند. مهره‌داران شش‌دار مثل قورباغه سازوکارهایی دارند که باعث می‌شود جریان پیوسته‌ای از هوای تازه در مجاورت سطح تنفسی برقرار شود که به سازوکارهای تهویه‌ای شهرت دارند. مهره‌داران دو نوع سازوکار متفاوت در تهویه دارند؛ مثلاً قورباغه به کمک ماهیچه‌های دهان و حلق، با حرکتی شبیه «قورت دادن» هوا را با فشار به شش‌ها می‌رانند؛ به این سازوکار، پمپ فشار مثبت می‌گویند.

(تبارلات کازی) (زیست‌شناسی، ص ۴۵ و ۴۶)

۳۲- گزینه «۴»

(معمری فیوری)

تنها مورد (الف) عبارت مورد نظر را به‌طور مناسب تکمیل می‌کند.
در مهره‌داران شش‌دار، سازوکار تهویه‌ای پمپ فشار مثبت و پمپ فشار منفی مشاهده می‌شود. در انسان پمپ فشار منفی و در قورباغه سازوکار تهویه‌ای پمپ فشار مثبت مشاهده می‌شود. بررسی همه موارد:
(الف) در انسان و قورباغه، هوای حاوی گاز اکسیژن یعنی هوای تهویه‌شده و هوای تهویه‌نشده، در هر دو جاندار از دهان و حلق عبور می‌کنند. دهان و حلق اندام‌هایی از دستگاه گوارش‌اند که هم هوا و هم غذا از آن عبور می‌کند.
(ب) در انسان و قورباغه، در هر دو جانور ماهیچه‌ها به ورود هوا به شش‌ها کمک می‌کنند. در انسان ماهیچه‌های ناحیه گردن، هنگام دم عمیق و در قورباغه نیز ماهیچه‌های دهان و حلق به ورود هوا به شش‌ها کمک می‌کنند.
(ج) در سازوکار تهویه‌ای پمپ فشار منفی، ابتدا حجم شش‌های جانور افزایش پیدا کرده و در پی آن، هوا به هریک از شش‌های جانور وارد می‌شود؛ اما در سازوکار تهویه‌ای پمپ فشار مثبت در پی انقباض ماهیچه‌ها هوا با فشار به شش‌ها وارد می‌شود. این مورد فقط در ارتباط با پمپ فشار منفی به درستی بیان شده است.
(د) در قورباغه، همزمان با بسته بودن منافذ بینی، هوا به واسطه انقباض گروهی از ماهیچه‌های دهان و حلق از طریق مجرای اختصاصی به هریک از شش‌ها جانور وارد می‌شود. در انسان نیز هوا از طریق نای از دهان به شش‌ها وارد می‌شود. (نه به طور مستقیم)

(تبارلات کازی) (زیست‌شناسی، ص ۲۰، ۳۵، ۳۶، ۴۰، ۴۱ و ۴۶)

۳۳- گزینه «۱»

(معمری فیوری)

مطابق شکل ۲۳ زیست‌شناسی ۱، که از سطح بالا کیسه‌های هوادار را نشان می‌دهد، کیسه‌های هوادار قرار گرفته بر روی بخشی از شش‌ها، هرکدام دارای حجم بیشتری نسبت به هریک از کیسه‌های هوادار قرار گرفته به موازات نای، می‌باشند. بررسی سایر گزینه‌ها:
گزینه «۲» و «۴»: تنها کیسه هوادار غیرجفت در پرنده در مجاورت محل تشکیل اولین انشعابات نای قابل مشاهده بوده و در بیشتر بخش‌های خود در سطحی جلوتر از محل

۳۷- گزینه ۱

(امیر یاقنده)

پارامسی و هیدر جاندارانی هستند که به کمک زنده‌های یاخته‌ای خود غذا را از نوعی محیط به درون یاخته‌(های) خود وارد می‌کنند. بررسی موارد:

الف) در هیدر گوارش ابتدا به‌صورت برون‌یاخته‌ای و به کمک آنزیم‌ها انجام می‌شود و در پارامسی هم گوارش مواد در واکوئول گوارشی به‌واسطه آنزیم‌های لیزوزومی انجام می‌شود.

ب) هم در هیدر و هم در پارامسی به منظور گوارش مواد کیسه‌های غشایی تشکیل می‌شود.

ج) محتویات دفعی در هر دو جاندار از طریق نوعی کیسه غشایی از یاخته خارج می‌شود.

د) پارامسی نوعی آغازی تک‌یاخته‌ای است که تعداد زیادی مژک در سطح خود دارد و هیدر هم در دیواره خود یاخته‌هایی دارد که دارای ۲ زائده در سطح خود می‌باشند.

(گوارش و جذب مواد) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه ۳۰)

۳۸- گزینه ۳

(سید امیر هاشمی‌فسینی)

بررسی همه موارد:

گزینه ۱) در لوله گوارش ملخ بلافاصله پس از چینه‌دان، پیش‌معد و وجود دارد. پیش‌معد دندان‌هایی دارد که به خرد شدن بیشتر مواد غذایی کمک می‌کند. گوارش شیمیایی مواد در پیش‌معد به‌وسیله آنزیم‌های ترشح‌شده از معد و کیسه‌های معد صورت می‌گیرد و یاخته‌های پیش‌معد آنزیم‌های گوارشی ترشح نمی‌کنند.

گزینه ۲) در لوله گوارش پرند دانه‌خوار بلافاصله پس از چینه‌دان، معد و وجود دارد. معد در پرندگان دانه‌خوار بخش کوچکی است که در گوارش مکانیکی مواد نقش مؤثری ندارد. سنگریزه‌های موجود در سنگدان، فرایند آسیاب کردن غذا را تسهیل می‌کنند نه معد!

گزینه ۳) در لوله گوارش ملخ بلافاصله پیش از چینه‌دان، مری وجود دارد. در دیواره مری ملخ یاخته‌های ماهیچه‌ای وجود دارد که با انقباض خود مواد غذایی را به جلو می‌رانند. در این یاخته‌های ماهیچه‌ای همانند سایر یاخته‌های زنده انواعی از آنزیم‌های مختلف وجود دارد.

گزینه ۴) در لوله گوارش پرند دانه‌خوار بلافاصله پیش از چینه‌دان، مری وجود دارد. ویژگی مطرح شده در قسمت سوم سوال مربوط به خود چینه‌دان می‌باشد.

(ترکیبی) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه‌های ۳۱ و ۳۴) (زیست‌شناسی، ۳، صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

۳۹- گزینه ۴

(معمری علی‌فهری)

مطابق فعالیت صفحه ۳۲ در فصل ۲ زیست‌شناسی ۱، گوارش مواد غذایی در نشخوارکنندگان با گرم شدن زمین مرتبط است. در این جانداران گوارش سلولز که در کاغذسازی نیز استفاده می‌شود، در سیرابی آغاز می‌شود. سیرابی بزرگ‌ترین بخش معد چهارقسمتی نشخوارکنندگان می‌باشد. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱) در جانوران دارای لوله گوارشی و در پارامسی، راه ورود و خروج مواد غذایی از پیکر جاندار متفاوت است، دقت داشته باشید که در پارامسی گوارش مواد غذایی به‌صورت برون‌یاخته‌ای وجود ندارد.

گزینه ۲) در جانداران دارای حفره گوارشی، در پارامسی و در جانداران فاقد گوارش مانند کرم کدو، لوله گوارشی وجود ندارد. دقت داشته باشید که در جانورانی مانند هیدر که حفره گوارشی دارند، گوارش مواد غذایی به‌صورت برون‌یاخته‌ای و درون‌یاخته‌ای مشاهده می‌شود.

گزینه ۳) در پرند دانه‌خوار، چینه‌دان و معد به یکدیگر متصل می‌باشند. در این جانور، محل فعالیت سنگریزه‌های بلعیده شده در سنگدان و در محل بالاتری از کبد می‌باشد.

(گوارش و جذب مواد) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه‌های ۹ و ۳۰ تا ۳۲)

۴۰- گزینه ۲

(نیم‌شکوره)

بخش‌های شمارگذاری شده:

۱) نگاری

۳) شیردان

۲) هزارلا

۴) سیرابی

بررسی همه موارد:

الف) درست است. جذب مواد حاصل از گوارش در روده جانور صورت می‌گیرد. دقت کنید که در هزارلا آب جذب می‌شود ولی آب محصول گوارش شیمیایی نمی‌باشد.

ب) نادرست است. غذای دوبار جویده شده بعد از ورود به سیرابی و نگاری وارد هزارلا می‌شود.

ج) نادرست است. دقت کنید آنزیم‌های تجزیه‌کننده سلولز توسط میکروب‌ها تولید می‌شود، نه یاخته‌های دیواره معد.

د) درست است. دقت کنید شیردان با ترشح آنزیم‌ها، در گوارش گروهی از کربوهیدرات‌ها نقش دارد. اما نگاری خودش آنزیم تولید نمی‌کند؛ بلکه آنزیم‌های تولید شده توسط میکروب‌ها، به آن وارد می‌شوند و در گوارش نقش دارند.

(گوارش و جذب مواد) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه ۳۲)

۴۱- گزینه ۱

(عباس آرایش)

خون خارج‌شده از گروهی از اندام‌ها، از طریق سیاهرگ باب، ابتدا به کبد و سپس از طریق سیاهرگ‌هایی به قلب برمی‌گردد. طحال، پانکراس، معد، روده باریک، روده بزرگ و آپاندیس از جمله اندام‌هایی هستند که در این امر دخیل‌اند. با توجه به اینکه در این سوال ذکر شده است که اندام مدنظر باید خارج از لوله گوارش باشد، تنها طحال و پانکراس مورد قبول هستند. پس باید دنبال گزینه‌ای باشید که وجه‌اشتراک این دو اندام را بیان می‌کند. با توجه به شکل سیاهرگ باب در کتاب درسی، سیاهرگ خروجی از طحال با شاخه سیاهرگی خارج شده از بخش مقعر معد (اندام کیسه‌ای شکل لوله گوارش) و سیاهرگ خروجی از پانکراس با شاخه سیاهرگی خارج شده از بخش محدب آن یکی می‌شود.

بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱) طحال و بنداره انتهایی مری هر دو در سمت چپ بدن مستقرند. اما بخشی از پانکراس در سمت راست و بخشی دیگر در سمت چپ حضور دارد.

گزینه ۲) طحال و پانکراس هر دو در زیر پرده دیافراگم (مهم‌ترین عضله تنفسی) قرار دارند، اما توجه داشته باشید که تنها طحال اندام لنفی است.

گزینه ۳) این گزینه تنها برای پانکراس صحیح است.

(ترکیبی) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه‌های ۱۸، ۲۳، ۲۷، ۳۰، ۳۱ و ۴۰)

۴۲- گزینه ۱

(عمیدرضا فیض‌آبادی)

منظور صورت سوال یاخته‌های کناری معد، و یاخته ریزپرزار موجود در پرز روده باریک است. همه یاخته‌های زنده جانوری دارای اندامک لیزوزوم بوده و در آن آنزیم‌های تجزیه‌کننده مواد شیمیایی مانند پروتئین‌ها مشاهده می‌شود. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲) در خصوص یاخته‌های کناری معد صحیح نیست. زیرا این یاخته‌ها برخلاف یاخته دیگر ظاهری کاملاً استوانه‌ای ندارند.

گزینه ۳) در خصوص هیچ‌کدام از یاخته‌های ریزپرزار در روده باریک و یاخته‌های کناری معد صادق نیست زیرا هسته این یاخته‌ها در مجاورت غشای پایه قرار دارد.

گزینه ۴) این مورد تنها درباره یاخته‌های کناری صادق است.

(ترکیبی) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه‌های ۱۲، ۱۵، ۲۱ تا ۲۳، ۲۵، ۲۷ و ۳۴)

(زیست‌شناسی، ۳، صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

۴۳- گزینه ۲

(عباس آرایش)

تمام یاخته‌های زنده بدن به انرژی نیاز دارند و با توجه به واکنش تولید ATP از گلوکز در ابتدای فصل ۳ دهم، همه این یاخته‌ها، نیازمند آنزیم تجزیه‌کننده کربوهیدرات برای تولید انرژی لازم برای فعالیت‌های خود هستند.

دقت کنید که در این سوال گفته نشده است که آنزیم‌های تجزیه‌کننده کربوهیدرات توسط یاخته‌های این غده، ترشح می‌شوند.

علت نادرستی مورد ۱) در غده معد، یاخته‌های کناری و در غده روده، یاخته‌های ریزپرزار دارای چین‌خوردگی غشایی‌اند.

علت نادرستی مورد ۳) در دیواره لوله گوارش، از مری تا مخرج، شبکه یاخته‌های عصبی وجود دارند که تحرک و ترشح را در لوله گوارش تنظیم می‌کند. این شبکه‌ها می‌توانند به‌صورت مستقل از دستگاه عصبی خودمختار فعالیت کنند ولی دستگاه عصبی خودمختار با آنها ارتباط دارد. بنابراین هر دو این غده‌ها می‌توانند مستقیماً تحت تأثیر شبکه‌های یاخته‌های عصبی قرار بگیرند.

علت نادرستی مورد ۴) در غده معد، سلول‌های کناری، اصلی، ترشح‌کننده ماده مخاطی و در غده روده، سلول‌های ریزپرزار، ترشح‌کننده هورمون سکریتین و ترشح‌کننده ماده مخاطی وجود دارد.

(ترکیبی) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه‌های ۱۱، ۲۱ تا ۲۳، ۲۵، ۲۷ و ۲۸ و ۳۴)

(زیست‌شناسی، ۳، صفحه ۱۸)

۴۴- گزینه ۲

(مهری ماهری)

دو هورمون گاسترین و سکریتین، هورمون‌های ترشح‌شده از لوله گوارش یک فرد هستند. ویژگی اول این گزینه، برای هر دو هورمون صحیح است، چرا که با کاهش گاسترین، پپسینوژن کاهش‌یافته و تجزیه پروتئین‌ها مختل می‌شود. همین‌طور با کاهش سکریتین، ترشح بیکربنات کاهش‌یافته و فضای روده باریک برای فعال شدن

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: این مورد تنها دربارهٔ یاخته‌های ریزپرزار رودهٔ باریک صادق است.

گزینه «۲»: برخی از یاخته‌ها درون پرز هستند و یا در ساختار غدد روده شرکت می‌کنند.

گزینه «۴»: این مورد تنها دربارهٔ یاخته‌های پوششی سطحی مخاط صادق است و دربارهٔ بافت پیوندی سست در مخاط صادق نیست.

(ترکیبی) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه‌های ۱۵، ۱۸، ۱۹، ۲۵، ۳۴، ۵۵ و ۵۷)

۴۸- گزینه «۳»

(مهم‌مردی روزبهانی)

مطابق شکل کتاب درسی، خون سیاهرگی رودهٔ بزرگ به دو انشعاب سیاهرگ باب کبدی تخلیه می‌شود. اما خون سیاهرگی رودهٔ باریک به یک انشعاب قطورتر سیاهرگ باب تخلیه می‌شود. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: اگر به شکل‌های کتاب درسی توجه کنید، می‌بینید که در دیوارهٔ رودهٔ بزرگ، چین خوردگی‌های قابل مشاهده است که از نمای بیرونی دیده می‌شوند و حالت اتاقک اتاقک دارد، اما چین خوردگی‌های رودهٔ باریک درونی هستند و از نمای بیرونی مشاهده نمی‌شود.

گزینه «۲»: سرعت حرکات کرمی شکل در رودهٔ بزرگ نسبت به رودهٔ باریک آهسته‌تر است.

گزینه «۴»: بخشی از رودهٔ بزرگ همانند بخشی از رودهٔ باریک در مجاورت پانکراس و معده قرار دارند. هردو اندام فوق، پروتئازهای غیرفعال ترشح می‌کنند.

(کوارش و جزب موار) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه‌های ۱۹، ۲۱، ۲۳ تا ۲۵ و ۲۷)

۴۹- گزینه «۳»

(مهم‌مردی روزبهانی)

طبق متن کتاب درسی، وزن هر فرد به تراکم تودهٔ استخوانی، مقدار بافت ماهیچه‌ای و چربی بستگی دارد. همهٔ این بافت‌ها، یاخته‌های زنده دارند و طبق شکل کتاب درسی، یاخته‌های زنده در ساختار غشای اطراف خود دارای منافذی برای عبور مواد می‌باشند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: این مورد فقط برای بافت چربی و استخوان صادق است و برای بافت ماهیچه‌ای نادرست است.

گزینه «۲»: این مورد دربارهٔ همهٔ این بافت‌ها درست است؛ زیرا در طی واکنش تنفس یاخته‌ای، بخشی از انرژی گلوکز به صورت گرما آزاد می‌شود. (این مورد یکی از ویژگی‌های حیات است.)

گزینه «۴»: همهٔ این بافت‌ها یاخته‌های زنده دارند و در نتیجه برای انجام تنفس یاخته‌ای نیازمند قند گلوکز هستند.

(ترکیبی) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه‌های ۷، ۱۲، ۱۵، ۱۶، ۲۸ و ۳۴)

۵۰- گزینه «۳»

(مهم‌علی میری)

لوزالمعده، محل تولید متنوع‌ترین آنزیم‌های مؤثر در گوارش مواد غذایی می‌باشد. سیاهرگ خارج‌کنندهٔ خون تیرهٔ خروجی از لوزالمعده، به رگ خارج‌کنندهٔ خون از قوس بزرگ معده وارد می‌شود. معده اندامی است که اسید به لولهٔ گوارش اضافه می‌کند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: منظور طحال است. خون خروجی از طحال، از سطح پشتی معده عبور کرده و به همراه خون خروجی از قوس کوچک‌تر معده به سیاهرگی مشترک وارد می‌شوند. معده دارای ضخیم‌ترین لایهٔ ماهیچه‌ای در لولهٔ گوارش می‌باشد.

گزینه «۲»: معده، اندام گوارشی کیسه‌ای شکل و محل شروع گوارش پروتئین‌ها می‌باشد. خون خروجی از خمیدگی بزرگ‌تر معده، در سطحی پایین‌تر از بندارهٔ پیلور به انشعاب سیاهرگ باب کبدی وارد می‌شود.

گزینه «۴»: اندام‌های لنفی در حفرهٔ شکمی عبارت‌اند از: طحال در سمت چپ و آپاندیس در سمت راست، از طرفی بالاترین بخش پانکراس به سمت چپ بدن متمایل می‌باشند. خون خروجی از آپاندیس در سمت راست پیش از ورود به انشعاب اصلی سیاهرگ باب کبدی، با خون رودهٔ باریک ادغام می‌شود. اما دقت داشته باشید که آپاندیس در سمت راست بدن قرار گرفته و به همین علت این گزینه غلط است.

(ترکیبی) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه‌های ۱۸، ۲۰ تا ۲۳، ۲۶، ۳۰، ۳۱ و ۴۰)

آنزیم‌ها به حد کافی قلبایی نمی‌شود. پس تجزیهٔ مولکول‌های زیستی مختل می‌شود. اما ویژگی دوم این گزینه، تنها برای هورمون سکریتین صحیح می‌باشد. کاهش سکریتین، دیوارهٔ رودهٔ باریک را در برابر اسید معده آسیب‌پذیر می‌کند. پس دو ویژگی این عبارت، تنها برای یکی از هورمون‌ها صحیح است. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: سکریتین، فعالیت پانکراس (خارج از لولهٔ گوارش) را تغییر می‌دهد، اما فقط بر روی ترشح بیکربنات مؤثر می‌باشد، نه بر ترشح آنزیم‌های گوارشی.

گزینه «۳»: گاسترین فعالیت یاخته‌های اصلی و کناری معده را تغییر می‌دهد اما تنها بر روی ترشح پپسینوزن (پیش‌ساز پروتئازها) مؤثر می‌باشد یعنی موجب افزایش ترشح پیش‌ساز آنزیم می‌شود نه خود آنزیم فعال.

گزینه «۴»: هر دو هورمون، از نوعی اندام گوارشی (معده و روده) ترشح می‌شوند. گاسترین با افزایش ترشح اسید معده، pH معده را کاهش داده و سکریتین با تحریک ترشح بیکربنات از پانکراس، pH روده را افزایش می‌دهد. این دو ویژگی برای هر دو هورمون صحیح می‌باشد.

(کوارش و جزب موار) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه‌های ۸ تا ۱۰، ۲۱، ۲۳، ۲۷ و ۲۸)

۴۵- گزینه «۲»

(مهم‌رضا دانشمندی)

با توجه به چین‌های حلقوی موجود در ساختار نشان داده شده، ساختار مربوط به رودهٔ باریک است و مورد ۱ نشان‌دهندهٔ صفاق و مورد ۲ نشان‌دهندهٔ لایهٔ ماهیچه‌ای حلقوی است.

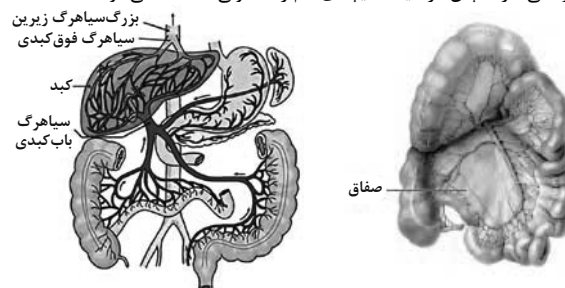
بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در رودهٔ باریک، ماهیچه‌ها همگی از نوع ماهیچهٔ صاف و تک‌هسته‌ای می‌باشند.

گزینه «۲»: طبق شکل‌های زیر، رگ‌های رودهٔ باریک می‌توانند با رگ‌های کولون بالارو انشعابات مشترکی داشته باشند.

گزینه «۳»: صفاق اندام‌های موجود در حفرهٔ شکمی را به هم مرتبط می‌کند، نه فقط اندام‌های گوارشی.

گزینه «۴»: سلول‌های ماهیچه‌ای نیز برای عملکرد صحیح و تأمین انرژی مورد نیاز به خون‌رسانی دارند. پس در لایهٔ ماهیچه‌ای هم رگ خونی مشاهده می‌شود.



(کوارش و جزب موار) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه‌های ۱۸، ۱۹، ۲۱، ۲۵، ۲۷ و ۲۸)

۴۶- گزینه «۲»

(مهم‌رسن نیکی)

فقط مورد «ب» صحیح است.

مری و نای اندام‌های طولی لوله‌ای شکل هستند که با حلق در ارتباط‌اند. دومین لایه از بیرون در مری بافت ماهیچه‌ای و در نای بافت غضروفی ماهیچه‌ای است که تمامی این بافت‌ها یاخته‌هایی دارند که مواد زائد خود را به خون وارد می‌کنند. بررسی سایر موارد: (الف) منظور سوال حفرهٔ داخلی نای و مری است که این حفره در نای به‌خاطر وجود لایهٔ پیوندی غضروفی قابلیت تغییر اندازه چندانی ندارد اما در مری بسته به اندازهٔ لقمهٔ غذایی می‌تواند تغییر کند.

(ج) این عبارت در مورد مری درست است اما هیچ‌یک از قسمت‌های نای توسط صفاق پوشانده نمی‌شود.

(د) اگر به شکل ۴ فصل سوم دقت کنید می‌بینید که غدد ترشحی در فاصله‌های منظم و یکسانی از یکدیگر قرار نگرفته‌اند.

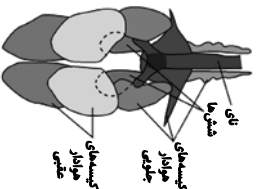
(تبارلات کزازی) (زیست‌شناسی، ۱، صفحه‌های ۱۸ تا ۲۰، ۲۶ و ۳۷)

۴۷- گزینه «۳»

(مهم‌مردی روزبهانی)

در بیماری سلیاک یاخته‌های رودهٔ باریک تخریب می‌شوند؛ در این بیماری پرزها و ریزپرزها تخریب می‌شوند؛ می‌دانیم در پرز علاوه بر بافت پوششی سطحی، بافت پیوندی مخاط نیز وجود دارد. پس در سلیاک همهٔ این یاخته‌ها می‌توانند تخریب شوند. ویژگی مشترک همهٔ این یاخته‌ها این است که توسط شبکهٔ مویرگی مجاور خود تغذیه می‌شوند.

توضیحات و نکات		مثال کتاب	کدام گروه جانداران	شیوه تنفس
در پر سلولی‌هایی که در این گروه قرار می‌گیرند، همهٔ یاخته‌ها با محیط تبادل‌ات گازی و ارتباط دارند به همین دلیل ساختار ویژه‌ای برای تنفس وجود ندارد – تک‌یاختهای‌ها هم واضحاً با محیط ارتباط دارند.		هیدر و تک‌یاختهای‌ها	تک‌یاختهای‌ها و برخی بی‌مهرگان	نداردا
لوله‌های منشعب و مرتبط به‌هم هستند که از طریق منافذ تنفس به خارج راه دارند. ابتدای نابیدیس‌ها بر خلاف انتهای آنها منفذ دارد – تنها انشعابات انتهایی نابیدیس‌ها دارای مایع هستند و کنار همهٔ یاخته‌های بدن قرار می‌گیرند – در این روش تنفس، دستگاه گردش مواد نقش در انتقال گازهای تنفسی ندارد – اولین انشعابات نابیدیس‌ها الزاماً قطورترین انشعاب آنها نیست – انشعابات انتهایی نابیدیس‌ها ساختار متفاوتی با انشعابات قبلی دارند.		حشرات (ملخ)	برخی از بی‌مهرگان	نابیدیسی
شبکه‌های مویرگی فراوان در <u>زیرپوست</u> قرار دارد – لازمهٔ تنفس پوستی رطوبت پوست است		دوزیستان بالغ (قورباغه) و کرم خاکی	برخی از مهرداران و برخی از بی‌مهرگان	پوستی
ساده‌ترین آبشش‌ها، برجستگی‌های کوچک و پراکندهٔ پوستی هستند مانند ستارهٔ دریایی، گازهای تنفس برای رسیدن به مایعات درون کانال‌های زیرپوستی باید از دو لایهٔ یاختهای بگذرند. یک لایهٔ پوست را می‌سازد و یک لایهٔ کانال‌های زیر پوست را – در محل تبدلات گازی سازندهٔ پوست از لایهٔ دیگر قطورتر است – در بی‌مهرگان دیگر مثل سخت‌پوستان آبشش‌ها به نواحی خاص از بدن محدود می‌شوند. در ماهی‌ها، چندین تیغهٔ آبششی یک رشتهٔ آبششی را می‌سازند و چندین رشتهٔ آبششی به یک کمان آبششی متصل‌اند و هر طرف بدن چند کمان آبششی وجود دارد جهت حرکت آب از بین تیغه‌ها برخلاف جهت حرکت خون شبکه‌های مویرگی درون تیغه‌هاست – آب از دهان ماهی وارد می‌شود و از طریق آبشش‌ها خارج می‌شود. هر رشتهٔ آبشش یک انشعاب از سرخرگ شکمی و یک انشعاب از سرخرگ پشتری دارد که سرخرگ پشتری که حاوی خون روشن است خون را از کمان آبشش جابه‌جا می‌کند آب از بین تیغه‌ها همواره به سمت خون تیره می‌رود و ممکن است جهت حرکت آب بین تیغه‌های مختلف، با هم فرق داشته باشند.		ماهی و نوزاد دوزیست (قورباغه نوزاد) و سخت‌پوستان و ستاره دریایی	برخی مهرداران و برخی بی‌مهرگان	آبششی
در مهرداران شش‌دار (نه حلزون یا مهرداری) هوا به حفرهٔ دهانی وارد می‌شود، حجم این حفره از شش‌ها بیشتر است ولی پس از بسته شدن بینی هوا با فشار وارد شش‌ها می‌شود و حجم شش‌ها از حفرهٔ دهانی بیشتر می‌شود. فشار منفی در انسان و پرندگان: هوا به‌وسیلهٔ مکشی حاصل از فشار منفی قفسه سینه به شش‌ها وارد می‌شود. پرندگان به علت پرواز به اکسیژن بیشتری نیاز دارند به همین دلیل ساختارهایی به‌نام کیسه‌های هوادار دارند که کارایی تنفس آنها را نسبت به پستانداران افزایش می‌دهد.		مهرداران (به‌جز ماهی‌ها و نوزاد دوزیستان) و بی‌مهرگانی مثل حلزون	برخی مهرداران و برخی بی‌مهرگان	ششی
نکات مرتبط با کیسه‌های هوادار پرندگان				
نکته کنکوره: پرندگان دیافراگم ندارند – پرندگان ۹ کیسهٔ هوادار دارند، ۵ کیسهٔ جلویی و ۴ کیسهٔ عقبی کیسه‌های هوادار در تبدلات گازی نقش مؤثری دارند ولی خودشان به‌طور مستقیم توانایی تبادل گازهای تنفسی با خون را ندارند – کیسه‌های عقبی نسبت به کیسه‌های جلویی بزرگ‌تراند – تنها کیسه‌ای که به‌صورت جفت قرار دارند جزء کیسه‌های جلویی است – کوچک‌ترین کیسه‌های هوادار در اطراف نای قرار دارند و جزء کیسه‌های جلویی‌اند.				



شبهه گواش	نام جانور	توضیحات راجع به برخی فرایندها با بخش‌های موثر	برخی نکات باقی‌مانده
واکوئول گواشی	پارامسی	واکوئول غلغایی: دارای توانایی حرکت در سیتوپلاسم – در انتهای حفره دهن تشکیل می‌شود – لیزوزوم‌ها به آن می‌پیوندند و آنزیم‌های گواش درون آن آزاد می‌شوند – بزرگ‌ترین تکه‌های غذا در این واکوئول دیده می‌شوند.	واکوئول غلغایی توانایی درون‌دزدی و واکوئول دفعی توانایی برون‌دزدی دارد. به علت پیوست غشای لیزوزوم، دو واکوئول دفعی و گواشی غلغایی وسیع‌تری نسبت به واکوئول غلغایی دارند.
		واکوئول صوت می‌گیرد.	مسیر حرکت واکوئول‌ها در سیتوپلاسم به علت وجود هسته خط صاف نیست.
		واکوئول دفعی: دارای توانایی حرکت در سیتوپلاسم – حاوی مواد دفعی و گواش نیافته است، به قسمت مشخصی از پاخته به‌نام منفذ دفعی می‌پیوندند.	هیدر تاژک دارد در حالی‌که پارامسی مزک دارد.
		گواش بیرون‌یاخته‌ای: در فضای حفره گواشی آغاز می‌شود. در اثر ترشح آنزیم از تعدادی از پاخته‌ها شروع می‌شود. این نوع گواش نقطه اشتراک با گواش جانداران دارای لوله گواش است.	تعدادی از پاخته‌های هیدر با فضای درون حفره ارتباط ندارند.
حفره گواش	هیدر	گواش درون‌یاخته‌ای: فقط توسط برخی پاخته «پاخته‌هایی که تاژک دارند» آغاز می‌شوند. پاخته‌هایی که ذرات غذا را دریافت می‌کنند مشابه پارامسی گواش درون‌یاخته‌ای را انجام می‌دهند.	پاخته‌های تاژک‌دار دو تاژک به سمت درون حفره دارند.
		دهان: محل شروع گواش شیمیایی (گواش فیزیکی قبل از دهان و لوله گواشی توسط روزه‌آغاز می‌شود) و محل دریافت ترشحات غده بزاقی است.	طول تاژک‌های یک پاخته با پاخته دیگر می‌تواند برابر نباشد.
		مرع: در بخش انتهایی آن چین‌دندان قرار دارد. چند غده بزاقی در زیر آن قرار دارند.	محل ورود و خروج مواد درون حفره یکسان است.
		چینه‌دندان: غذا را نرم و ذخیره می‌کند – به علت وجود آنزیم‌های بزاقی در آن گواش شیمیایی دیده می‌شود. حجم‌ترین بخش لوله گواش پیش‌مده: دیواره آن دندان وجود دارد و محل پایان گواش فیزیکی است و به علت دریافت آنزیم‌های معده و کیسه‌های معده گواش شیمیایی هم دارد.	بلندترین پاهای ملخ پاهای عقبی است.
ملخ		معده: محل جذب مواد گواش‌یافته و پایان گواش شیمیایی	محل اتصال بال‌ها، بالای چین‌دندان قرار دارد.
		روده: در ابتدای آن لوله‌ها مالپیگی قرار دارد – به راست‌روده ختم می‌شود. راست‌روده «روده» محل جذب آب و یون‌ها	منفذ مخرج در انتهای سطح روئی بدن است.
		مرع: با نزدیک شدن به چین‌دندان حجم می‌شود و انتهای آن چین‌دندان قرار دارد.	روده در بخش جیم خود با لوله‌های مالپیگی در ارتباط است.
		چینه‌دندان: محل نرم و ذخیره شدن مواد غلغایی است و حجم‌ترین بخش لوله گواش است.	روده از طریق بخش باریک خود به راست‌روده متصل می‌شود.
لوله گواش	پرنده دانه‌خوار	معده: بین چین‌دندان و سنگدان قرار دارد و مجاور کبد است.	ملخ توانایی تولید آنزیم تجزیه‌کننده سلولز را دارد.
		سنگدان: ساختار ماهیچه‌ای دارد و محل ذخیره سنگ‌بره‌هایی است که پرنده می‌بلعد.	نزدیک‌ترین بخش به پای پرنده روده باریک و نزدیک بخش به پشت آن سنگدان است.
		روده باریک: بسیار بزرگ و خم است. محل اصلی جذب است – محتویات کبد به آن می‌ریزد.	محل اصلی گواش مکانیکی سنگدان است (کتاب به گواش شیمیایی اشاره‌ای نکرده است)
		روده بزرگ: پرنده دانه‌خوار برخلاف ملخ به‌جای راست‌روده، روده بزرگ دارد.	قطر معده و روده بزرگ از روده باریک بیشتر است.
گاو و گوسفند		سیرابی: بزرگ‌ترین بخش معده است – غذا دو بار از آن عبور می‌کند و محل گواش ناقص غذاست.	در پا انگشت دارد که پرده بین انگشتان با مرگ برنامه‌ریزی‌شده از بین رفته است.
		نگاری: غذا دوبار از آن عبور می‌کند که هر دو بار را از سیرابی می‌گیرد.	پس از جویدن کامل غذا سیرابی غلظت توده غلغایی را کم و هزار لا غلظت را زیاد می‌کند.
		هزار لا: یک اتاقک لایه‌لایه است که غذا را تا حدودی آبگیری می‌کند. غذا یکبار از آن رد می‌شود.	هزار لا و شیردان و روده صرفاً با غلغایی کامل جویده شده در تماس‌اند ولی سیرابی و نگاری با غلغایی نیمه‌جویده هم در تماس‌اند.
		شیردان: محل ادامه گواش توسط آنزیم‌های خود جانور است و به روده متصل می‌شود.	در روده باریک گواش غذا کامل می‌شود و نسبت به شیردان بالاتر است.
روده: نسبت به سایر قسمت‌ها به‌هم نزدیک‌تر است و محل اصلی جذب است.			

ویژگی‌های سطوح مختلف ساختاری در پروتئین‌ها				
ساختار اول	ساختار دوم	ساختار سوم	ساختار چهارم	
تشکیل پیوند پپتیدی	x	x	x	
تشکیل پیوند هیدروژنی	x	✓		
تشکیل پیوند اشتراکی	✓	✓	x	
تشکیل پیوند بین گروه آمینو و کربوکسیل دو آمینواسید	✓	✓	x	
دیده شده پیوند اشتراکی	✓	✓	✓	
دیده شدن پیوند یونی	x	✓	✓	
ساختاری که در آن تنها یک نوع پیوند تشکیل می‌شود.	✓	✓	x	
ساختاری که تنها در آن یک نوع پیوند مشاهده می‌شود.	✓	x	x	
هریک از زنجیره‌ها به‌صورت یک زیرواحد، تاخورد و شکل خاصی پیدا می‌کنند.	x	✓	x	
ساختار نهایی هموگلوبین	x	x	✓	
ساختار نهایی میوگلوبین	x	✓	x	
وجود برهم‌کش آبگریز	x	✓	✓	
نحوه آرایش زیرواحد‌ها	x	x	✓	
تغییر یک آمینواسید می‌تواند آن را تغییر دهد.	✓	✓	✓	
دو نمونه معروف آن مارپیچی و صفحه‌ای است.	x	✓	x	
گروه‌های R آمینواسیدهای آبگریز در تشکیل آن نقش دارند.	x	✓	x	
دو یا چند زنجیره پلی‌پپتیدی در کنار هم قرار می‌گیرند.	x	x	✓	
پروندهای مشابه پیوندهای موجود در پلهای ساختار نردبام مانند دنا مشاهده می‌شود.	x	✓	✓	
محدودیتی در نوع آمینواسید وجود ندارد.	x	x	x	
تغییر یک آمینواسید به‌طور حتم روی آن تأثیر می‌گذارد.	✓	x	x	
همه ساختارهای دیگر به آن بستگی دارند.	✓	x	x	
پروتئین دارای این ساختار ثابت نسبی دارد.	x	✓	x	



فیزیک ۳

گزینه ۴

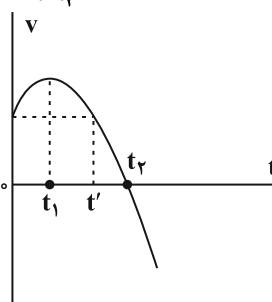
(کنکور تهرانی ۱۳۹۰ داخل کشور)

در نمودار سرعت- زمان شتاب متوسط برابر با شیب خطی است که دو نقطه از نمودار را به هم وصل می‌کند و شتاب لحظه‌ای برابر با شیب خط مماس بر نمودار در هر لحظه است. بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در بازه زمانی صفر تا t_1 نمودار در حال دور شدن از محور زمان است. بنابراین تندی متحرک در حال افزایش است. (نادرست)

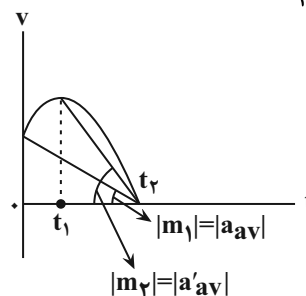
گزینه «۲»: با توجه به اینکه نمودار به صورت سهمی است، اندازه شیب خط مماس بر نمودار سرعت- زمان در لحظه t_2 بزرگتر از اندازه شیب خط مماس بر نمودار در لحظه صفر است. (نادرست)

$$|a_{t=0}| = |a_{t=t'}| < |a_{t=t_2}|$$



گزینه «۳»: در بازه زمانی صفر تا t_1 شیب خط مماس بر نمودار مثبت است، بنابراین شتاب در این بازه زمانی در جهت مثبت محور x است. در بازه زمانی t_1 تا t_2 شیب خط مماس بر نمودار منفی است و در این بازه زمانی شتاب در خلاف جهت محور x است. بنابراین در بازه زمانی صفر تا t_2 شتاب ابتدا در جهت محور x است و سپس خلاف جهت محور x می‌شود. (نادرست)

گزینه «۴»: مطابق شکل زیر، اندازه شیب خط بین بازه t_1 و t_2 بزرگتر از اندازه شیب بین بازه زمانی صفر تا t_2 است.



$$\frac{|m_2|}{|m_1|} > 1 \rightarrow |a'_{av}| > |a_{av}|$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۹ تا ۱۳)

گزینه ۴

(امیرحسین برادران)

در بازه ۰ تا ۸s بردار مکان در جهت محور x است و در بازه ۸s تا ۱۰s بردار مکان خلاف جهت محور x است.

در بازه ۰ تا ۱s و همچنین ۳s تا ۵s بردار سرعت در جهت محور x است.

و در بازه ۵s تا ۱۰s بردار سرعت در خلاف جهت محور x است.

بنابراین در بازه‌های ۰ تا ۱s و ۳s تا ۵s و ۵s تا ۱۰s بردارهای مکان و سرعت هم‌جهت‌اند.

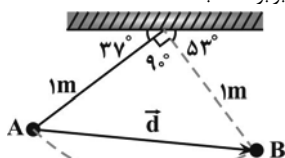
$$\Delta t = (1-0) + (5-3) + (10-8) = 5s$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۳ تا ۱۰)

گزینه ۱

(میلادطاهر عزیززی)

با توجه به شکل و زوایای داده شده و همچنین با توجه به این که آونگ روی مسیر دایره‌ای حرکت می‌کند، در جابه‌جایی از نقطه A تا نقطه B زاویه 90° درجه را طی می‌کند که در این حالت مسافت طی‌شده برابر یک چهارم محیط دایره و اندازه جابه‌جایی آن برابر وتر مثلث قائم‌الزاویه است. با توجه به اینکه طول آونگ ۱ متر است، جابه‌جایی آونگ برابر است با:



$$d = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}m$$

$$\text{مسافت} = \ell = \frac{1}{4} \times (2\pi \times r) = \frac{r=1m}{\pi=3} \rightarrow \ell = \frac{1}{4} \times 2 \times 3 \times 1 = 1/2m$$

اکنون با داشتن اندازه جابه‌جایی، با استفاده از رابطه‌های تندی متوسط و سرعت متوسط می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} v_{av} = \frac{d}{\Delta t} \Rightarrow \frac{v_{av}}{\ell} = \frac{d}{s_{av}} = \frac{s_{av} = 0.5m}{s} \rightarrow \frac{v_{av}}{1/2} = \frac{\sqrt{2}}{1/2} \Rightarrow v_{av} = \frac{\sqrt{2}}{3} \frac{m}{s} \end{cases}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۲ تا ۵)

گزینه ۴

(صالح فومنی بهمت)

در بازه زمانی ۳s تا ۱۱s که شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان منفی است، سرعت منفی است و در بازه زمانی ۷s تا ۱۳s که مکان‌های متحرک منفی است، بردار مکان متحرک در خلاف جهت محور x می‌باشد، بنابراین با محاسبه اندازه جابه‌جایی و مسافت طی‌شده در بازه‌های زمانی فوق می‌توان نوشت:

$$\Delta x = -12 - 18 = -30 \Rightarrow |\Delta x| = 30m$$

$$\ell = |-12 - 0| + |-9 - (-12)| = 12 + 3 = 15m$$

اکنون نسبت $\frac{|v_{av}|}{s_{av}}$ را می‌یابیم:

$$\frac{|v_{av}|}{s_{av}} = \frac{|\Delta x|}{\ell} = \frac{30}{15} = 2 \quad \frac{\Delta t = 11-3=8s}{\Delta t' = 13-7=6s} \rightarrow \frac{|v_{av}|}{s_{av}} = \frac{30}{15} = \frac{2}{1} = 2$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۳ تا ۹)

گزینه ۳

(میلادطاهر عزیززی)

آ) نادرست است. متحرک دو بار در لحظه‌های $t_1 = 3s$ و $t_2 = 6s$ تغییر جهت داده است. در این لحظه‌ها، شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان که معرف سرعت متحرک است، صفر شده و بعد از آن لحظه‌ها علامت سرعت تغییر کرده است. ب) نادرست است. با استفاده از رابطه سرعت متوسط برای بازه زمانی صفر تا ۳s داریم:

$$v_{av} = \frac{x_3 - x_0}{\Delta t} = \frac{x_3 = 2m, x_0 = -2m}{\Delta t = 3-0=3s} \rightarrow v_{av} = \frac{2 - (-2)}{3} = \frac{4}{3} \frac{m}{s}$$



و برای ۳ ثانیه دوم (بازه زمانی $t_1 = 3s$ تا $t_2 = 6s$) داریم:

$$v'_{av} = \frac{x_{ps} - x_{3s}}{\Delta t} = \frac{x_{ps} = -1m, x_{3s} = 2m}{\Delta t = 6 - 3 = 3s} \rightarrow v'_{av} = \frac{-1 - 2}{3} = -1 \frac{m}{s}$$

$$\frac{v_{av}}{v'_{av}} = \frac{3}{-1} = -3$$

در آخر داریم:

پ) نادرست است. به طور کلی، وقتی متحرک در حال حرکت باشد، هیچ گاه تندی متوسط صفر نمی شود. دقت کنید، در بازه زمانی $t = 1s$ تا $t = 5s$ ، سرعت متوسط صفر است.

ت) درست است. متحرک در لحظه های $t_1 = 1s$ و $t_2 = 5s$ از مبدأ مکان عبور کرده است. دقت کنید، در لحظه $t = 3s$ متحرک به مبدأ مکان رسیده است، اما از آن عبور نمی کند.

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۳ تا ۹)

۵۶- گزینه «۳»

(عطاله شارآباد)

آ) درست است. با استفاده از رابطه سرعت متوسط برای بازه زمانی $t_1 = 1s$ تا $t_2 = 4s$ به صورت زیر مکان x_3 را می یابیم:

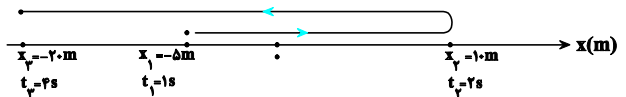
$$\bar{v}_{av} = \frac{\Delta \bar{x}}{\Delta t} \quad \bar{v}_{av} = (-\frac{5m}{s})\vec{i} \rightarrow (-\frac{5m}{s})\vec{i} = \frac{\Delta \bar{x}}{3s}$$

$$\Rightarrow \Delta x = (-15m)\vec{i} \Rightarrow \Delta x = -15m$$

$$\Delta x = x_3 - x_1 = \frac{x_1 = -5m}{\Delta x = -15m} \rightarrow -15 = x_3 - (-5) \Rightarrow x_3 = -20m$$

پ) نادرست است. چون مکان تغییر جهت مشخص نیست، نمی توان مسافت طی شده را به صورت قطعی تعیین کرد. به عنوان مثال، اگر متحرک در لحظه $t = 2s$ و در مکان $x_2 = 10m$ تغییر جهت دهد، مسافت طی شده برابر $45m$ است و اگر در مکان های $x > 10m$ تغییر جهت دهد، $l > 45m$ خواهد بود. به شکل زیر توجه کنید.

$$l = |x_2 - x_1| + |x_3 - x_2| = |10 - (-5)| + |-20 - 10| = 45m$$



پ) درست است. بنا به رابطه $s_{av} = \frac{l}{\Delta t}$ داریم:

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} \quad \frac{l = 45m}{\Delta t = 4 - 1 = 3s} \rightarrow s_{av} = \frac{45}{3} = 15 \frac{m}{s}$$

$$\frac{l \geq 45m}{s_{av} \geq 15 \frac{m}{s}}$$

ت) نادرست است. ممکن است متحرک در مکان های $x > 10m$ تغییر جهت داده باشد. ث) نادرست است. در قسمت الف x_3 را تعیین کردیم.

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۳ تا ۹)

۵۷- گزینه «۴»

(میلاد طاهرعزیزی)

بررسی همه گزینه ها:

گزینه «۱»: نادرست است. زیرا در این بازه زمانی شیب خط مماس بر نمودار در حال کاهش است، لذا اندازه سرعت لحظه ای در حال کاهش می باشد.
گزینه «۲»: نادرست است. زیرا تغییر جهت متحرک در لحظه ای است که سرعتش صفر شود و علامت آن تغییر کند. در لحظه t_1 مکان متحرک صفر می شود. به طور کلی این متحرک تغییر جهت نمی دهد، هر چند در لحظه t_2 سرعتش صفر می شود.

گزینه «۳»: نادرست است. مبدأ حرکت مکانی است که متحرک از آن مکان شروع به حرکت کرده است. با توجه به نمودار، متحرک در هیچ بازه زمانی به مکان اولیه خود نزدیک نمی شود.

گزینه «۴»: درست است. هرگاه متحرکی در مسیر مستقیم و بدون تغییر جهت حرکت کند، اندازه جابه جایی و مسافت طی شده آن برابر است. لذا تندی متوسط و اندازه سرعت متوسط نیز با هم برابر خواهند بود. چون متحرک تغییر جهت نمی دهد، تندی متوسط و اندازه سرعت متوسط آن با هم برابر است.

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۳ تا ۱۰)

۵۸- گزینه «۲»

(میلاد طاهرعزیزی)

ابتدا اندازه سرعت متوسط متحرک را پیدا می کنیم. دقت کنید، ثانیه ششم بازه زمانی $t_1 = 5s$ تا $t_2 = 6s$ است که متحرک در این لحظه ها به ترتیب در مکان های $x_1 = 5m$ و $x_2 = 3m$ است.

$$v_{av} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{3 - 5}{6 - 5} = -2 \frac{m}{s} \Rightarrow |v_{av}| = 2 \frac{m}{s}$$

اکنون تندی متوسط را برای کل زمان حرکت ($10s$) می یابیم. متحرک در مدت $\Delta t = 10s$ مسافت $l = 20m$ را طی کرده است. بنابراین داریم:

$$l = |7 - 0| + |2 - 7| + |10 - 2| = 20m$$

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{20}{10} = 2 \frac{m}{s}$$

$$\frac{|v_{av}|}{s_{av}} = \frac{2}{2} = 1$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۳ تا ۹)

۵۹- گزینه «۲»

(مریم شیخ موم)

چون در لحظه $t = 4s$ شیب خط مماس بر نمودار مثبت می باشد، سرعت در این لحظه مثبت و برابر $v_{4s} = 4 \frac{m}{s}$ است. از طرف دیگر، چون شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان در لحظه $t_1 = 6s$ صفر می باشد، سرعت در این لحظه صفر خواهد بود. بنابراین، می توان نوشت:

$$a_{av} = \frac{v_{6s} - v_{4s}}{t_2 - t_1} \quad \frac{v_{6s} = 0, v_{4s} = 4 \frac{m}{s}}{t_1 = 4s, t_2 = 6s} \rightarrow a_{av} = \frac{0 - 4}{6 - 4} = -2 \frac{m}{s}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۴ تا ۱۳)

۶۰- گزینه «۲»

(مصطفی کیانی)

می دانیم، شتاب در هر لحظه دلخواه t ، برابر شیب خط مماس بر نمودار سرعت - زمان در آن لحظه است. بنابراین، چون در لحظه های t_1 ، t_2 و t_3 شیب خط مماس بر نمودار سرعت - زمان برابر صفر است، در این لحظه ها شتاب متحرک صفر می شود. یعنی ۳ بار شتاب متحرک صفر شده است.

چون نمودار سرعت - زمان بالای محور t قرار دارد، در تمام لحظه ها سرعت مثبت است و متحرک در جهت مثبت محور x حرکت می کند. بنابراین متحرک تغییر جهت نمی دهد.

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۰ تا ۱۳)

۶۱- گزینه «۲»

(بوار کرامران)

رابطه $\Delta x = v \Delta t$ برای متحرکی که با سرعت ثابت و یا تندی ثابت بر روی خط راست حرکت می کند، به کار می رود. مثال نقض عبارت آن: اگر مسیر حرکت منحنی باشد، جابجایی جسم همواره کوچکتر از ضرب سرعت در زمان است.

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۳ تا ۱۵)



۶۲- گزینه «۱»

(معمور منطوری)

با توجه به نمودار مکان - زمان، هر دو متحرک دارای سرعت ثابت می باشند، پس ابتدا سرعت آن ها را به دست می آوریم:

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} \begin{cases} v_A = \frac{0-10}{5-0} = -2 \frac{m}{s} \\ v_B = \frac{0-(-8)}{2-0} = 4 \frac{m}{s} \end{cases}$$

اکنون معادله مکان - زمان این دو متحرک را می یابیم:

$$x_A = v_A t + x_{0A} \xrightarrow{x_{0A}=10m} x_A = -2t + 10$$

$$x_B = v_B t + x_{0B} \xrightarrow{x_{0B}=-8m} x_B = 4t - 8$$

در آخر لحظه ای را که فاصله دو متحرک از یکدیگر برابر با ۴۲ متر می شود، می یابیم:

$$x_B - x_A = 42 \Rightarrow (4t - 8) - (-2t + 10) = 42$$

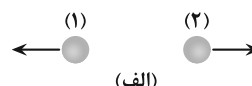
$$\Rightarrow 4t - 8 + 2t - 10 = 42 \Rightarrow 6t = 60 \Rightarrow t = 10s$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۳ تا ۱۵)

۶۳- گزینه «۳»

(کنکور خارج از کشور ۱۴۰۲)

در شکل «الف» که دو متحرک از هم دور می شوند فاصله آن ها در هر ثانیه برابر با مجموع اندازه جابه جایی آن ها در هر ثانیه تغییر می کند.



$$|\Delta x| = |\Delta x_1| + |\Delta x_2| = v_1 t_1 + v_2 t_2$$

$$\xrightarrow{\Delta x_0 = 16m} 16 = v_1 + v_2 \quad (*)$$

در شکل «ب» که دو متحرک به دنبال هم در حال حرکت هستند، فاصله آن ها در هر ثانیه برابر با تفاضل اندازه جابه جایی آن ها در هر ثانیه تغییر می کند.



$$\Delta x' = |\Delta x_2'| - |\Delta x_1'| = v_2 t_2 - v_1 t_1$$

$$\xrightarrow{t_2 = t_1 = 1s} 4 = v_2 - v_1 \quad (**)$$

$$(*) \Rightarrow \frac{v_2 = 10 \frac{m}{s}}{v_1 = 6 \frac{m}{s}} \rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{10}{6} = \frac{5}{3}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۳ تا ۱۵)

۶۴- گزینه «۴»

(عبدالرحمن فقه زاده)

ابتدا تندی متحرک های A و B را می یابیم:

$$x_A = v_A t + x_{0A} \xrightarrow{x_{0A}=0} 0 = v_A \times 2 + x_{0A} \Rightarrow x_{0A} = -2v_A$$

$$x_B = v_B t + x_{0B} \xrightarrow{x_{0B}=0} 0 = v_B \times 8 + x_{0B} \Rightarrow x_{0B} = -8v_B$$

از طرف دیگر، با توجه به داده های روی نمودار $x_{0B} - x_{0A} = 4m$ است.

بنابراین داریم:

$$x_{0B} - x_{0A} = 4 \Rightarrow -8v_B - (-2v_A) = 4$$

$$v_B = \frac{1}{5} v_A \rightarrow -8 \times \frac{1}{5} v_A + 2v_A = 4$$

$$\Rightarrow -1/5 v_A + 2v_A = 4 \Rightarrow 9/5 v_A = 4 \Rightarrow v_A = 20/9 \frac{m}{s}$$

$$\Rightarrow v_A = 10 \frac{m}{s}, v_B = \frac{1}{5} v_A = \frac{1}{5} \times 10 = 2 \frac{m}{s}$$

اکنون لحظه به هم رسیدن دو متحرک به یکدیگر را پیدا می کنیم:

$$x_A = x_B \Rightarrow v_A t + x_{0A} = v_B t + x_{0B} \Rightarrow 10t + x_{0A} = 2t + x_{0B}$$

$$8t = x_{0B} - x_{0A} = 4m \Rightarrow 8t = 4 \Rightarrow t = 0.5s$$

در این قسمت مکانی را که دو متحرک به هم می رسند، می یابیم:

$$x_A = v_A t + x_{0A} \xrightarrow{x_{0A}=-2v_A} x_A = v_A \times 0.5 - 2v_A$$

$$\xrightarrow{v_A=10 \frac{m}{s}} x_A = -1/5 \times 10 = -15m$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۳ تا ۱۵)

۶۵- گزینه «۲»

(بهر روز نموری)

با توجه به داده های روی نمودار، مسافت طی شده در بازه زمانی t' برابر با $\ell' = |0 - 22| = 22m$ است. بنابراین، برای محاسبه تندی متوسط متحرک در بازه زمانی t' ، کافی است t' را بیابیم. مسافت طی شده در بازه زمانی t برابر با $\ell = |22 - 0| = 22m$ و در بازه زمانی t' نیز برابر $\ell' = 22m$ است. بنابراین،

باتوجه به این که $t + t' = 12s$ و $s_{av} = \frac{\ell}{t}$ است، می توان نوشت:

$$s_{av} = \frac{\ell}{t} \xrightarrow{s_{av} = \frac{\ell}{t}} \frac{\ell}{t} = \frac{1}{2} \times \frac{\ell'}{t'} \xrightarrow{\ell' = \ell} t = 2t'$$

$$t + t' = 12 \Rightarrow 2t' + t' = 12 \Rightarrow 3t' = 12 \Rightarrow t' = 4s$$

در آخر تندی متوسط در بازه زمانی t' برابر است با:

$$s'_{av} = \frac{\ell'}{t'} = \frac{22}{4} = 18 \frac{m}{s}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۳ تا ۹)

۶۶- گزینه «۲»

(معدی کیوانلو)

ابتدا تندی متحرک های A و B را که برابر شیب نمودار مکان - زمان است، می یابیم و در ادامه معادله مکان - زمان متحرک ها را می نویسیم:

$$v_A = \frac{\Delta x_A}{\Delta t} = \frac{0 - (-300)}{100 - 0} = 3 \frac{m}{s}$$

$$v_B = \frac{\Delta x_B}{\Delta t} = \frac{600 - 300}{20 - 0} = 15 \frac{m}{s}$$

$$x_A = v_A t + x_{0A} \xrightarrow{x_{0A}=-300m} x_A = 3t - 300$$

$$x_B = v_B t + x_{0B} \xrightarrow{x_{0B}=300m} x_B = 15t + 300$$

اکنون لحظه ای که دو متحرک به هم می رسند را پیدا می کنیم و سپس مکان آن لحظه را می یابیم:

$$x_A = x_B \Rightarrow 3t - 300 = 15t + 300 \Rightarrow 15t = 600 \Rightarrow t = 40s$$

$$x_A = 3 \times 40 - 300 = 30 \times 40 - 300 = 900m$$

در این قسمت معادله مکان - زمان متحرک C را می نویسیم:

$$x_C = v_C t + x_{0C} \xrightarrow{x_{0C}=900m} x_C = 40t + 900$$

وقتی مکان متحرک C دو برابر شود یعنی به مکان $x = 900 \times 2 = 1800$ می رسد لحظه رسیدن به این مکان برابر است با:



$$h - h' = 2.0 \text{ m} \rightarrow v_1^2 - v_2^2 = 40.0$$

$$\begin{aligned} v_1 + v_2 &= 4.0 \frac{\text{m}}{\text{s}} \rightarrow v_1 - v_2 = 1.0 \\ v_1^2 - v_2^2 &= (v_1 + v_2)(v_1 - v_2) \\ v_1 + v_2 &= 4.0 \frac{\text{m}}{\text{s}} \rightarrow \begin{cases} v_1 = 2.5 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ v_2 = 1.5 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{cases} \end{aligned}$$

اکنون h و h' را به دست می آوریم؛ مسافت طی شده از لحظه رها شدن تا لحظه رسیدن به ارتفاع اوج پس از برخورد برابر با $h + h'$ است.

$$d = h + h' = \frac{v_1^2}{2g} + \frac{v_2^2}{2g} = \frac{v_1^2 + v_2^2}{2g} = \frac{2.5^2 + 1.5^2}{2 \times 10} = \frac{25 + 25}{20} = 2.5 \text{ m}$$

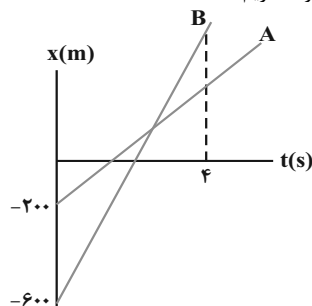
$$\Rightarrow d = 4.2 / 5 \text{ m}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۰ تا ۱۲)

۶۹- گزینه «۲»

(امیرمسین برادران)

مطابق شکل زیر در لحظه ای که فاصله متحرک برای دومین بار ۲۰۰ متر می شود. متحرک B، ۲۰۰ جلوتر از متحرک A قرار دارد ($x_B > x_A$) با نوشتن معادله مکان - زمان دو متحرک داریم:



$$\begin{cases} x_A = v_A t + x_{A0} \xrightarrow{x_{A0} = -200 \text{ m}} x_A = v_A t - 200 \\ x_B = v_B t + x_{B0} \xrightarrow{x_{B0} = -600 \text{ m}} x_B = v_B t - 600 \end{cases}$$

$$\frac{x_B - x_A = 200 \text{ m}}{t = 4 \text{ s}} \rightarrow 200 = (v_B - v_A) \times 4 - 400$$

$$\Rightarrow v_B - v_A = 150 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

فاصله دو متحرک در لحظه $t = 12 \text{ s}$ برابر است با:

$$x'_B - x'_A = (v_B - v_A)t' - 400 = 150 \times 12 - 400 = 1400 \text{ m}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۳ تا ۱۵)

۷۰- گزینه «۱»

(امیرمسین برادران)

در هر بازه زمانی جابه جایی متحرک را تا لحظه $t_2 = 1.0 \text{ s}$ به دست می آوریم:

$$\Delta x_1 = v_1 t_1 = 3.5 \times 4 = 14 \text{ m} \quad t_1 = 4 \text{ s}$$

$$t_2 = 1.0 \text{ s}, \Delta x_2 = v_{av}(t_2 - t_1) = -\frac{2.0}{3} \times (1.0 - 4) = -4.0 \text{ m}$$

اکنون مکان متحرک را در لحظه $t_2 = 1.0 \text{ s}$ به دست می آوریم:

$$x_2 = \Delta x_1 + \Delta x_2 = 14.0 - 4.0 = 10.0 \text{ m}$$

$$x_C = 4.0t + 9.00 \Rightarrow 18.00 = 4.0t + 9.00 \Rightarrow 9.00 = 4.0t \Rightarrow t = 2.25 \text{ s}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۳ تا ۱۵)

۶۷- گزینه «۳»

(عطاله شادآباد)

اگر تندی متحرک در قسمت اول را $v_1 = y$ فرض کنیم، تندی آن در قسمت دوم حرکت که دو برابر تندی آن در قسمت اول حرکت است، برابر $v_2 = 2y$ خواهد بود. بنابراین، با توجه به داده های روی نمودار می توان نوشت:

$$x = v_1 t + x_0 \xrightarrow{t = 4 \text{ s} \Rightarrow x = 0} 0 = -x \times 4 + x_1 \Rightarrow x_1 = 4x$$

$$\xrightarrow{t = 9 \text{ s} \Rightarrow x = x_2} x_2 = -x \times 9 + 4x \Rightarrow x_2 = -5x$$

از طرف دیگر داریم:

$$v_2 = -2v_1 \Rightarrow \frac{x_3 - x_2}{1.0 - 9} = 2 \times \frac{x_2 - x_1}{9} \Rightarrow x_3 - (-5x) = 2 \times \frac{-5x - 4x}{9}$$

$$\Rightarrow x_3 + 5x = 2x \Rightarrow x_3 = -3x$$

در این قسمت مسافت طی شده و جابه جایی را در مدت ۱.۰ s می یابیم:

$$= |x_2 - x_1| + |x_3 - x_2| = |-5x - 4x| + |-3x - (-5x)|$$

$$\Rightarrow \ell = 9x + 2x = 11x$$

$$\Delta x = x_3 - x_1 = -3x - 4x = -7x \Rightarrow |\Delta x| = 7x$$

با توجه به این که مسافت طی شده ۴۸ m بیشتر از اندازه جابه جایی است، داریم:

$$\ell = |\Delta x| + 48 \Rightarrow 11x = 7x + 48 \Rightarrow 4x = 48 \Rightarrow x = 12 \text{ m}$$

با توجه به نمودار داده شده، بیشترین فاصله متحرک از نقطه شروع حرکت در لحظه $t = 9 \text{ s}$ است. بنابراین داریم:

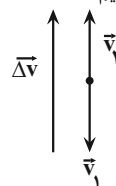
$$x_2 - x_1 = -5x - 4x \Rightarrow x_2 - x_1 = -9x = -9 \times 12 = -108 \text{ m}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۳ تا ۱۵)

۶۸- گزینه «۲»

(امیرمسین برادران)

در لحظه برخورد توپ با زمین جهت سرعت به سمت پایین و بلافاصله پس از برخورد جهت سرعت به سمت بالا است. بنابراین اولاً جهت بردار تغییرات سرعت به سمت بالا و ثانیاً اندازه آن برابر مجموع تندی گلوله قبل و بعد از برخورد با زمین است. با استفاده از رابطه شتاب متوسط داریم:



(v_1 و v_2 به ترتیب تندی گلوله قبل و بعد از برخورد با زمین است.)

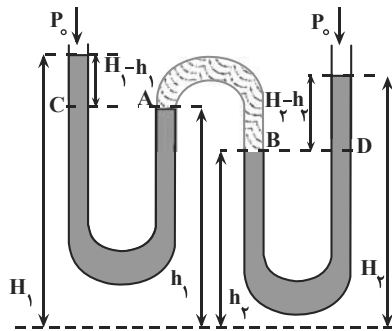
$$(a_{av}) = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_1 + v_2}{\Delta t} \Rightarrow \Delta v = v_1 + v_2$$

$$v_1 + v_2 = 0.08 \times 500 = 40 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

اگر ارتفاع اولیه گلوله h و ارتفاع آن پس از برخورد با زمین h' باشد با توجه به قانون پایستگی انرژی داریم:

$$\begin{cases} \frac{1}{2} m v_1^2 = mgh \\ \frac{1}{2} m v_2^2 = mgh' \end{cases} \Rightarrow v_1^2 - v_2^2 = 2g(h - h')$$

جابه جایی توپ برابر با اختلاف ارتفاع h و h' است.



$$P_A = P_C \Rightarrow P_A = P_0 + \rho_g(H_1 - h_1)$$

$$P_B = P_D \Rightarrow P_B = P_0 + \rho_g(H_2 - h_2)$$

از طرف دیگر، فشار نقطه‌های A و B که هر دو برابر فشار هوای محبوس است، با هم برابر هستند. در این حالت داریم:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 + \rho_g(H_1 - h_1) = P_0 + \rho_g(H_2 - h_2)$$

$$\Rightarrow \rho_g(H_1 - h_1) = \rho_g(H_2 - h_2) \Rightarrow H_1 - h_1 = H_2 - h_2$$

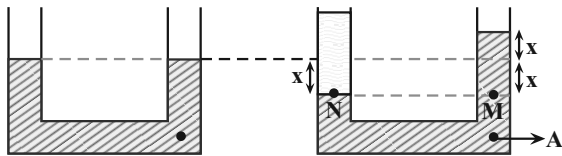
$$\Rightarrow H_1 + h_2 = H_2 + h_1$$

(ویژگی‌های فیزیکی موار) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۳۲ تا ۴۰)

۷۴- گزینه «۱»

(علی ملایطری)

با اضافه نمودن روغن در شاخه سمت چپ لوله، سطح آب درون این شاخه به اندازه X پایین می‌رود و در شاخه سمت راست به اندازه X بالا خواهد رفت. بنابراین، با توجه به شکل، فشار در نقطه A به اندازه فشار ستونی از آب به ارتفاع X افزایش یافته است. در این حالت داریم:



$$\Delta h_A = x, \rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \rightarrow \Delta P_A = \rho_{\text{آب}} g \Delta h_A \rightarrow \Delta P_A = 500 \text{ pa}$$

$$500 = 1000 \times 10 \times x \Rightarrow x = 0.05 \text{ m} = 5 \text{ cm}$$

از طرف دیگر، برای نقاط هم‌تراز M و N که در یک مایع واقع‌اند، فشار یکسان است. بنابراین می‌توان نوشت:

$$P_M = P_N \Rightarrow P_0 + \rho_{\text{آب}} g h_{\text{آب}} = P_0 + \rho_{\text{روغن}} g h_{\text{روغن}}$$

$$\Rightarrow \rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} = \rho_{\text{روغن}} h_{\text{روغن}}$$

$$\frac{h_{\text{آب}} = 2x = 2 \times 5 = 10 \text{ cm}}{\rho_{\text{روغن}} = \frac{0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}}{1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}} \times \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}} \rightarrow 1 \times 10 = 0.8 \times h_{\text{روغن}}$$

$$\Rightarrow h_{\text{روغن}} = 12.5 \text{ cm}$$

در آخر با داشتن ارتفاع روغن و سطح مقطع لوله، به‌صورت زیر جرم روغن اضافه شده را می‌یابیم:

$$\rho = 0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \rightarrow m = \rho v \rightarrow m = \rho A h \rightarrow A = 1 \text{ cm}^2, h = 12.5 \text{ cm}$$

$$m = 0.8 \times 10 \times 12.5 = 100 \text{ g}$$

(ویژگی‌های فیزیکی موار) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۸)

پس از لحظه $t_2 = 1.0 \text{ s}$ حرکت متحرک یکنواخت شده و سرعت را به‌دست می‌آوریم:

$$v_2 = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad x_2 = 10.0 \text{ m}, \Delta t = 16 - 10 = 6 \text{ s} \rightarrow x_2 = 10 \text{ m}$$

$$v_2 = \frac{10 - 10.0}{6} = \frac{-90}{6} = -15 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

اکنون شتاب متوسط را در ۱۲ ثانیه اول حرکت به‌دست می‌آوریم:

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \quad \Delta v = v_2 - v_1 = -15 - 35 = -50 \frac{\text{m}}{\text{s}} \rightarrow \Delta t = 12 \text{ s}$$

$$a_{av} = \frac{-50}{12} = \frac{-25}{6} \Rightarrow |a_{av}| = \frac{25}{6} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۹ تا ۱۵)

فیزیک ۱

۷۱- گزینه «۴»

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: وقتی قلم مویی را از آب بیرون می‌کشیم، به دلیل کشش سطحی بین مولکول‌های آب موه‌ای آن به هم می‌چسبند.

گزینه «۲»: در طوفان شن، یک باد ضعیف می‌تواند ذرات شن را به هوا بفرستد، اما یک طوفان شدید دریایی تنها قادر به پراکندن مقدار اندکی آب به‌صورت قطره‌های ریز است که علت آن نیروی هم‌چسبی بین مولکول‌های آب است.

گزینه «۳»: نیروی دگرچسبی بین آب و بدن حشره، باعث افتادن حشره در آب می‌شود. گزینه «۴»: برای چسباندن تکه‌های شیشه آن‌ها را گرم می‌کنند تا نرم شوند، در این حالت، مولکول‌های دو تکه شیشه آن قدر به هم نزدیک می‌شوند تا نیروی بین‌مولکولی که کوتاه‌برد است، بتواند دو قطعه را به هم چسباند.

(ویژگی‌های فیزیکی موار) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۲۴ تا ۳۱)

۷۲- گزینه «۳»

(سراسری ۱۴۰۲ تهرانی)

در لوله‌های استوانه‌ای شکل، فشاری که از طرف مایع درون لوله به ته لوله وارد می‌شود برابر با حاصل تقسیم وزن مایع درون لوله به مساحت مقطع لوله است.

$$P_{\text{مایع}} = \frac{mg}{A} \quad m = m_{\text{آب}} + m_{\text{جیوه}}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \rightarrow m_{\text{آب}} = 544 \text{ g}, m_{\text{جیوه}} = 272 \text{ g}, A = 20 \text{ cm}^2 = 2 \times 10^{-3} \text{ m}^2$$

$$P_{\text{مایع}} = \frac{(544 + 272) \times 10^{-3} \times 10}{2 \times 10^{-3}} = 4080 \text{ Pa}$$

اکنون فشار هوا را برحسب پاسکال به‌دست می‌آوریم:

$$P_0 = \rho_{\text{جیوه}} g h \quad h = 75 \text{ cm} = 0.75 \text{ m}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \rightarrow \rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$P_0 = 13600 \times 10 \times 0.75 = 102000 \text{ Pa}$$

فشار کل در ته لوله برابر با مجموع فشار هوا و فشار ناشی از مایع درون لوله است:

$$P_{\text{کل}} = P_0 + P_{\text{مایع}} = 102000 + 4080 = 106080 \text{ Pa}$$

(ویژگی‌های فیزیکی موار) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۸)

۷۳- گزینه «۱»

(مهری فتاحی)

فشار در نقاط هم‌تراز A و C و هم‌چنین B و D یکسان است. بنابراین:



اکنون افزایش نیروی وارد بر کف ظرف را می‌یابیم:

$$\Delta F = \Delta P \times A_f \xrightarrow{\Delta P = \rho g \Delta h} \Delta F = \rho g \Delta h \times A_f$$

$$\xrightarrow{A_f = 20 \times 10^{-4} \text{ m}^2} \Delta F = 1000 \times 10 \times 0.1 \times 20 \times 10^{-4} = 2 \text{ N}$$

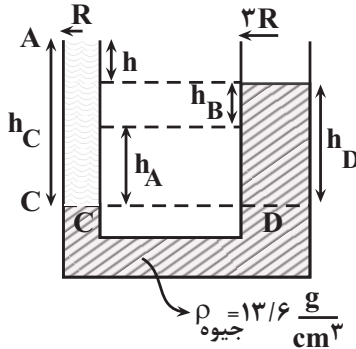
$$\rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

(ویژگی‌های فیزیکی مواد) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۸)

۷۸- گزینه «۱»

(امسان ایرانی)

می‌دانیم حجم جیوه پایین آمده در شاخه A با حجم جیوه بالا رفته در شاخه B یکسان است. بنابراین داریم:



$$V = Ah = \pi r^2 h \xrightarrow{V = \text{بالا آمده} = V = \text{پایین رفته}}$$

$$\pi r_A^2 h_A = \pi r_B^2 h_B \xrightarrow{r_A = R, h_A = 9 \text{ cm}} \xrightarrow{r_B = 3R} \frac{r_A}{r_B} = \frac{R}{3R} = \frac{1}{3}$$

$$R^2 \times 9 = 9R^2 \times h_B \Rightarrow h_B = 1 \text{ cm}$$

از طرف دیگر، برای دو نقطه هم‌تراز C و D که فشار یکسانی دارند، می‌توان نوشت:

$$P_C = P_D \Rightarrow P_0 + \rho_{\text{مایع}} g h_C = P_0 + \rho_{\text{جیوه}} g h_D$$

$$\Rightarrow \rho_{\text{مایع}} h_C = \rho_{\text{جیوه}} h_D \xrightarrow{\rho_{\text{مایع}} = 6/8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, h_D = 9 + 1 = 10 \text{ cm}} \xrightarrow{\rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}}$$

$$6/8 \times h_C = 13.6/6 \times 10 \Rightarrow h_C = 20 \text{ cm}$$

بنابراین اختلاف ارتفاع سطح آزاد دو مایع برابر است با:

$$h = h_C - h_D = 20 - 10 = 10 \text{ cm}$$

(ویژگی‌های فیزیکی مواد) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۸)

۷۹- گزینه «۲»

(مرتضی مرتضوی)

با توجه به شکل، حجم جسم فرو رفته درون ۳ ظرف و در نتیجه حجم شاره جابه‌جا شده به صورت $v_1 > v_3 > v_2$ است. با توجه به این که چگالی شاره درون این ۳ ظرف با حجم شاره جابه‌جا شده توسط جسم‌ها، نسبت عکس دارد. لذا $\rho_1 < \rho_3 < \rho_2$ می‌باشد.

از طرف دیگر، می‌دانیم مایعی که چگالی بیشتری دارد پایین قرار می‌گیرد. بنابراین از پایین ظرف به طرف بالا به ترتیب، ابتدا مایع ۲، سپس مایع ۳ و در آخر مایع ۱) در بالا قرار می‌گیرد.

(ویژگی‌های فیزیکی مواد) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

۸۰- گزینه «۲»

(مهری فتاحی)

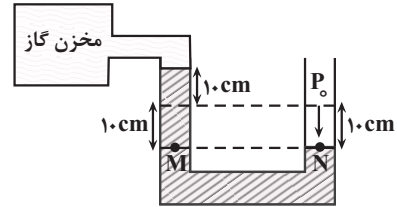
طبق تعریف، آهنگ شارش حجمی شاره، برابر نسبت حجم شاره جابه‌جا شده به زمان است. بنابراین داریم:

$$\text{آهنگ شارش حجمی} = \frac{V}{t} \Rightarrow \text{آهنگ شارش حجمی} = \frac{3/6L}{1 \text{ min}} = \frac{360 \text{ cm}^3}{60 \text{ s}} = 6 \frac{\text{cm}^3}{\text{s}}$$

(آرش یوسفی)

۷۵- گزینه «۴»

چون مایع در شاخه متصل به مخزن گاز بالا می‌رود، فشار هوا از فشار گاز بیشتر است. بنابراین، با توجه به شکل زیر و یکسان بودن فشار در نقطه‌های هم‌تراز یک مایع می‌توان نوشت:



$$\rho_{\text{مایع}} h_{\text{مایع}} = \rho_{\text{جیوه}} h_{\text{جیوه}} \xrightarrow{\rho_{\text{مایع}} = 3/4 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, h_{\text{مایع}} = 10 + 10 = 20 \text{ cm}} \xrightarrow{\rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}}$$

$$3/4 \times 20 = 13.6/6 \times h_{\text{جیوه}} \Rightarrow h_{\text{جیوه}} = 5 \text{ cm} \Rightarrow P_{\text{مایع}} = 5 \text{ cmHg}$$

$$P_M = P_N \xrightarrow{P_N = P_0} P_{\text{گاز}} + P_{\text{مایع}} = P_0 \xrightarrow{P_0 = 70 \text{ cmHg}}$$

$$P_{\text{گاز}} + 5 = 70 \Rightarrow P_{\text{گاز}} = 65 \text{ cmHg}$$

(ویژگی‌های فیزیکی مواد) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۳۲ تا ۴۰)

۷۶- گزینه «۴»

(ممنون قنبرلی)

برای سهولت در محاسبات، ابتدا تغییر فشار هریک از مخزن‌های گاز A و B را بر حسب سانتی‌متر مایع می‌نویسیم. اگر مایع را X فرض کنیم، داریم:

$$A \text{ مخزن گاز: } \Delta P_A = -3 \text{ cmHg} = \frac{-3 \times 13.6/6}{3/4} = -12 \text{ cmx}$$

$$B \text{ مخزن گاز: } \Delta P_B = 2 \text{ cmHg} = \frac{+2 \times 13.6/6}{3/4} = +8 \text{ cmx}$$

می‌بینیم فشار مخزن A، ۱۲ سانتی‌متر مایع کاهش و فشار مخزن B، ۸ سانتی‌متر مایع افزایش یافته است. بنابراین، در مجموع اختلاف فشاری به اندازه ۲۰ سانتی‌متر مایع باعث می‌شود، مایع در شاخه سمت چپ پایین رود و در شاخه سمت راست بالا رود. با توجه به این که قطر سطح مقطع لوله‌ها برابر $D_A = D$ و $D_B = 2D$ و حجم مایع جابه‌جا شده در لوله‌های سمت چپ و سمت راست، یکسان است، می‌توان نوشت:

$$v_A = v_B \Rightarrow h_A A_A = h_B A_B \xrightarrow{A = \pi \frac{D^2}{4}}$$

$$h_A \times \pi \frac{D_A^2}{4} = h_B \times \pi \frac{D_B^2}{4} \Rightarrow h_A \times D^2 = h_B \times 4D^2 \Rightarrow h_A = 4h_B$$

از طرف دیگر داریم:

$$h_A + h_B = 20 \text{ cm} \Rightarrow 4h_B + h_B = 20 \Rightarrow h_B = 4 \text{ cm}$$

می‌بینیم ارتفاع مایع در شاخه سمت چپ لوله ۴ cm پایین می‌رود. بنابراین ارتفاع مایع در این شاخه برابر است با:

$$h = 20 - 4 = 16 \text{ cm}$$

(ویژگی‌های فیزیکی مواد) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۳۲ تا ۴۰)

۷۷- گزینه «۳»

(فرشاد زاهدی)

ابتدا ارتفاع آب اضافه شده در ظرف را می‌یابیم. چون آب به قسمت باریک ظرف اضافه شده است، داریم:

$$\Delta V = A_1 \Delta h \xrightarrow{\Delta V = 40 \text{ cm}^3} \xrightarrow{A_1 = 4 \text{ cm}^2} 40 = 4 \times \Delta h \Rightarrow \Delta h = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$



$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \xrightarrow{A=\text{ثابت}} \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} \xrightarrow{d_2 = \frac{1}{2} d_1} \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{\frac{1}{2} d_1} \Rightarrow C_2 = 2C_1$$

با مشخص شدن وضعیت Q و C به بررسی هر یک از موارد زیر می‌پردازیم:

(ا) درست است. بنا به رابطه $C = \frac{Q}{V}$ ، چون Q ثابت است، با دو برابر شدن ظرفیت خازن، اختلاف پتانسیل بین صفحه‌های آن نصف می‌شود.

$$V = \frac{Q}{C} \xrightarrow{Q=\text{ثابت}} \frac{V_2}{V_1} = \frac{C_1}{C_2} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{C_1}{2C_1} \Rightarrow V_2 = \frac{1}{2} V_1$$

(ب) نادرست است. بنا به رابطه $E = \frac{V}{d}$ داریم:

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{V_2}{V_1} \times \frac{d_1}{d_2} \Rightarrow \frac{E_2}{E_1} = \frac{\frac{1}{2} V_1}{V_1} \times \frac{d_1}{\frac{1}{2} d_1} \Rightarrow E_2 = E_1$$

یا می‌توان گفت، بنا به رابطه $E = \frac{Q}{\kappa \epsilon_0 A}$ ، چون Q و A ثابت‌اند، E نیز ثابت می‌ماند.

(پ) درست است.

(ت) نادرست است. بار الکتریکی خازن ثابت می‌ماند.

(الکتریسیته ساکن) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۲)

(یوسف الهویری زاده)

۸۴- گزینه «ا»

می‌دانیم اگر یک خازن را پر کرده و از باتری جدا کنیم، بار الکتریکی ذخیره شده در آن ثابت می‌ماند. بنابراین، برای مقایسه ظرفیت خازن طبق داده‌های سوال می‌توان نوشت:

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{\kappa_2}{\kappa_1} \times \frac{A_2}{A_1} \times \frac{d_1}{d_2} \xrightarrow{\kappa_2 = \frac{3}{2}, \kappa_1 = 1} \frac{C_2}{C_1} = \frac{\frac{3}{2}}{1} \times \frac{2A_1}{A_1} \times 1 = 3$$

می‌بینیم، ظرفیت خازن ۳ برابر می‌شود. برای بررسی میدان الکتریکی، ابتدا اختلاف پتانسیل بین دو صفحه خازن را بررسی می‌کنیم:

$$V = \frac{Q}{C} \xrightarrow{Q=\text{ثابت}} \frac{V_2}{V_1} = \frac{C_1}{C_2} \xrightarrow{C_2=3C_1} \frac{V_2}{V_1} = \frac{C_1}{3C_1} = \frac{1}{3}$$

در آخر برای میدان الکتریکی میان صفحات خازن می‌توان نوشت:

$$E = \frac{V}{d} \xrightarrow{d=\text{ثابت}} \frac{E_2}{E_1} = \frac{V_2}{V_1} \Rightarrow \frac{E_2}{E_1} = \frac{1}{3}$$

برای بررسی میدان الکتریکی میان صفحات خازن، بدون بررسی اختلاف پتانسیل الکتریکی، می‌توان از رابطه زیر استفاده کنیم:

$$E = \frac{Q}{\kappa \epsilon_0 A} \xrightarrow{Q=\text{ثابت}} \frac{E_2}{E_1} = \frac{\kappa_1}{\kappa_2} \times \frac{A_1}{A_2} = \frac{1}{\frac{3}{2}} \times \frac{A_1}{2A_1} = \frac{1}{3}$$

(الکتریسیته ساکن) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۲)

۸۵- گزینه «۳»

چون U ، Q و V معلوم‌اند، ابتدا با استفاده از رابطه $U = \frac{1}{2} QV$ بار Q را می‌یابیم. با توجه به داده‌های سوال داریم:

از طرف دیگر، طبق معادله پیوستگی، آهنگ شارش حجمی در تمامی قسمت‌های لوله یکسان و ثابت است. بنابراین برای قسمت خروجی لوله داریم:

$$\frac{V}{t} = Av \Rightarrow 60 = \pi r^2 \times v \xrightarrow{r=2\text{cm}} \frac{\pi=3}{r=2\text{cm}} \Rightarrow 60 = 3 \times 4 \times v \Rightarrow v = 5 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

برای بررسی وضعیت، مایع درون لوله U شکل، چون طبق اصل برنولی، با افزایش تندی شار، فشار آن کاهش می‌یابد، لذا، با توجه به این که تندی شار در سمت راست لوله (قطر بزرگتر) کمتر از سمت چپ آن است؛ بنابراین، فشار در سمت راست لوله بیشتر خواهد بود، در نتیجه، ارتفاع مایع در سمت راست پایین می‌رود و در سمت چپ بالاتر خواهد رفت.

(ویژگی‌های فیزیکی موار) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۸ و ۳۳ تا ۴۷)

فیزیک ۲

۸۱- گزینه «۱»

(فسرو ارغوانی فر)

با داشتن Q_1 و V_1 ، ابتدا ظرفیت خازن را که مقدار ثابتی است، می‌یابیم:

$$C = \frac{Q_1}{V_1} = \frac{Q_1=36\mu\text{C}}{V_1=12\text{V}} \Rightarrow C = \frac{36}{12} = 3\mu\text{F}$$

اکنون، با داشتن C و V_2 ، انرژی ذخیره شده در حالت دوم را حساب می‌کنیم:

$$U_2 = \frac{1}{2} C V_2^2 = \frac{1}{2} \times 3 \times 36 = 54\mu\text{J}$$

(الکتریسیته ساکن) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۴)

۸۲- گزینه «۲»

(فسرو ارغوانی فر)

با استفاده از رابطه $U = \frac{1}{2} C V^2$ و باتوجه به این که $U = U_1 + 4 \times 10^{-5}$ و $V_2 = V_1 + 1$

را به صورت زیر می‌یابیم:

$$\begin{aligned} U &= \frac{1}{2} C V^2 \\ U_2 - U_1 &= 4 \times 10^{-5} \xrightarrow{U = \frac{1}{2} C V^2} \frac{1}{2} C V_2^2 - \frac{1}{2} C V_1^2 = 4 \times 10^{-5} \\ \frac{1}{2} C (V_2^2 - V_1^2) &= 4 \times 10^{-5} \xrightarrow{C=4 \times 10^{-6} \text{ F}} \frac{1}{2} \times 4 \times 10^{-6} \times (V_2^2 - V_1^2) = 4 \times 10^{-5} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow V_2^2 - V_1^2 = 20 \xrightarrow{V_2=V_1+1} (V_1+1)^2 - V_1^2 = 20$$

$$V_1^2 + 2V_1 + 1 - V_1^2 = 20 \Rightarrow 2V_1 + 1 = 20 \Rightarrow V_1 = 9.5\text{V}$$

اکنون با داشتن V_1 و C ، بار الکتریکی اولیه خازن را پیدا می‌کنیم:

$$Q_1 = C V_1 = \frac{C=4\mu\text{F}}{V_1=9.5\text{V}} \Rightarrow Q_1 = 4 \times 9.5 = 38\mu\text{C}$$

(الکتریسیته ساکن) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۴)

۸۳- گزینه «۳»

(فسرو ارغوانی فر)

چون خازن را از باتری جدا نموده‌ایم، بار الکتریکی آن ثابت می‌ماند. از طرف دیگر، بنا به رابطه $C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$ ، با نصف کردن فاصله بین دو صفحه خازن، ظرفیت آن دو برابر می‌شود.



$$\Rightarrow \frac{|q|Q - |q|Q + 12 \times 10^{-6} |q|}{\epsilon_0 A} = ma \Rightarrow a = \frac{12 \times 10^{-6} |q|}{\epsilon_0 A m}$$

$$\frac{|q| = 36 \mu C = 36 \times 10^{-6} C, \epsilon_0 = 9 \times 10^{-12} \frac{F}{m}}{m = 10 g = 10 \times 10^{-3} kg, A = 4 \times 10^{-4} m^2} \rightarrow$$

$$a = \frac{12 \times 10^{-6} \times 36 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-12} \times 4 \times 10^{-4} \times 10 \times 10^{-3}} = 12 \frac{m}{s^2}$$

(الکتریسیته ساکن) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۲)

(مصطفی واثقی)

۸۸- گزینه «۱»

ابتدا با استفاده از داده‌های روی نمودار نسبت $\frac{R_A}{R_B}$ را می‌یابیم. با توجه به نمودار اگر V_A سه واحد باشد I_A دو واحد و اگر V_B دو واحد باشد، I_B سه واحد می‌شود. بنابراین با استفاده از قانون اهم داریم:

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{V_A}{V_B} \times \frac{I_B}{I_A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{3}{2} \times \frac{2}{3} = \frac{1}{1}$$

اکنون نسبت $\frac{I_A}{I_B}$ را به ازای اختلاف پتانسیل یکسان می‌یابیم:

$$I = \frac{V}{R} \Rightarrow \frac{I_A}{I_B} = \frac{V_A}{V_B} \times \frac{R_B}{R_A} = \frac{3}{2} \times \frac{2}{3} = \frac{1}{1}$$

در آخر، با توجه به این که $I = \frac{q}{t}$ و $q = ne$ است، نسبت $\frac{n_A}{n_B}$ را پیدا می‌کنیم:

$$I = \frac{q}{t} = \frac{ne}{t} \Rightarrow \frac{I_A}{I_B} = \frac{n_A}{n_B} \times \frac{t_B}{t_A} \Rightarrow \frac{t_A}{t_B} = \frac{t}{t} = 1$$

$$\frac{1}{1} = \frac{n_A}{n_B} \times \frac{1}{1} \Rightarrow \frac{n_A}{n_B} = \frac{1}{1}$$

(برایان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۵)

(امیرحسین برادران)

۸۹- گزینه «۳»

ابتدا در هر مرحله جریان الکتریکی عبوری از باتری را پیدا می‌کنیم. دقت کنید، در مرحله دوم که اختلاف پتانسیل دو سر باتری ۲۰ درصد کاهش می‌یابد، اختلاف پتانسیل دو سر آن برابر $V_2 = V_1 - 0.2V_1 = 0.8V_1$ خواهد شد.

$$I_1 = \frac{V_1}{R} \Rightarrow \frac{V_1 = 1.5V}{R = 0.3\Omega} \rightarrow I_1 = \frac{1.5}{0.3} = 5A$$

$$I_2 = \frac{V_2}{R} \Rightarrow \frac{V_2 = 0.8V_1 = 0.8 \times 1.5V}{R = 0.3\Omega} \rightarrow I_2 = \frac{0.8 \times 1.5}{0.3} = 4A$$

اکنون مجموع بار الکتریکی شارش‌یافته در مدت ۹ دقیقه را می‌یابیم:

$$\Delta q = \Delta q_1 + \Delta q_2 \xrightarrow{\Delta q = I \Delta t} \Delta q = I_1 \Delta t_1 + I_2 \Delta t_2$$

$$\frac{\Delta t_1 = 5 \text{ min} = 300 \text{ s}}{\Delta t_2 = 4 \text{ min} = 240 \text{ s}} \rightarrow \Delta q = 5 \times 300 + 4 \times 240 = 1500 + 960$$

$$= 2460 C \xrightarrow{1C = 1A.s = 10^3 mA.s} \Delta q = 2460 \times 10^3 mA.s$$

$$= 2.46 \times 10^6 mA.s$$

(برایان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۵)

(امیرحسین برادران)

۹۰- گزینه «۲»

(آ) درست است.

(ب) نادرست است. مقدار تقریبی جریان الکتریکی در بادهای خورشیدی یک گیگاآمپر است.

(پ) درست است.

(ت) نادرست است. دید نورگسیل یک رسانای غیراھمی است و از قانون اهم پیروی نمی‌کند. بنابراین، تعداد ۲ گزاره درست است.

(برایان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۵)

$$U = \frac{1}{2} QV \rightarrow \frac{1}{2} Q_2 V_2 = \frac{1}{2} Q_1 V_1 + 12 \times 10^{-3} J$$

$$\frac{V_2 = 90V, V_1 = 30V}{Q_1 = Q, Q_2 = 3Q} \rightarrow \frac{1}{2} \times 3Q \times 90 - \frac{1}{2} \times Q \times 30 = 12 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow 135Q - 15Q = 12 \times 10^{-3} \Rightarrow 120Q = 12 \times 10^{-3} \Rightarrow Q = 10^{-4} C$$

$$1C = 10^6 \mu C \rightarrow Q = 10^{-4} \times 10^6 \mu C = 100 \mu C$$

اکنون اختلاف بار الکتریکی ذخیره شده در دو مدار را پیدا می‌کنیم:

$$Q_2 - Q_1 = 3Q - Q = 2Q \Rightarrow Q_2 - Q_1 = 2 \times 100 = 200 \mu C$$

(الکتریسیته ساکن) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۴)

۹۱- گزینه «۳»

ابتدا ظرفیت خازن را می‌یابیم:

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \xrightarrow{\kappa = 3/2, d = 10 \text{ nm} = 10 \times 10^{-9} m = 10^{-8} m}{A = 10^{-4} m^2, \epsilon_0 = 9 \times 10^{-12} \frac{F}{m}} \rightarrow$$

$$C = \frac{3}{2} \times 9 \times 10^{-12} \times \frac{10^{-4}}{10^{-8}} = 3/2 \times 9 \times 10^{-14} F$$

اکنون با استفاده از رابطه $Q = CV$ و با توجه به این که $Q = ne$ است، تعداد یون‌ها را پیدا می‌کنیم:

$$Q = CV \Rightarrow ne = CV \xrightarrow{V = 80 \text{ mV} = 80 \times 10^{-3} V}{e = 1.6 \times 10^{-19} C} \rightarrow$$

$$n \times 1.6 \times 10^{-19} = 3/2 \times 9 \times 10^{-14} \times 80 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow n = 144000$$

(الکتریسیته ساکن) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۲)

۹۲- گزینه «۱»

(امیرحسین برادران)

چون ذره باردار در حال تعادل است، بر این ذره نیروی وزن رو به پایین و نیروی الکتریکی، (هم اندازه با نیروی وزن)، رو به بالا وارد می‌شود. بنابراین، با توجه به این که بار ذره منفی می‌باشد و بر بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی نیرو وارد می‌شود، لذا باید جهت میدان الکتریکی به طرف پایین باشد. یعنی، صفحه بالایی خازن دارای بار مثبت است. اگر بار صفحات خازن را در حالت اول Q فرض کنیم،

میدان الکتریکی بین دو صفحه در این حالت برابر $E = \frac{Q}{\kappa \epsilon_0 A}$ بود. بنابراین، با

استفاده از شرط تعادل ذره باردار می‌توان نوشت:

$$E = \frac{Q}{\kappa \epsilon_0 A} \rightarrow F_E = mg \xrightarrow{F_E = |q|E} |q|E = mg \rightarrow \frac{|q|Q}{\epsilon_0 A} = mg$$

در حالت دوم که $12 \mu C$ بار الکتریکی از صفحه بالایی (صفحه مثبت) به صفحه پایینی (صفحه منفی) منتقل می‌کنیم، بار هریک از صفحات خازن

$$Q' = Q - 12 \mu C = Q - 12 \times 10^{-6} C$$

الکتریکی میان صفحات خازن برابر $E' = \frac{Q'}{\epsilon_0 A} = \frac{(Q - 12 \times 10^{-6})}{\epsilon_0 A}$ می‌شود و ذره به طرف پایین شتاب می‌گیرد. برای

محاسبه شتاب ذره، با استفاده از قانون دوم نیوتون می‌توان نوشت:

$$F_{net} = ma \Rightarrow mg - F'_E = ma \xrightarrow{F'_E = |q|E'} mg - |q|E' = ma$$

$$\Rightarrow mg - \frac{|q|Q}{\epsilon_0 A} = ma \xrightarrow{mg = \frac{|q|Q}{\epsilon_0 A}} \Rightarrow mg - \frac{|q|((Q - 12 \times 10^{-6})}{\epsilon_0 A} = ma$$

$$\frac{|q|Q}{\epsilon_0 A} - \frac{|q|((Q - 12 \times 10^{-6})}{\epsilon_0 A} = ma$$



شیمی ۳

۹۱- گزینه «۳»

(امین نوروزی)

گزینه «۱»: ظاهر کلونیدها مشابه ظاهر محلول ها، همگن است در حالی که رفتار این دسته از مخلوط ها مشابه مخلوط های ناهمگن است.
گزینه «۲»: شربت خاک شیر سوسپانسیون بوده و ذرات سازنده آن ذرات ریز ماده است.
گزینه «۳»: شیر و مایونز و رنگ پوششی نمونه مایع از کلونید ولی ژله و سرامیک نمونه جامد کلونیدهاست بنابراین نمی توان گفت که همه کلونیدها مایع هستند.
گزینه «۴»: محلول ها همگن بوده و نور را عبور می دهند و مسیر نور مشخص نیست.

نکته

انواع مواد به دو دسته خالص و ناخالص تقسیم می شوند. به مواد ناخالص مخلوط گفته می شود به مخلوط های همگن «محلول» گفته می شود. محلول ها نور را از خود عبور داده و چون ذره های سازنده آن یعنی یون ها و مولکول های کوچک و ریز هستند، پایدار هستند و ته نشین نمی شوند و نور را پخش نمی کنند. سوسپانسیون ها مخلوط ناهمگنی هستند که از «ذره های ریز ماده» تشکیل شده اند و ناپایدارند. کلونیدها رفتاری بین سوسپانسیون و محلول دارند و ذره های سازنده آن توده های مولکولی با اندازه متفاوت هستند با آن که به ظاهر همگن هستند (پایدارند) ولی رفتاری مثل پخش نور همانند سوسپانسیون ها نشان می دهند که نشانگر ناهمگن بودن آن ها است.

(مولکول ها در فرمت تدرستی) (شیمی ۳، صفحه های ۶ و ۷)

۹۲- گزینه «۳»

(محمدرضا یوسفی)

در اثر انحلال اکسیدهای نافلزی در آب با افزایش غلظت یون هیدرونیوم، غلظت یون هیدروکسید نیز کاهش می یابد.

(مولکول ها در فرمت تدرستی) (شیمی ۳، صفحه های ۱۴ و ۱۷ و ۲۲)

۹۳- گزینه «۴»

(کامران پعفری)

عبارت های «آ»، «پ» و «ت» درست هستند. بررسی عبارت ها:
آ) درست - از آنجا که ترکیب «۱»، پاک کننده صابونی است و آب سخت دارای یون کلسیم است رسوب می دهد.
ب) نادرست - ترکیب دارای R با ۲ اتم کربن یک پاک کننده نیست.
پ) درست

ت) درست
 $C_{17}H_{35}COONa = 306 g.mol^{-1}$
 $C_{17}H_{35} - C_6H_5 - SO_3Na = 348 g.mol^{-1}$
اختلاف ۳۴۸ و ۳۰۶ برابر است با جرم مولی:
 $C_7H_6 = 42 g.mol^{-1}$
(مولکول ها در فرمت تدرستی) (شیمی ۳، صفحه های ۶ و ۱۱)

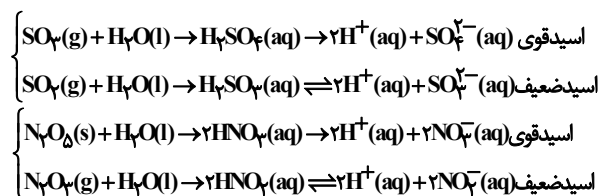
۹۴- گزینه «۳»

(علی امینی)

عبارت های اول، دوم و سوم نادرست است. بررسی عبارت ها:
عبارت اول: مخلوط سدیم هیدروکسید و پودر آلومینیم یک پاک کننده خورنده بازی است و می تواند با اسیدهای چرب واکنش شیمیایی دهد پس رسوب و چربی ها را از بین می برد. همچنین دو ویژگی گرماده بودن واکنش از طریق ذوب و نرم کردن چربی های جامد و همچنین ایجاد گاز هیدروژن با ایجاد فشار موضعی برای زدودن آلاینده کمک می کنند.

عبارت دوم: پیش از شناخته شدن ساختار اسید و بازها شیمی دان ها هم ویژگی و هم برخی واکنش های اسیدها و بازها را می شناختند.

عبارت سوم: افزودن SO_3 و N_2O_5 به ترتیب موجب تولید یون های سولفات و نیترات می شود.



عبارت چهارم: مطابق متن کتاب درسی درست است.

(مولکول ها در فرمت تدرستی) (شیمی ۳، صفحه های ۱۳ و ۱۷)

۹۵- گزینه «۴»

بررسی گزینه ها:

گزینه «۱»: نادرست. از آنجایی که از شرایط آزمایش (مانند غلظت و دما) برای دو اسید اطلاعاتی نداریم، مقایسه قطعی امکان پذیر نیست؛ زیرا ممکن است غلظت اسید قوی به قدری کم باشد که pH محلول آن از pH محلول اسید ضعیف، بیشتر باشد.
گزینه «۲»: نادرست. در لحظه برقراری تعادل سرعت رفت و برگشت برابر و غلظت های مواد ثابت می شوند و گاهی اوقات غلظت ها برابر هم می شوند. (نه همیشه)
گزینه «۳»: نادرست. مانند گزینه اول چون از شرایط آزمایش اطلاعاتی نداریم حکم قطعی نمی توان داد.

گزینه «۴»: درست. چون شرایط آزمایش یکسان است، هرچه اسید قوی تر باشد میزان یون هیدرونیوم آن بیشتر بوده و در یک بازه زمانی مشخص، حجم فراورده گازی تولیدی در آن بیشتر است.

نکته

اسیدهای قوی در آب یونش کامل دارند ($\alpha \approx 1$) و محلولی شامل یون های آب پوشیده هستند و در شرایط یکسان هم pH کمتر و هم رسانایی بیش تر از اسیدهای ضعیف دارند. ولی ممکن است با تغییر شرایط مثلاً این که محلول اسید قوی، خیلی رقیق باشد و غلظت یون ها و H^+ در آن کم باشد و رسانایی آن کاهش یابد و pH آن بالاتر از یک اسید ضعیف در محیطی با شرایط متفاوت از نظر دما و غلظت باشد.

(مولکول ها در فرمت تدرستی) (شیمی ۳، صفحه های ۱۸ تا ۲۸)

۹۶- گزینه «۳»

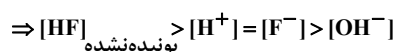
(سید علی اشرفی)

بررسی عبارت ها:
آ) نادرست. HCl اسید قوی و HF اسید ضعیف است؛ این بدین معناست که HCl به طور کامل یونیده می شود. پس تعداد مولکول HCl کمتری از HF در دما و غلظت یکسان دیده می شود.

ب) درست. غلظت H^+ , F^- در محلول هیدروفلوئوریک اسید و غلظت H^+ , Cl^- در محلول هیدروکلریک اسید با هم برابر هستند.

پ) نادرست. چون $pH \leftarrow [H^+] > 1 M$ منفی می شود.

ت) درست. در محلول اسیدهای ضعیف این گونه است:



ث) درست $HCl + H_2O \rightarrow H_3O^+ + Cl^-$

نکته

در محلول اسیدهای قوی مثل HCl تقریباً مولکول یونیده نشده وجود ندارد و با انحلال یونی این اسیدها در آب محلولی شامل یون های آب پوشیده ایجاد می شود ولی در محلول اسیدهای ضعیف مثل HF هم زمان شمار ناچیزی از یون های آب پوشیده و شمار زیادی مولکول یونیده نشده وجود دارد.

(مولکول ها در فرمت تدرستی) (شیمی ۳، صفحه های ۱۸، ۱۹، ۲۳ و ۲۴)

۹۷- گزینه «۳»

(امین نوروزی)

موارد آ و ت درست هستند. بررسی عبارت ها:

آ) محلول HBr اسید قوی است پس با یونش کامل در نظر گرفته می شود و در محلول نهایی HBr مولکولی (یونیده نشده) تقریباً صفر است و غلظت نهایی H^+ و Br^- با غلظت اولیه HBr برابر است.

ب) محلول HCN اسید ضعیف است و شمار ناچیزی از یون های آب پوشیده H^+ و CN^- در محلول آن وجود دارد و کمتر از $0.2 M$ مربوط به HCN است.
پ) HI اسید قوی است و تقریباً HI یونیده نشده (مولکولی) در محلول آن یافت نمی شود: $(HI) \approx 0$

ت) محلول HF اسید ضعیف است. پس $[HF] > [H^+] = [F^-]$ است.
(مولکول ها در فرمت تدرستی) (شیمی ۳، صفحه های ۱۹، ۲۲ و ۲۳)

۹۸- گزینه «۲»

(کامران پعفری)

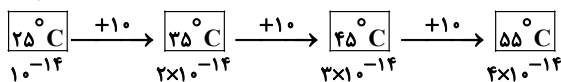
اطلاعات ردیف های ۱، ۲ و ۳ درست هستند.



(مسعود چغری)

۱۰۰- گزینه «۲»

به ازای هر 10°C افزایش دما از 25°C تا 55°C برای ثابت یونش آب داریم:



اکنون شمار مول‌های HCl را در دمای 25°C به دست می‌آوریم:

$$\theta = 25^{\circ}\text{C} : ? \text{ mol HCl} = 39 / 6 \text{ g} \times \frac{58 / 4 \text{ g HCl}}{158 / 4 \text{ g محلول}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol HCl}}{36 / 5 \text{ g HCl}} = 0.4 \text{ mol HCl}$$

انحلال‌پذیری HCl در دمای 55°C نصف مقدار آن در دمای 25°C است. بنابراین در دمای 55°C ، به میزان 0.2 مول از این ماده در محلول مورد نظر وجود دارد اکنون حجم محلول را محاسبه می‌کنیم:

$$\text{چگالی} = \frac{\text{جرم}}{\text{حجم}} \Rightarrow 1 / 584 = \frac{39 / 6}{V} \Rightarrow V = 25 \text{ mL} = 25 \times 10^{-3} \text{ L}$$

با توجه به اینکه HCl یک اسید قوی است، بنابراین تمام مقداری از آن که در آب حل شده است یونیده می‌شود:

$$[\text{H}^+] = M_{\text{HCl}}$$

$$\theta = 25^{\circ}\text{C} : M_{\text{HCl}} = \frac{0.4}{25 \times 10^{-3}} = 16 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow K_W(25^{\circ}\text{C}) = [\text{H}^+] \times [\text{OH}^-] = 1.0 \times 10^{-14} \Rightarrow [\text{H}^+] = 16$$

$$[\text{OH}^-] = \frac{1}{16} \times 10^{-14} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\theta = 55^{\circ}\text{C} : M_{\text{HCl}} = \frac{0.2}{25 \times 10^{-3}} = 8 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow K_W(55^{\circ}\text{C}) = [\text{H}^+] \times [\text{OH}^-] = 4 \times 10^{-14} \Rightarrow [\text{H}^+] = 8$$

$$[\text{OH}^-] = \frac{1}{8} \times 10^{-14} \text{ mol.L}^{-1}$$

بنابراین، نسبت غلظت OH^- در حالت دوم به حالت اول، برابر ۸ است.

(مولکول‌ها در فرمت تدرستی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۲۲، ۲۳ و ۲۴)

شیمی ۱

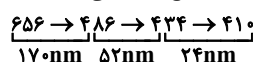
(رسول رزمیوی)

۱۰۱- گزینه «۴»

مطابق شکل ۱۸ کتاب درسی الکترون در هر لایه‌ای که باشد در همه نقاط پیرامون هسته حضور می‌یابد اما در یک محدوده خاص احتمال حضور بیشتری دارد.

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: اختلاف طول موج‌ها از رنگ سرخ تا بنفش به تدریج کاهش می‌یابد.



گزینه «۲»: کشف ساختار لایه‌ای اتم، بعد از مدل اتمی بور بوده؛ بور از وجود زیرلایه‌ها اطلاعی نداشت و به همین دلیل در مدل اتمی خود نیز اشاره‌ای به آنها نکرد.

گزینه «۳»: گنجایش الکترون در هر زیرلایه از رابطه $2l + 1$ محاسبه می‌شود و

گنجایش الکترون در هر لایه الکترونی اصلی از رابطه $2n^2$ به دست می‌آید به این ترتیب:

$$2 \times (5)^2 = 50 \text{ است: } 2n^2$$

بنابراین گنجایش الکترون در زیرلایه d یک پنجم گنجایش الکترون در لایه پنجم

$$\frac{10}{50} = \frac{1}{5}$$

است:

(لیکوان زارگه الفبای هستی) (شیمی ۱، صفحه‌های ۲۴ تا ۲۹)

۱۰۲- گزینه «۴»

(میثم نوری)

فقط مورد چهارم درست است. بررسی عبارت‌های نادرست:

مورد اول: در گستره مرئی از طیف نشری خطی به دست آمده از اتم‌های هیدروژن، وجود چهار خط یا نوار رنگی با طول موج و انرژی معین، تأیید شده است.

$$\text{ردیف ۱: } \text{pH} = 2 / 4 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-2/4} = 4 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow [\text{OH}^-] = 2 / 5 \times 10^{-12} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{ردیف ۲: } \text{pH} = 4 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1} \Rightarrow [\text{OH}^-] = 10^{-10} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{ردیف ۳: } \text{pH} = 3 / 7 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-3/7} = 2 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow [\text{OH}^-] = 5 \times 10^{-11} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{ردیف ۴: } \text{pH} = 10 / 52 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-10/52} = 3 \times 10^{-11} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow [\text{OH}^-] = \frac{1}{3} \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

نکته

با رابطه $\text{pH} = 10 - [\text{H}^+]$ می‌توان غلظت $[\text{H}^+]$ را از روی اطلاعات pH به دست آورد.

همچنین برای به دست آوردن $[\text{OH}^-]$ از روی $[\text{H}^+]$ و یا برعکس از رابطه $[\text{H}^+][\text{OH}^-] = 10^{-14}$ استفاده می‌شود.

(مولکول‌ها در فرمت تدرستی) (شیمی ۳، صفحه ۲۸)

۹۹- گزینه «۱»

(علی امینی)

$$1) \text{HA} \rightarrow \text{H}^+ + \text{A}^- \xrightarrow{\text{قوی}} [\text{H}^+]_1 = M$$

$$2) \text{HB} \rightleftharpoons \text{H}^+ + \text{B}^- \xrightarrow{\text{ضعیف}} [\text{H}^+]_2 = X = M\alpha$$

$$\frac{\text{شمار ذرات یونیده نشده}}{\text{شمار یون‌ها}} = \frac{[\text{HB}]}{[\text{H}^+] + [\text{B}^-]} = \frac{M - x}{2x} = 2$$

$$\Rightarrow M - x = 4x \Rightarrow M = 5x$$

$$\alpha = \frac{x}{M} = \frac{x}{5x} = \frac{1}{5} = 0.2 \Rightarrow \frac{100}{\text{درصد یونش}} \Rightarrow \text{درصد یونش} = 20\%$$

$$\text{pH}_1 = 3 / 3 \Rightarrow [\text{H}^+]_1 = 10^{-3/3} = 10^{-1} = 10^{-1} \times 10^{-4} = 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$= 5 \times 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{H}^+]_2 = M\alpha = M \times 0.2 = 5 \times 10^{-5} \Rightarrow M = 25 \times 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{pH}_1 = -\log [\text{H}^+]_1 = -\log M = -\log (25 \times 10^{-5})$$

$$= 4 - \log 25 = 4 - 2 \log 5 = 4 - 2(0.7) = 2.6 \Rightarrow \text{pH}_1 = 2.6$$

$$\alpha = \frac{1}{5}$$

$$\text{راه دوم: } [\text{H}^+]_2 = [\text{H}^+]_1 \times \alpha \Rightarrow [\text{H}^+]_1 = 5 \times [\text{H}^+]_2$$

$$-\log \rightarrow -\log [\text{H}^+]_1 = -\log 5 - \log [\text{H}^+]_2 \Rightarrow \text{pH}_1 = \text{pH}_2 - 0.7$$

$$\text{pH}_1 = 3 / 3 - 0.7 = 2.6$$

نکته

در اسیدهای قوی $[\text{H}^+] = [\text{A}^-]$ با غلظت اولیه اسید HA برابر است.

برای محاسبه $[\text{H}^+]$ و $[\text{B}^-]$ در اسید ضعیف

HB می‌توان غلظت مولار محلول را در درجه یونش ضرب کرد

$[\text{H}^+] = M \times \alpha$ اگر غلظت H^+ و B^- را برابر x مول بر لیتر در نظر

بگیریم غلظت کل یون‌ها 2x خواهد شد. از سویی غلظت ذره‌های یونیده نشده

(مولکولی) برابر M - x خواهد بود.

(مولکول‌ها در فرمت تدرستی) (شیمی ۳، صفحه‌های ۱۸، ۱۹ و ۲۵)



نکته

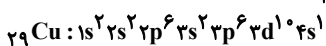
گنجایش الکترون در هر لایه با رابطه $2n^2$ و در هر زیرلایه با رابطه $2 + 2l$ مشخص می‌شود. عددهای کوانتومی فرعی در $s=0$, $p=1$, $d=2$ و $f=3$ است.

(کیهان؛ زارکاه الفبای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۲۹ تا ۳۱)

۱۰۷- گزینه ۳

(میثم کوثری لشکری)

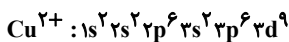
نهمین عنصر واسطه دوره چهارم 29Cu است.



آخرین زیرلایه $4s$ است و دارای یک الکترون است.

نکته

با توجه به اینکه عنصرهای واسطه از گروه ۳ شروع می‌شوند عنصر نهم واسطه در گروه ۱۱ قرار دارد. بررسی گزینه «۴»:



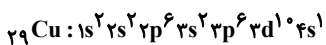
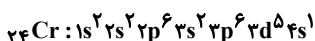
تعداد الکترون‌ها با $2l+1$ ، ۹ تا و تعداد الکترون‌ها با $2l+1$ ، ۱۲ تا است.

(کیهان؛ زارکاه الفبای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۳۱ تا ۳۴)

۱۰۸- گزینه ۲

(امیرمهر گلگرانی)

آرایش الکترونی کروم و مس به‌صورت زیر است که الکترون‌های $3d$ و $4s$ الکترون‌های ظرفیتی هستند.



بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: درست - در لایه سوم کروم و مس به ترتیب ۱۳ و ۱۸ الکترون وجود دارد که اختلاف آنها برابر ۵ است.

عبارت دوم: درست - در لایه ظرفیت کروم و مس به ترتیب ۶ و ۱۱ الکترون وجود دارد که اختلاف آنها برابر ۵ است.

عبارت سوم: نادرست - مجموع تعداد الکترون آنها در زیرلایه s آنها برابر ۱۴ است.

عبارت چهارم: درست - در زیرلایه d مس ۱۰ الکترون و در کروم ۵ الکترون وجود دارد.

عبارت پنجم: درست - هر دو نماد دو حرفی Cu و Cr دارند و در دوره چهارم جدول تناوبی جای دارند.

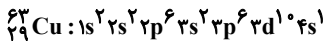
(کیهان؛ زارکاه الفبای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۳۱ تا ۳۴)

۱۰۹- گزینه ۴

(مژگان یاری)

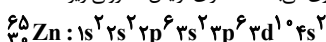
بررسی موارد:

(آ) نادرست - آرایش الکترونی اتم به‌صورت زیر می‌باشد.



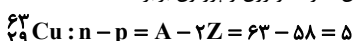
زیرلایه s دارای عدد کوانتومی فرعی صفر که همان $l=0$ می‌باشد و دارای ۲ الکترون و زیرلایه p دارای عدد کوانتومی فرعی ۱ که همان $l=1$ است و دارای ۱۲ الکترون است که با هم برابر نیستند.

(ب) درست - اتم دارای ۲۰ پروتون عنصر روی می‌باشد که دارای آرایش الکترونی زیر است.



که زیرلایه d آن همانند اتم مورد نظر دارای ۱۰ الکترون است.

(پ) درست. (A) عدد جرمی که مجموع p و n است برابر ۶۳ بوده و چون ۲۹ پروتون داریم پس دارای ۳۴ نوترون است. پس تفاوت نوترون و پروتون برابر ۵ است.



(ت) نادرست است - اتم‌های 29Cu و 29Cu به دلیل تفاوت در شمار پروتون‌ها نسبت به هم ایزوتوپ نیستند. ایزوتوپ‌ها دارای عدد اتمی یکسان و عدد جرمی متفاوت می‌باشند.

(کیهان؛ زارکاه الفبای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۵ و ۳۱ تا ۳۴)

۱۱۰- گزینه ۲

(میثم کوثری لشکری)

اگر $l=1$ دارای ۱۲ الکترون باشد، یعنی زیرلایه‌های $2p$ و $3p$ پر شده هستند و الکترون به زیرلایه‌های $4p$ وارد نشده است.

مورد دوم: نیلز بور بر این باور بود که از بررسی تعداد و جایگاه آن‌ها، می‌توان اطلاعات ارزشمندی از ساختار اتم هیدروژن به‌دست آورد.

مورد سوم: طبق مدل کوانتومی ساختاری لایه‌ای برای اتم ارائه شد.

(کیهان؛ زارکاه الفبای هستی) (شیمی، ۱، صفحه ۲۴)

۱۰۳- گزینه ۲

(مژگان یاری)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: نادرست است. الکترون در این لایه انرژی بیشتری نسبت به حالت پایه دارد و از هسته دورتر است.

گزینه «۲»: درست است. الکترون‌های برانگیخته و ناپایدار تمایل دارند با از دست دادن انرژی به صورت نشر نور به حالت پایدارتر و در نهایت پایه برگردند و چون حرکت الکترون‌ها بین لایه‌ها به‌صورت کوانتومی است، این بازگشت به‌صورت کوانتومی است و نوری با طول موج معین نشر می‌کنند.

گزینه «۳»: نادرست است. طول موج نور نشر یافته در هنگام برگشت به حالت پایه کمتر از برگشت به لایه سوم می‌باشد، زیرا انرژی بیشتری آزاد می‌شود بنابراین طول موج کوتاه‌تری را داراست.

گزینه «۴»: نادرست است. با توجه به شکل کتاب درسی بازگشت الکترون از لایه ششم تا سوم به لایه دوم با آزاد شدن پرتوهای الکترومغناطیسی همراه است که در ناحیه مرئی قرار دارند. بنابراین بازگشت الکترون به حالت پایه با آزاد شدن پرتو الکترومغناطیسی در ناحیه مرئی همراه نیست.

(کیهان؛ زارکاه الفبای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷)

۱۰۴- گزینه ۱

(میثم کوثری لشکری)

موارد «پ» و «ت» نادرست هستند.

انرژی الکترون‌ها در اتم با افزایش فاصله از هسته افزایش می‌یابد ولی تفاوت انرژی لایه‌ها با دور شدن از هسته کاهش می‌یابد (نادرستی پ) انرژی لایه‌های الکترونی پیرامون هسته هر اتم به عدد اتمی وابسته است که باعث می‌شود در نهایت انرژی لایه‌ها و همچنین تفاوت انرژی میان آن‌ها در اتم عنصرهای گوناگون متفاوت باشد (دلیل ایجاد طیف نشری خطی منحصربه‌فرد برای هر عنصر) از سوی دیگر الکترون در هر لایه‌ای باشد در همه نقاط پیرامون هسته حضور می‌یابد اما در محدوده مورد نظر احتمال حضور بیش‌تر دارد (نادرستی ت)

(کیهان؛ زارکاه الفبای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۲۳ تا ۲۵)

۱۰۵- گزینه ۲

(عرفان علیرزاده)

(آ) نادرست - هرچه انرژی یک پرتو بیشتر باشد، طول موج آن کوتاه‌تر است (انرژی با طول موج رابطه عکس دارد). بنابراین انتقال A دارای بیشترین انرژی و در نتیجه کمترین طول موج است.

(ب) نادرست - در اتم هیدروژن تنها انتقال از لایه‌های $n=3, 4, 5, 6$ به $n=2$ در ناحیه مرئی قرار دارد، بنابراین B, C, D مرئی هستند.

(پ) نادرست - انتقال F با جذب انرژی همراه است و نشری نیست! انتقال D دارای طول موج 656nm ، می‌باشد.

(ت) درست - هر چه از هسته دورتر شویم، فاصله بین تراز انرژی متوالی کاهش می‌یابد.

$E > D$: انرژی

$E < D$: طول موج

(کیهان؛ زارکاه الفبای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۲۰، ۲۶ و ۲۷)

۱۰۶- گزینه ۴

(میثم کوثری لشکری)

همه موارد درست هستند. بررسی برخی موارد:

«ب»: گنجایش الکترونی لایه‌ها $2n^2$ می‌باشد و در لایه سوم $2(3)^2 = 18$ و همچنین تعداد عناصر دوره چهارم نیز برابر ۱۸ است.

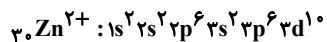
«پ»: در لایه چهارم، ۴ زیرلایه s, p, d, f وجود دارد که مجموع اعداد کوانتومی فرعی آنها $0+1+2+3=6$ است.

«ت»: زیرلایه‌های دارای $n+l=5$ عبارتند از $5s, 4p, 3d$ و بنابراین حداکثر $18 = 2+6+10$ الکترون در آن‌ها جای می‌گیرد.



$$n + l \rightarrow [1 \times (3 + 2)] + [2 \times (4 + 0)] = 58$$

گزینه «۴»: نادرست - آرایش کاتیون $+2$ آن به صورت زیر است:



که تمامی زیرلایه‌های اشغال شده پر هستند و زیرلایه نیمه پر وجود ندارد.

(کیوان زارگاه القیای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۳۰، ۳۱ و ۳۲)

۱۱۴- گزینه «۳»

(عرفان علیزاده)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: منظور $3d^1$ می‌باشد که عناصر 30Zn و 29Cu هر دو ده الکترون در زیرلایه $3d$ خود دارند.

گزینه «۲»: دومین عنصری که از قاعده آفیا پیروی نمی‌کند. عنصر 29Cu می‌باشد (اولین عنصر 24Cr است). عنصر مس نخستین عنصری است که سه لایه نخست آن پر می‌شود.

گزینه «۳»: این جمله الزاماً درست نیست. برای مثال 16S و 24Cr هر دو دارای شش الکترون ظرفیتی می‌باشند ولی گوگرد در گروه ۱۶ و کروم در گروه ۶ جدول تناوبی جای دارند.

گزینه «۴»: در دوره سوم، هشت عنصر وجود دارد که دو مورد از این عناصر نماد شیمیایی تک حرفی (15P و 16S) و بقیه نماد شیمیایی دو حرفی دارند. (۶ عنصر) (کیوان زارگاه القیای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۳۰، ۳۱ و ۳۲)

۱۱۵- گزینه «۴»

(میثم کوثری لشکری)

عبارت‌های الف و ت درست هستند.

آ) عنصرهای 19K و 24Cr و 29Cu در آخرین زیرلایه خود آرایش $4s^1$ و 31Ga آرایش $4p^1$ دارند.

ب) در این دوره 20Ca و همه عناصرهای واسطه به جز 24Cr و 29Cu که شامل ۸ عنصر هستند دارای آرایش $4s^2$ در آخرین زیرلایه خود هستند و 36Kr هم با آرایش $4p^6$ در آخرین زیرلایه خود، همگی در آخرین زیرلایه از الکترون پر هستند که مجموعاً ۱۰ عنصر هستند.

پ) در مجموع ۸ عنصر دارای زیرلایه پر با $n+l=5$ هستند. $4p$ و $3d$ دارای این ویژگی هستند) از عنصر 29Cu به بعد در $3d$ دارای ۱۰ الکترون وجود دارد یعنی از گروه ۱۱ تا ۱۸ که شامل ۸ عنصر است. (عنصر گروه ۱۸ یعنی 36Kr دارای

آرایش $4p^6$ در زیرلایه آخر است و دوزیرلایه کاملاً پر با $n+l=5$ دارد.)

ت) ($l=2$) یعنی زیر لایه d) دو عنصر 24Cr و 25Mn به ترتیب با آرایش $3d^5 4s^1$ و $3d^5 4s^2$ و ویژگی مورد نظر را دارند و ۵ الکترون در $3d$ دارند. (کیوان زارگاه القیای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

۱۱۶- گزینه «۳»

(عرفان علیزاده)

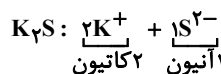
بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: مطابق قاعده آفیا، آرایش الکترونی 29Cu به صورت $3d^9 4s^2$ نوشته می‌شود، اما به کمک روش‌های طیف‌سنجی پیشرفته مشخص می‌شود که آرایش الکترونی این اتم به صورت $3d^10 4s^1$ می‌باشد.

گزینه «۲»: He در گروه گازهای نجیب قرار دارد و آرایش الکترون - نقطه‌ای اتم آن

به صورت He می‌باشد. (جفت الکترون)

گزینه «۳»: با توجه به شکل صفحه ۲۷ کتاب درسی دهم، این مورد صحیح می‌باشد. گزینه «۴»: در ترکیبات یونی مجموع بار مثبت با مجموع بار منفی برابر است. اما تعداد کاتیون الزاماً با تعداد آنیون برابر نیست. برای مثال در این مورد:



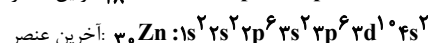
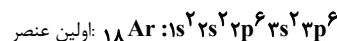
۲ کاتیون ۱ آنیون

(کیوان زارگاه القیای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۲۷، ۲۸ و ۲۹)

۱۱۷- گزینه «۲»

(مهدی غفاری)

ابتدا عنصرهای A تا E را تعیین می‌کنیم: $2Z + 10 = 28 \Rightarrow Z = 9$ عنصری نافلزی از گروه ۱۷ با ظرفیت ۱ است.



تعداد عناصر $13 = (18 - 30) + 1$

برای به دست آوردن تعداد عنصرها از A تا B، باید تفاوت دو عدد اتمی را با عدد ۱ جمع کنیم.

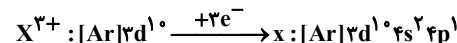
برای به دست آوردن تعداد عنصرها بین دو عدد اتمی تفاوت دو عدد اتمی را منهای یک می‌کنیم. (کیوان زارگاه القیای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۳۱، ۳۲ و ۳۳)

۱۱۸- گزینه «۲»

(مسعود پهنری)

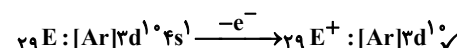
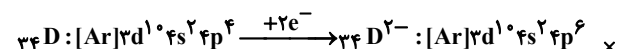
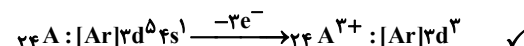
عبارت‌های اول و چهارم درست هستند. بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول:

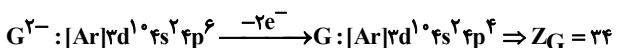
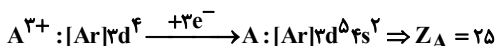


$$\Rightarrow n + l = 2(4 + 0) + (4 + 1) = 13$$

عبارت دوم:

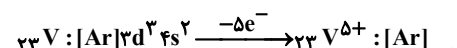
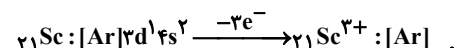
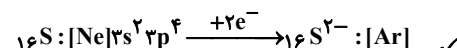
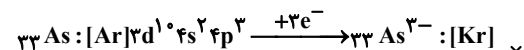


عبارت سوم: ابتدا با استفاده از آرایش الکترونی اتم منشا هر یون، عدد اتمی آن را محاسبه می‌کنیم:



میان این دو عنصر در جدول تناوبی $8 = (34 - 25) - 1$ عنصر دیگر وجود دارد.

عبارت چهارم:



(کیوان زارگاه القیای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

۱۱۹- گزینه «۲»

(امیرمهر کلکرائی)

بررسی عبارت گزینه‌ها:

گزینه «۱»: نادرست - دوره اول به دسته p ختم نمی‌شود و به دسته s ختم می‌شود. گزینه «۲»: درست - عناصر اصلی، دسته‌های s و p هستند که به ترتیب ۱۴ و ۳۶ عنصر مربوط به این دسته‌ها هستند که مجموع آنها از تعداد عناصر دسته d که ۴۰ تا هستند بیشتر است.

گزینه «۳»: نادرست - در گروه ۱۸، هلیوم جزو دسته s و بقیه به دسته p تعلق دارند.

گزینه «۴»: نادرست - ۶ عنصر که به ترتیب نوشته‌اند عبارتند از:



(کیوان زارگاه القیای هستی) (شیمی، ۱، صفحه‌های ۳۰، ۳۱ و ۳۲)

۱۲۰- گزینه «۴»

(امیرمهر کلکرائی)

دومین عنصری که زیرلایه d آن پر می‌شود 30Zn است. (اولین عنصر 29Cu است)

بررسی عبارت گزینه‌ها:

گزینه «۱»: درست - نماد شیمیایی آن Zn است.

گزینه «۲»: درست - در زیرلایه p و d آن به ترتیب ۱۲ و ۱۰ الکترون وجود دارد که نسبت آنها ۱/۲ است.

گزینه «۳»: درست - لایه ظرفیت آن $3d^1 4s^2$ است.



«آ»: فلزات از جمله منابع تجدیدناپذیر هستند.

«ب»: پسماند سرائه سالانه فولاد، ۴۰ کیلوگرم است.

«پ»: در استخراج ۱۰۰۰ کیلوگرم آهن، تقریباً ۲۰۰۰ کیلوگرم سنگ معدن آهن استفاده می‌شود.

«ت»: از بازگردانی هفت قوطی فولادی آنقدر انرژی ذخیره می‌شود که می‌توان یک لامپ ۶۰ وات را در حدود ۲۵ ساعت روشن نگه داشت.

«ث»: بازیافت فلزات از جمله آهن، باعث حفظ بیشتر گونه‌های زیستی می‌شود و ردپای

کربن دی‌اکسید را کاهش می‌دهد.

(قدر هدرآیی زمینی را بدانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

۱۲۲- گزینه «۳»

(میتیم کیانی)

بررسی گزینه «۳»: حدود نیمی از نفتی که از چاه‌های نفت بیرون کشیده می‌شود، به

عنوان سوخت در وسایل نقلیه استفاده می‌شود.

(قدر هدرآیی زمینی را بدانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۲۹، ۳۰ و ۳۲)

۱۲۳- گزینه «۳»

(مهم‌اسماعیل رحمانی)

عبارت‌های «ب» و «پ» درست هستند.

عبارت «ا»: مطابق شکل ۱۳ صفحه ۲۹ کتاب درسی که موارد استفاده از نفت خام را بیان

می‌دارد، حدود نیمی از نفتی که از چاه بیرون می‌آید به عنوان سوخت در وسایل نقلیه

استفاده می‌گردد و بخش اعظم نیم‌دیگر آن برای تامین گرما و انرژی الکتریکی مورد نیاز

انسان به‌کار می‌رود.

عبارت «ت»: آلکان‌ها به دلیل ناقطبی بودن در آب نامحلول هستند و با قرار دادن فلزها

در آلکان‌های مایع یا اندود کردن فلزها، از آن‌ها محافظت می‌شود.

(قدر هدرآیی زمینی را بدانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۲۹، ۳۰ و ۳۲)

۱۲۴- گزینه «۴»

(مسین تاصری‌ثانی)

۲، ۳- دی‌متیل‌هگزان دارای $8 = (2 \times 1) + 6$ کربن است و هر آلکانی با ۸ کربن با

آن همپار است. بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: این ترکیب با ۲، ۳- دی‌متیل‌هگزان همپار است ولی نام صحیح آن ۳-

متیل‌هپتان است.

گزینه «۲»: نام این ترکیب درست است، اما با ۲، ۳- دی‌متیل‌هگزان همپار نیست.

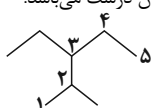
گزینه «۳»: ترکیب داده شده در این گزینه هر چند با ۲، ۳- دی‌متیل‌هگزان همپار است

اما نام درست آن ۳- متیل‌هپتان می‌باشد.

گزینه «۴»: فرمول مولکولی آلکان داده شده در این گزینه C_8H_{18} بوده و با فرمول

مولکولی ۲، ۳- دی‌متیل‌هگزان یکسان است. در نتیجه این دو ترکیب همپار هستند.

هم‌چنین نام پیشنهاد شده برای آن درست می‌باشد:



نکته: در نام‌گذاری آلکان‌های شاخه‌دار، هرگاه دو زنجیره دارای کربن برابر باشند،

زنجیری که دارای شاخه بیشتری باشد، به عنوان زنجیر اصلی انتخاب می‌شود.

(ترکیبی) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۷ و ۴۰ و ۷۵)

۱۲۵- گزینه «۲»

(مهم‌اسماعیل رحمانی)

با توجه به فرمول کلی آلکان‌ها که به صورت C_nH_{2n+2} می‌باشد، در می‌یابیم که

در هر آلکان جرم کربن‌ها برابر است با ضرب جرم مولی کربن در تعداد کربن ($12n$)

و همچنین جرم هیدروژن‌ها به طریق مشابه برابر $(2n + 2)$ می‌باشد. حال با توجه به

اطلاعات سؤال از طریق زیر می‌توانیم آلکان‌ها را تشخیص دهیم:

$$\text{آلکان ۱: } \frac{12n}{2n+2} = 5 \rightarrow 12n = 10n + 10 \rightarrow 2n = 10 \rightarrow n = 5: C_5H_{12}$$

$$\text{آلکان ۲: } \frac{12n}{2n+2} = 4 \rightarrow 12n = 8n + 8 \rightarrow 4n = 8 \rightarrow n = 2: C_2H_6$$

گزینه «۱»: مجموع تعداد اتم‌های هیدروژن در این دو ترکیب برابر ۱۸ است.

گزینه «۲»: اختلاف جرم این دو آلکان برابر است با ۴۲ و جرم مولی دومین عضو

خانواده آلکن‌ها که پروپن نام دارد با فرمول C_3H_6 نیز دارای جرم ۴۲ می‌باشد.

گزینه «۳»: می‌دانیم که در دمای اتاق آلکان‌ها تا ۴ اتم کربن به‌صورت گازی هستند.

گزینه «۴»: درصد جرمی کربن در آلکان ۱ برابر $83\% / 23$ و در آلکان ۲ برابر

80% است.

$$\text{۱ درصد جرمی کربن در آلکان ۱: } \frac{12 \times 5}{72} \times 100 = 83\% / 23$$

$$\text{۲ درصد جرمی کربن در آلکان ۲: } \frac{12 \times 2}{30} \times 100 = 80\%$$

(قدر هدرآیی زمینی را بدانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۳، ۳۴، ۳۶ و ۴۰)

ب) $^{69}_{31}\text{Ga} : [\text{Ar}]3d^{10}4s^24p^1$

این عنصر از گروه ۱۳ با ظرفیت ۳ است.

پ) اتم D، نافلز از گروه ۱۶ با ظرفیت ۲ است.

ت) ذرات باردار با هم در اتم برابرند.

$$e + p = \gamma p = 40 \Rightarrow p = 20 \text{ eV} : [1s^2] \text{Ar} 3s^2$$

عنصری از گروه ۲ دارای ظرفیت ۲ است.

۱) ترکیب حاصل BA_3 - یونی - (فلز و نافلز)

۲) ترکیب حاصل ED - یونی - (فلز و نافلز)

۳) ترکیب حاصل DA_2 - مولکولی - (هر دو نافلز)

۴) B و E هر دو فلز هستند و پیوند یونی یا کووالانسی تشکیل نمی‌شود.

(کیهان زارگاه الفبای هستی) (شیمی ۱، صفحه‌های ۵، ۳۱ و ۳۷ تا ۴۰)

۱۱۸- گزینه «۱»

(میتیم کوثری لشکری)

فقط مورد «ب» درست است.

عنصر A، B، C و D به ترتیب ^4He ، ^9F ، ^{24}Mg و ^{58}Ni اند.

آ) عنصر A به گروه ۱۸ و عنصر C به گروه ۲ تعلق دارند.

ب) ترکیب یونی حاصل MgF_2 است.

$$^{58}_{28}\text{Ni} : 1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^8 4s^2$$

پ)

ت) عنصر He در لایه آخر ۲ الکترون دارد، اما در گروه ۱۸ جای دارد.

(کیهان زارگاه الفبای هستی) (شیمی ۱، صفحه‌های ۳۱، ۳۲، ۳۴ و ۳۸)

۱۱۹- گزینه «۳»

(میتیم کوثری لشکری)

موارد ب، پ و ت درست‌اند.

عنصر A، B، C، D و E به ترتیب ^{39}K ، ^{31}P ، ^{40}Ca ، ^{65}Zn و ^{45}Sc

هستند.

آ) B و C به ترتیب نافلز و فلزند و ترکیب حاصل یونی است. برای ترکیب‌های یونی

واژه فرمول شیمیایی به‌کار می‌رود نه فرمول مولکولی.

ب) هر دو در لایه ظرفیت ۳ الکترون دارند.

$$^{65}_{30}\text{Zn} : 1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^{10} 4s^2$$

پ)

ت) ترکیب یونی حاصل K_3P است و برای تشکیل ۱ مول از آن ۳ مول الکترون

مبادله می‌شود.

(کیهان زارگاه الفبای هستی) (شیمی ۱، صفحه‌های ۳۱، ۳۲، ۳۴، ۳۸ و ۳۹)

۱۲۰- گزینه «۴»

(عرفان علیزاده)

همه عبارت‌ها درست هستند. بررسی عبارت‌ها:

آ) عنصر Z، عنصر C است. گرافیت دگرشکلی از کربن است که به سرب مداد

معروف است.

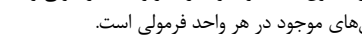
ب) عنصر Y، عنصر ^{52}Cr است. کروم و گوگرد هر دو در لایه ظرفیت خود ۶

الکترون دارند و به ترتیب متعلق به گروه‌های ۶ و ۱۶ هستند.

پ) شمار الکترون‌های مبادله‌شده برای تشکیل یک مول از ترکیب‌های یونی، برابر با

حاصل‌ضرب بار کاتیون در شمار کاتیون‌های موجود در هر واحد فرمولی و یا

حاصل‌ضرب بار آنیون در شمار آنیون‌های موجود در هر واحد فرمولی است.



ت) آرایش الکترونی کروم به‌صورت زیر است:

$$^{52}_{24}\text{Cr} : 1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^5 4s^1$$

که در آن ۱۲ الکترون با $1 = 1$ و ۷ الکترون با $1 = 0$ و ۵ الکترون با $1 = 2$ وجود دارد.

ث) عنصر N، عنصر منیزیم است، که در ایزوتوپ‌های آن درصد فراوانی ^{24}Mg

بیشتر از ایزوتوپ‌های دیگر است. (ترتیب فراوانی: $^{25}\text{Mg} > ^{26}\text{Mg} > ^{24}\text{Mg}$)

(کیهان زارگاه الفبای هستی) (شیمی ۱، صفحه‌های ۵، ۳۱، ۳۲، ۳۸، ۳۹ و ۴۳)

شیمی ۲

۱۲۱- گزینه «۳»

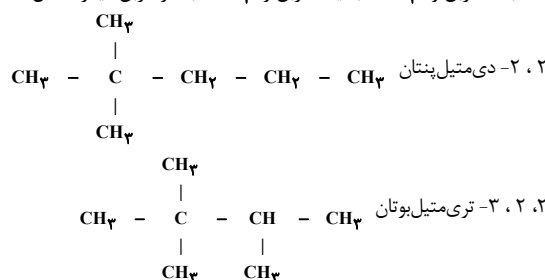
(همید زهی)

تنها عبارت «ث» نادرست است. بررسی عبارت‌ها:



۱۲۶- گزینه «۲»

(روزبه رضوانی)

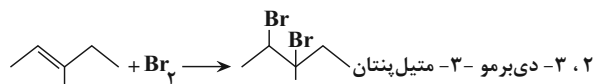
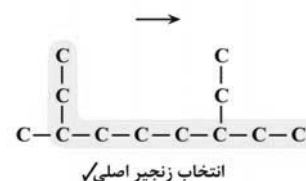
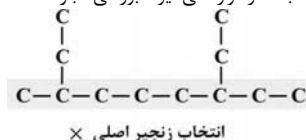
C به ۴ کربن و CH_3 به یک کربن و CH_2 به دو کربن دیگر متصل است.

(قدر هدرایای زمینی را برانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۸ و ۳۹)

۱۲۷- گزینه «۴»

(مجتبی اسرزاره)

در نام‌گذاری هیچ آلکیلی روی کربن‌های اول و آخر قرار نمی‌گیرد همچنین اتیل روی کربن‌های ۲ و ۱ و کربن‌های آخر و یکی مانده به آخر قرار نمی‌گیرد. بررسی عبارت‌ها:



(قدر هدرایای زمینی را برانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۷ تا ۳۸)

۱۲۸- گزینه «۴»

(مجتبی اسرزاره)

عبارت‌های «پ» و «ت» درست هستند. بررسی همه عبارت‌ها:

(آ) در دمای 300°C آلکان‌های کمتر از ۱۷ اتم کربن به صورت گازی می‌باشند. (ب) با افزایش تعداد اتم‌های کربن در آلکان‌ها، اختلاف نقطه جوش دو آلکان متوالی کاهش می‌یابد.(پ) تعداد پیوند کووالانسی در آلکان‌ها با فرمول $3n+1$ محاسبه می‌شود. $3n+1=10 \Rightarrow n=3$ (ت) در دمای 100°C هپتان (C_7H_{16}) به صورت گازی و نونان (C_9H_{20}) به صورت مایع می‌باشد.

۱۲۹- گزینه «۳»

(مسن رمضانی/کولنده)

گزینه «۱»: اولین آلکان مایع C_5H_{12} است و فرمول مولکولی گریس $\text{C}_{18}\text{H}_{38}$ است.

$$\text{C}_{18}\text{H}_{38} = 18(12) + 38 = 254$$

$$\text{C}_5\text{H}_{12} = 5(12) + 12 = 72$$

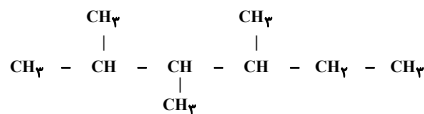
$$254 - 72 = 182 \text{ g}$$

$$182 \text{ g} = 14n + 2 = 58 \Rightarrow n = 4 \Rightarrow \text{C}_8\text{H}_{18}$$

$$\text{C}_8\text{H}_{18} = \frac{(8 \times 12) + (18 \times 1)}{2} = \frac{114}{2} = 57$$

گزینه «۳»: آلکان‌ها به دلیل سیر شده بودن تمایل چندانی به انجام واکنش شیمیایی ندارند. این ویژگی سبب می‌شود تا میزان سمی بودن آنها کمتر شده و اشتقاق آنها بر شش‌ها و بدن تأثیر چندانی نداشته باشد و تنها سبب کاهش مقدار اکسیژن در هوای دم می‌شوند. با وجود این، هیچ‌گاه برای برداشتن بنزین از باک خودرو و یا بشکه از مکیدن شیلنگ استفاده نکنید، زیرا بخارهای بنزین وارد شش‌ها شده و نفس کشیدن دشوار می‌شود.

گزینه «۴»:



(قدر هدرایای زمینی را برانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۳ تا ۳۴)

۱۳۰- گزینه «۴»

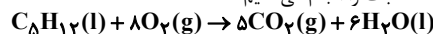
(مسن رمضانی/کولنده)

ابتدا با استفاده از رابطه چگالی $d = \frac{m}{V}$ جرم مولی آلکان را به دست می‌آوریم در شرایط STP حجم مولی گازها برابر با ۲۲.۴ L است:

$$\frac{3}{21.4} = \frac{m}{22.4} \Rightarrow m = 3.14 \text{ g} \approx 72 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

با توجه به این که جرم مولی آلکان $14n + 2$ گرم بر مول است، n را محاسبه می‌کنیم:

$$14n + 2 = 72 \Rightarrow n = 5$$

پس این آلکان پنتان است. با توجه به فرمول مولکولی آلکان‌ها ($\text{C}_n\text{H}_{2n+2}$) فرمول مولکولی این ترکیب C_5H_{12} است. از آن‌جا که در سوختن آلکان‌ها به ازای تعداد کربن‌ها CO_2 و به اندازه نصف هیدروژن‌ها ($\frac{12}{2} = 6$) مولکول آب ایجاد می‌شود معادله را نوشته و محاسبات را انجام می‌دهیم:

$$\text{C}_5\text{H}_{12} = 72, \text{H}_2\text{O} = 18 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$? \text{ g H}_2\text{O} = 0.5 \text{ mol C}_5\text{H}_{12} \times \frac{6 \text{ mol H}_2\text{O}}{1 \text{ mol C}_5\text{H}_{12}} \times \frac{18 \text{ g H}_2\text{O}}{1 \text{ mol H}_2\text{O}} = 54 \text{ g}$$

از سویی سومین آلکین دارای ۴ کربن و فرمول C_4H_6 است ($\text{C}_n\text{H}_{2n-2}$). حالا تفاوت جرم را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta m = 72 - 54 = 18$$

(قدر هدرایای زمینی را برانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶)

۱۳۱- گزینه «۲»

(امیرموسین طیبی)

بررسی همه موارد:

(آ) تعداد خطوط در مدل «پیوند - خط» در آلکان‌ها برابر با تعداد پیوندهای C-C می‌باشد. که در یک آلکان n کربنه برابر با n-1 خط می‌باشد و به شاخه‌دار، یا راست‌زنجیر بودن آن هم وابسته نیست. در همه آلکان‌ها با تعداد اتم کربن برابر، تعداد این خطوط به طور حتم برابر است.

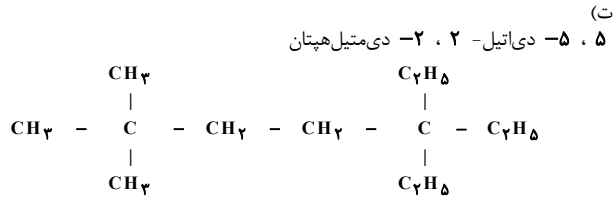
(ب) دومین عضو خانواده آلکان‌ها اتان (C_2H_6) و سبک‌ترین آلکان شاخه‌دار ۲-متیل پروپان با ساختار C_4H_{10} می‌باشد. می‌دانیم هردوی این آلکان‌ها چون کمتر از ۵ اتم کربن دارند، در دمای اتاق گازی هستند. چگالی آلکان‌های گازی از رابطه $d = \frac{\text{جرم مولی}}{\text{حجم مولی}}$ محاسبه می‌شود.

آنجایی که جرم مولی گازها در شرایط یکسان با یکدیگر برابر است، در نتیجه تفاوت چگالی این دو گاز با تقسیم کردن تفاوت جرم مولی آن‌ها بر جرم مولی آنها محاسبه می‌شود.

$$\frac{58 - 30}{22.4} = \frac{28}{22.4} = 1.25 \frac{\text{g}}{\text{L}}$$

(پ) در آلکان‌ها با افزایش شمار اتم‌های کربن، درصد جرمی اتم C افزایش و درصد جرمی اتم H کاهش می‌یابد؛ در نتیجه با افزایش درصد جرمی H در آلکان‌ها، شمار اتم‌های C کم می‌شود و قدرت نیروی بین مولکولی و اندروالسی نیز کاهش می‌یابد.

(ت) ۵، ۲- دی‌اتیل - ۲، ۲- دی‌متیل هپتان



(تربویی) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶ و ۷۰)

۱۳۲- گزینه «۴»

(مینم کیانی)

بررسی همه عبارت‌ها:

(I) نفتالن با فرمول C_{10}H_8 دارای ۵ پیوند دوگانه و دو حلقه آروماتیک است.

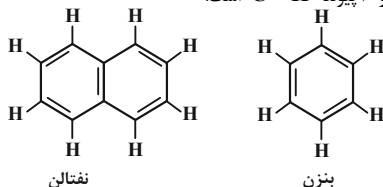


(مبیر معین السارات)

۱۳۷- گزینه ۲»

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: نفتان با فرمول $C_{10}H_{18}$ دارای ۵ پیوند $C=C$ ، ۶ پیوند $C-C$ و ۸ پیوند $C-H$ است. بنزن هم با فرمول C_6H_6 دارای ۳ پیوند $C=C$ ، ۳ پیوند $C-C$ و ۶ پیوند $C-H$ است.



گزینه «۲»: متان گازی بی‌رنگ است.

گزینه «۳»: اولین عضو آلکن‌ها C_2H_4 و دومین عضو آلکن‌ها C_3H_6 گریس با فرمول تقریبی $C_{18}H_{38}$ نسبت به وزلین با فرمول تقریبی $C_{25}H_{52}$ گرانی کمتر و تمایل به جاری شدن بیشتری دارد (قدر هدرایای زمینی را برانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۵، ۳۴، ۳۳ و ۳۶)

۱۳۸- گزینه ۲»

(امیرمسین طیبی)

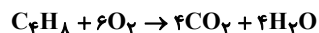
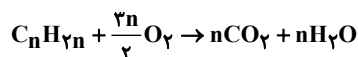
نفت کوره: D: گازوئیل C: نفت سفید B: بنزین و خوراک پتروشیمیایی A: عبارت‌های «ب» و «ت» درست هستند. بررسی موارد نادرست: (آ) گازوئیل نسبت به بنزین و خوراک پتروشیمیایی نقطه جوش بالاتری داشته و در ارتفاعات پایین‌تر از برج تقطیر خارج می‌شود. (پ) نفت سفید شامل آلکن‌هایی با ۱۰ تا ۱۵ اتم کربن است. (قدر هدرایای زمینی را برانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۴ و ۳۷)

۱۳۹- گزینه ۳»

(هاری مهری زاده)

در آلکن‌ها و سیکلوآلکن‌ها، درصد جرمی هیدروژن همواره برابر $\frac{14}{3}\%$ و مستقل از تعداد کربن‌ها است. با توجه به توضیح سوال که هیدروکربن را خطی معرفی کرده است پس این ترکیب آلکن است.

$C_nH_{2n} \rightarrow$ معادله سوختن کامل آلکن‌ها به صورت زیر است:



$$? \text{mol } CO_2 = 336 \text{g } C_4H_8 \times \frac{1 \text{ mol } C_4H_8}{56 \text{g } C_4H_8} \times \frac{4 \text{ mol } CO_2}{1 \text{ mol } C_4H_8} = 24 \text{ mol } CO_2$$

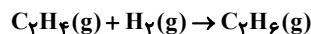
$$\frac{\text{مول}}{\text{گرم}} = \frac{24}{336} \Rightarrow \frac{x}{56 \times 1} = \frac{x}{4} \Rightarrow x = 24 \text{ mol } CO_2$$

(قدر هدرایای زمینی را برانیم) (شیمی ۲، صفحه ۴۰)

۱۴۰- گزینه ۳»

(هاری مهری زاده)

اتان برخلاف اتن با گاز هیدروژن واکنش نمی‌دهد زیرا هیدروکربنی سیرشده (آلکن) است. بنابراین فقط گاز اتن با گاز هیدروژن واکنش می‌دهد و می‌توان مول آن را محاسبه کرد.



$$? \text{mol } C_2H_4 = 6 \text{g } H_2 \times \frac{1 \text{ mol } H_2}{2 \text{g } H_2} \times \frac{1 \text{ mol } C_2H_4}{1 \text{ mol } H_2} = 3 \text{ mol } C_2H_4$$

از سویی با توجه به اینکه هر مول گاز در شرایط STP ۲۲/۴ لیتر است پس مول کل گازها را محاسبه می‌کنیم:

$$179 / 22.4 \times \frac{1 \text{ mol}}{22.4 \text{ L}} = 4 \text{ mol}$$

بنابراین ۸ مول مخلوط گازی در اختیار داریم که ۳ مول آن را گاز اتن تشکیل می‌دهد. پس درصد مولی اتان را به این صورت محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{\text{تعداد مول اتان در مخلوط}}{\text{تعداد مول کل}} \times 100 \Rightarrow \frac{(8-3) \text{ mol}}{8 \text{ mol}} = \frac{5}{8} \times 100 = 62.5\%$$

(قدر هدرایای زمینی را برانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۹ تا ۴۱)

$$\frac{\text{پیوند دوگانه}}{\text{اتم‌های C}} = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$$

(II) با فرمول C_6H_{10} دو ساختار متفاوت آلکنی می‌توان ساخت.

(راست زنجیر) بوتان $C-C-C-C$

(شاخه دار) متیل پروپان $C-C-C$



(III) کاتالیزگر مناسب واکنش زیر، سولفوریک اسید یا همان H_2SO_4 با ۷ اتم می‌باشد. در واکنش آلکن با آب در شرایط مناسب الکل سیرشده تولید می‌شود.

اتانول $\Rightarrow$ آب + اتن

(ترکیبی) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۲، ۳۳، ۳۴، ۳۵ و ۳۶)

۱۳۳- گزینه ۳»

(هاری مهری زاده)

آلکن‌ها دارای فرمول C_nH_{2n-2} هستند. هر هیدروکربن به اندازه شمار هیدروژن‌های خود پیوندهای C با H دارد. یعنی $2n-2$ پیوند C با H در یک آلکن داریم. در آلکن‌های راست‌زنجیر به‌خاطر همین راست‌زنجیر بودن، یک پیوند کربن - کربن از تعداد کربن‌ها کمتر ایجاد می‌شود و یک پیوند سه‌گانه هم داریم که باز هم به اندازه یک پیوند باعث کاهش پیوندهای یگانه می‌شود، پس $2n-2$ پیوند یگانه کربن با کربن در یک آلکن راست‌زنجیر وجود دارد.

$$\frac{C-H}{C-C} = \frac{2n-2}{n-2} = \frac{12}{5} \Rightarrow n=7$$

دومین عضو خانواده آلکن‌ها دارای ۳ اتم کربن است (C_3H_6). پس تفاوت کربن‌ها دو ترکیب آلکن مورد نظر ($n=7$) و دومین عضو آلکن‌ها ($n=3$) برابر $7-3=4$ کربن است. (قدر هدرایای زمینی را برانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۰ و ۳۲)

۱۳۴- گزینه ۳»

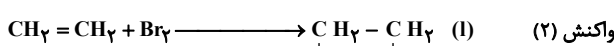
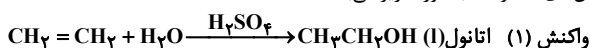
(امیرمسین طیبی)

در اثر واکنش اتن با محلول آب و سولفوریک اسید، اتانول تولید می‌شود که نسبت به اتن، گشتاور دوقطبی بیشتری دارد. بررسی موارد نادرست: گزینه «۱»: گاز اتن را در برم مایع وارد می‌کنند (نه محلول آبی برم!) گزینه «۲»: سیکلوآلکن‌ها سیرشده هستند و با گاز هیدروژن واکنش نمی‌دهند. گزینه «۴»: تنها عضوی از خانواده آلکن‌ها که این ویژگی را دارد، اتین (C_2H_2) است. اتن (C_2H_4) به عنوان گاز عمل‌آورنده در کشاورزی کاربرد دارد. (قدر هدرایای زمینی را برانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

۱۳۵- گزینه ۱»

(مسن رمعی کولنده)

واکنش‌های (۱) و (۲) به‌صورت زیر می‌باشند:

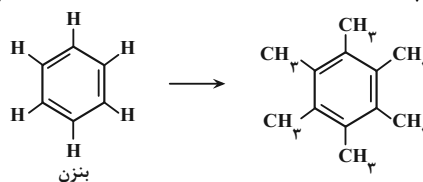


(الف) همه آلکن‌ها در واکنش (۲) شرکت می‌کنند و رنگ قرمز برم را از بین می‌برند و این واکنش یکی از روش‌های شناسایی آن‌ها از هیدروکربن‌های سیرشده است. (ب) با وارد کردن گاز اتن در مخلوط آب و اسید در شرایط مناسب، اتانول را در مقیاس صنعتی تولید می‌کنند.

(پ) «اتانول» و «۱ و ۲-دی‌برمواتان» در دما و فشار اتاق مایع می‌باشند. (ت) ماده A «کاتالیزگر واکنش (۱)»، سولفوریک اسید یا H_2SO_4 می‌باشد. (قدر هدرایای زمینی را برانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۰ و ۳۱)

۱۳۶- گزینه ۳»

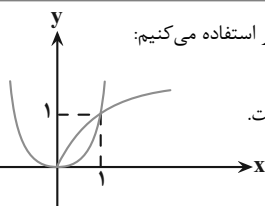
(مسعود طبرسا)



فقط عبارت «ب» نادرست است. بررسی گزینه‌ها:

(آ) قطبیت ماده تغییری نمی‌کند و همچنان ناقطبی است. (ب) ترکیب همچنان حلقه بنزی دارد به همین خاطر همچنان آروماتیک است. (پ) چون جرم ترکیب افزایش یافته، فراریت کم می‌شود. (ت) چون جرم ترکیب افزایش یافته، چسبندگی زیاد می‌شود.

(قدر هدرایای زمینی را برانیم) (شیمی ۲، صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)



برای حل نامعادله، از روش هندسی و رسم نمودار استفاده می‌کنیم:
با توجه به نمودار دو تابع،

در بازه $[0, 1]$ نامعادله $\sqrt{x} \geq x^2$ برقرار است.

$$\Rightarrow \textcircled{1} \cap \textcircled{2} = [0, +\infty) \cap [0, 1] = [0, 1]$$

بنابراین دامنهٔ f of شامل دو عدد صحیح $\{0, 1\}$ است.

(تابع) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۳، ۲۲ و ۲۳)

(سینا همتی)

۱۴۶- گزینه «۱»

در تابع $\text{fog}(x)$ داریم:

$$\text{fog}(4) = 17 \xrightarrow{g(4)=-3} f(-3) = 17$$

$$\text{fog}(7) = -5 \xrightarrow{g(7)=8} f(8) = -5$$

با استفاده از ۲ نقطهٔ به‌دست آمده برای f ضابطهٔ خطی تابع f را به‌دست می‌آوریم:

$$m_f = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{f(8) - f(-3)}{8 - (-3)} = \frac{-5 - 17}{11} = \frac{-22}{11} = -2$$

$$f(x) = -2x + b \xrightarrow{(8, -5)} -16 + b = -5 \rightarrow b = 11$$

$$\Rightarrow f(x) = -2x + 11 \xrightarrow{f(2)=?} f(2) = -2(2) + 11 = 7$$

(تابع) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴ و ۲۲ و ۲۳)

۱۴۷- گزینه «۳»

(سراسری خارج از کشور ۹۹)

ابتدا توجه کنید که برای هر عدد حقیقی x ، داریم: $0 \leq x - [x] < 1$. پس:
 $0 \leq [x] - x < 1$ ، در نتیجه: $-1 < f(x) \leq 0$.

از طرفی داریم:

$$g(x) = \frac{1-2x}{x+1} = \frac{-2(x+1)+3}{x+1} = -2 + \frac{3}{x+1}$$

بنابراین خواهیم داشت:

$$(\text{gof})(x) = g(f(x)) = -2 + \frac{3}{f(x)+1}$$

حال می‌توانیم برد تابع gof را تعیین کنیم:

$$-1 < f(x) \leq 0 \xrightarrow{+1} 0 < f(x)+1 \leq 1 \xrightarrow{\text{معکوس}} \frac{1}{f(x)+1} \geq 1$$

$$\xrightarrow{\times 3} \frac{3}{f(x)+1} \geq 3 \xrightarrow{+(-2)} -2 + \frac{3}{f(x)+1} \geq 1$$

$$\Rightarrow (\text{gof})(x) \geq 1 \Rightarrow \text{gof} \text{ برد } = [1, +\infty)$$

(تابع) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴، ۲۲ و ۲۳)

(سعید پناهی)

۱۴۸- گزینه «۱»

در ابتدا معادلهٔ $4x - 5 = 3$ را حل می‌کنیم و به $x = 2$ می‌رسیم پس داریم:
 $f(2) = 3$ حالا در f جایگذاری می‌کنیم:

$$\sqrt{2^2 + m\sqrt{2-1}} = 3 \rightarrow 4 + m = 9 \rightarrow m = 5$$

یعنی داریم: $f(x) = \sqrt{x^2 + 5\sqrt{x-1}}$ حالا $f(5)$ را پیدا می‌کنیم:

$$f(5) = \sqrt{25 + 5(2)} = \sqrt{35} \rightarrow (f(5))^2 = 35$$

$$\rightarrow f((f(5)))^2 - 34 = f(35 - 34)$$

ریاضی ۳ + پایهٔ مرتبط

۱۴۱- گزینه «۲»

(امیررضا ذاکر زاده)

اگر نمودار تابع $y = \sqrt{-x}$ را یک واحد به چپ منتقل کنیم نمودار تابع

$$y = \sqrt{-(x+1)} = \sqrt{-x-1}$$

نسبت به محور عرض‌ها قرینه کنیم نمودار تابع $y = \sqrt{x-1}$ می‌شود. و اگر

مجدداً این نمودار را یک واحد به چپ منتقل کنیم نمودار تابع

$$y = \sqrt{(x+1)-1} = \sqrt{x}$$

به‌دست می‌آید.

(تابع) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۶۸ و ۶۹) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۳)

۱۴۲- گزینه «۳»

(کتاب آبی جامع ریاضی)

دو تابع مساوی‌اند، پس:

$$f(x) = g(x) \xrightarrow{x \neq 0} \frac{ax^2 + bx}{x} = x - 2$$

$$\Rightarrow x^2 - 2x = ax^2 + bx \Rightarrow a = 1, b = -2$$

(تابع) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

۱۴۳- گزینه «۴»

(علیرضا نعمتی)

$$\frac{f}{g} = \frac{ax^3 + ax + a - 1}{ax^3 + bx + c} = x \Rightarrow ax^3 + ax + a - 1$$

$$= ax^3 + bx^3 + cx$$

$$\Rightarrow \begin{cases} b = 0 \\ c = 1 \\ a = 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} f(x) = x^3 + x \\ g(x) = x^3 + 1 \end{cases} \Rightarrow f(g(a)) = f(g(1)) = f(2) = 10$$

(تابع) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۱) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۶۵ تا ۷۰) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۳)

۱۴۴- گزینه «۲»

(سعید پناهی)

$$\begin{cases} x = \text{gof}\left(\frac{-5}{3}\right) = g\left(f\left(\frac{-5}{3}\right)\right) = g\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{1}{\frac{1}{3}} = 3 \\ f\left(\frac{-5}{3}\right) = \frac{-5}{3} + 2 = \frac{-5+6}{3} = \frac{1}{3} \\ g(3) = 3^2 - 1 = 9 - 1 = 8 \\ (f \circ g)(3) = f(g(3)) \Rightarrow f(8) = \sqrt{8+3} = \sqrt{11} \\ [(f \circ g)(3)] = [\sqrt{11}] = 3 \end{cases}$$

(تابع) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۵۴ تا ۵۶) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴ و ۲۲ و ۲۳)

۱۴۵- گزینه «۲»

(افسان غنی‌زاده)

طبق تعریف دامنهٔ f of داریم:

$$D_{\text{f of}} = \{x \mid x \in D_f, f(x) \in D_f\}$$

$$f(x) = \sqrt{x} - x^2 \Rightarrow D_f : x \geq 0 = [0, +\infty]$$

$$\Rightarrow D_{\text{f of}} = \{x \mid \underbrace{x \geq 0}_{\textcircled{1}}, \underbrace{\sqrt{x} - x^2 \geq 0}_{\textcircled{2}}\}$$

$$f(f(0)) = f(1) = -1 \quad f(f(1)) = f(-1) = 3$$

پس برد fof می شود $[-1, 3]$ که شامل ۵ عدد صحیح است $\{-1, 0, 1, 2, 3\}$
راه حل دوم:

$\text{fof}(x)$ را تشکیل می دهیم:

$$D_{\text{fof}} = [0, 1], \text{fof}(x) = 1 - 2f(x) = 1 - 2(1 - 2x) = 4x - 1$$

$$\Rightarrow -1 \leq 4x - 1 \leq 3 \Rightarrow R_{\text{fof}} = [-1, 3]$$

(تابع) (ریاضی ۱، صفحه های ۱۰۹ و ۱۱۰) (ریاضی ۳، صفحه های ۱۱ تا ۱۲ و ۲۳ و ۲۴)

(معموری برای)

۱۵۲- گزینه «۲»

$$[3x+5]^2 = 48 + [3x-3]^2 \rightarrow [3x+5]^2 - [3x-3]^2 = 48$$

با در نظر گرفتن اتحاد مزدوج داریم:

$$([3x+5] - [3x-3])([3x+5] + [3x-3]) = 48$$

$$\rightarrow ([3x] + 5 - [3x] + 3)([3x] + 5 + [3x] - 3) = 48$$

$$\rightarrow 8(2[3x] + 2) = 48 \rightarrow 2[3x] + 2 = 6 \rightarrow [3x] = 2$$

$$\Rightarrow 2 \leq 3x < 3$$

$$\Rightarrow \frac{2}{3} \leq x < 1 \Rightarrow x \in [\frac{2}{3}, 1)$$

بنابراین $a = \frac{2}{3}$ و $b = 1$ و $a + b = \frac{5}{3}$ است.

(تابع) (ریاضی ۲، صفحه های ۵۳ تا ۵۴)

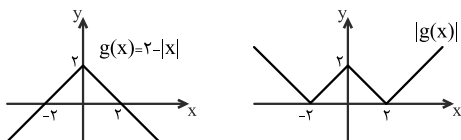
(کتاب آبی جامع ریاضی)

۱۵۳- گزینه «۱»

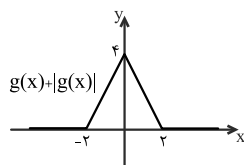
ضابطه ی تابع fog را تشکیل داده و نمودار آن را رسم می کنیم:

$$(\text{fog})(x) = f(g(x)) = g(x) + |g(x)|$$

fog مجموع دو تابع $g(x)$ و $|g(x)|$ است. نمودار این دو تابع را رسم کرده و با هم جمع می کنیم:



با توجه به نمودار مقابل، تابع fog در بازه ی $(0, 2)$ اکیداً نزولی است.

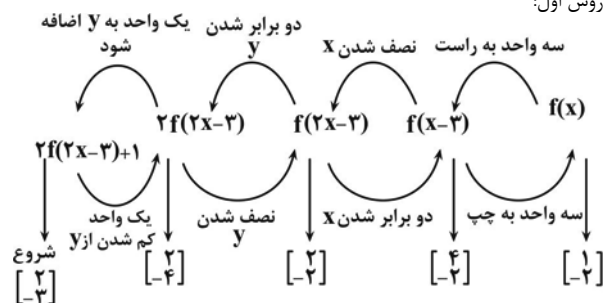


(تابع) (ریاضی ۳، صفحه های ۶ تا ۱۴، ۲۲ و ۲۳)

(معموری زیرین)

۱۵۴- گزینه «۲»

روش اول:



$$= f(1) = \sqrt{1+5 \times 0} = 1$$

(تابع) (ریاضی ۳، صفحه های ۱۱ تا ۱۴، ۲۲ و ۲۳) (ریاضی ۱، صفحه های ۱۰۹ تا ۱۱۳)

۱۴۹- گزینه «۳»

ابتدا تابع $(\text{gof})(x)$ را تشکیل می دهیم:

$$f(x) = 3x^2 + x - 2$$

$$g(x) = x^2 + 4x + 3$$

$$\begin{aligned} (\text{gof})(x) &= g(f(x)) = g(3x^2 + x - 2) = (3x^2 + x - 2)^2 \\ &+ 4(3x^2 + x - 2) + 3 \Rightarrow (\text{gof})(x) = 0 \Rightarrow (3x^2 + x - 2)^2 \\ &+ 4(3x^2 + x - 2) + 3 = 0 \end{aligned}$$

به کمک تغییر متغیر $3x^2 + x - 2 = t$ معادله را حل می کنیم:

$$\Rightarrow t^2 + 4t + 3 = 0 \Rightarrow (t+3)(t+1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} t+3=0 \Rightarrow t=-3 \\ t+1=0 \Rightarrow t=-1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow t = -3 \Rightarrow 3x^2 + x - 2 = -3$$

$$\Rightarrow 3x^2 + x + 1 = 0 \rightarrow \Delta < 0 \Rightarrow \text{ریشه حقیقی ندارد}$$

$$\Rightarrow t = -1 \Rightarrow 3x^2 + x - 2 = -1 \Rightarrow 3x^2 + x - 1 = 0$$

$$\rightarrow \Delta > 0 \Rightarrow S = \frac{-b}{a} = \frac{-1}{3}$$

پس مجموع ریشه های معادله $(\text{gof})(x) = 0$ برابر $\frac{-1}{3}$ است.

(تابع) (ریاضی ۳، صفحه های ۱۱ تا ۱۴، ۲۲ و ۲۳)

۱۵۰- گزینه «۳»

(یوار سراج)

می دانیم که عبارت زیر رادیکال همواره باید بزرگ یا مساوی صفر باشد.

$$(x^3 - x)f(x) \geq 0$$

نامعادله فوق را تعیین علامت می کنیم:

$(x^3 - x)f(x)$	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
	+	+	-	+	+
$\downarrow$					
$x(x^2-1)$					
$\downarrow$					
± 1					
$\downarrow$					
0					

پس دامنه می شود $R - (-1, 0)$

$$a + b = -1 + 0 = -1$$

(تابع) (ریاضی ۲، صفحه های ۵۲ و ۵۳) (ریاضی ۳، صفحه های ۶ تا ۱۰)

۱۵۱- گزینه «۴»

(سروش مونی)

برای ترکیب $f(f(x))$ باید جواب f در دامنه f قرار گیرد یعنی:

$$-3 < 1 - 2x \leq 1$$

$$\xrightarrow{-1} -4 < -2x \leq 0 \xrightarrow{\div(-2)} 2 > x \geq 0$$

و از اشتراک آن با شرط دامنه f داریم:

$$0 \leq x \leq 1$$

چون ترکیب f تابع خطی، خطی است پس با قرار دادن در $f(f(x))$ ، مقادیر آن به دست می آید:

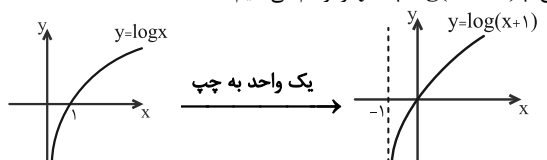
به ازای $b = -3$ نیز ریشه عبارت p ، $x = \frac{1}{2}$ خواهد بود که مشکلی در دامنه ایجاد نمی‌کند.

(تابع) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۵۲ و ۵۳) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۳۳ تا ۳۵)

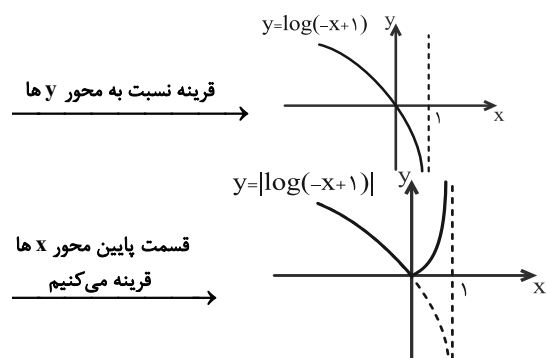
(کتاب آبی جامع ریاضی)

۱۵۷- گزینه «۲»

نمودار تابع $y = |\log(-x+1)|$ را رسم می‌کنیم:



یک واحد به چپ



قرینه نسبت به محور y ها

قسمت پایین محور x ها

قرینه می‌کنیم

با توجه به نمودار، تابع در بازه $[-\infty, 0]$ اکیداً نزولی است.

(تابع) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۶ تا ۱۰)

(معمرسن سلامی‌فسینی)

۱۵۸- گزینه «۳»

چون $D_f = [-2, 2]$ باید $D_g = R$ بوده و $R_g \subseteq [-2, 2]$ باشد پس مورد الف و مورد ب قابل قبول است.

$$g(x) = \frac{4x}{x^2 + 16} \quad \text{الف}$$

$$D_g = R$$

$$x \neq 0 \Rightarrow \frac{1}{g(x)} = \frac{x^2 + 16}{4x} = \frac{x}{4} + \frac{4}{x} \in (-\infty, -2] \cup [2, +\infty)$$

$$g(x) \in [-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}] - \{0\}$$

$$x = 0 \Rightarrow g(0) = 0$$

$$g(x) = 1 + \cos x \quad R_g = [0, 2]$$

$$\text{ب) } D_g = R$$

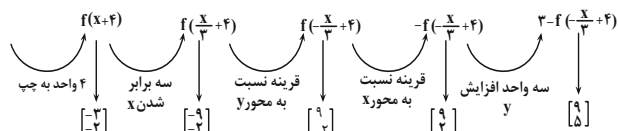
(تابع) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴، ۲۲ و ۲۳)

(دانیال ابراهیمی)

۱۵۹- گزینه «۲»

ابتدا محدود m را به دست می‌آوریم:

$$\frac{-3}{2} < m - \frac{9}{2} < \frac{3}{2} \rightarrow 3 < m < 6$$



روش دوم:

$$\begin{bmatrix} 2 \\ -3 \end{bmatrix} \in y = 2f(2x-3) + 1$$

$$\Rightarrow -3 = 2f(1) + 1 \Rightarrow f(1) = -2$$

$$\Rightarrow (1, -2) \in f(x)$$

$$y = 3 - f(4 - \frac{x}{3}) \Rightarrow \begin{cases} 4 - \frac{x}{3} = 1 \Rightarrow \frac{x}{3} = 3 \Rightarrow x = 9 \\ x = 9 \Rightarrow y = 3 - f(1) = 3 - (-2) \\ \Rightarrow y = 5 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 9 \\ 5 \end{bmatrix} \in y = 3 - f(4 - \frac{x}{3})$$

(تج) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۶۸ و ۶۹) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۳)

(معمرسن سلامی‌فسینی)

۱۵۵- گزینه «۴»

با توجه به صورت مسئله $g(x) = ax + b$

$$fog(x) = f(g(x)) = 2(ax + b) + 3 = 2ax + 2b + 3$$

لذا:

$$y = \sqrt{fog(x)} \Rightarrow y = \sqrt{2ax + 2b + 3}$$

با توجه به نمودار، این تابع در بازه $[x_0, +\infty)$ تعریف شده است که x_0 عددی منفی است پس داریم:

$$\begin{array}{c|c} x & x_0 \\ \hline 2ax + 2b + 3 & - \\ & | \\ & 0 \end{array}$$

بنابراین $2a > 0$ یعنی $a > 0$ و ریشه زیر رادیکال یعنی $-\frac{2b+3}{2a}$ منفی

است و چون $2a > 0$ پس $2b+3 > 0$ یعنی $b > -\frac{3}{2}$ است که با این شرط فقط گزینه «۴» صحیح است.

(تابع) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴، ۲۲ و ۲۳)

(دانیال ابراهیمی)

۱۵۶- گزینه «۱»

با توجه به ضابطه، عبارت $ax^2 + bx + 1$ در $x \geq -1$ باید نامنفی باشد. بنابراین ریشه این عبارت است:

$$x = -1 \rightarrow -a - b + 1 = 0 \Rightarrow a = 1 - b$$

چندجمله‌ای را بازنویسی می‌کنیم. این چند جمله‌ای بر $(x+1)$ بخش پذیر است:

$$(1-b)x^2 + bx + 1 = (x+1)((1-b)x + (b-1))$$

p

عبارت p باید همواره نامنفی باشد:

$$\textcircled{1} 1-b > 0 \Rightarrow b < 1$$

$$\textcircled{2} \Delta \leq 0 \Rightarrow (b-1)^2 - 4(1-b) \leq 0$$

$$\Rightarrow (b-1)(b+3) \leq 0 \Rightarrow -3 \leq b \leq 1$$

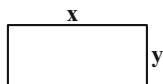
دقت کنید که اگر $b = 1$ باشد، عبارت‌ها در درجه صفر بوده و دامنه درست خواهد بود.

$$y = \frac{-\Delta}{fa} = \frac{-(b^2 - 4ac)}{fa} = \frac{-\left(\frac{4}{9} - 4\left(-\frac{3}{2}\right)(1)\right)}{4\left(-\frac{3}{2}\right)} = \frac{29}{27}$$

(تابع و معادله درجه ۲) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۸)

(سعیل ساسانی)

۱۶۳- گزینه «۴»



$$\text{محیط} = 2(x + y) = 33 \rightarrow x + y = \frac{33}{2}$$

$$\text{مساحت} = 65 \Rightarrow xy = 65$$

حال معادله درجه دوم را تشکیل می‌دهیم:

$$x^2 - Sx + P = 0 \rightarrow x^2 - \frac{33}{2}x + 65 = 0$$

$$2x^2 - 33x + 130 = 0$$

$$\Delta = 1089 - 1040 = 49$$

$$x = \frac{33 \pm \sqrt{49}}{4} \rightarrow \begin{cases} \frac{40}{4} = 10 \\ \frac{26}{4} = 6.5 \end{cases} \rightarrow 10 - 6.5 = 3.5$$

راه حل دوم:

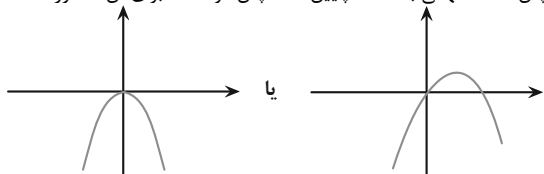
$$|\alpha - \beta| = \frac{\sqrt{\Delta}}{|a|} = \frac{\sqrt{1089 - 1040}}{2} = \frac{\sqrt{49}}{2} = \frac{7}{2} = 3.5$$

(تابع و معادله درجه ۲) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۳)

(فرشاد صریقی، قر)

۱۶۴- گزینه «۳»

در تابع فوق $c = 0$ پس حتماً از مبدأ عبور می‌کند و چون از ناحیه دوم نمی‌گذرد پس دهانه سهمی به سمت پایین است پس دو حالت برای آن متصور است.



$$a = x^2 \text{ ضرب}$$

$$\begin{cases} a < 0 \rightarrow \alpha - 1 < 0 \rightarrow \boxed{\alpha < 1} \\ b \geq 0 \rightarrow \alpha + 2 \geq 0 \rightarrow \boxed{\alpha \geq -2} \end{cases}$$

$$\text{اشترک} \rightarrow -2 \leq \alpha < 1$$

به ظاهر $\alpha = -2, -1, 0$ قابل قبول است اما به ازای $a = 1$ داریم:

$$J = 3x \rightarrow \alpha = -2, -1, 0, 1 \text{ مقدار ۴}$$

(تابع و معادله درجه ۲) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۸)

(پوار سراج)

۱۶۵- گزینه «۲»

هرگاه روابط α و β مشابه نبودند باید به اصل معادله، جمع ریشه‌ها و یا ضرب ریشه‌ها دقت کنید:

دقت کنید که ضابطه بالایی (f_1) ، یک سهمی با $x_s = \frac{m}{2}$ و دهانه رو به بالا، و

ضابطه پایین (f_2) یک سهمی با $x_s = m$ و دهانه رو به پایین است. با توجه به اینکه $3 < m < 6$ ، رأس هیچ‌کدام از دو سهمی در بازه‌های داده شده قرار نمی‌گیرد. پس برای اینکه برد تابع برابر با $\mathbb{R}$ شود، کمترین مقدار سهمی بالا باید کمتر یا مساوی با بیشترین مقدار سهمی پایین باشد، بنابراین داریم:

$$f_1(3) \leq f_2(3) \Rightarrow 13 - 3m \leq 6m - 24 \Rightarrow 37 \leq 9m$$

$$\Rightarrow \frac{37}{9} \leq m$$

$$\xrightarrow{\text{اشترک با } 3 < m < 6} \frac{37}{9} \leq m < 6$$

در بازه داده شده فقط یک عدد $m = 5$ طبیعی است.

(تابع) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۰۸)

۱۶۰- گزینه «۳»

(علی اصغر شریفی)

$$f(x) = \frac{x-5}{x-3}$$

$$\Rightarrow f \circ f(x) = \frac{\frac{x-5}{x-3} - 5}{\frac{x-5}{x-3} - 3} = \frac{x-5-5(x-3)}{x-5-3(x-3)} = \frac{-4x+10}{-2x+4} = \frac{2x-5}{x-2}$$

$$\Rightarrow f \circ f \circ f(x) = \frac{\frac{2x-5}{x-2} - 5}{\frac{2x-5}{x-2} - 3} = \frac{2x-5-5(x-2)}{2x-5-3(x-2)} = \frac{-3x+5}{-x+1} = \frac{3x-5}{x-1}$$

$$\Rightarrow f \circ f \circ f \circ f(x) = \frac{\frac{3x-5}{x-1} - 5}{\frac{3x-5}{x-1} - 3} = \frac{3x-5-5(x-1)}{3x-5-3(x-1)} = \frac{-2x}{-2} = x$$

بنابراین معادله $f \circ f \circ f \circ f(x) = x$ بی‌شمار جواب دارد.

لازم به ذکر است که از این مرحله به بعد توابع تکرار می‌شوند، یعنی

$$\Rightarrow f \circ f \circ f \circ f \circ f(x) = f(x) = \frac{x-5}{x-3}, f \circ f \circ f \circ f \circ f \circ f(x) = f \circ f(x)$$

$$= \frac{2x-5}{x-2}, \dots$$

(تابع) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴، ۲۲ و ۲۳)

ریاضی پایه

(سعیل ساسانی)

۱۶۱- گزینه «۲»

$$\alpha + \beta = 2\sqrt{3} \rightarrow S = 2\sqrt{3}$$

$$\alpha^2 + \beta^2 = (\underbrace{\alpha + \beta}_S)^2 - 2\underbrace{\alpha\beta}_P = S^2 - 2P = 8$$

$$\xrightarrow{S=2\sqrt{3}} 12 - 2P = 8 \rightarrow 2P = 4 \rightarrow P = 2$$

$$x^2 - Sx + P = 0 \rightarrow x^2 - 2\sqrt{3}x + 2 = 0$$

(تابع و معادله درجه ۲) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۳)

(رحمان پوررهم)

۱۶۲- گزینه «۲»

برای محاسبه بیشترین ارتفاع باید عرض رأس سهمی را پیدا کنیم:

$$\alpha^5 + \frac{32}{\alpha^5} = \alpha^5 + \beta^5 \quad (1)$$

$$\Rightarrow \alpha^2 + \beta^2 = S^2 - 2P = 16 - 4 = 12$$

$$\alpha^3 + \beta^3 = S^3 - 3PS = 64 - 24 = 40$$

$$(\alpha^2 + \beta^2)(\alpha^3 + \beta^3) = \alpha^5 + \beta^5 + \alpha^2\beta^3 + \alpha^3\beta^2$$

$$= \alpha^5 + \beta^5 + \alpha^2\beta^2(\alpha + \beta)$$

$$\Rightarrow (12)(40) = \alpha^5 + \beta^5 + 4(4) \Rightarrow$$

$$\alpha^5 + \beta^5 = 480 - 16 = 464 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(2)-(1)} \alpha^5 + \frac{32}{\alpha^5} = 464$$

(تابع و معادله درجه ۲، (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۳)

(سروش مومینی)

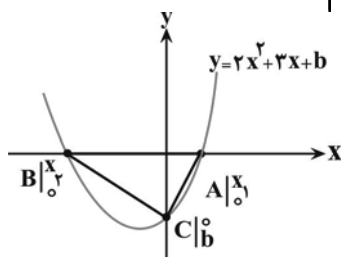
۱۶۹- گزینه «۴»

مثلاً ABC قائم‌الزاویه است پس $CA \perp CB$ و $m_{CA} \times m_{CB} = -1$

$$\frac{b-0}{0-x_1} \times \frac{b-0}{0-x_2} = -1$$

داریم:

$$\Rightarrow \frac{b^2}{x_1 x_2} = -1 \Rightarrow b^2 = -x_1 x_2 = \frac{-b}{2} \Rightarrow \begin{cases} b=0 \\ b=-\frac{1}{2} \end{cases}$$



واضح است که b صفر نیست پس $b = -\frac{1}{2}$ و داریم:

$$y = 2x^2 + 3x - \frac{1}{2}$$

$$x_s = \frac{-b}{2a} = \frac{-3}{4}$$

$$y_s = 2\left(\frac{-3}{4}\right)^2 + 3\left(\frac{-3}{4}\right) - \frac{1}{2}$$

$$= \frac{9}{8} - \frac{9}{4} - \frac{1}{2} = \frac{-9}{8} - \frac{4}{8} = \frac{-13}{8}$$

(تابع و معادله درجه ۲، (ریاضی ۱، صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۸)

(علی‌اصغر شریفی)

۱۷۰- گزینه «۱»

با تغییر متغیر $t = x - 4$ داریم:

$$(t+1)^4 + (t-1)^4 = 20 \Rightarrow 2t^4 + 12t^2 + 2 = 20$$

$$\Rightarrow t^4 + 6t^2 - 9 = 0 \Rightarrow t^2 + 6t^2 + 9 = 18$$

$$\Rightarrow (t^2 + 3)^2 = 18 \Rightarrow t^2 + 3 - 3\sqrt{2} = 0$$

معادله بالا دو ریشه دارد، با جایگذاری $t = x - 4$ داریم:

$$(x-4)^2 + 3 - 3\sqrt{2} = 0 \Rightarrow x^2 - 8x + 16 + 3 - 3\sqrt{2} = 0$$

$$x^2 - 8x + (19 - 3\sqrt{2}) = 0$$

حاصل‌ضرب دو ریشه در معادله بالا برابر است با $19 - 3\sqrt{2}$.

(تابع و معادله درجه ۲، (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۳)

$$x^2 - 5x + 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} S = 5 \\ P = 1 \end{cases}$$

$$P = 1 \Rightarrow \alpha\beta = 1 \rightarrow \beta = \frac{1}{\alpha} \Rightarrow \beta^2 = \frac{1}{\alpha^2}$$

$$\Rightarrow \alpha^2 + \frac{2}{\alpha^2} + 2\beta^2 = 2\alpha^2 + 2\beta^2$$

$$= 2(\alpha^2 + \beta^2) = 2(S^2 - 2P) = 2(25 - 2)$$

$$= 2 \times 23 = 46$$

(تابع و معادله درجه ۲، (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۳)

۱۶۶- گزینه «۴»

(مصطفی کرمی)

با توجه به اینکه $4 - 13 + 9 = 0$ است پس ریشه‌ها $\alpha = 1$ و $\beta = \frac{9}{4}$ است.

و در نتیجه داریم:

$$\begin{cases} 1 + \frac{3}{\sqrt{\alpha}} = 1 + \frac{3}{1} = 4 \\ 1 + \frac{3}{\sqrt{\beta}} = 1 + \frac{3}{\sqrt{\frac{9}{4}}} = 1 + \frac{3}{\frac{3}{2}} = 3 \end{cases}$$

پس ریشه‌های معادله $x^2 - ax + 12 = 0$ برابر ۳ و ۴ است که جمع آن‌ها $a = 3 + 4 = 7$ است.

(تابع و معادله درجه ۲، (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۳)

۱۶۷- گزینه «۲»

(سامان سلامیان)

ابتدا معادله سهمی را با داشتن سه نقطه $A(0, 6)$ و $B(2, 6)$ و

$C(-2, 2)$ می‌نویسیم. می‌توان معادله سهمی را $y = ax^2 + bx + c$

در نظر گرفت و به کمک ۳ معادله ۳ مجهول را نوشت. منظور سؤال یافتن تفاضل ریشه‌هاست یعنی:

$$|x_2 - x_1| = \frac{\sqrt{\Delta}}{|a|}$$

برای نوشتن معادله سهمی به روش زیر عمل می‌کنیم:

$$y = 6 + a(x-0)(x-2)$$

$$\xrightarrow{(-2, 2)} 2 = 6 + a(-2)(-2-2) \rightarrow 2 = 6 + 4a \rightarrow a = \frac{-1}{2}$$

روی سهمی

$$y = \frac{-1}{2}x(x-2) + 6 = \frac{-x^2}{2} + x + 6$$

$$\text{تفاضل ریشه‌ها} = |x_2 - x_1| = \frac{\sqrt{\Delta}}{|a|} = \frac{\sqrt{13}}{\frac{1}{2}} = 2\sqrt{13}$$

(تابع و معادله درجه ۲، (ریاضی ۱، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۴ تا ۱۸)

۱۶۸- گزینه «۲»

(مهمر سلامی‌سینی)

$$\alpha\beta = 2 \rightarrow \beta = \frac{2}{\alpha} \rightarrow \beta^5 = \frac{32}{\alpha^5}$$

زمین شناسی

۱۷۱- گزینه «۴»

(معدنی بیاری)

اگر پس از تبلور بخش اعظم ماگما، مقدار آب و مواد فرار مانند کربن دی اکسید و ... فراوان و از طرفی زمان تبلور بسیار کند و طولانی باشد شرایط برای رشد بلورهای تشکیل دهنده سنگ فراهم و سنگ هایی با بلورهای بسیار درشت به نام پگماتیت تشکیل می شود که می تواند کانسار مهمی برای بعضی عناصر خاص مثل لیتیم و بعضی کانی های گوهری مانند زمرد یا کانی های صنعتی مانند مسکوویت (طلق نسوز) باشد.

(منابع معدنی و ذخایر انرژی، زیربنای تمدن و توسعه) (زمین شناسی، صفحه ۳۰)

۱۷۲- گزینه «۲»

(معدنی بیاری)

اندازه گیری و تعیین غلظت میانگین عناصر کاربردهای زیادی دارد مانند پی بردن به فرایندهای زمین شناسی مثل حرکت ورقه های سنگ کره (مربوط به تکتونیک)، تاریخچه تکوین یک منطقه و آلودگی های زیست محیطی (زمین شناسی زیست محیطی)

(منابع معدنی و ذخایر انرژی، زیربنای تمدن و توسعه) (زمین شناسی، صفحه ۲۶)

۱۷۳- گزینه «۱»

(علیرضا خورشیدی)

استخراج ماده معدنی یا کانسنگ، اغلب پرهزینه است و تنها در صورتی بهره داری آغاز می شود که یک عنصر با حجم و غلظت کافی در ماده معدنی وجود داشته باشد. با شروع معدن کاری یا بهره برداری یک معدن شکل می گیرد.

(منابع معدنی و ذخایر انرژی، زیربنای تمدن و توسعه) (زمین شناسی، صفحه ۲۹)

۱۷۴- گزینه «۲»

(کنکور، خارج از کشور، ۹۸)

برخی از کانه ها مانند طلا، نقره و مس به صورت آزاد یافت می شوند.

(منابع معدنی و ذخایر انرژی، زیربنای تمدن و توسعه) (زمین شناسی، صفحه ۲۸)

۱۷۵- گزینه «۱»

(سراسری تهرانی ۱۳۰۰)

مرحله گسترش چرخه ویلسون: در این مرحله، شکاف ایجاد شده و مواد مذاب سست کره به بستر اقیانوس رسیده و پشته های میان اقیانوسی تشکیل می شوند و پوسته جدید ایجاد شده به طرفین حرکت کرده و باعث گسترش بستر اقیانوس می شود؛ مانند بستر اقیانوس اطلس و دریای سرخ.

(آفرینش کیهان و تکوین زمین) (زمین شناسی، صفحه ۱۸)

۱۷۶- گزینه «۱»

(معدنی بیاری)

در برخی از اقیانوس ها مانند اقیانوس آرام در بخشی از آن ورقه اقیانوسی به زیر ورقه اقیانوسی دیگری فرو رانده شده و منجر به تشکیل دراز گودال اقیانوسی و جزایر قوسی می شود.

(آفرینش کیهان و تکوین زمین) (زمین شناسی، صفحه ۱۹)

۱۷۷- گزینه «۳»

(کنوش شمس)

همانطور که از جدول غلظت کلارک مشخص است بعد از اکسیژن، فسفر فراوان ترین نافلز پوسته زمین است. دقت کنید سیلیسیم یک شبه فلز و سدیم یک فلز است و صورت سوال مربوط به نافلزها است.

عنصر	درصد براساس جرم
اکسیژن	۴۵/۲۰
سیلیسیم	۲۷/۲۰
آلومینیم	۸/۰۰
آهن	۵/۸۰
کلسیم	۵/۰۶
سدیم	۲/۷۷
پتاسیم	۲/۲۳
منیزیم	۱/۶۸
تیتانیم	۰/۸۶
فسفر	۰/۱۲
منگنز	۰/۱۰
روی	۰/۰۳
مس	۰/۰۲
سرب	۰/۰۰۱۶

(منابع معدنی و ذخایر انرژی، زیربنای تمدن و توسعه) (زمین شناسی، صفحه ۲۶)

۱۷۸- گزینه «۴»

(علیرضا خورشیدی)

طبق کتاب علوم هشتم و کتاب درسی زمین شناسی یازدهم نحوه تشکیل تمام کانی های ذکر شده به درستی در مقابل آن ها نوشته شده است.

(منابع معدنی و ذخایر انرژی، زیربنای تمدن و توسعه) (زمین شناسی، صفحه ۳۰)

۱۷۹- گزینه «۴»

(آرین فلاح اسری)

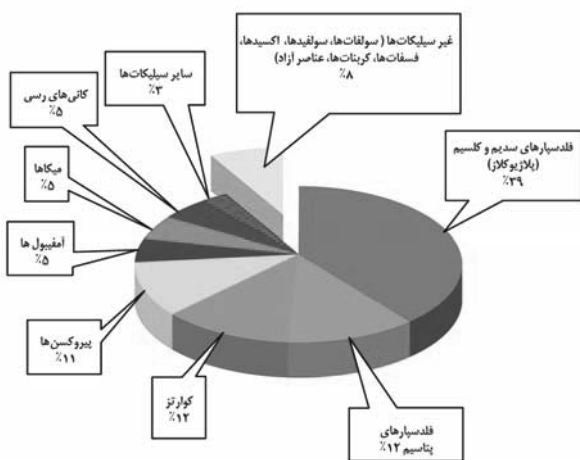
دیرینه شناسی شاخه ای از علم زمین شناسی است که به بررسی آثار و بقایای موجودات گذشته زمین در لایه های رسوبی می پردازد. بر پایه مطالعه فسیل ها، پیدایش و نابودی آن ها می توان به سن نسبی لایه های زمین و محیط زندگی موجودات در گذشته پی برد.

(آفرینش کیهان و تکوین زمین) (زمین شناسی، صفحه های ۲۰ و ۲۱)

۱۸۰- گزینه «۴»

(بهزار سلطانی)

کانی های غیرسیلیکاتی، گروهی از کانی ها هستند که در ترکیب خود، فاقد بنیان سیلیکاتی (SiO_4^{4-}) هستند. این کانی ها در انواع سنگ ها (آذرین، رسوبی، دگرگونی) یافت می شوند.



(منابع معدنی و ذخایر انرژی، زیربنای تمدن و توسعه) (زمین شناسی، صفحه ۲۸)



درسنامه آزمون ۱۹ آبان ماه ۱۴۰۲

مؤلفان

نام و نام خانوادگی	نام درس
امیر محمد طباطبایی	زیست‌شناسی
محمد امین اسدی	فیزیک
کوثر گلیج	شیمی
نریمان فتح اللهی	ریاضی

مدیر گروه	مسئول دفترچه	حروفچین و صفحه‌آرا
زهراسادات غیاثی	علی رفیعیان بروجنی	سیده صدیقه میرغیاثی

ویژگی دفترچه درسنامه

دانش‌آموزان عزیز رشته تجربی

کانون فرهنگی آموزش هرساله در جهت بالا بردن خدمات آموزشی به دانش‌آموزان سراسر کشور، نوآوری جدیدی دارد. در سال تحصیلی پیش رو همراه با دفترچه پاسخنامه تشریحی، دفترچه درسنامه از مباحث آزمون بعد برای شما تدارک دیده شده است. این درسنامه به دانش‌آموزانی که در درسی خاص نیاز به مطلب کمک‌آموزشی دارند و همه دانش‌آموزان که سه روز قبل از آزمون اصلی به تورق سریع مطالب آزمون می‌پردازند، می‌تواند کمک کند.

این درسنامه شامل دو قسمت است:

۱- آزمون هدف‌گذاری مشابه پارسال برای آمادگی و تمرین تستی شما در منزل

۲- درسنامه بودجه‌بندی درس‌های دوازدهم آزمون ۱۹ آبان‌ماه



اینستاگرام دوازدهم تجربی ۱۴۰۲ _ kanoonir



کانال دوازدهم تجربی ۱۴۰۲ @zistkanoon

فهرست

شماره صفحه آزمونگ

شماره صفحه درسنامه

۵

زیست شناسی ۳

۱۳

فیزیک ۷

۱۹

شیمی ۱۵

۴۱

ریاضی ۲۱

—

سؤال های پیشنهادی ۴۳

جریان اطلاعات در یاخته

زیست‌شناسی ۳: ۲۱ تا ۳۲

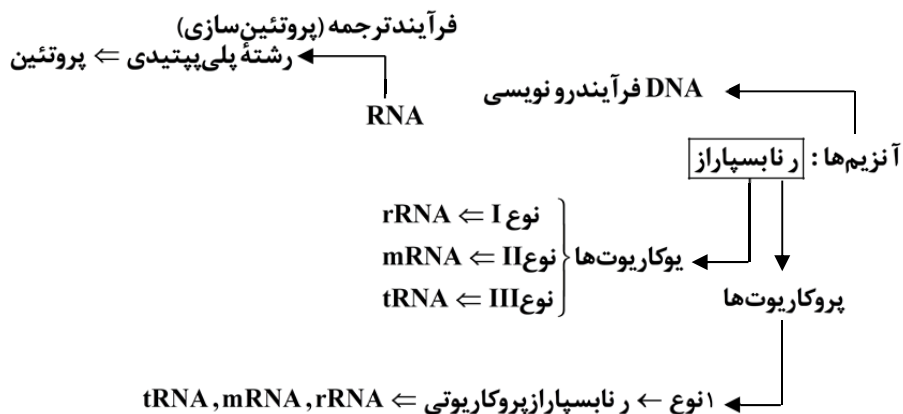
● به توالی‌های ۳ نوکلئوتیدی در دنا ← رمز (کد) گویند.

● به توالی‌های ۳ نوکلئوتیدی در mRNA ← رمزه (کدن) گویند.

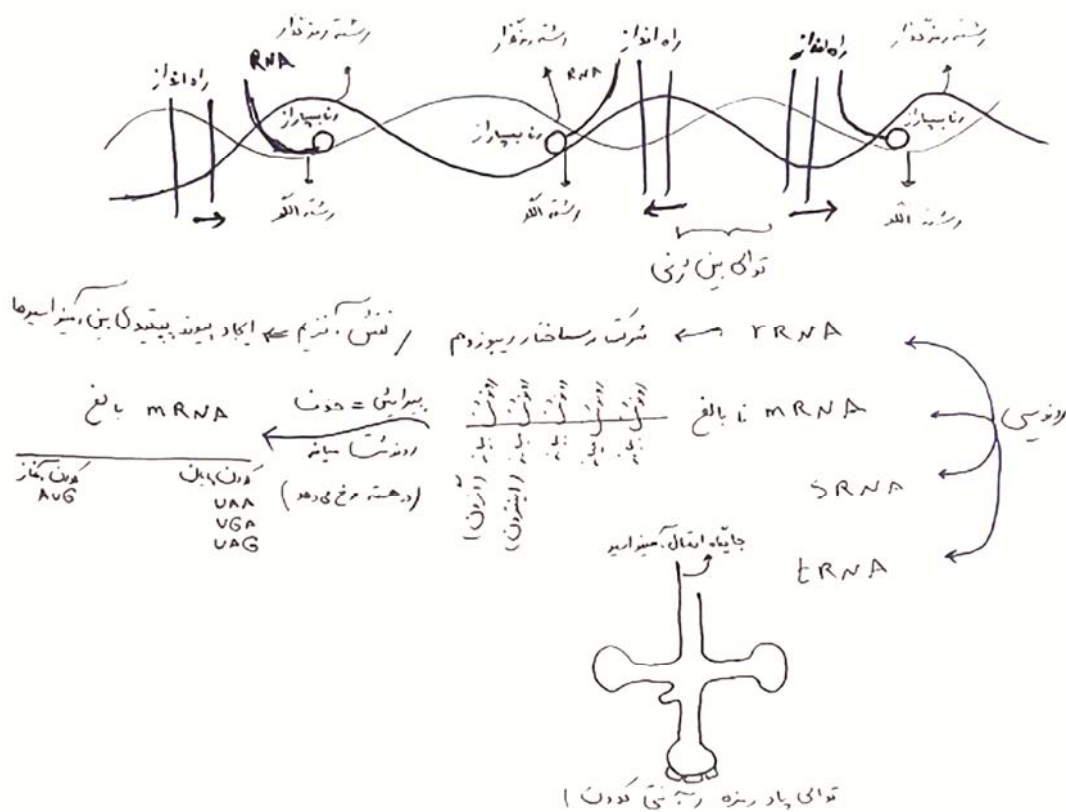
● به توالی‌های ۳ نوکلئوتیدی در tRNA ← پادرمزه (آنتی کدون) گویند.

● با ۴ نوکلئوتید به کار رفته در DNA، ۶۴ توالی ۳ نوکلئوتیدی مختلف ایجاد می‌شود $\Rightarrow$ ۶۴ نوع کدون داریم با توجه به اینکه

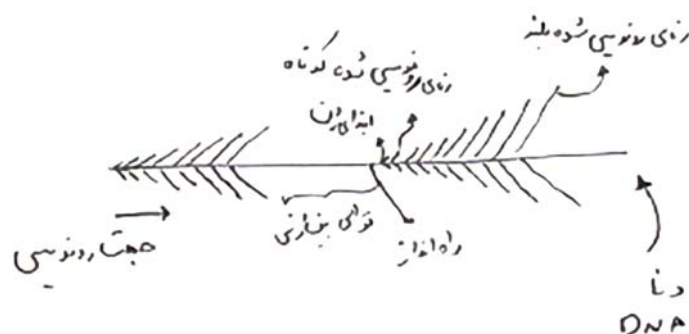
۲۰ نوع آمینواسید بیشتر نداریم $\leftarrow$ اکثراً (بیشتر) آمینواسیدها بیش از یک کدون دارند که معرف آنها در فرآیند ترجمه است.



تفاوت‌های یونی: رونویسی	همانندسازی
۱) تعداد رشته الگو	۲
۲) تعداد رشته‌ای که تولید می‌شود.	۲
۳) نوع مولکولی که تولید می‌شود.	DNA
۴) نوع آنزیم	هلیکاز و دنابسپاراز
۵) جهت	تک جهتی از ابتدا به سمت انتهای ژن
۶) آنزیم بازکننده ۲ رشته	هلیکاز
۷) ویرایش	ندارد



- دقت شود در هر ژن فقط یکی از ۲ رشته دنا رونویسی می شود.
- رنابسپاراز همانند دنابسپاراز توانایی شکستن و تولید پیوند فسفودی استر را دارد اما برخلاف آن توانایی شکستن پیوند هیدروژنی را دارد.
- رنای ناقل پس از تشکیل دچار تغییر می شود و به علت تاخوردگی هایی که پیدا می کند، نوکلئوتیدهای مکمل پیوند هیدروژنی با یکدیگر برقرار می کنند ⇒ در ساختار tRNA علاوه بر پیوند فسفودی استر، بین نوکلئوتیدها پیوند هیدروژنی نیز دیده می شود.
- آنزیم های ویژه ای در یاخته ها وجود دارند که براساس توالی آنتی کدون، آمینواسید مناسب را به tRNA متصل می کنند. این پیوند از نوع کووالانسی بوده و بین کربوکسیل آمینواسید و رنا تشکیل می شود.



- براساس مقدار نیاز یاخته به فرآورده های ژن میزان رونویسی از آن متغیر است.
- برخی ژن ها مثل ژن سازنده Rrna در یاخته های تازه تقسیم شده بسیار فعال اند در این نوع ژن ها همزمان تعداد زیادی رنابسپاراز از ژن رونویسی می کنند.

حرکت بر خط راست

فیزیک ۳: صفحه‌های ۱۳ تا ۲۶

(۱) حرکت با سرعت ثابت: ساده‌ترین نوع حرکت، که در آن متحرک با سرعت ثابت در طول مسیر حرکت می‌کند و شتاب متحرک ۰ است. به همین دلیل سرعت متوسط متحرک در هر بازه زمانی برابر بر سرعت لحظه‌ای آن است.

$$v = v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow v = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad \text{پس:}$$

● جابه‌جایی برابر با سرعت ضرب در مدت زمان است.

$$\Delta t = \frac{\Delta x}{v}$$

● مدت زمان جابه‌جایی، برابر جابه‌جایی بر سرعت است.

● جابه‌جایی در هر بازه زمانی متناسب با مدت زمان جابه‌جایی است.

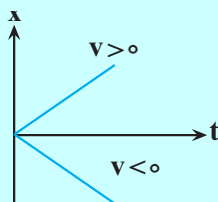
$$\frac{\Delta x_1}{\Delta x_2} = \frac{v}{v} \times \frac{\Delta t_1}{\Delta t_2} \Rightarrow \frac{\Delta x_1}{\Delta x_2} = \frac{\Delta t_1}{\Delta t_2}$$

$$x = vt + x_0$$

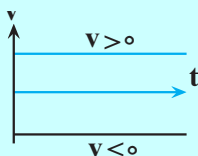
معادله مکان - زمان در حرکت سرعت ثابت:

● بررسی نمودارهای $x = -t$ و $v - t$ در حرکت سرعت ثابت:

● در این نوع حرکت نمودار $x - t$ به صورت خطی است.



● در این نوع حرکت نمودار $v - t$ به صورت ثابت است.



(۲) بررسی حرکت دو متحرک با سرعت ثابت نسبت به هم: برای این کار ۲ روش وجود دارد:

۱- بررسی با استفاده از معادله مکان - زمان: در این روش معادله مکان زمان دو متحرک را نوشته و با هم مقایسه یا ترکیب می‌کنید برای مثال زمان رسیدن دو متحرک به هم، معادله مکان زمان دو متحرک را با هم برابر قرار می‌دهید. ($x_1 = x_2$)

۲) بررسی با استفاده از مفهوم سرعت نسبی: در این روش فرض می‌کنیم یکی از دو متحرک ما ثابت است و دیگر نسبت به آن حرکت می‌کند که در این صورت ۲ حالت پیش می‌آید: (۱) دو متحرک به سمت هم حرکت می‌کنند: در این صورت سرعت نسبی برابر با مجموع سرعت آنها است. (۲) دو متحرک به یک سمت حرکت می‌کنند: در

این صورت سرعت نسبی برابر نفاصل دو متحرک است فقط در این حالت دقت کنید که کدام متحرک را ثابت در نظر می‌گیرید چون ممکن است به اشتباه از منفی بودن سرعت نسبی صرف‌نظر کنید و بگویید به هم نزدیک می‌شوند در صورتی که اگر سرعت نسبی منفی شود یعنی دو متحرک از هم دور می‌شوند.

- در حالت کلی اگر متحرک A را ثابت و B را متحرک در نظر بگیرید:

$$\vec{v}_{\text{نسبی}} = \vec{v}_B - \vec{v}_A$$

$$x_{\text{نسبی}} = x_{\bullet A} - x_{\bullet B}$$

مثال: متحرک A در مبدأ زمان با سرعت $3 \frac{m}{s}$ از مکان $x_{\bullet A} = +18m$ شروع. به حرکت می‌کند متحرک B نیز در مبدأ زمان با سرعت $\frac{m}{s}$ از مکان $x_{\bullet B} = +8m$ به سمت A حرکت می‌کند، اگر این دو متحرک به هم برسند، اختلاف اندازه جابه‌جایی متحرک A و B چقدر است؟

$$\Delta m \quad (4)$$

$$10m \quad (3)$$

$$7/5m \quad (2)$$

$$2/5m \quad (1)$$

👉 پاسخ:

- دقت کنید چون متحرک A از متحرک B جلوتر است و سرعت آن نیز بیشتر است پس اگر متحرک A نیز به سمت +x حرکت کند، این دو متحرک به هم نمی‌رسند پس متحرک A به سمت -x (به سمت متحرک B) حرکت می‌کند:

حال از دو روش می‌توان سوال را حل کرد:

روش اول (معادله):

$$x_A = v_A t + x_{\bullet A} = -3t + 18$$

$$x_B = v_B t + x_{\bullet B} = 1t + 8$$

$$x_A = x_B \Rightarrow -3t + 18 = 1t + 8 \Rightarrow 4t = 10 \Rightarrow t = 2/5$$

$$|\Delta x_A| = |\Delta t \cdot v_A| = |2/5 \times -3| = 7/5m$$

$$|\Delta x_B| = |\Delta t \cdot v_B| = |2/5 \times 1| = 2/5m$$

$$|x_A| - |\Delta x_B| = 7/5 - 2/5 = 5m$$

روش دوم: (سرعت نسبی)

$$v_{\text{نسبی}} = v_B - v_A = 1 - (-3) = 4 \frac{m}{s}$$

$$\Delta x_{\text{نسبی}} = x_{\bullet A} - x_{\bullet B} = 18 - 8 = 10m$$

$$\Delta t = \frac{\Delta x}{v} = \frac{10}{4} = 2/5s$$

$$|\Delta x_A| = 2/5 \times 3 = 7/5m$$

$$|\Delta x_B| = 2/5 \times 1 = 2/5m$$

$$|\Delta x_A| - |\Delta x_B| = 7/5 - 2/5 = 5m$$

(۳) حرکت با شتاب ثابت: هرگاه متحرک با شتاب ثابت حرکت کند یعنی نسبت تغییرات سرعت به تغییرات زمان عددی ثابت است و شتاب لحظه با شتاب متوسط در بازه‌های دلخواه برابر باشد، می‌گوییم حرکت با شتاب ثابت است.

$$a = a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \Rightarrow a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

تغییرات سرعت برابر شتاب در مدت زمان تغییرات است:

مدت زمان تغییرات برابر تغییرات سرعت بر شتاب است.

نسبت تغییرات سرعت با نسبت تغییرات زمان متناسب است.

$$\frac{\Delta v_1}{\Delta v_2} = \frac{a}{a} \times \frac{\Delta t_1}{\Delta t_2} \Rightarrow \frac{\Delta v_1}{\Delta v_2} = \frac{\Delta t_1}{\Delta t_2}$$

– معادله مکان زمان در شتاب ثابت:

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$$

– معادله سرعت زمان در حرکت شتاب ثابت:

$$v = at + v_0$$

– در حرکت شتاب ثابت، سرعت متوسط در یک بازه برابر سرعت ابتدا و انتهای بازه تقسیم بر ۲ است.

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{\frac{1}{2}at^2 + v_0t}{t} \Rightarrow v_{av} = \frac{at + 2v_0t}{2t} \xrightarrow{v_t = at + v_0}$$

$$v_{av} = \frac{v_0t + v_t \cdot t}{2t} = \frac{v_0 + v}{2} \Rightarrow v_{av} = \frac{v_0 + v}{2}$$

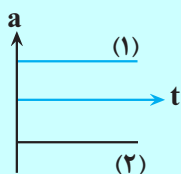
$$v_2^2 - v_1^2 = 2a\Delta x$$

$$\Delta x = v_{av} \times t = \frac{v_1 + v_2}{2} \times t \xrightarrow{t = \frac{\Delta v}{a}} \Delta x = \left(\frac{v_1 + v_2}{2}\right) \times \left(\frac{v_2 - v_1}{a}\right) \quad \text{اثبات:}$$

$$\Rightarrow \Delta x = \frac{v_2^2 - v_1^2}{2a} \Rightarrow v_2^2 - v_1^2 = 2a\Delta x$$

– نمودارها در حرکت شتاب ثابت:

– نمودار $a-t$ در این حرکت به صورت ثابت است:



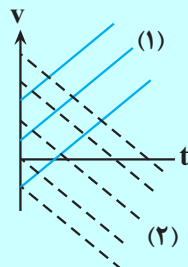
$$(v < 0, a < 0 \text{ یا } a > 0, v > 0)$$

– هرگاه $av > 0$ حرکت تندشونده است

$$(v > 0, a < 0 \text{ یا } a > 0, v < 0)$$

هرگاه $av < 0$ حرکت کندشونده است.

- نمودار $v-t$ در این حرکت به صورت خطی است:



• مساحت سطح بین نمودار سرعت زمان $(v-t)$ و محور زمان در هر بازه زمانی برابر جابه‌جایی در آن بازه است.

• نمودار $x-t$ در حرکت شتاب ثابت به صورت درجه ۲ است.

نکات نمودار $x-t$:

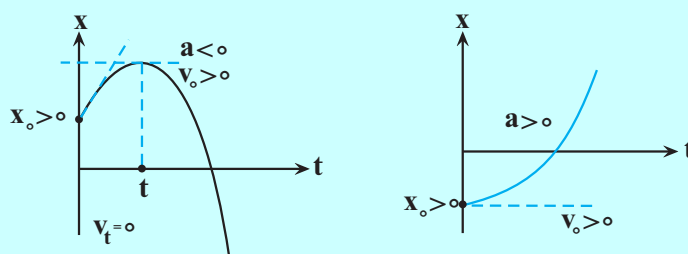
• سهمی‌های روبه بالا دارای شتاب مثبت و سهمی‌های روبه پایین دارای شتاب منفی هستند.

• شیب خط مماس در لحظه $\circ$ نشان‌دهنده علامت $v_\circ$ است.

• مکان متحرک در لحظه $t=0$ نشان‌دهنده علامت $x_\circ$ است.

• در نقطه رأس سهمی سرعت صفر است.

برای مثال به نمودارهای زیر دقت کنید:



برای مثال‌های بیشتر به صفحه ۱۷ کتاب درسی مراجعه کنید:

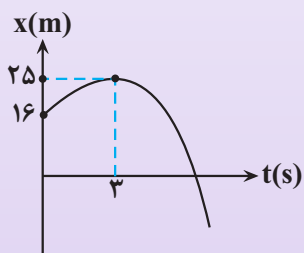
(۴) بررسی نمودار $x-t$ درجه ۲:

وقتی در سؤالی نمودار $x-t$ درجه ۲ به شما می‌دهند و اطلاعاتی را در نمودار با صورت سؤال به شما می‌دهند، با استفاده از ریاضیات و قوانینی که برای به‌دست آوردن معادله درجه ۲ یاد گرفته‌اید و مقایسه معادله با معادله

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_\circ t + x_\circ$$

می‌توانید اطلاعات خواسته شده را بیابید.

مثال: با توجه به نمودار $x-t$ مقابل شتاب متوسط در بازه زمانی $4s$ تا $6s$ چقدر است؟



$$+2 \frac{m}{s^2} \quad (1)$$

$$-2 \frac{m}{s^2} \quad (2)$$

$$+1 \frac{m}{s^2} \quad (3)$$

$$-1 \frac{m}{s^2} \quad (4)$$

پاسخ:

روش حل:

$$y = z(x-3)^2 + 25$$

$$y = 16 \text{ at } x = 6 \Rightarrow 16 = z(6-3)^2 + 25 \Rightarrow 9 = -9 \Rightarrow z = -1$$

$$\left. \begin{aligned} \Rightarrow y &= -x^2 + 6x + 16 \\ x &= \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \end{aligned} \right\} \Rightarrow x_0 = 16m, v_0 = 6 \frac{m}{s}, a = -2 \frac{m}{s^2}$$

چون حرکت متحرک شتاب ثابت است پس شتاب متوسط در هر بازه‌ای برابر $-2 \frac{m}{s^2}$ است.

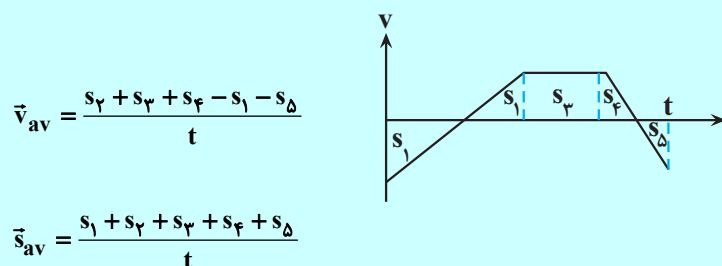
نکته: در بررسی حرکاتی که از چند مرحله متفاوت با نوع حرکات مختلف تشکیل می‌شوند، بهتر است که نمودار $v-t$ در بازه زمانی مشخص را رسم و سپس با محاسبه سطح زیر نمودار به بررسی جابه‌جایی با بار بررسی سرعت ابتدا و انتها، شتاب متوسط را محاسبه کنید.

نکته: در محاسبه سطح زیر نمودار $v-t$ دقت کنید که پایین محور t است یا بالای محور t زیرا اگر پایین محور t باشد به معنی حرکت در خلاف جهت محور x ها است و اگر بالای محور t ها باشد در جهت محور x ها است و در محاسبه سرعت و تندى متوسط و متفاوت است.

● در محاسبه سرعت متوسط باید مساحت‌ها با علامت‌شان قرار گیرند.

• در محاسبه تندی متوسط باید اندازه مساحت‌ها با هم جمع شوند.

مثال:



به‌طور کلی در سطح دبیرستان معادله مکان زمان تمامی حرکت‌ها به‌صورت $x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$ است که در هریک از حالت‌های خاص بررسی کردیم برای مثال در حرکت سرعت ثابت به دلیل اینکه $a = 0$ است معادله به‌صورت $x = vt + x_0$ در می‌آید. همانطور که خواندید نسبت تغییرات x ها نسبت به t همان سرعت است.

$$\frac{dv}{dt} = a = a \times 1 + 0 = a$$

می‌توان گفت:

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$$

پس به‌طور کلی:

$$\Delta x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t$$

$$v = \frac{dx}{dt} = at + v_0$$

$$\Delta v = at$$

$$a = \frac{dv}{dt} = a$$

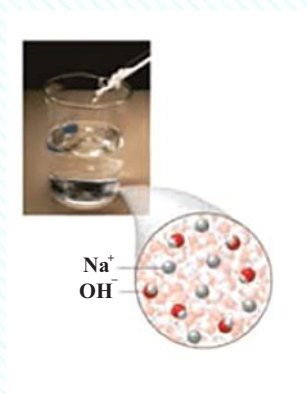
• پس همانطور که می‌بینید هر حرکتی که معادله $x-t$ آن درجه n باشد معادله $v-t$ آن درجه $n-1$ است و معادله $a-t$ آن $n-2$ است.

مولکول‌ها در خدمت تندرستی

شیمی ۳: صفحه‌های ۱۶ تا ۳۶

بازها محلول‌هایی با $7 < pH \leq 14$

- بازهای معروف موادی با OH در ساختار خود هستند مثل سود سوزآور (NaOH) و پتاس سوزآور (KOH).
- به مواد بازی مواد قلیایی هم گفته می‌شود.
- pH محیط‌های قلیایی بین ۷ تا ۱۴ است.
- از کاربرد بازها در زندگی می‌توان به محلول شیشه‌پاک‌کن و لوله‌بازکن اشاره کرد.
- در محلول‌های بازی $[H^+] < [OH^-]$
- هرچه غلظت یون هیدروکسید بالاتر باشد، pH به ۱۴ نزدیک‌تر می‌شود.
- بازها هم قوی و ضعیف دارند و برای آنها ثابت یونش تعریف می‌شود. با «K» نمایش داده می‌شود؛ هرچه Kb بزرگتر باشد باز قوی‌تر است.»
- همه بازها در ساختار خود OH ندارند برای مثال آمونیاک (NH_3) یک باز ضعیف است.
- معادله یونش آمونیاک به صورت $NH_3 + H_2O \rightleftharpoons NH_4^+ + OH^-$ نمایش داده می‌شود.



برای محاسبه pH محلول‌های بازی می‌توان از رابطه مقابل استفاده کرد:

$$pOH = -\log[OH^-]$$

$$pH = 14 + \log[OH^-]$$

سؤال: در ظرف ۴ L، ۴ گرم NaOH در ۱ لیتر آب حل می‌کنیم. چند لیتر گاز آمونیاک در شرایط استاندارد باید در نیم‌لیتر آب و ظرف ۲ حل کنیم تا pH محلول آمونیاک دو واحد از pH محلول سود کمتر باشد؟ ($K_b = 2/8 \times 10^{-5}$)

۴۰/۳۲ (۴)

۲۰/۱۶ (۳)

۲۰۱/۶ (۲)

۴۰۳/۲ (۱)

پاسخ: گزینه «۲»

ابتدا pH محلول ۱ را حساب می‌کنیم:

$$4 \text{ g NaOH} \times \frac{\text{mol NaOH}}{40 \text{ g NaOH}} \times \frac{1}{2 \text{ L محلول}} = 0.1 \frac{\text{mol}}{\text{L}} \text{ NaOH}$$

$$\text{pH}_1 = 14 - \text{pOH}_1 = 14 - (-\log[\text{OH}^-]) = 14 + \log[\text{OH}^-] = 14 + \log 0.1 = 13$$

پس pH محلول باید ۱۱ باشد؛ غلظت OH^- آن را حساب می‌کنیم:

$$\text{pH}_2 = 11 \rightarrow 14 + \log[\text{OH}] = 11$$

$$\rightarrow \log[\text{OH}^-] = -3 \rightarrow [\text{OH}^-] = 10^{-3}$$

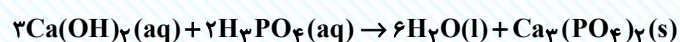
$$K_b = \frac{[\text{OH}^-]^2}{[\text{NH}_3] - [\text{OH}^-]} \rightarrow 2/8 \times 10^{-5} = \frac{10^{-6}}{[\text{NH}_3] - 10^{-3}}$$

$$\rightarrow [\text{NH}_3] - 10^{-3} = 18 \rightarrow [\text{NH}_3] = 18$$

$$\text{NH}_3 \text{ لیتر ?} = \frac{18 \text{ mol NH}_3}{2 \text{ L محلول}} \times 0.5 \text{ محلول} \times \frac{22.4 \text{ L NH}_3}{2 \text{ mol NH}_3} = 201/6 \text{ L NH}_3$$

شوینده‌های خورنده و واکنش خنثی شدن

- اسیدها و بازها در واکنش به نام واکنش خنثی شدن هم نام واکنش می‌دهند: $\text{H}^+(\text{aq}) + \text{OH}^-(\text{aq}) \rightarrow \text{H}_2\text{O}(\text{l})$
- فراورده‌های واکنش خنثی شدن آب و نمک است.
- این واکنش اساس عمل شوینده‌های خورنده است.
- آنیون و کاتیون اسید و باز معمولاً در این واکنش یون ناظرند اما ممکن است یون ناظر نباشند!

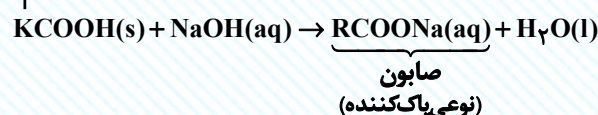


چون فراورده یک رسوب است پس

یون‌های Ca^{2+} و PO_4^{3-} ناظر نیستند.

- فراورده حاصل از واکنش آلاینده‌ها با پاک‌کننده‌های خورنده خود می‌تواند یک پاک‌کننده باشد:

زنجیر کربنی



• خصلت اسیدی یا بازی پاک‌کننده خورنده باید مخالف خصلت اسیدی یا بازی آلاینده مورد نظر باشد.

• منظور از جرم‌گیری، تولید فراورده گازی یا محلول در آب است.

اسید معده و ضداسیدها

• در بدن انسان بالغ روزانه بین ۲ تا ۳ لیتر شیر معده تولید می‌شود.

• دقت کنید معده در حالت استراحت است یا فعالیت؛ pH معده در زمان استراحت و فعالیت به ترتیب ۳/۷ و ۱/۵ است.

• اسید معده آنقدر قوی است (HCl) که حتی فلز روی را در خود حل می‌کند.

• ضداسیدها داروهایی با خاصیت بازی‌اند و از یک یا دو ماده مؤثر تشکیل شده‌اند.

• ۳ نوع ماده مؤثر در کتاب‌های معرفی شده: NaHCO_3 ، Al(OH)_3 و Mg(OH)_2 .

• Mg(OH)_2 همان شیر منیزی معروف است که به شکل سوسپانسیون مصرف می‌شود.

• از بین ۳ نوع ماده مؤثر Al(OH)_3 تنهایی به عنوان ضد اسید استفاده نمی‌شود.

• جوش شیرین (NaHCO_3) یک نمک بازی است و برای افزایش قدرت پاک کردن چربی‌ها به شوینده‌ها افزوده می‌شود.

* نمک اسیدی و بازی یعنی چه؟

نمک‌ها را می‌توان فراورده واکنش یک اسید با یک باز دانست، اگر نمک حاصل واکنش اسید قوی با یک باز قوی باشد نمکی خنثی خواهد بود مثل NaCl حاصل از واکنش NaOH و HCl؛ اگر نمک، حاصل واکنش اسید قوی با یک باز ضعیف باشد. نمکی اسیدی خواهد بود مثل NH_4Cl حاصل از واکنش HCl با NH_3 و اگر نمک حاصل واکنش اسید ضعیف با باز قوی باشد نمکی بازی خواهد بود مثل جوش شیرین (NaHCO_3) حاصل واکنش NaOH با H_2CO_3 .

سؤال: یک ضد اسید شامل Al(OH)_3 و Mg(OH)_2 به جرم $36/5$ گرم می‌تواند ۱۱ لیتر اسید معده با $\text{pH} = 1$ را خنثی کند. نسبت جرم Al(OH)_3 به جرم Mg(OH)_2 در این ضد اسید کدام است؟ (فقط ۸۰ درصد ضد اسید در واکنش شرکت می‌کند).

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

☞ پاسخ: گزینه «۴»

ابتدا مول H^+ و OH^- را به دست می‌آوریم:

$$\text{pH} = 1 \rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-1} \frac{\text{mol}}{\text{L}} \rightarrow \text{مول } \text{H}^+ = 10^{-2} \frac{\text{mol}}{\text{L}} \times 11 \text{L} = 1/11 \text{mol}$$

پس مجموع مول OH^- هم $10^{-2} \frac{\text{mol}}{\text{L}}$ است.

مول Al(OH)_3 را x و مول Mg(OH)_2 را y در نظر می‌گیریم:

$$\begin{cases} 3x + 2y = 1/11 \\ 78x + 58y = 36/5 \times 10^{-2} = 29/25 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0/3 \text{mol} \\ y = 0/1 \text{mol} \end{cases}$$

$$\frac{23/4}{5/8} \approx 4$$

پس جرم Al(OH)_3 ، $23/4$ گرم و جرم Mg(OH)_2 ، $5/8$ گرم است:

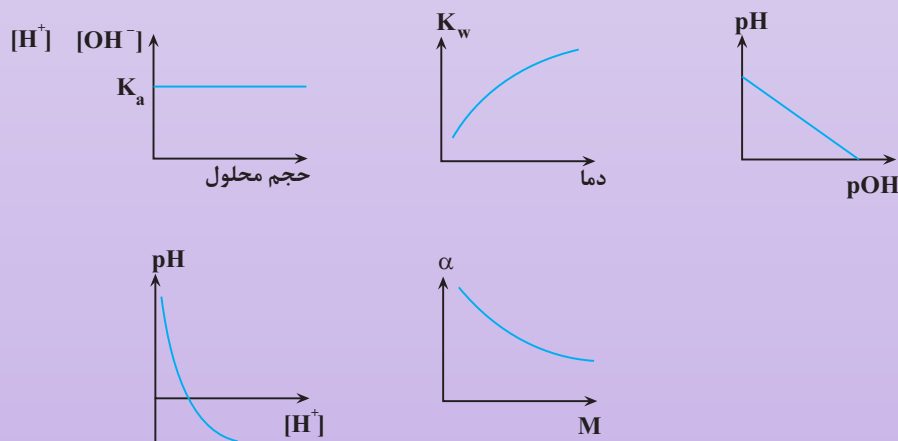
نکات تمرین دوره‌ای

ثابت یونش $\uparrow$ الکترولیت بودن محلول $\uparrow$ ؛ چون تعداد یون‌های حاصل از یونش بیشتر می‌شود.

اغلب اسیدها و بازهای شناخته شده ضعیف‌اند.

گل ادریسی در خاک اسیدی آبی و در خاک قلیایی صورتی‌رنگ است.

به نمودارهای زیر توجه کنید و روند تغییر، حداکثر و حداقل مقادیر را در خاطر داشته باشید.



تابع وارون

صفحه‌های: ۲۴ تا ۳۰

● یک رابطه به صورت مجموعه‌ای از زوج‌های مرتب وقتی تابع است که هیچ دو زوج مرتبی مؤلفه اول یکسان نداشته باشد. اگر دو زوجی دارای مؤلفه‌های اول مساوی بودند مؤلفه‌های دوم آن‌ها نیز یکسان باشد.

$$f = \{(1, 2), (3, 4), (5, 0), (-2, 2)\}$$

● اگر مؤلفه‌های همه زوج مرتب تابع f را جابه‌جا کنیم، رابطه جدیدی به دست می‌آید که آن را وارون تابع f می‌گوییم و با f^{-1} نشان می‌دهیم.

$$(a, b) \in f \leftrightarrow (b, a) \in f^{-1}$$

مثال: وارون تابع‌های زیر را حساب کنید.

$$f = \{(1, 2), (2, 3), (4, -2), (-3, 0)\}$$

$$f^{-1} = \{(2, 1), (3, 2), (-2, 4), (0, -3)\}$$

$$g = \{(1, 3), (2, 4), (5, 3), (0, 6)\}$$

$$g^{-1} = \{(3, 1), (4, 2), (3, 5), (6, 0)\}$$

- وارون تابع f خود یک تابع است هرگاه در زوج مرتب‌های متفاوت تابع f مؤلفه‌های دوم تکراری وجود نداشته باشد. در این صورت می‌توانیم به آن تابع وارون بگوییم.
 - به تابعی که در زوج‌های مرتب خود، مؤلفه‌های دوم تکراری نداشته باشد، تابع یک به یک می‌گوییم.
 - وارون هر تابع یک به یک، خود یک تابع است. پس فقط توابع یک به یک، تابع وارون دارند.
 - لزوماً تابع وارون و وارون تابع یکی نیستند.
- در مثال قبلی تابع $g = \{(1, 3), (2, 4), (5, 3), (0, 6)\}$ را در نظر بگیرید.

$$g = \{(1, 3), (2, 4), (5, 3), (0, 6)\} \quad g^{-1} = \{(3, 1), (4, 2), (5, 3), (6, 0)\}$$

اما چون تابع g ، یک به یک نیست تابع وارون ندارد.

سؤال: وارون تابع $y = x^2 - x + 1$ از کدام نقطه عبور می‌کند؟ (تجربی ۱۴۰۱ داخل کشور)

$$(1, -1) \quad (2, \frac{5}{4}) \quad (3, 1) \quad (4, \frac{-1}{4}, \frac{-11}{4})$$

پاسخ:

بررسی سایر گزینه‌ها: اگر $(-1, -2) \in f^{-1}$ باشد در این صورت باید $(-2, -1) \in f$ باشد و باید مختصاتش در تابع $y = x^2 - x + 1$ صدق کند.

$$\text{گزینه «۱»} \rightarrow (-2, -1) \in f \xrightarrow{x=-2} y = (-2)^2 - (-2) + 1 = 5 \neq -1 \quad \times$$

$$\text{گزینه «۲»} \rightarrow (\frac{1}{4}, \frac{5}{4}) \in f \xrightarrow{x=\frac{1}{4}} y = (\frac{1}{4})^2 - (\frac{1}{4}) + 1 = \frac{5}{4} \quad \checkmark$$

$$\text{گزینه «۳»} \rightarrow (2, 1) \in f \xrightarrow{x=2} y = (2)^2 - 2 + 1 = 1 \neq 1 \quad \times$$

$$\text{گزینه «۴»} \rightarrow (\frac{-11}{4}, \frac{-1}{4}) \in f \xrightarrow{x=\frac{-11}{4}} y = (\frac{-11}{4})^2 - (\frac{-11}{4}) + 1 = \frac{273}{16} \neq \frac{-1}{4} \quad \checkmark$$

دقت شود که تابع $y = x^3 - x + 1$ یک به یک نیست و تابع وارون ندارد.
 سؤال: وارون تابع $y = -3x^3 + 2x - 11$ از کدام نقطه عبور می‌کند؟ (تجربی ۱۴۰۱ خارج کشور)

- (۱) $(9, -2)$ (۲) $(2, -31)$ (۳) $(-1, 10)$ (۴) $(-12, -1)$
- پاسخ:

$$\text{گزینه «۱» : } (-2, 9) \in f \xrightarrow{x=-2} y = -3(-2)^3 + 2(-2) - 11 = 9$$

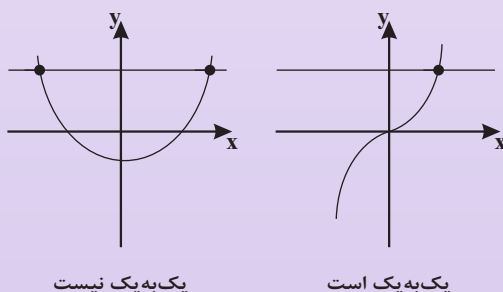
یک رابطه برحسب زوج‌های مرتب زمانی تابع یک به یک است که مولفه‌های اول یکسان و همچنین مولفه‌های دوم یکسان نداشته باشد.

اگر مولفه‌های اول دو زوج مرتب یکسان باشند مولفه‌های دوم نیز یکسان باشند و اگر مولفه‌های دوم یکسان باشند مولفه‌های اول نیز یکسان باشند. بنابراین می‌توان گفت در تابع یک به یک تعداد اعضای دامنه و برد برابر است.

$$f = \{(1, 2), (-2, 1), (3, 0), (4, 5), (1, 2)\} \quad \checkmark$$

$$g = \{(2, 5), (3, 4), (-6, 2), (0, 5)\} \quad \times \text{ یک به یک نیست}$$

به لحاظ نموداری، زمانی که یک تابع یک به یک است که هر خط موازی محور x ها نمودار تابع را حداکثر در یک نقطه قطع کند.



سؤال: اگر رابطه $f = \{(0, 2), (a, 5), (b, 2), (0, a^2 - a), (-1, 4)\}$ تابع یک به یک باشد حاصل $a + b$ کدام است؟

- (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۰
- پاسخ:

شرط تابع بودن: مولفه‌های اول زوج‌های مرتب یکسان نباشد. در صورت یکسان بودن مولفه‌های دوم هم یکسان باشد.

$$(0, 2) = (0, a^2 - a) \rightarrow a^2 - a = 2 \rightarrow (a+1)(a-2) = 0$$

$$a = -1 \rightarrow (-1, 5) \in f, (-1, 4) \in f \rightarrow f \text{ تابع نیست}$$

$$a = 2 \rightarrow \checkmark$$

بررسی یک به یک بودن:

$$(0, 2) \in f, (b, 2) \in f \rightarrow b = 0 \rightarrow a + b = 2 + 0 = 2$$

سؤال: اگر $f = \{(3,0), (-2,3), (5,6), (-1,2)\}$ و $g = \{(1,2), (2,0), (3,1), (-2,5)\}$ باشند حاصل $2g^{-1}(0) + f^{-1}(6) + g(3)$ کدام است؟

۱۱ (۴)

۱۰ (۳)

۹ (۲)

۸ (۱)

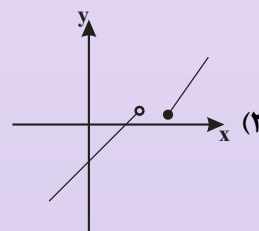
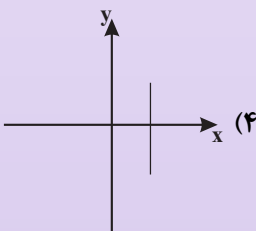
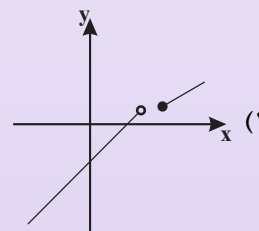
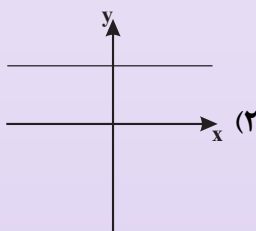
پاسخ: ➡

$$f^{-1} = \{(0,3), (3,-2), (6,5), (2,-1)\} \rightarrow f^{-1}(6) = 5$$

$$g^{-1} = \{(2,1), (0,2), (1,3), (5,-2)\} \rightarrow g^{-1}(0) = 2, g(3) = 1$$

$$2g^{-1}(0) + f^{-1}(6) + g(3) = 2(2) + 5 + 1 = 10$$

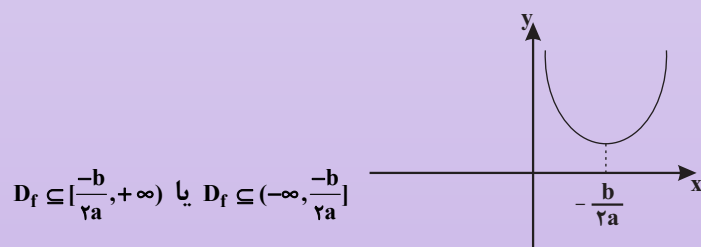
سؤال: کدام یک از نمودارهای زیر، یک تابع یک به یک را نشان می‌دهد؟



پاسخ: ➡

در تابع یک به یک هر خط موازی محور x ها نمودار تابع را فقط در یک نقطه قطع می‌کند. گزینه ۱ و ۴ تابع نیستند. گزینه ۳ یک به یک نیست.

تابع درجه دوم $f(x) = ax^2 + bx + c$ تابعی یک به یک نیست. مگر اینکه دامنه را محدود کنیم. اگر دامنه تابع f قبل از رأس آن یا بعد از رأس باشد در این صورت تابع f یک به یک و وارون پذیر است.



سؤال: تابع $f(x) = x^2 + 3x + 2$ در بازه $(-\infty, m)$ یک به یک است. بیشترین مقدار a کدام است؟

$\frac{1}{4}$ (۴)

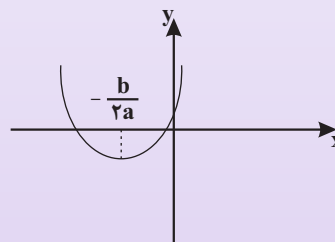
$-\frac{1}{4}$ (۳)

$\frac{3}{2}$ (۲)

$-\frac{3}{2}$ (۱)

پاسخ:

تابع $f(x)$ در بازه $(-\infty, -\frac{b}{2a}]$ یک به یک است. بیشترین مقدار m طول راس سهمی است.



$$m = \frac{-b}{2a} = \frac{-3}{2}$$

اگر با افزایش x مقدار تابع هم افزایش یابد تابع اکیداً صعودی است.

$$x_2 > x_1 \rightarrow f(x_2) > f(x_1)$$

اگر با افزایش x مقدار تابع کاهش یابد تابع اکیداً نزولی است.

$$x_2 > x_1 \rightarrow f(x_2) < f(x_1)$$

اگر با افزایش x مقدار تابع افزایش یا ثابت بماند تابع صعودی است.

$$x_2 > x_1 \rightarrow f(x_2) \leq f(x_1)$$

تابع ثابت هم صعودی و هم نزولی است.

به تابعی که اکیداً صعودی یا اکیداً نزولی باشد، اکیداً یکنوا می‌گویند.

به تابعی که صعودی یا نزولی باشد یکنوا می‌گویند.

معکوس و قرینه کردن، صعودی یا نزولی بودن را عوض می‌کند.

$$\text{نزولی } f(x) \xrightarrow{f(x) \neq *} \begin{cases} \frac{1}{f(x)} & \text{صعودی} \\ -f(x) & \text{صعودی} \end{cases}$$

بررسی یکنوایی:

صعودی $\rightarrow$ صعودی + صعودی
 نزولی $\rightarrow$ نزولی + نزولی
 نامعلوم $\rightarrow$ نزولی + صعودی
 نامعلوم $\rightarrow$ صعودی - صعودی
 نامعلوم $\rightarrow$ نزولی - نزولی

صعودی $\rightarrow$ نزولی - صعودی
 نزولی $\rightarrow$ صعودی - نزولی
 اکیداً صعودی $\rightarrow$ اکیداً صعودی + صعودی
 اکیداً نزولی $\rightarrow$ اکیداً نزولی + نزولی

• برای بررسی یکنوایی ترکیب توابع، صعودی بودن را + و نزولی بودن را - در نظر می‌گیریم.

صعودی $f \rightarrow g \rightarrow fog = ++ = +$ و هر دو صعودی

صعودی $f \rightarrow g \rightarrow fog = -+ = +$ و هر دو نزولی

نزولی $f \rightarrow g \rightarrow fog = +- = -$ و هر دو صعودی

• هر تابع اکیداً یکنوا یک به یک و وارون‌پذیر است. لذا توابع نمایی $(y = a^{b+c})$ ، خطی غیر ثابت $(y = ax + b)$ ،

رادیکالی $(y = a \pm \sqrt{ax + c})$ ، لگاریتمی $(y = \log_c^{ax+b})$ و هموگرافیک $(y = \frac{ax+b}{cx+d})$ همه وارون‌پذیر هستند.

- محاسبه $f^{-1}(x)$: ابتدا برد تابع $f(x)$ را محاسبه می‌کنیم که همان دامنه تابع $f^{-1}(x)$ است. $D_{f^{-1}} = R_f$.
- سپس با حل معادله $y = f(x)$ و به‌دست آوردن x برحسب y و عوض کردن جای x و y ، ضابطه تابع معکوس را به‌دست می‌آوریم.

- دامنه تابع f برد f^{-1} است. $D_{f^{-1}} = R_f, D_f = R_{f^{-1}}$.

مثال: وارون فرض کنید $x \in (2, 5)$ و $f(x) = \frac{1-2x}{3}$ باشد، دامنه و ضابطه $f^{-1}(x)$ را بیابید.

$f(x)$ تابع خطی اکیداً نزولی است، بنابراین یک به یک و وارون پذیر است. برد تابع $f(x)$ را محاسبه می‌کنیم.

$$2 < x < 5 \xrightarrow{x(-2)} -10 < -2x < -4 \xrightarrow{+1} -9 < 1-2x < -3$$

$$\xrightarrow{+3} -3 < \frac{1-2x}{3} < -1 \Rightarrow -3 < f(x) < -1$$

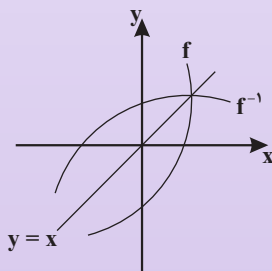
$$R_f = (-3, -1) = D_{f^{-1}}$$

حال x را بر حسب y به دست می‌آوریم.

$$y = \frac{1-2x}{3} \Rightarrow 3y = 1-2x \Rightarrow x = \frac{1-3y}{2}$$

$$\xrightarrow{\text{جای } x \text{ و } y \text{ عوض می‌شود}} y = \frac{1-3x}{2} = f^{-1}(x), x \in (-3, -1) \quad f^{-1}(x) \text{ دامنه}$$

تابع f و f^{-1} نسبت به خط $y = x$ (نیم‌ساز ربع اول و سوم) قرینه هم هستند؛ پس قرینه تابع f نسبت به خط $y = x$ ، تابع f^{-1} است.

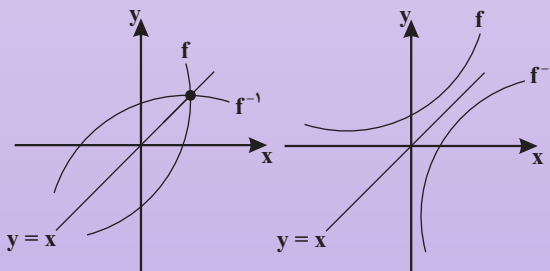


$$f(a) = b \Leftrightarrow f^{-1}(b) = a$$

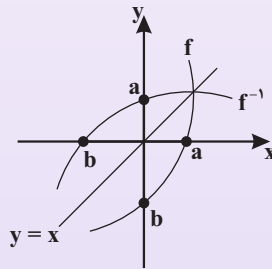
$$f^{-1}(3) = 2 \Rightarrow f(2) = 3$$

$$f(g(2)) = 4 \Rightarrow f^{-1}(4) = g(2) \Rightarrow g^{-1}(f^{-1}(4)) = 2$$

نقاط برخورد تابع f و f^{-1} در صورت وجود روی خط $y = x$ است.



طول نقطه برخورد نمودار f با محور x ها، همان عرض نقطه برخورد f^{-1} با محور y ها است و برعکس.



ریشه f = عرض از مبدأ f^{-1}

ریشه f^{-1} = عرض از مبدأ f

اگر $f(x)$ تابعی یک به یک از درجه دوم یا سوم باشد، برای پیدا کردن f^{-1} ابتدا تابع f را به صورت مربع یا مکعب می نویسیم، سپس x را بر حسب y محاسبه می کنیم.

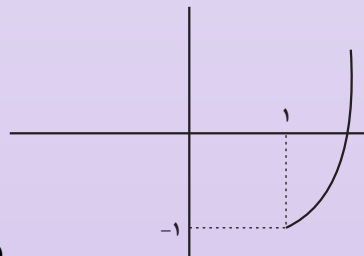
$$f(x) = ax^r + bx + c = a(x - \alpha)^r + \beta$$

$$f(x) = ax^r + bx^r + cx + d = a(x - \alpha)^r + \beta$$

$$y = 2x^2 - 6x = 2(x^2 - 3x) = 2\left(x^2 - 3x + \frac{9}{4} - \frac{9}{4}\right) = 2\left(\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{9}{4}\right)$$

$$\Rightarrow y = \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{9}{2}$$

مثال: اگر $x \geq 1$ باشد، وارون تابع $f(x) = x^2 - 2x$ را بیابید.



$$D_f = [1, +\infty)$$

$$\text{طول رأس سهمی} \Rightarrow \frac{-b}{2a} = 1$$

تابع f در دامنه داده شده یک به یک و وارون پذیر است.

$$y = x^2 - 2x = x^2 - 2x + 1 - 1 = (x - 1)^2 - 1$$

$$x \geq 1 \Rightarrow x - 1 \geq 0 \Rightarrow (x - 1)^2 \geq 0 \Rightarrow (x - 1)^2 - 1 \geq -1$$

$$\Rightarrow y \geq -1 \Rightarrow R_f = D_{f^{-1}} = [-1, +\infty)$$

$$y = x^2 - 2x = (x - 1)^2 - 1 \Rightarrow (x - 1)^2 = y + 1$$

$$\Rightarrow x - 1 = \pm \sqrt{y + 1} \xrightarrow{x \geq 1} x - 1 = \sqrt{y + 1}$$

$$x = 1 + \sqrt{y + 1} \xrightarrow{\text{جای } y \text{ عوض می شود}} y = f^{-1}(x) = 1 + \sqrt{x + 1}$$

برد تابع درجه دوم $y = ax^2 + bx + c$

$$\begin{cases} a > 0 & \rightarrow y \geq \frac{-\Delta}{4a} \\ a < 0 & \rightarrow y \leq \frac{-\Delta}{4a} \end{cases}$$

اگر $f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$ باشد (تابع هموگرافیک)، آن گاه داریم:

$$\begin{cases} D_{f^{-1}} = R_f = \mathbb{R} - \left\{ \frac{a}{c} \right\} \\ D_f = R_{f^{-1}} = \mathbb{R} - \left\{ \frac{-d}{c} \right\} \end{cases}$$

$$f(x) = \frac{ax+b}{cx+d} \xrightarrow[\text{جای } a \text{ و } d \text{ عوض می‌شود}]{\text{جای } c \text{ و } b \text{ قرینه می‌شوند}} f^{-1}(x) = \frac{dx-b}{-cx+a}$$

اگر دو تابع هموگرافیک $a+d=0$ باشد، آن گاه $f(x) = f^{-1}(x)$ می‌باشد.

$$f(x) = \frac{2x-1}{3x-2} \xrightarrow{a+d=0} f^{-1}(x) = f(x)$$

سؤال: قرینه خط به معادله $3y-2x=4$ را نسبت به خط $y=x$ ، خط d می‌نامیم. عرض از مبدأ خط d کدام است؟

- (۱) -۲ (۲) -۱ (۳) ۱ (۴) ۲

پاسخ: ☞

اگر خط $3y-2x=4$ را به صورت یک تابع در نظر بگیریم، قرینه خط $3y-2x=4$ نسبت به خط $y=x$ همان وارون تابع است؛ بنابراین داریم:

$$\begin{aligned} 3y-4 &= 2x \Rightarrow x = \frac{3y-4}{2} \\ \Rightarrow f^{-1}(x) &= \frac{3x-4}{2} = \frac{3}{2}x - 2 \Rightarrow \text{عرض از مبدأ} = -2 \end{aligned}$$

روش دوم:

$$\begin{aligned} f^{-1} \text{ ریشه } f &= \text{عرض از مبدأ } f^{-1} \xrightarrow{y=0} 3(0)-2x=4 \Rightarrow x=-2 \\ (-2,0) \in f &\Rightarrow (0,-2) \in f^{-1} \end{aligned}$$

پس عرض از مبدأ تابع f^{-1} برابر ۲ می‌باشد.

سؤال: در تابع با ضابطه $f(x) = -x + \sqrt{-2x}$ مقدار $f^{-1}(4)$ کدام است؟

- (۱) -۸ (۲) -۵ (۳) -۲ (۴) تعریف نشده

پاسخ: ☞

$$\begin{aligned} f^{-1}(4) &= a \Rightarrow f(a) = 4 \Rightarrow 4 = -a + \sqrt{-2a} \quad (A) \\ 4+a &= \sqrt{-2a} \xrightarrow{\text{توان } 2} a^2 + 8a + 16 = -2a \Rightarrow a^2 + 10a + 16 = 0 \\ (a+2)(a+8) &= 0 \Rightarrow \begin{cases} a = -8 \xrightarrow{\text{جای گذاری در A}} \text{ غقی} \\ a = -2 \xrightarrow{\text{جای گذاری در A}} \text{ ققی} \end{cases} \end{aligned}$$

سؤال: تابع f با ضابطه $f(x) = x - \frac{2}{x}$ در دامنه $D_f = (-\infty, 0)$ را در نظر بگیرید. نمودار تابع f^{-1} نیم‌ساز ناحیه چهارم را با کدام طول قطع می‌کند؟

- (۱) $\frac{3}{4}$ (۲) ۱ (۳) $\frac{3}{2}$ (۴) ۲

پاسخ: ☞

نیم‌ساز ناحیه چهارم $y = -x$; $x > 0$

نمودار f^{-1} نیم‌ساز ناحیه چهارم را قطع می‌کند؛ بنابراین:

$$\begin{aligned} f^{-1}(x) &= -x \Rightarrow f(-x) = x \Rightarrow -x + \frac{2}{-x} = x \Rightarrow 2x = \frac{2}{x} \\ \Rightarrow x^2 &= 1 \Rightarrow x = \pm 1 \xrightarrow{x > 0} x = 1 \end{aligned}$$

سؤال: اگر f یک تابع خطی باشد به طوری که $f(3)=4$ و $f(4)=3$ ، تعداد نقاط تلاقی نمودارهای دو تابع f و f^{-1} کدام است؟

- (۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) بی شمار
- پاسخ: ۱

تابع f از دو نقطه $(3,4)$ و $(4,3)$ گذشته است، لذا تابع f^{-1} از دو نقطه $(4,3)$ و $(3,4)$ می‌گذرد. منحنی نمودار دو تابع خطی f و f^{-1} بر هم منطبق‌اند؛ لذا تعداد نقاط تلاقی آن‌ها بی‌شمار است.

سؤال: اگر $g(x)$ و وارون تابع $f(x) = x + \sqrt{x}$ باشد، مقدار $g(6) + g(12)$ کدام است؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۱۱ (۳) ۱۳ (۴) ۱۴

پاسخ: ۱۱

$g(x)$ وارون تابع $f(x)$ است، بنابراین:

$$g(x) = f^{-1}(x)$$

$$g(6) = f^{-1}(6) = a \Rightarrow f(a) = 6 \Rightarrow a + \sqrt{a} = 6 \Rightarrow a + \sqrt{a} - 6 = 0$$

$$\Rightarrow (\sqrt{a} - 2)(\sqrt{a} + 3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} \sqrt{a} = 2 \Rightarrow a = 4 \\ \sqrt{a} = -3 \Rightarrow \text{غقی} \end{cases} \Rightarrow g(6) = 4$$

$$g(12) = f^{-1}(12) = b \Rightarrow f(b) = 12 \Rightarrow b + \sqrt{b} = 12 \Rightarrow b + \sqrt{b} - 12 = 0$$

$$\Rightarrow (\sqrt{b} + 4)(\sqrt{b} - 3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} \sqrt{b} = -4 \Rightarrow \text{غقی} \\ \sqrt{b} = 3 \Rightarrow b = 9 \end{cases} \Rightarrow g(12) = 9$$

سؤال: تابع f با ضابطه $f(x) = x - \frac{1}{2x}$ بر دامنه $(0, +\infty)$ مفروض است. نمودار تابع f^{-1} نیم‌ساز ناحیه دوم را با کدام طول قطع می‌کند؟

- (۱) $-\frac{3}{2}$ (۲) $-\frac{3}{4}$ (۳) -1 (۴) $-\frac{1}{2}$

نیم‌ساز ناحیه دوم $y = -x$; $x < 0$

پاسخ: $-\frac{3}{4}$

نمودار تابع f^{-1} ، نیم‌ساز ناحیه دوم را قطع می‌کند. بنابراین:

$$f^{-1}(x) = -x \Rightarrow f(-x) = x$$

$$\Rightarrow -x + \frac{1}{2x} = x \Rightarrow \frac{1}{2x} = 2x \Rightarrow 4x^2 = 1 \Rightarrow x^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow x = \pm \frac{1}{2} \xrightarrow{x < 0} x = -\frac{1}{2}$$

ضابطه وارون تابع $y = \frac{2^x - 1}{2^x + 1}$ را بیابید.

$$y(2^x + 1) = 2^x - 1 \Rightarrow y(2^x) + y = 2^x - 1 \Rightarrow 2^x(1 - y) = y + 1$$

$$\Rightarrow 2^x = \frac{y+1}{1-y} \xrightarrow{\text{جای } x \text{ و } y \text{ عوض می‌شود}} f^{-1}(x) = \log_2 \frac{x+1}{1-x}$$

حال برد تابع f را محاسبه می‌کنیم.

$$y = \frac{2^x - 1}{2^x + 1} = \frac{2^x + 1 - 2}{2^x + 1} = 1 - \frac{2}{2^x + 1} \Rightarrow 2^x > 0 \xrightarrow{+1} 2^x + 1 > 1$$

$$\xrightarrow{\text{معکوس}} 0 < \frac{1}{2^x + 1} < 1 \xrightarrow{x(-2)} -2 < \frac{-2}{2^x + 1} < 0 \xrightarrow{+1} -1 < 1 - \frac{2}{2^x + 1} < 1 \Rightarrow -1 < f(x) < 1$$

$$R_f = (-1, 1) = D_{f^{-1}}$$

سؤال: اگر $f(x) = x^2 - 2x - 3; x \geq 1$ باشد، نمودارهای دو تابع f^{-1} و $g(x) = \frac{x-9}{2}$ با کدام طول متقاطع هستند؟

(۴) ۲۱

(۳) ۱۸

(۲) ۱۵

(۱) ۱۲

پاسخ:

$$f(x) = x^2 - 2x - 3 = y \Rightarrow x^2 - 2x + 1 = y + 4$$

$$\Rightarrow (x-1)^2 = y + 4 \xrightarrow{\text{جذر}} |x-1| = \sqrt{y+4}$$

$$\xrightarrow{x \geq 1} x-1 = \sqrt{y+4} \Rightarrow x = \sqrt{y+4} + 1 \Rightarrow f^{-1}(x) = \sqrt{x+4} + 1$$

حال f^{-1} را با g قطع می‌دهیم:

$$\sqrt{x+4} + 1 = \frac{x-9}{2} \Rightarrow 2\sqrt{x+4} = x-11 \quad (1)$$

با امتحان کردن گزینه‌ها، به راحتی معلوم می‌شود که $x = 21$ در معادله (۱) صدق می‌کند.

روش دوم:

$$f^{-1}(x) = g(x) = \frac{x-9}{2} \Rightarrow f\left(\frac{x-9}{2}\right) = x$$

$$\Rightarrow \boxed{\frac{x-9}{2} \geq 1 \Rightarrow x \geq 11}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{x-9}{2}\right)^2 - 2\left(\frac{x-9}{2}\right) - 3 = x \xrightarrow{\times 4} (x-9)^2 - 4(x-9) - 12 = 4x$$

$$\Rightarrow x^2 - 26x + 105 = 0 \Rightarrow (x-21)(x-5) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=5 \rightarrow \text{غلق} \\ x=21 \end{cases}$$

سؤال: ضابطه معکوس تابع $y = 2 - \sqrt{x-1}$ به کدام صورت است؟

$$y = -x^2 - 4x + 5; x \leq 2 \quad (۲) \quad y = x^2 - 4x + 5; x \leq 2 \quad (۱)$$

$$y = -x^2 + 4x - 5; x \geq 1 \quad (۴) \quad y = x^2 - 4x + 5; x \geq 1 \quad (۳)$$

پاسخ:

ابتدا برد تابع اصلی که همان دامنه تعریف تابع وارون است را به دست می‌آوریم. برای به دست آوردن ضابطه تابع وارون از روی ضابطه تابع اصلی x را بر حسب y به دست آورده و در نهایت به جای x عبارت $f^{-1}(x)$ و به جای y ، x را جای‌گذاری کرده و ضابطه را تعیین می‌کنیم.

$$y = 2 - \sqrt{x-1} \xrightarrow{\text{عدد زیر رادیکال با فرجه زوج، مثبت است}} x \geq 1$$

$$\Rightarrow x-1 \geq 0 \Rightarrow \sqrt{x-1} \geq 0 \Rightarrow -\sqrt{x-1} \leq 0$$

$$\Rightarrow 2 - \sqrt{x-1} \leq 2 \Rightarrow y \leq 2 \Rightarrow R_f = (-\infty, 2] \Rightarrow D_{f^{-1}} = (-\infty, 2]$$

اکنون ضابطه تابع وارون را به دست می‌آوریم:

$$y = 2 - \sqrt{x-1} \Rightarrow \sqrt{x-1} = 2-y \xrightarrow{\text{به توان ۲}} x-1 = (2-y)^2$$

$$\Rightarrow x-1 = 4-4y+y^2 \Rightarrow x = 5-4y+y^2 \Rightarrow f^{-1}(x) = x^2 - 4x + 5$$

پس ضابطه تابع وارون به صورت $y = x^2 - 4x + 5$; $x \leq 2$ است.

روش دوم: نقطه گذاری:

$$x = 1 \Rightarrow f(1) = 2 \Rightarrow f^{-1}(2) = 1$$

بررسی گزینه‌ها:

گزینه‌های «۱» و «۳»:

$$f^{-1}(2) = 4 - 8 + 5 = 1 \rightarrow \text{قق}$$

گزینه «۲»:

$$f^{-1}(2) = -4 - 8 + 5 = -7 \rightarrow \text{غقق}$$

گزینه «۴»:

$$f^{-1}(2) = -4 + 8 - 5 = -1 \rightarrow \text{غقق}$$

حال گزینه‌های «۱» و «۳» را بررسی می‌کنیم.

$x = 3$ در دامنه تابع معکوس گزینه «۳» قرار دارد.

گزینه «۳»:

$$f^{-1}(3) = (3)^2 - 4(3) + 5 = 2 \Rightarrow f(2) = 3$$

حال بررسی می‌کنیم که آیا $f(2) = 3$ صحیح است یا خیر:

$$f(x) = 2 - \sqrt{x-1} \Rightarrow f(2) = 2 - 1 = 1 \neq 3$$

پس گزینه «۳» نادرست است و پاسخ صحیح، گزینه «۱» می‌باشد.

سؤال: ضابطه وارون تابع $y = \frac{x}{1+|x|}$ کدام است؟

$$y = \frac{1-|x|}{|x|}; |x| > 1 \quad (2)$$

$$y = \frac{x}{1-|x|}; |x| < 1 \quad (1)$$

$$y = \frac{|x|-1}{x}; |x| < 1 \quad (4)$$

$$y = \frac{x}{|x|-1}; |x| > 1 \quad (3)$$

پاسخ:

روش اول:

$$y = \frac{x}{1+|x|} = \begin{cases} \frac{x}{1+x}; x \geq 0 \Rightarrow \boxed{0 \leq y < 1} \Rightarrow f(x) = \frac{x}{1+x} \xrightarrow{x \geq 0, \text{ اکیدا صعودی}} f(0) \leq f(x) < \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) \\ \frac{x}{1-x}; x < 0 \Rightarrow \boxed{-1 < y < 0} \Rightarrow f(x) = \frac{x}{1-x} \xrightarrow{x < 0, \text{ اکیدا نزولی}} \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) < f(x) < f(0) \end{cases}$$

$$y = \frac{x}{1+x} \rightarrow y + yx = x \Rightarrow x(1-y) = y \Rightarrow x = \frac{y}{1-y} \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{x}{1-x}$$

$$y = \frac{x}{1-x} \Rightarrow y - yx = x \Rightarrow x(1+y) = y \Rightarrow x = \frac{y}{1+y} \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{x}{1+x}$$

بنابراین ضابطه تابع معکوس به صورت $f^{-1}(x) = \frac{x}{1-|x|}$; $|x| < 1$ درمی‌آید.

روش دوم:

نقطه $(0,0)$ در ضابطه تابع اصلی صدق می‌کند. از بین گزینه‌ها تنها معادله‌ای که $x=0$ عضو دامنه تعریفش باشد و

نقطه $(0,0)$ هم در ضابطه آن صدق کند، ضابطه $f^{-1}(x) = \frac{x}{1-|x|}$ است؛ به همین راحتی!

سؤال: اگر $g(x) = f(3x-4)$ و $f^{-1}(x) = x + \sqrt{x}$ باشد، آن گاه حاصل $g^{-1}(16)$ کدام است؟

- (۱) ۵ (۲) ۶ (۳) ۷ (۴) ۸

پاسخ: ☞

فرض می‌کنیم $g^{-1}(16) = a$ ، پس داریم: $g(a) = 16$

$$g(x) = f(3x-4) \Rightarrow g(a) = f(3a-4) = 16 \Rightarrow f^{-1}(16) = 3a-4$$

$$f^{-1}(16) = 16 + \sqrt{16} = 20 = 3a-4 \Rightarrow a = \frac{24}{3} = 8$$

سؤال: نمودار تابع $f(x) = \frac{x+4}{x-2}$ با دامنه $\mathbb{R} - \{2\}$ ، نمودار وارون خود را با کدام طول قطع می‌کند؟

- (۱) -۴ و -۱ (۲) ۴ و -۱ (۳) -۴ و ۱ (۴) ۴ و ۱

پاسخ: ☞

ضابطهٔ تابع وارون را به دست می‌آوریم:

$$y = \frac{x+4}{x-2} \Rightarrow yx - 2y = x + 4 \Rightarrow yx - x = 2y + 4$$

$$\Rightarrow x(y-1) = 2y+4 \Rightarrow x = \frac{2y+4}{y-1} \Rightarrow y^{-1} = \frac{2x+4}{x-1}$$

با مساوی قرار دادن ضابطهٔ تابع با وارون آن، نقطهٔ تقاطع را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{x+4}{x-2} = \frac{2x+4}{x-1} \Rightarrow x^2 + 3x - 4 = 2x^2 + 4x - 4 - 2x - 4 \Rightarrow x^2 - 3x - 4 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - 3x - 4 = 0 \Rightarrow (x-4)(x+1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 4 \end{cases}$$

روش دوم:

در صورتی که تابع f و f^{-1} تلاقی داشته باشند، روی خط $y = x$ است.

$$\left. \begin{matrix} f(x) = \frac{x+4}{x-2} \\ y = x \end{matrix} \right\} \Rightarrow \frac{x+4}{x-2} = x \Rightarrow x^2 - 3x - 4 = 0 \xrightarrow{x=-1, -\frac{c}{a}} x = -1, 4$$

سؤال: اگر $f(x) = \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$ باشد، ضابطهٔ تابع $f^{-1}(\sin x)$ کدام است؟

- (۱) $\tan x$ (۲) $\cot x$ (۳) $\frac{|\cos x|}{\sin x}$ (۴) $\frac{\sin x}{|\cos x|}$

پاسخ: ☞

ضابطهٔ $f^{-1}(\sin x)$ از ما خواسته شده است. ابتدا باید ضابطهٔ $f^{-1}(x)$ را تعیین کنیم، سپس به جای متغیر x نسبت مثلثاتی $\sin x$ را قرار داده و در پایان ضابطهٔ $f^{-1}(\sin x)$ را به دست آوریم.

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{1+x^2}} \Rightarrow y = \frac{x}{\sqrt{1+x^2}} \Rightarrow y\sqrt{1+x^2} = x$$

$$\xrightarrow{\text{به توان ۲}} y^2(1+x^2) = x^2 \Rightarrow y^2 + y^2x^2 = x^2 \Rightarrow x^2 - y^2x^2 = y^2$$

$$\Rightarrow x^2(1-y^2) = y^2 \Rightarrow x^2 = \frac{y^2}{1-y^2} \xrightarrow{\text{y و x هم علامت}} x = \frac{y}{\sqrt{1-y^2}}$$

$$1-y^2 > 0 \Rightarrow -1 < y < 1 \Rightarrow D_{f^{-1}} = (-1, 1)$$

$$\Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{x}{\sqrt{1-x^2}}; \underbrace{-1 < x < 1}_{D_{f^{-1}}}$$

ضابطه $f^{-1}(\sin x)$ را به دست می‌آوریم:

$$f^{-1}(\sin x) = \frac{\sin x}{\sqrt{1 - \sin^2 x}} \xrightarrow{1 - \sin^2 x = \cos^2 x} f^{-1}(\sin x) = \frac{\sin x}{\sqrt{\cos^2 x}}$$

$$\rightarrow f^{-1}(\sin x) = \frac{\sin x}{|\cos x|}$$

سؤال: تابع با ضابطه $f(x) = |2x - 6| - |x + 1|$ در یک بازه، صعودی است. ضابطه معکوس آن در این بازه کدام است؟

$$(1) \quad -x + 7; x > 8 \quad (2) \quad \frac{1}{3}x + 2; x > 3$$

$$(3) \quad x + 7; x > -4 \quad (4) \quad \frac{1}{2}x - 2; -4 < x < 8$$

پاسخ:

● ابتدا ضابطه تابع $f(x)$ را با توجه به محدوده‌هایی که برای x در نظر می‌گیریم، ساده می‌کنیم. محدوده x براساس ریشه عبارت‌های داخل قدرمطلق تعیین می‌شود. بازه‌ای که در آن تابع $f(x)$ صعودی است (مقدار $f(x)$ به ازای افزایش x ، در حال افزایش است) را تعیین کرده و در آن بازه ضابطه $f^{-1}(x)$ را به دست می‌آوریم. ریشه عبارت‌های درون قدرمطلق، $x = -1$ و $x = 3$ است. داریم:

$$x < -1: f(x) = -2x + 6 - (-x - 1) = -2x + 6 + x + 1 = -x + 7$$

$$-1 \leq x \leq 3: f(x) = -2x + 6 - (x + 1) = -3x + 5$$

$$x > 3: f(x) = 2x - 6 - (x + 1) = x - 7$$

$$\xrightarrow{\text{صعودی}} x > 3 \xrightarrow{-7} x - 7 > -4 \Rightarrow y > -4 \Rightarrow y > -4 \Rightarrow D_{f^{-1}} = (-4, +\infty)$$

در بازه $x > 3$ تابع $f(x) = x - 7$ یک تابع صعودی است. در این بازه ضابطه $f^{-1}(x)$ را به دست می‌آوریم:
 $y = x - 7 \Rightarrow x = y + 7 \Rightarrow f^{-1}(x) = x + 7, x > -4$

سؤال: تابع با ضابطه $f(x) = 2x - |4 - 2x|$ در بازه‌ای وارون‌پذیر است. ضابطه $f^{-1}(x)$ در آن بازه کدام است؟

$$(1) \quad \frac{1}{4}x + 1; x \geq 4 \quad (2) \quad \frac{1}{4}x - 1; x \leq 4$$

$$(3) \quad \frac{1}{4}x - 1; x \geq 4 \quad (4) \quad \frac{1}{4}x + 1; x \leq 4$$

پاسخ:

در توابع شامل قدرمطلق بهتر است ابتدا تکلیف قدرمطلق را مشخص کنیم. با توجه به ریشه عبارت داخل قدرمطلق، ضابطه تابع را به صورت تفکیک‌شده به دست می‌آوریم؛ سپس هر کدام از ضابطه‌ها را که یک‌به‌یک و در نتیجه معکوس‌پذیر بود انتخاب کرده و ضابطه تابع معکوس را مشخص می‌کنیم.

$$f(x) = 2x - |4 - 2x|$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x > 2 \Rightarrow 4 - 2x < 0 \Rightarrow |4 - 2x| = 2x - 4 \Rightarrow f(x) = 2x - 2x + 4 = 4 \\ x \leq 2 \Rightarrow 4 - 2x \geq 0 \Rightarrow |4 - 2x| = 4 - 2x \Rightarrow f(x) = 2x - 4 + 2x = 4x - 4 \end{cases}$$

ضابطه $f(x) = 4$ یک‌به‌یک نیست، پس وارون ندارد؛ بنابراین تابع فقط روی بازه $(-\infty, 2]$ معکوس‌پذیر است. معکوس تابع را در این بازه تعیین می‌کنیم:

$$x \in (-\infty, 2] \Rightarrow x \leq 2 \Rightarrow 4x \leq 8 \Rightarrow 4x - 4 \leq 4 \Rightarrow f(x) \leq 4$$

برد تابع f بازه $(-\infty, 4]$ به دست آمد، پس دامنه f^{-1} نیز بازه $(-\infty, 4]$ خواهد بود.

$$y = 4x - 4 \Rightarrow y + 4 = 4x \Rightarrow x = \frac{y+4}{4} \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{x+4}{4}$$

$$\Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{1}{4}x + 1; x \leq 4$$

سؤال: دو تابع $f = \{(2, 5), (6, 3), (3, 7), (4, 1), (1, 9)\}$ و $g(x) = \frac{x}{x-1}$ مفروض اند. اگر $f^{-1}(g(2a))$ باشد، کدام a است؟

$$\frac{5}{2} \quad (4)$$

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

$$\frac{3}{4} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

پاسخ: $\Rightarrow$

با توجه به این که $f^{-1}(g(2a)) = 6$ است، می توان نتیجه گرفت $g(2a) = f(6)$

$$g(x) = \frac{x}{x-1} \Rightarrow g(2a) = \frac{2a}{2a-1} = f(6) = 3$$

$$\Rightarrow 2a = 3(2a-1) \Rightarrow 2a = 6a-3 \Rightarrow 4a = 3 \Rightarrow a = \frac{3}{4}$$

سؤال: فاصله نقطه برخورد تابع $y = 3$ با محور y ها و نقطه برخورد معکوس این تابع نمایشی با محور x ها

کدام است؟

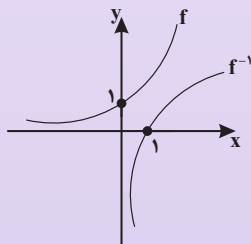
$$1 \quad (1)$$

$$\sqrt{2} \quad (2)$$

$$2 \quad (3)$$

$$2\sqrt{2} \quad (4)$$

پاسخ: $\Rightarrow$



$$y = 2^x \xrightarrow{x \geq 0} y = 2^0 = 1 \Rightarrow \text{تلاقی با محور } y \text{ ها}$$

نقطه برخورد معکوس تابع f با محور x ها، همان عرض از مبدأ تابع f است. برای به دست آوردن عرض از مبدأ، کافی است در تابع f ، $x \geq 0$ قرار دهیم و y را به دست بیاوریم.

$$x = 0 \Rightarrow y = 2^0 = 1$$

$$(0, 1) \in f \Rightarrow B(1, 0) \in f^{-1}$$

$$\overline{AB} = \sqrt{(1-0)^2 + (0-1)^2} = \sqrt{2}$$

سؤال: تابع با ضابطه $f(x) = |x^2|$ با دامنه $\mathbb{R}$ ، چگونه است؟

(4) یک به یک

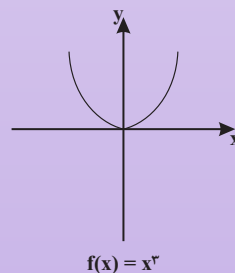
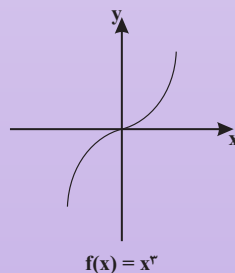
(3) وارون ناپذیر

(2) صعودی

(1) نزولی

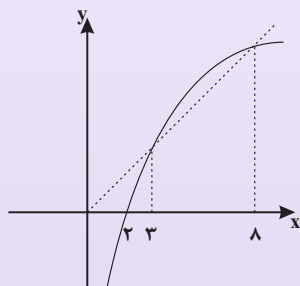
پاسخ: $\Rightarrow$

با رسم نمودار تابع $f(x) = |x^2|$ به سؤال پاسخ می دهیم. ابتدا نمودار $y = x^2$ را رسم و آن قسمت از منحنی که در پایین محور x ها قرار دارد را نسبت به این محور قرینه می کنیم.



با توجه به نمودار رسم شده، این تابع نه صعودی است و نه نزولی. این تابع یک به یک هم نیست، در نتیجه وارون ناپذیر می شود. بنابراین فقط گزینه «۳» می تواند درست باشد.

سؤال: شکل زیر، نمودار تابع $y = f(x)$ و نیمساز ناحیه اول و سوم است. دامنه تابع با ضابطه $\sqrt{x - f^{-1}(x)}$ کدام است؟



(۱) $[0, 2]$

(۲) $[2, 3]$

(۳) $[2, 8]$

(۴) $[3, 8]$

پاسخ: $\Rightarrow$

در حل تست به نکات زیر توجه داشته باشید:

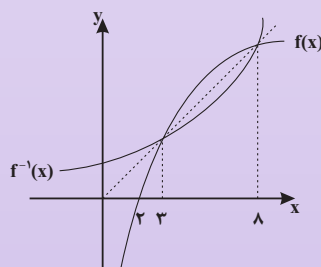
الف) عبارت زیر رادیکال با فرجه زوج باید نامنفی باشد.

ب) نمودار دو تابع $y = f(x)$ و $y = f^{-1}(x)$ نسبت به نیمساز ربع اول و سوم، قرینه یکدیگرند.

دامنه تابع $\sqrt{x - f^{-1}(x)}$ محدوده ای است که عبارت $x - f^{-1}(x)$ نامنفی می شود. پس داریم:

$$x - f^{-1}(x) \geq 0 \Rightarrow x \geq f^{-1}(x)$$

چون دو نمودار $f(x)$ و $f^{-1}(x)$ نسبت به نیمساز ربع اول و سوم (همان خط $y = x$) قرینه هم هستند، بنابراین در نقاطی که نمودار تابع $y = f(x)$ بالای خط $y = x$ قرار دارد، نمودار $y = f^{-1}(x)$ پایین خط $y = x$ قرار می گیرد و برعکس.



در بازه $[3, 8]$ نمودار تابع $f = f(x)$ بالای خط $y = x$ قرار دارد، بنابراین در همین بازه نمودار $y = f^{-1}(x)$ پایین خط $y = x$ قرار گرفته و در نتیجه $x - f^{-1}(x)$ مثبت می شود (به عبارت صحیح تر نامنفی می شود)؛ بنابراین بازه $[3, 8]$ دامنه تعریف تابع داده شده است.

ضابطه وارون تابع $f(x) = -x^2 + 3x^2 - 3x + 8$ را بیابید.

نمودار تابع $f(x)$ به صورت $\Rightarrow$ می باشد؛ بنابراین یک به یک و وارون پذیر است.

$$y = -(x^2 - 3x^2 + 3x - 8) = -(x^2 - 3x^2 + 3x - 1 - 7)$$

$$y = -(x-1)^2 + 7 \Rightarrow (x-1)^2 = 7-y$$

$$x-1 = \sqrt{7-y} \Rightarrow x = 1 + \sqrt{7-y} \xrightarrow{\text{جای } x \text{ و } y \text{ عوض می شود}} f^{-1}(x) = 1 + \sqrt{7-x}$$

• اگر f ، g و h توابع وارون پذیر باشند، آن گاه:

$$(fog)^{-1} = g^{-1}of^{-1}$$

$$(f^{-1}og)^{-1} = g^{-1}of$$

$$(f^{-1})^{-1}(x) = f(x)$$

$$(fogoh)^{-1} = h^{-1}og^{-1}of^{-1}$$

$$fof^{-1}(x) = x, \text{ دامنه } = D_{f^{-1}}$$

$$f^{-1}of(x) = x, \text{ دامنه } = D_f$$

- یعنی نمودار $y = fof^{-1}(x)$ و $y = f^{-1}of(x)$ قسمتی از نمودار خط $y = x$ (نیم‌ساز ناحیه اول و سوم) است.
- اگر دامنه و برد تابع $f(x)$ با هم برابر باشند، در این صورت دو تابع $(f^{-1}of)(x)$ و $(fof^{-1})(x)$ با هم مساوی‌اند؛ مثل تابع $f(x) = x + \sqrt{x}$.

$$D_f = R_f = [0, +\infty)$$

- اگر $(fof)(x) = x$ باشد، در این صورت $f(x) = f^{-1}(x)$ است؛ مانند تابع هموگرافیک وقتی $a + d = 0$ باشد.

$$f(x) = \frac{2x+3}{x-2} = f^{-1}(x)$$

- تابع خطی $y = ax + b$ در صورتی که دارای شیب منفی یک باشد نسبت به نیم‌ساز ربع اول و سوم متقارن بوده و با معکوسش برابر است.

$$f(x) = -x + 2 = f^{-1}(x)$$

- در ماشین شکل زیر که ورودی و خروجی یکسان است، دو تابع f و g معکوس یکدیگرند.

$$x \longrightarrow \boxed{f} \longrightarrow \boxed{g} \longrightarrow x$$

- با توجه به ماشین شکل زیر، $g(1)$ را بیابید.

$$x \longrightarrow \boxed{2x-3} \longrightarrow \boxed{g} \longrightarrow x$$

- با توجه به این که ورودی و خروجی یکسان است، دو تابع $f(x) = 2x - 3$ و g معکوس یکدیگرند.

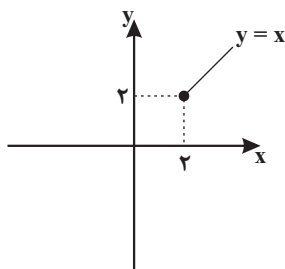
$$y = 2x - 3 \Rightarrow x = \frac{y+3}{2}$$

$$g(x) = f^{-1}(x) = \frac{x+3}{2} \Rightarrow g(1) = \frac{1+3}{2} = 2$$

- اگر $f(x) = 1 + \sqrt{x-2}$ باشد، نمودار تابع $y = (f^{-1}of)(x)$ را رسم کنید.

$$f(x) = 1 + \sqrt{x-2} \Rightarrow D_f = [2, +\infty)$$

$$y = (f^{-1}of)(x) = x, D_y = D_f = [2, +\infty)$$



سؤال: فرض کنید M نقطه تلاقی منحنی $y = \sqrt{x+3}$ با تابع وارون خود باشد. فاصله نقطه M از مبدأ مختصات کدام است؟

۲ (۴)

۳ (۳)

$\sqrt{2}$ (۲)

$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۱)

پاسخ

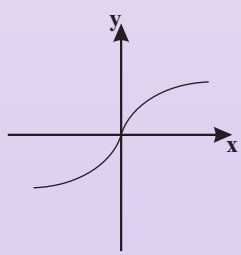
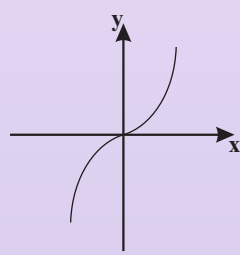
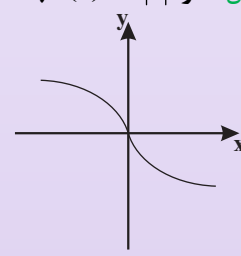
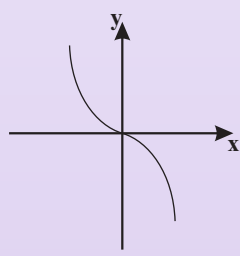
نقطه تلاقی دو تابع f و f^{-1} روی خط $y = x$ است، پس معادله $f(x) = x$ را حل می‌کنیم.

$$\sqrt{x+3} - 1 = x \Rightarrow \sqrt{x+3} = x+1 \Rightarrow x+3 = x^2 + 2x+1$$

$$\Rightarrow x^2 + x - 2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=1 \in D \\ x=-2 \notin D \end{cases}$$

پس نقطه تلاقی f و f^{-1} ، نقطه (1,1) است و فاصله آن از مبدأ $\sqrt{1^2+1^2} = \sqrt{2}$ خواهد شد.

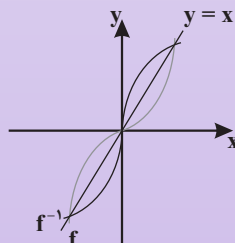
سؤال: اگر $f(x) = x|x|$ باشد، نمودار تابع $y = f^{-1}(x)$ کدام است؟



پاسخ

ابتدا نمودار $f(x)$ را رسم می‌کنیم. نمودار f^{-1} قرینه $f(x)$ نسبت به نیم‌ساز ربع اول و سوم است.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 & ; x \geq 0 \\ -x^2 & ; x < 0 \end{cases}$$



سؤال: دو تابع $f = \{(5,2), (7,3), (1,4), (3,6), (9,1)\}$ و $g(x) = \sqrt{5x+9}$ مفروض‌اند. اگر $(g^{-1} \circ f^{-1})(a) = 8$ باشد، a

کدام است؟

۷ (۴)

۶ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

پاسخ:

$$g^{-1} \circ f^{-1}(a) = g^{-1}(f^{-1}(a)) = 8 \Rightarrow (f^{-1}(a), 8) \in g^{-1}$$

$$\Rightarrow (\lambda, f^{-1}(a)) \in g \Rightarrow g(\lambda) = f^{-1}(a) \quad (I)$$

$$g(x) = \sqrt{5x+9} \Rightarrow g(\lambda) = \sqrt{49} \Rightarrow g(\lambda) = 7$$

$$\xrightarrow{(I)} f^{-1}(a) = 7 \Rightarrow (a, 7) \in f^{-1} \Rightarrow (7, a) \in f \Rightarrow a = 3$$

روش دوم:

$$(g^{-1} \circ f^{-1})(a) = \lambda \Rightarrow (fog)^{-1}(a) = \lambda$$

$$\Rightarrow (fog)(\lambda) = a \Rightarrow f(g(\lambda)) = a \Rightarrow f(7) = a = 3$$

سؤال: دو تابع $f = \{(1, 2), (2, 3), (4, 5), (3, 4)\}$ و $g = \{(2, 1), (3, 2), (5, 4)\}$ مفروض اند. تابع $g^{-1} \circ f^{-1}$ کدام است؟

$$\{(4, 4), (1, 1), (3, 4)\} \quad (1)$$

$$\{(3, 2), (5, 5), (4, 3)\} \quad (2)$$

$$\{(2, 2), (1, 1), (4, 4)\} \quad (3)$$

$$\{(2, 2), (3, 3), (5, 5)\} \quad (4)$$

پاسخ:

● با جابه‌جا کردن مؤلفه‌های اول و دوم هر یک از زوج‌مرتب‌های تشکیل‌دهنده دو تابع f و g ، توابع f^{-1} و g^{-1} را به صورت مجموعه‌ای از زوج‌مرتب‌ها مشخص می‌کنیم؛ سپس تابع $g^{-1} \circ f^{-1}$ را به دست می‌آوریم. برای این کار ابتدا به سراغ تابع f^{-1} می‌رویم، سپس با خروجی‌هایی که به ما می‌دهد، بررسی می‌کنیم که تابع $g^{-1} \circ f^{-1}$ تشکیل می‌شود یا خیر.

$$f = \{(1, 2), (2, 3), (4, 5), (3, 4)\} \Rightarrow f^{-1} = \{(2, 1), (3, 2), (5, 4), (4, 3)\}$$

$$g = \{(2, 1), (3, 2), (5, 4)\} \Rightarrow g^{-1} = \{(1, 2), (2, 3), (4, 5)\}$$

$$D_{f^{-1}} = \{2, 3, 5, 4\}$$

$$x = 2 \Rightarrow f^{-1}(2) = 1 \Rightarrow g^{-1}(f^{-1}(2)) = g^{-1}(1) = 2 \Rightarrow (2, 2) \in g^{-1} \circ f^{-1}$$

$$x = 3 \Rightarrow f^{-1}(3) = 2 \Rightarrow g^{-1}(f^{-1}(3)) = g^{-1}(2) = 3 \Rightarrow (3, 3) \in g^{-1} \circ f^{-1}$$

$$x = 5 \Rightarrow f^{-1}(5) = 4 \Rightarrow g^{-1}(f^{-1}(5)) = g^{-1}(4) = 5 \Rightarrow (5, 5) \in g^{-1} \circ f^{-1}$$

$$x = 4 \Rightarrow f^{-1}(4) = 3 \Rightarrow g^{-1}(f^{-1}(4)) = g^{-1}(3) \Rightarrow$$

بنابراین تابع $g^{-1} \circ f^{-1}$ به صورت $\{(2, 2), (3, 3), (5, 5)\}$ درمی‌آید.

روش دوم:

$$g^{-1} \circ f^{-1} = (fog)^{-1}$$

$$fog = \{(2, 2), (3, 3), (5, 5)\} = (fog)^{-1} = g^{-1} \circ f^{-1}$$

با فرض $x \geq 2$ ؛ $f(x) = x^2 - 4x + 9$ و $g(x) = \frac{3-x}{2}$ حاصل $(f^{-1} \circ g^{-1})(-9)$ کدام است؟

$$3 \quad (1) \quad 4 \quad (2) \quad 5 \quad (3) \quad 6 \quad (4)$$

داریم $(f^{-1} \circ g^{-1})(-9) = f^{-1}(g^{-1}(-9))$ را می‌یابیم. فرض می‌کنیم $g^{-1}(-9) = a$ باشد، پس $g(a) = -9$ و داریم:

$$g(x) = \frac{3-x}{2} \Rightarrow g(a) = \frac{3-a}{2} = -9 \Rightarrow 3-a = -18 \Rightarrow a = 21$$

پس کافی است $f^{-1}(21)$ را حساب کنیم. فرض می‌کنیم $f^{-1}(21) = b$ باشد، پس $f(b) = 21$ است و داریم:

$$f(x) = x^2 - 4x + 9 \Rightarrow f(b) = b^2 - 4b + 9 = 21 \Rightarrow b^2 - 4b - 12 = 0$$

$$\Rightarrow (b-6)(b+2) = 0 \xrightarrow{b \geq 2} b = 6$$

پس $(f^{-1} \circ g^{-1})(-9) = 6$ است.

روش دوم:

$$(f^{-1} \circ g^{-1})(-9) = a = (g \circ f)^{-1}(-9)$$

$$(g \circ f)(a) = -9 \Rightarrow g(f(a)) = -9 = \frac{3-f(a)}{2}$$

$$\Rightarrow f(a) = 21 = a^2 - 4a + 9 \Rightarrow a^2 - 4a - 12 = 0$$

$$\Rightarrow (a-6)(a+2) = 0 \xrightarrow{a \geq 2} a = 6 \Rightarrow (f^{-1} \circ g^{-1})(-9) = a = 6$$

سؤال: اگر $f(x) = x + \sqrt{x}$ و $g(x) = \frac{9x+6}{1-x}$ باشند، مقدار $(g^{-1} \circ f^{-1})(20)$ کدام است؟

$$\frac{2}{4} \quad (4)$$

$$\frac{2}{3} \quad (3)$$

$$\frac{2}{5} \quad (2)$$

$$\frac{2}{5} \quad (1)$$

پاسخ:

داریم: $(g^{-1} \circ f^{-1})(20) = g^{-1}(f^{-1}(20))$ ؛ پس کافی است $f^{-1}(20)$ را یافته و در تابع g^{-1} قرار دهیم.

فرض کنیم $f^{-1}(20) = a$ باشد، پس $f(a) = 20$ است و داریم:

$$f(x) = x + \sqrt{x} \Rightarrow f(a) = a + \sqrt{a} = 20 \Rightarrow a = 16$$

$$\Rightarrow f^{-1}(20) = 16$$

بنابراین $g^{-1}(f^{-1}(20)) = g^{-1}(16) = b$. حال فرض می‌کنیم $g(b) = 16$ ، پس $g(b) = 16$ است و در نتیجه:

$$g(x) = \frac{9x+6}{1-x} \Rightarrow g(b) = \frac{9b+6}{1-b} = 16 \Rightarrow 9b+6 = 16-16b$$

$$\Rightarrow 25b = 10 \Rightarrow b = \frac{10}{25} = \frac{2}{5}$$

$$\Rightarrow g^{-1}(f^{-1}(20)) = g^{-1}(16) = \frac{2}{5}$$

روش دوم:

$$(g^{-1} \circ f^{-1})(20) = (f \circ g)^{-1}(20) = a \Rightarrow (f \circ g)(a) = 20$$

$$f(g(a)) = 20 = g(a) + \sqrt{g(a)} \Rightarrow g(a) = 16 = \frac{9a+6}{1-a}$$

$$16(1-a) = 9a+6 \Rightarrow a = \frac{2}{5} = (g^{-1} \circ f^{-1})(20)$$

سؤال: ضابطه معکوس تابع $y = \begin{cases} \frac{|x|}{x} \sqrt{|x|} & ; x \neq 0 \\ 0 & ; x = 0 \end{cases}$ به کدام صورت است؟

$$y = x\sqrt{|x|}; x \in \mathbb{R} - \{0\} \quad (2)$$

$$y = x\sqrt{|x|}; x \in \mathbb{R} \quad (1)$$

$$y = x|x|; x \in \mathbb{R} \quad (4)$$

$$y = x|x|; x \in \mathbb{R} - \{0\} \quad (3)$$

پاسخ:

روش اول: ابتدا با تفکیک دامنه تعریف به دو قسمت $x > 0$ و $x < 0$ ، تکلیف قدرمطلق را روشن کرده و تابع را بازنویسی می‌کنیم. سپس برای هر یک از ضابطه‌های جدید، ضابطه معکوس تابع را به دست می‌آوریم. داریم:

$$x \neq 0: y = \frac{|x|}{x} \sqrt{|x|} \Rightarrow \begin{cases} x > 0: |x| = x \Rightarrow y = \sqrt{x} & ; y > 0 \\ x < 0: |x| = -x \Rightarrow y = -\sqrt{-x} & ; y < 0 \end{cases}$$

$$y = \sqrt{x} \xrightarrow[\text{به توان ۲}]{x, y > 0} y^2 = x \Rightarrow f^{-1}(x) = x^2, x > 0$$

$$y = -\sqrt{-x} \xrightarrow[\text{به توان ۲}]{x, y < 0} y^2 = -x \Rightarrow f^{-1}(x) = -x^2, x < 0$$

همچنین نقطه $(0,0)$ باید در ضابطه وارون تابع صدق کند؛ بنابراین ضابطه معکوس تابع به صورت $y = x|x|; x \in \mathbb{R}$ درمی‌آید.

روش دوم:

اگر نقطه $A(\alpha, \beta)$ در ضابطه $f(x)$ صدق کند، در این صورت نقطه $B(\beta, \alpha)$ در ضابطه $f^{-1}(x)$ صدق می‌کند. نقطه $A(4, 2)$ در ضابطه $f(x)$ صدق می‌کند، پس نقطه $B(2, 4)$ باید عضو تابع وارون باشد (رد گزینه‌های «۱» و «۲»). همچنین برد تابع $f(x)$ برابر $\mathbb{R}$ است، پس دامنه تعریف تابع $f^{-1}(x)$ باید مجموعه اعداد حقیقی یا همان $\mathbb{R}$ باشد. تنها گزینه‌ای که تمام این ویژگی‌ها را دارد، گزینه $y = x|x|; x \in \mathbb{R}$ است.

سؤال: اگر $f(x) = \frac{2}{5}x - 4$ و $g(x) = x^2 + x$ باشند، مقدار $(g^{-1} \circ f^{-1})(8)$ کدام است؟

۳ (۴)

۲/۵ (۳)

۲ (۲)

۱/۵ (۱)

پاسخ:

$$\begin{cases} g(x) = x^2 + x \\ f(x) = \frac{2}{5}x - 4 \end{cases}$$

اول $f^{-1}(8)$ را پیدا می‌کنیم:

$$f(x) = 8 \Rightarrow \frac{2}{5}x - 4 = 8 \Rightarrow \frac{2}{5}x = 12 \Rightarrow x = 30 \Rightarrow f^{-1}(8) = 30$$

حال داریم:

$$g^{-1}(f^{-1}(8)) = g^{-1}(30)$$

$$g(x) = 30 \Rightarrow x^2 + x = 30 \Rightarrow x = 3 \Rightarrow g^{-1}(30) = 3$$

روش دوم:

$$(g^{-1} \circ f^{-1})(\lambda) = (f \circ g)^{-1}(\lambda) = a \Rightarrow (f \circ g)(a) = \lambda$$

$$f(g(a)) = \lambda = \frac{1}{5}g(a) - 4 \Rightarrow g(a) = 30 = a^2 + a \Rightarrow a = 3 = (g^{-1} \circ f^{-1})(\lambda)$$

سؤال: اگر $f(x) = 1 + \sqrt{x}$ ، $g(x) = x^2$ و $x > 0$ ، آن گاه ضابطه $g^{-1} \circ f^{-1}$ کدام است؟

$$x^2 + 1 \quad (4)$$

$$x^2 - 1 \quad (3)$$

$$x + 1 \quad (2)$$

$$x - 1 \quad (1)$$

پاسخ:

ضابطه دو تابع $f(x)$ و $g(x)$ به ما داده شده است و ضابطه تابع $g^{-1} \circ f^{-1}$ را می‌خواهند. برای این کار ابتدا ضابطه دو تابع $f^{-1}(x)$ و $g^{-1}(x)$ را به دست می‌آوریم؛ سپس برای تعیین ضابطه $g^{-1} \circ f^{-1}$ یا همان $g^{-1}(f^{-1}(x))$ در ضابطه $g^{-1}(x)$ به جای متغیر x ، ضابطه $f^{-1}(x)$ را قرار می‌دهیم:

$$f(x) = 1 + \sqrt{x} \Rightarrow y = 1 + \sqrt{x} \Rightarrow y - 1 = \sqrt{x} \xrightarrow{\text{به توان } 2} (y - 1)^2 = x$$

$$\Rightarrow f^{-1}(x) = (x - 1)^2; x > 1$$

$$g(x) = x^2 \Rightarrow y = x^2 \Rightarrow x = \sqrt{y} \Rightarrow g^{-1}(x) = \sqrt{x}; x > 0$$

بنابراین ضابطه تابع $g^{-1} \circ f^{-1}(x)$ برابر است با:

$$g^{-1} \circ f^{-1}(x) = g^{-1}(f^{-1}(x)) = \sqrt{f^{-1}(x)} = \sqrt{(x - 1)^2} = |x - 1|$$

$$\xrightarrow{x > 1} g^{-1} \circ f^{-1}(x) = x - 1$$

روش دوم:

در تابع $(g^{-1} \circ f^{-1})(x)$ به ازای $x = 4$ مقدارش را پیدا می‌کنیم. هر گزینه‌ای که با جای‌گذاری $x = 4$ آن مقدار را دهد، پاسخ صحیح است.

$$(g^{-1} \circ f^{-1})(4) = (f \circ g)^{-1}(4) = a$$

$$(f \circ g)(a) = 4 \Rightarrow f(g(a)) = 4 = 1 + \sqrt{g(a)}$$

$$\Rightarrow g(a) = 9 = a^2 \xrightarrow{a > 0} a = 3 = (g^{-1} \circ f^{-1})(4)$$

$$\xrightarrow{\text{گزینه (1)}} x - 1 = 4 - 1 = 3$$

$$\xrightarrow{\text{گزینه (2)}} x + 1 = 4 + 1 = 5 \rightarrow \text{غ ق}$$

$$\xrightarrow{\text{گزینه (3)}} x^2 - 1 = 16 - 1 = 15 \rightarrow \text{غ ق}$$

$$\xrightarrow{\text{گزینه (4)}} x^2 + 1 = 16 + 1 = 17 \rightarrow \text{غ ق}$$



آدرس وب سایت ما

novinkonkor.com

نوین کنکور

در شبکه های اجتماعی



novinkonkor



@novinkonkor



۰۹۳۸۲۵۱۶۷۴۷

نوین کنکور مرجع کنکور و امتحان نهایی