



آدرس وب سایت ما

novinkonkor.com

نوین کنکور

در شبکه های اجتماعی



novinkonkor



@novinkonkor



۰۹۳۸۲۵۱۶۷۴۷

نوین کنکور مرجع کنکور و امتحان نهایی

آزمون «۲۳ تیر ۱۴۰۲» تعیین سطح تابستان اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ گویی (دقیقه)
حسابان ۱	۱۰	۱-۱۰	۱۵
هندسه ۲	۱۰	۱۱-۲۰	۱۵
آمار و احتمال	۱۰	۲۱-۳۰	۱۰
فیزیک ۲	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵
شیمی ۲	۱۰	۴۱-۵۰	۱۰
ریاضی ۱	۱۰	۵۱-۶۰	۱۵
هندسه ۱	۱۰	۶۱-۷۰	۱۵
فیزیک ۱	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵
شیمی ۱	۱۰	۸۱-۹۰	۱۰
مجموع	۹۰	۱-۹۰	۱۲۰

پدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه	مهرداد استقلالیان-محمدسجاد پیشوایی-سعید تن آرا-بهرام حلاج-سجاد داوطلب-سهیل ساسانی-حمید علیزاده-نیما کدیوریان
هندسه و آمار و احتمال	امیرحسین ابومحبوب-حسین حاجیلو-سیدمحمدرضا حسینی-فرد-افشین خاصه-خان-فرزانه خاکپاش-مسعود خندانی-سوگند روشنی-سهام مجیدی-پور-نیلوفر مهدوی-سرژ یقیازاریان-تبریزی
فیزیک	خسرو ارغوانی-فرد-زهره آقامحمدی-امیرعلی حاتم خانی-محمدعلی راست پیمان-مصطفی کیانی-فاروق مردانی-مجتبی نکوئیان
شیمی	علی جدی-امیر حاتمیان-امید رضوانی-مرتضی زارعی-محمدرضا زهرهوند-عادل زواره محمدی-مسعود طبرسا-اکبر هنرمند

گروه علمی اختصاصی

نام درس	ریاضی پایه	هندسه و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینه‌گر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	مصطفی کیانی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	محمدرضا راسخ	مهرداد ملوندی	زهره آقامحمدی	امیر حاتمیان محمدحسن محمدزاده مقدم
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	محمد ساکی	امیرحسین مسلمی
مستندسازی	سمیه اسکندری	علیرضا همایون خواه	احسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید اختصاصی

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروفنگار و صفحه آرا	فرزانه فتح اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

۱- اگر $(1+a)(1+a^2)(1+a^4)(1+a^8) = 1+a+a^2+...+a^{n-1}$ ، کدام است n ؟

- ۸ (۱) ۱۶ (۲) ۳۲ (۳) ۶۴ (۴)

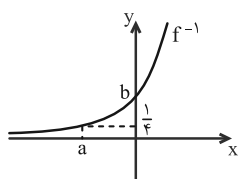
۲- ریشه های معادله $2x^2 + ax + b = 0$ ، واحد کمتر از ریشه های معادله $2x^2 - 5bx + a = 0$ هستند. حاصل $a+b$ کدام است ؟

- ۴ (۱) -۲ (۲) -۱ (۳) ۳ (۴)

۳- مساحت سطح محصور بین نمودار تابع $f(x) = x|x| - 2|x|$ ، $-1 \leq x < 2$ و محور x ها کدام است ؟ ([] ، نماد جزء صحیح است.)

- ۲ (۱) ۲/۵ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۴- شکل زیر نمودار وارون تابع $f(x) = \sqrt{x} - \frac{1}{x}$ است. $a+b$ کدام است ؟



- ۵/۲ (۱) -۳/۲ (۲) -۷/۴ (۳) -۵/۴ (۴)

۵- اگر $f(x) = \frac{1}{\sqrt{3-x^2}}$ و $g(x) = [\cos x] - \cos x$ مفروض باشند، برد تابع $y = fog(x)$ کدام است ؟

- $(-\sqrt{3}, \sqrt{3})$ (۱) $[\sqrt{3}, +\infty)$ (۲) $(-\frac{\sqrt{3}}{3}, \frac{\sqrt{3}}{3})$ (۳) $(-\frac{\sqrt{3}}{3}, \frac{\sqrt{3}}{2})$ (۴)

۶- نمودار دو تابع $y = \log_6(x^3 - 2x^2 - 2x + 1)$ و $y = 1 + \log_6(x+1)$ یکدیگر را در چند نقطه قطع می کنند؟

- ۳ (۱) ۲ (۲) ۱ (۳) هیچ نقطه ای (۴)

۷- اگر $\tan 37^\circ = \frac{3}{4}$ باشد، حاصل عبارت $\frac{\sin 1027^\circ + \tan 577^\circ - \sin 1673^\circ}{\tan^2(-953^\circ) - \cos(-847^\circ)}$ کدام است ؟

- ۱۳۵/۴۲۸ (۱) ۲۷۹/۴۲۸ (۲) ۱۳۵/۲۱۲ (۳) ۲۷۹/۲۱۲ (۴)

۸- حاصل عبارت $A = \frac{\cos 2x}{\tan x + \cot x}$ به ازای $x = \frac{\pi}{32}$ کدام است ؟

- $\frac{\sqrt{2}+\sqrt{2}}{4}$ (۱) $\frac{\sqrt{2}-\sqrt{2}}{4}$ (۲) $\frac{\sqrt{2}-\sqrt{2}}{8}$ (۳) $\frac{\sqrt{2}-\sqrt{2}}{4}$ (۴)

۹- حاصل $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{2+3x} - \sqrt{2-x}}{\sqrt{1-\cos x}}$ کدام است ؟

- ۲ (۱) $-\sqrt{2}$ (۲) $\sqrt{2}$ (۳) ۲ (۴)

۱۰- اگر تابع $g(x) = \begin{cases} f(x) & , x \geq 1 \\ [-x] & , x < 1 \end{cases}$ در $x=1$ پیوستگی راست داشته باشد ولی پیوستگی چپ نداشته باشد، ضابطه $f(x)$ کدام می تواند باشد ؟ ([] ، نماد جزء صحیح است.)

- x (۱) $\frac{1}{1-2x}$ (۲) $-|x|$ (۳) $[x]$ (۴)

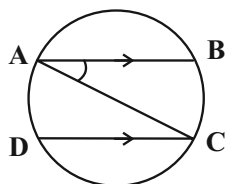
محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۲: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۱۱- در شکل زیر AC قطر دایره و $AB \parallel CD$ است. اگر $\widehat{AB} = 3\widehat{AD}$ باشد، اندازه زاویه $\widehat{BAC}$ چند درجه است؟



۱۸ (۱)

۲۴ (۲)

۳۶ (۳)

۴۸ (۴)

۱۲- دو دایره $C(O, 3m+7)$ و $C'(O', 1-m)$ با طول خط‌المركزين $OO' = 2$ مفروض‌اند. به ازای چند مقدار صحیح m ، این دو دایره متداخل‌اند؟

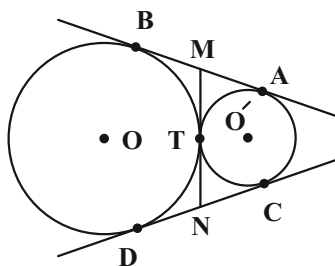
۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

صفر (۱)

۱۳- مطابق شکل زیر دو دایره به شعاع‌های ۲ و ۶ واحد بر هم مماس‌اند. اگر AB و CD مماس‌های مشترک خارجی و MN مماس مشترک داخلی دو دایره باشد، طول MN کدام است؟



$4\sqrt{3}$ (۱)

$3\sqrt{3}$ (۲)

۴ (۳)

۳ (۴)

۱۴- شعاع‌های دایره‌های محاطی خارجی مثلثی به ترتیب ۲، ۳ و ۶ است. اگر طول‌های دو ارتفاع این مثلث ۳ و ۴ باشد، طول ارتفاع دیگر این مثلث کدام است؟

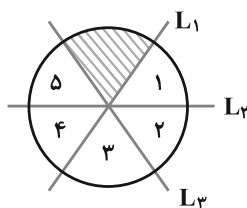
$2/5$ (۴)

$2/4$ (۳)

۲ (۲)

$1/5$ (۱)

۱۵- ترکیب کدام بازتاب‌ها به ترتیب از راست به چپ، قطاع هاشورخورده را در جایگاه «۲» قرار نمی‌دهد؟ (قطاع‌ها با هم برابر بوده و خطوط L_1 ، L_2 و L_3 در مرکز دایره هم‌مرس‌اند.)



L_2 و L_1 (۱)

L_1 و L_3 (۲)

L_1 و L_2 (۳)

L_3 و L_2 (۴)

محل انجام محاسبات

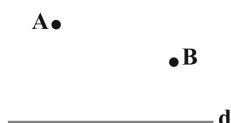
۱۶- اگر نقاط A' و A'' مجانس نقطه A نسبت به مرکز O و به ترتیب با نسبت‌های k_1 و k_2 باشند، آنگاه A' با چه نسبتی

می‌تواند مجانس A'' نسبت به مرکز O باشد؟

- (۱) $\frac{k_1}{k_2}$ (۲) $\frac{k_2}{k_1}$ (۳) $k_1 k_2$ (۴) A' هیچ‌گاه مجانس A'' نیست.

۱۷- در شکل مقابل، هرگاه فاصله دو نقطه A و B از خط d به ترتیب برابر ۱۰ و ۵ واحد و همچنین طول AB برابر ۱۵ واحد باشد، طول

کوتاه‌ترین مسیر $AM + MB$ که M روی خط d باشد، کدام است؟



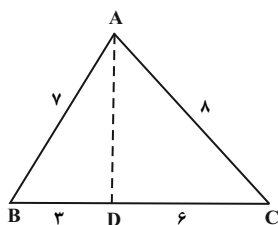
(۱) $4\sqrt{21}$

(۲) $5\sqrt{17}$

(۳) $6\sqrt{15}$

(۴) ۲۰

۱۸- در شکل زیر، اندازه پاره خط AD ، کدام است؟



(۱) $\sqrt{37}$

(۲) ۶

(۳) $2\sqrt{7}$

(۴) $2\sqrt{10}$

۱۹- اگر فرض شود در مثلثی مجذور طول نیمساز داخلی زاویه A ، برابر با حاصل ضرب اضلاع آن زاویه است، استنباط چگونه است؟

- (۱) $\hat{A} < 90^\circ$ (۲) $\hat{A} = 90^\circ$ (۳) $\hat{A} > 90^\circ$ (۴) نادرستی فرض

۲۰- در مثلثی به اضلاع ۴، ۵ و ۷ طول بلندترین ارتفاع آن کدام است؟

- (۱) $2\sqrt{3}$ (۲) $2\sqrt{6}$ (۳) $2\sqrt{2}$ (۴) $4\sqrt{2}$

آمار و احتمال: کل کتاب

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

۲۱- چه تعداد از موارد زیر درست است؟

(ب) $\exists x \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{R}; x + y = 0$

(الف) $\exists x \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{R}; x \leq y$

(د) $\sim(p \Rightarrow q) \equiv p \wedge \sim q$

(ج) $[(p \Rightarrow q) \wedge \sim q] \Rightarrow \sim p \equiv T$

(۴) ۴

(۳) ۳

(۲) ۲

(۱) ۱

۲۲- متمم مجموعه $(A - B) \cup [(B \cap C)' \cap ((B' \cup A) - B)]$ با کدام مجموعه برابر است؟

(۴) B

(۳) A

(۲) B'

(۱) A - B

۲۳- مضارب طبیعی ۷ کوچک تر از ۴۰ را به چند طریق می توان افراز کرد به طوری که زیرمجموعه ای که شامل خود عدد ۷ است، سه عضوی باشد؟

(۴) ۲۴

(۳) ۱۸

(۲) ۱۵

(۱) ۱۲

۲۴- در یک آزمایش تصادفی، فضای نمونه $S = \{a, b, c\}$ است. اگر $P(a) = \frac{1}{4}$ باشد و $P(a)$ ، $P(b)$ و $P(c)$ یک دنباله هندسی

تشکیل دهند، مقدار $P(b)$ کدام است؟

(۴) $\frac{\sqrt{5}+1}{2}$

(۳) $\frac{\sqrt{5}+1}{4}$

(۲) $\frac{\sqrt{5}-1}{4}$

(۱) $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$

۲۵- اگر گزاره ... درست باشد، آنگاه احتمال آنکه p و q هر دو درست باشند، برابر ... است.

(۴) $\frac{1}{3}, \sim p \wedge q$

(۳) $\frac{1}{4}, \sim p \Leftrightarrow q$

(۲) $\frac{1}{3}, \sim p \vee q$

(۱) $\frac{1}{4}, p \Rightarrow q$

۲۶- در جامعه ای احتمال ابتلا به کرونا پیش از واکسیناسیون ۴۵ درصد و این احتمال پس از تزریق دوز اول و دوم واکسن به ترتیب

۲۲ درصد و ۱۰ درصد است. فرض کنید تعداد افرادی که در این جامعه واکسن نزده اند ۳ برابر افرادی باشد که فقط دوز اول و ۲

برابر افرادی باشد که دو دوز واکسن را تزریق کرده اند. فردی از این جامعه که مبتلا به کرونا شود، با کدام احتمال دو دوز واکسن

را تزریق کرده است؟

(۴) $\frac{2}{3}$

(۳) $\frac{15}{172}$

(۲) $\frac{11}{43}$

(۱) $\frac{10}{77}$

۲۷- واریانس ۲۴ داده آماری برابر ۵ می باشد. اگر داده ای که با میانگین برابر است به آن ها اضافه شود، واریانس ۲۵ داده جدید چند

برابر واریانس داده های قبلی است؟

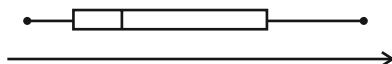
(۴) ۰/۹۶

(۳) ۰/۹۴

(۲) ۰/۹۲

(۱) ۰/۹

۲۸- نمودار جعبه ای مقابل مربوط به کدام یک از داده های زیر می تواند باشد؟



(۱) ۱, ۴, ۲, ۸, ۶

(۲) ۳, ۱, ۴, ۰, ۶, ۸

(۳) ۴, ۷, ۶, ۹, ۲, ۴

(۴) ۹, ۰, ۳, ۸, ۵, ۵

۲۹- در یک نمونه گیری سامانمند بین ۴۵۰ نفر که به ترتیب از شماره ۱ تا ۴۵۰ شماره گذاری شده اند، می خواهیم یک نمونه ۳۰ تایی انتخاب کنیم.

اگر یکی از اعضای انتخابی شماره ۸۲ باشد، آنگاه کدام شماره انتخاب نشده است؟

(۴) ۴۰۲

(۳) ۲۷۷

(۲) ۱۷۲

(۱) ۳۷

۳۰- بازه اطمینان بیش از ۹۵ درصد برای میانگین جامعه ای به صورت $(۲۶ / ۷۵, ۳۲ / ۷۵)$ می باشد. اگر واریانس این جامعه ۸۱ باشد،

اندازه نمونه انتخاب شده کدام است؟

(۴) ۸۱

(۳) ۳۶

(۲) ۶۴

(۱) ۱۶

فیزیک ۲: کل کتاب

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

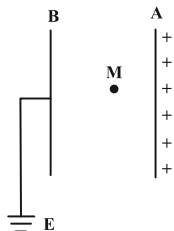
پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۳۱- با توجه به جدول سری الکتریسیته مالشی زیر، اگر جسم خنثی A را به جسم خنثی C مالش دهیم، اندازه بار جسم C برابر با 1.6×10^{-19} خواهد شد. در این صورت کدام گزینه در مورد انتقال الکترون بین دو جسم صحیح است؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$)

انتهای مثبت سری
A
B
C
D
انتهای منفی سری

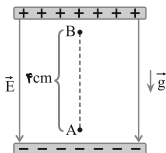
- (۱) تعداد ۱۱ الکترون از A به C منتقل شده است.
- (۲) تعداد ۱۱ الکترون از C به A منتقل شده است.
- (۳) تعداد ۹ الکترون از A به C منتقل شده است.
- (۴) تعداد ۹ الکترون از C به A منتقل شده است.

۳۲- مطابق شکل زیر، دو صفحه رسانای موازی که یکی دارای بار الکتریکی مثبت و دیگری متصل به زمین است، در فاصله ۴ سانتی‌متری از یکدیگر قرار دارند. اگر در نقطه M به بار $4 \mu\text{C}$ نیرویی به بزرگی 2 N وارد شود، پتانسیل الکتریکی صفحه A چند ولت است؟



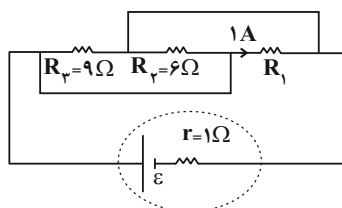
- (۱) ۱۰۰
- (۲) ۴۰۰
- (۳) ۵۰۰
- (۴) ۲۰۰۰

۳۳- در شکل مقابل، ذره‌ای باردار به جرم 10^{-8} g و بار الکتریکی 10^{-15} C ، درون میدان الکتریکی یکنواخت به بزرگی $1.2 \times 10^5 \text{ N/C}$ ، از نقطه A و از حال سکون رو به بالا شروع به حرکت می‌کند. تندی ذره هنگامی که به نقطه B می‌رسد، چند متر بر ثانیه است؟ ($g = 10 \text{ N/kg}$ و $AB = 4 \text{ cm}$ از مقاومت هوا صرف نظر کنید.)



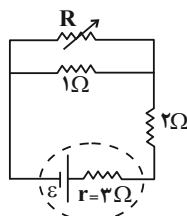
- (۱) ۱/۶
- (۲) ۰/۴
- (۳) ۴
- (۴) ۱۶

۳۴- در مدار شکل زیر، اگر انرژی الکتریکی مصرف شده در مقاومت R_1 در مدت ۱۲ دقیقه، برابر با $12/96$ کیلوژول باشد، نیروی محرکه مؤلفه ($\mathcal{E}$) چند ولت است؟



- (۱) ۲۲/۳
- (۲) ۱۸
- (۳) ۲۴
- (۴) ۳۶

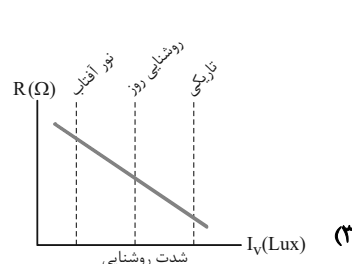
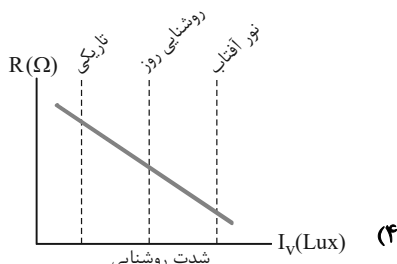
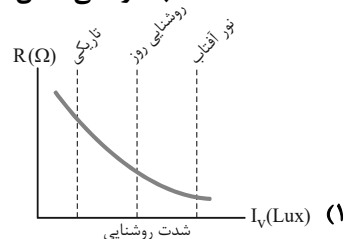
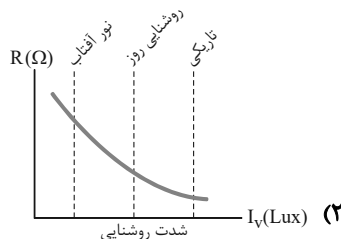
۳۵- در مدار مقابل مقاومت رئوستا را افزایش می‌دهیم، توان خروجی باتری چگونه تغییر می‌کند؟



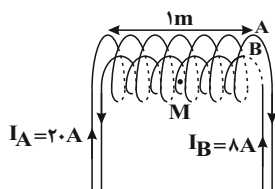
- (۱) افزایش می‌یابد.
- (۲) کاهش می‌یابد.
- (۳) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.
- (۴) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

محل انجام محاسبات

۳۶- کدام یک از گزینه‌های زیر، نمودار مقاومت الکتریکی (R) را بر حسب شدت روشنایی I_V یک LDR که از نیم‌رسانای خالص ساخته شده است، به درستی نشان می‌دهد؟



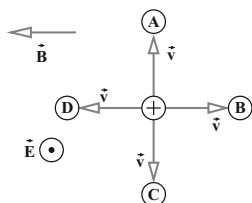
۳۷- در شکل زیر دو سیم‌لوله هم‌محور A و B دارای طول برابر هستند. اگر تعداد دور سیم‌لوله A برابر با ۱۰۰ و تعداد دور سیم‌لوله B برابر ۱۲۵ باشد، بزرگی میدان مغناطیسی برآیند در نقطه M روی محور اصلی مشترک سیم‌لوله‌ها چند گاوس و در چه جهتی



است؟ $(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T.m}{A})$

- (۱) 12π و $\rightarrow$
- (۲) 12π و $\leftarrow$
- (۳) 4π و $\rightarrow$
- (۴) 4π و $\leftarrow$

۳۸- مطابق شکل زیر، دو میدان یکنواخت الکتریکی و مغناطیسی عمود بر هم در یک محیط قرار دارند. ذره‌ای با بار الکتریکی مثبت در آن فضا با سرعت $\vec{v}$ به کدام جهت حرکت کند، تا بزرگی نیروی خالص وارد بر آن بیشینه شود؟ (اثر وزن ذره ناچیز است.)

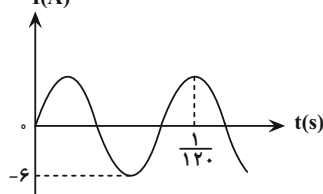


- (۱) A
- (۲) B
- (۳) C
- (۴) D

۳۹- حلقه‌ای به شعاع ۲ سانتی‌متر عمود بر یک میدان مغناطیسی قرار دارد. این حلقه از سیمی مسی به شعاع مقطع ۲mm و مقاومت ویژه $1.7 \times 10^{-8} \Omega.m$ تشکیل شده است. میدان مغناطیسی با چه آهنگی در SI تغییر کند تا جریانی برابر ۰/۲ آمپر در حلقه القا شود؟ ($\pi = 3$)

- (۱) ۰/۰۲۸
- (۲) ۰/۲۸۰
- (۳) ۰/۰۸۲
- (۴) ۰/۸۲۰

۴۰- نمودار تغییرات یک جریان متناوب سینوسی به شکل زیر است. اندازه جریان در لحظه $t = \frac{1}{120} s$ چند آمپر است؟



- (۱) ۲
- (۲) ۳
- (۳) $3\sqrt{3}$
- (۴) $3\sqrt{2}$

شیمی ۲: کل کتاب

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

۴۱- با توجه به نماد شیمیایی عناصر و خواص فیزیکی یا شیمیایی آن‌ها، چه تعداد از خانه‌های جدول حاوی اطلاعات نادرست است؟

Ge	Sn	Si	C	نماد شیمیایی خواص فیزیکی یا شیمیایی
پایین	دارد	پایین	ندارد	رسانایی الکتریکی
دارد	ندارد	دارد	ندارد	سطح صیقلی
اشتراک	دادن	دادن	اشتراک	تمایل به دادن، گرفتن، اشتراک الکترون

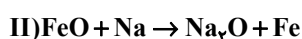
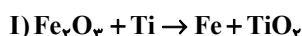
۳ (۱)

۴ (۲)

۵ (۳)

۶ (۴)

۴۲- با توجه به این که واکنش‌های زیر همگی انجام‌پذیر هستند، کدام موارد از مطالب بیان شده نادرست اند؟



آ) واکنش‌پذیری عناصر به صورت $\text{Na} > \text{Fe} < \text{Ti}$ می‌باشد.

ب) واکنش $\text{TiCl}_4 + \text{Na} \rightarrow \text{NaCl} + \text{Ti}$ در شرایط مناسب انجام‌پذیر است.

پ) Na از Fe پایدارتر است.

ت) مجموع ضرایب مواد در معادله واکنش $\text{TiCl}_4 + \text{Na} \rightarrow \text{NaCl} + \text{Ti}$ دو برابر مجموع ضرایب مواد در واکنش (II) است.

ث) استخراج Ti از استخراج Fe آسان‌تر است.

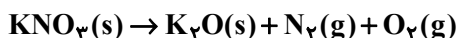
۴) ب، پ، ت

۳) آ، ب، ت

۲) پ، ث

۱) آ، ث

۴۳- اگر $30/3$ گرم پتاسیم نیترات (KNO_3) با خلوص ۸۰ درصد در دمای بالاتر از 50°C ، به میزان ۷۵ درصد تجزیه شود، حجم گاز تولیدشده چند لیتر است؟ (حجم مولی گازها ۲۵ لیتر فرض شده است.) ($K = 39, N = 14, O = 16 : \text{g.mol}^{-1}$)



(واکنش موازنه نشده است.)

۷/۰۵ (۴)

۷/۸۷۵ (۳)

۷/۷۷۵ (۲)

۱۰/۵ (۱)

۴۴- اگر در مولکول سومین آلکان، به جای اتم‌های هیدروژن متصل به کربن وسطی، گروه‌های متیل و به جای یکی از اتم‌های هیدروژن متصل به یکی از کربن‌های دیگر، گروه اتیل قرار دهیم، کدام گزینه درباره ترکیب حاصل نادرست خواهد بود؟ ($C = 12, H = 1 : \text{g.mol}^{-1}$)

۱) نام ترکیب به دست آمده، «۲، ۲ - دی‌متیل پنتان» است.

۲) اختلاف جرم مولی ترکیب حاصل با ترکیب اولیه برابر 56g.mol^{-1} است.

۳) اختلاف تعداد اتم‌های موجود در ساختار ترکیب حاصل با تعداد اتم‌های هیدروژن موجود در نفتالن، برابر ۱۳ است.

۴) یک اتم کربن در این ترکیب با هیچ اتم هیدروژنی پیوند اشتراکی ندارد.

۴۵- ظرفیت گرمایی ویژه آب ۱۰ برابر ظرفیت گرمایی ویژه آهن است. اگر 2kg آب 20°C را در یک کاسه آهنی به جرم 1kg با دمای

125°C بریزیم و این دو هم‌دم شوند، دمای نهایی برحسب درجه سلسیوس کدام است؟ (از مبادله گرما با محیط صرف‌نظر شود.)

۷۲/۵ (۴)

۵۵ (۳)

۲۵ (۲)

۲۹/۲۵ (۱)

محل انجام محاسبات

۴۶- با توجه به میانگین آنتالپی پیوندهای داده شده، $\Delta H = -50 \text{ kJ}$ و $\text{C}_7\text{H}_8(\text{g}) + \text{H}_2\text{O}(\text{g}) \rightarrow \text{C}_7\text{H}_7\text{OH}(\text{g})$ ، آنتالپی پیوند (O-H) چند

کیلوژول بر مول است؟

نوع پیوند	C-C	C=C	O-H	C-O	C-H
میانگین آنتالپی پیوند (kJ.mol^{-1})	۳۵۰	۶۱۰	x	۳۶۰	۴۱۰

۴۰۰ (۴)

۵۶۰ (۳)

۵۰۰ (۲)

۴۶۰ (۱)

۴۷- در چند مورد از مواد زیر، گروه عاملی موجود در آنها به درستی بیان شده‌اند؟

گشیز: عامل الکلی زردچوبه: عامل آلدهیدی میخک: عامل اتری

رازپانه: عامل اتری دارچین: عامل اسیدی بادام: عامل آلدهیدی

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۴۸- ۱۰ مول SO_2 را به همراه مقداری O_2 ، وارد یک ظرف سربسته یک لیتری می‌کنیم تا واکنش $2\text{SO}_2(\text{g}) + \text{O}_2(\text{g}) \rightarrow 2\text{SO}_3(\text{g})$ در

آن انجام شود. در صورتی که پس از گذشت ۵۰ ثانیه از شروع واکنش، ۱۳ مول گاز در ظرف وجود داشته باشد و سرعت واکنش

در این بازه زمانی $0.02 \text{ mol.L}^{-1}.\text{s}^{-1}$ باشد، چند درصد از O_2 تا این لحظه در واکنش مصرف شده است؟

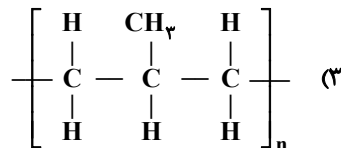
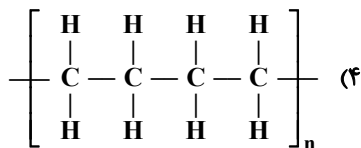
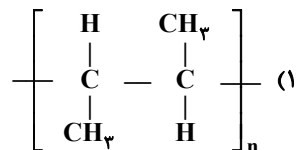
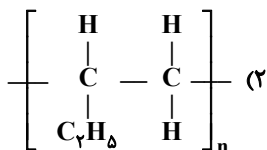
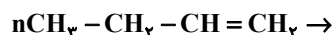
۲۵ (۴)

۴ (۳)

۲۰ (۲)

۱۰ (۱)

۴۹- فراورده حاصل از واکنش پلیمری شدن ترکیب روبه‌رو کدام است؟



۵۰- اگر آنتالپی پیوندهای (H-H)، (N-H)، (N-N)، و ($\text{N} \equiv \text{N}$) با یکای کیلوژول بر مول، به ترتیب برابر ۴۳۵، ۳۸۹، ۱۵۹ و

۹۴۱ باشد، مطابق واکنش: $\text{N}_2(\text{g}) + 2\text{H}_2(\text{g}) \rightarrow \text{H}_2\text{N}-\text{NH}_2(\text{g})$ ، به ازای مصرف $3/01 \times 10^{25}$ مولکول هیدروژن، چند

کیلوژول انرژی جذب می‌شود؟

۴۸۰۰ (۴)

۳۶۰۰ (۳)

۲۴۰۰ (۲)

۱۲۰۰ (۱)

ریاضی ۱: کل کتاب

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

۵۱- از هر یک از هشت مدرسه علاقه مند، ۶ نفر برای بازی تنیس ۴ نفری (دو به دو) انتخاب شده اند. به چند طریق این بازی ممکن

است بین دو تیم از دو مدرسه مختلف انجام شود به طوری که هر دو نفر هم تیمی از یک مدرسه باشند؟

(۱) ۴۲۰۰ (۲) ۵۴۰۰ (۳) ۵۶۰۰ (۴) ۶۳۰۰

۵۲- در پرتاب سه تاس، احتمال آن که هر بار عدد رو شده کوچک تر از پرتاب های قبلی باشد، کدام است؟

(۱) $\frac{5}{216}$ (۲) $\frac{5}{108}$ (۳) $\frac{5}{54}$ (۴) $\frac{5}{36}$

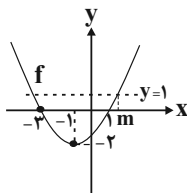
۵۳- اگر اشتراک دو مجموعه $A = (m, n+5)$ و $B = (0, n)$ ، تهی و اجتماع آنها برابر مجموعه $\{1\} - \{0, 6\}$ باشد، آنگاه $m+n$ کدام است؟

(۱) ۲ (۲) ۱ (۳) ۳ (۴) ۴

۵۴- اگر $A = \frac{\sqrt[4]{2} \times \sqrt[5]{3^4} \times 2}{\sqrt[5]{6^4}}$ باشد، حاصل $\frac{128}{A^{20}}$ کدام است؟

(۱) $\frac{1}{16}$ (۲) $\frac{1}{8}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴) $\frac{1}{4}$

۵۵- در سهمی زیر، مقدار m کدام است؟



(۱) $\sqrt{6}-2$

(۲) $\sqrt{6}-1$

(۳) $\sqrt{6}+2$

(۴) $\sqrt{6}+1$

۵۶- در صورتی که مجموعه جواب نامعادله $5 < \frac{ax+2}{bx-3} < 1$ به صورت بازه $(-\infty, 3) \cup (6, +\infty)$ باشد، کمترین مقدار $b-a$ کدام است؟

(۱) $\frac{1}{6}$ (۲) $\frac{1}{3}$ (۳) $\frac{13}{18}$ (۴) $\frac{16}{9}$

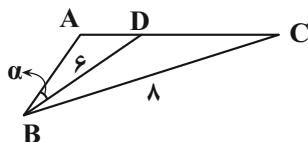
۵۷- رابطه $A = \{(3, m^2), (2, 1), (-3, m), (-2, m), (3, m+2), (m, 4)\}$ به ازای کدام مقدار m ، یک تابع است؟

(۱) -۲ (۲) -۱ (۳) ۲ (۴) هیچ مقدار m

۵۸- دامنه تابع خطی f بازه $[0, 2]$ و برد آن بازه $[-2, 1]$ است. مقدار $f(\frac{2}{3})$ کدام عدد می تواند باشد؟

(۱) -۲ (۲) -۱ (۳) $-\frac{1}{2}$ (۴) ۲

۵۹- در شکل زیر $\angle \hat{ABC} = 60^\circ$ و $BC = 8, BD = 6$ است. اگر مساحت مثلث ABC ، $\frac{2\sqrt{6}}{3}$ مساحت مثلث ABD باشد، اندازه زاویه



کدام است α ؟

(۱) 30°

(۲) 45°

(۳) 15°

(۴) $7/5^\circ$

۶۰- اگر $\cos x \sqrt{1 + \tan^2 x} = 1$ و $\frac{\tan x}{1 + 2 \cos x} < 0$ باشد، انتهای کمان x در کدام ناحیه مثلثاتی قرار دارد؟

(۱) اول (۲) دوم (۳) سوم (۴) چهارم

محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

۶۱- کدام یک از قضیه‌های زیر را می‌توان به صورت یک قضیه دو شرطی نوشت؟

(۱) اگر دو مثلث هم‌نهشت باشند، آن‌گاه زوایای آن‌ها نظیر به نظیر برابر یکدیگرند.

(۲) اگر یک چهارضلعی لوزی باشد، آن‌گاه آن چهارضلعی متوازی‌الاضلاع است.

(۳) اگر دو مثلث هم‌نهشت باشند، آن‌گاه محیط‌های برابر دارند.

(۴) اگر دو ضلع مثلثی برابر یکدیگر باشند، ارتفاع‌های وارد بر آن‌ها نیز برابر یکدیگرند.

۶۲- در چهارضلعی محدب $ABCD$ ، اضلاع AB و CD به ترتیب بزرگ‌ترین و کوچک‌ترین اضلاع هستند. $\hat{C} + \hat{D}$ برابر کدام گزینه می‌تواند باشد؟

(۱) 135°

(۲) 175°

(۳) 150°

(۴) 210°

۶۳- در مثلث ABC ، نقاط M و N به ترتیب وسط اضلاع AB و AC قرار دارند. از نقطه O وسط پاره خط MN ، دو خط موازی با AB و AC رسم می‌کنیم تا ضلع BC را به ترتیب در نقاط D و E قطع کنند. حاصل $\frac{DE}{MN}$ کدام است؟

(۱) ۱

(۲) $\frac{3}{4}$

(۳) $\frac{2}{3}$

(۴) $\frac{1}{2}$

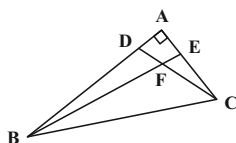
۶۴- در شکل زیر $\widehat{BDF} = \widehat{FEC}$ است. اگر $BF = 2FC = 8$ ، $AD = 2$ و $EC = 5$ باشد، طول پاره خط BC کدام است؟

(۱) ۱۲

(۲) $10\sqrt{2}$

(۳) $4\sqrt{13}$

(۴) $6\sqrt{6}$



۶۵- در یک دوزنقه اندازه قاعده‌ها ۶ و ۹ واحد و اندازه ساق‌ها ۴ و ۵ واحد است. مساحت مثلثی که از امتداد ساق‌ها در بیرون دوزنقه تشکیل می‌شود، چند درصد مساحت دوزنقه است؟

(۱) ۷۰

(۲) ۷۲

(۳) ۷۵

(۴) ۸۰

۶۶- مجموع تعداد اضلاع و اقطار یک $(n+1)$ ضلعی، نصف تعداد اقطار یک $2n$ ضلعی است. n کدام است؟

(۱) ۶

(۲) ۷

(۳) ۸

(۴) ۴

۶۷- در مثلث ABC ، دو میانه AM و BN برهم عمود هستند. اگر مساحت این مثلث برابر ۳۶ واحد مربع و طول میانه BN برابر ۶ واحد باشد، طول ضلع BC کدام است؟

(۱) ۹

(۲) ۱۰

(۳) ۱۲

(۴) ۱۵

۶۸- مساحت یک پنج‌ضلعی شبکه‌ای ۹ واحد است. اگر تعداد نقاط درونی این چندضلعی حداقل ۳ باشد، چند مقدار مختلف برای تعداد نقاط درونی آن وجود دارد؟

(۱) ۵

(۲) ۶

(۳) ۷

(۴) ۸

۶۹- سه خط متمایز L_1 ، L_2 و L_3 در نقطه A یکدیگر را قطع می‌کنند. چند صفحه وجود دارد که شامل همه این خطوط باشد؟

(۱) بی‌شمار

(۲) یک یا هیچ

(۳) دقیقاً یک

(۴) هیچ

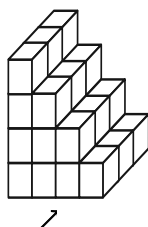
۷۰- در شکل زیر ۳۰ مکعب کوچک وجود دارد. حداقل چه تعداد از این مکعب‌ها را برداریم تا نمای راست شکل به صورت  دیده شود؟

(۱) ۹

(۲) ۱۲

(۳) ۱۸

(۴) ۲۲



محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۷۱- داخل کره‌ای به شعاع ۳ cm، حفره‌ای کروی به شعاع ۲ cm وجود دارد. وقتی حفره را از مایعی به چگالی $\frac{5}{7} \frac{g}{cm^3}$ پر کنیم،

جرم کره ۴۰ درصد افزایش می‌یابد. چگالی ماده سازنده کره چند $\frac{g}{cm^3}$ است؟ ($\pi = 3$)

۳ (۴)

۶ (۳)

۴/۵ (۲)

۸ (۱)

۷۲- لوله شیشه‌ای باریکی را که دو انتهای آن باز است، به طور عمودی تا نیمه وارد مایع درون ظرفی می‌کنیم. اگر نیروی دگرچسبی بیش‌تر از نیروی هم‌چسبی باشد، سطح مایع درون لوله از سطح مایع درون ظرف قرار می‌گیرد و سطح مایع در لوله به صورت درمی‌آید.

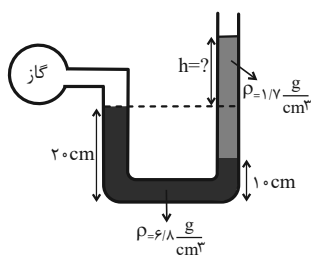
(۴) بالاتر- برآمده

(۳) بالاتر- فرورفته

(۲) پایین‌تر- برآمده

(۱) پایین‌تر- فرورفته

۷۳- در شکل زیر، دو مایع در حال تعادل هستند. اگر فشار پیمانه‌ای گاز درون مخزن ۱/۷ kPa باشد، اختلاف ارتفاع سطح مایع‌ها در



دو طرف لوله U شکل چند سانتی‌متر است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

۲۰ (۱)

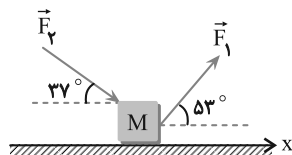
۳۰ (۲)

۴۰ (۳)

۶۰ (۴)

۷۴- در شکل زیر، جسمی روی سطح افقی در راستای محور x به مقداری معین جابه‌جا می‌شود. اگر کار انجام شده توسط نیروی $\vec{F}_1$ ،

نصف کار کل و کار انجام شده توسط نیروی $\vec{F}_2$ ، $\frac{5}{6}$ برابر کار کل باشد، $\frac{F_2}{F_1}$ کدام است؟ ($\cos 53^\circ = 0.6$)



$\frac{4}{3}$ (۲)

$\frac{3}{4}$ (۱)

$\frac{5}{4}$ (۴)

$\frac{4}{5}$ (۳)

۷۵- چتربازی از بالون ساکنی که در ارتفاع ۳۰۰ متری از سطح زمین قرار دارد، با تندی اولیه $10 \frac{m}{s}$ به بیرون بالون پریده و با تندی

$40 \frac{m}{s}$ به سطح زمین می‌رسد. اگر بزرگی کار نیروی مقاومت هوا روی چترباز در طول مسیر حرکت، برابر با ۱۳۵ kJ باشد، جرم

چترباز چند کیلوگرم است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

۹۰ (۴)

۸۰ (۳)

۷۰ (۲)

۶۰ (۱)

محل انجام محاسبات

۷۶- اگر دمای جسمی ۲۷ درجه فارنهایت افزایش یابد، دمای جسم برحسب درجه سلسیوس چهار برابر می شود. دمای اولیه جسم چند درجه سلسیوس است؟

- (۱) ۵ (۲) ۲۰ (۳) ۴۱ (۴) ۶۸

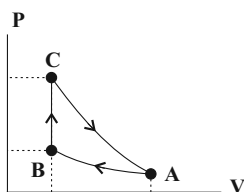
۷۷- ۵/۰ کیلوگرم یخ $^{\circ}\text{C}$ را داخل مقداری آب $^{\circ}\text{C}$ ۵۰ می اندازیم. اگر پس از رسیدن به تعادل گرمایی، جرم آب داخل ظرف $^{\circ}\text{C}$ ۶۵۰ گرم باشد، چند درصد از یخ ذوب شده است؟ $(L_f = 336 \frac{\text{J}}{\text{g}}, c_{\text{آب}} = 4/2 \frac{\text{J}}{\text{g.k}})$

- (۱) ۲۵ (۲) ۵۰ (۳) ۷۵ (۴) ۸۰

۷۸- در فشار ثابت $1.05 \times 10^5 \text{ Pa}$ ، دمای ۳ مول گاز آرمانی را چند درجه سلسیوس کاهش دهیم تا حجم آن ۴ لیتر کاهش پیدا کند؟ $(R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}})$

- (۱) ۵۰ (۲) ۳۰ (۳) ۲۵ (۴) ۱۵

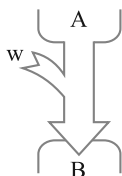
۷۹- مطابق شکل زیر، چرخه ای از سه فرایند هم دما، هم حجم و بی دررو تشکیل شده است. اگر گاز در فرایند بی دررو 160 J کار انجام دهد، گرمای مبادله شده در فرایند هم حجم چند ژول است؟



- (۱) ۱۶۰
(۲) -۱۶۰
(۳) ۳۶۰
(۴) -۳۶۰

۸۰- شکل زیر طرحواره ای از یک دستگاه ترمودینامیکی است که A و B به ترتیب منبع هستند و قانون اول ترمودینامیک

برای آن به صورت نوشته می شود.



- (۱) دما بالا و دما پایین ، $Q_H - |Q_L| - |W| = 0$
(۲) دما بالا و دما پایین ، $|Q_H| - Q_L - W = 0$
(۳) دما پایین و دما بالا ، $|Q_H| - Q_L - W = 0$
(۴) دما پایین و دما بالا ، $Q_H - |Q_L| - |W| = 0$

شیمی ۱: کل کتاب

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

۸۱- عبارت کدام گزینه درست است؟

(۱) جرم اتمی میانگین یک عنصر و تعداد ایزوتوپ‌های پایدار آن را نمی‌توان از جدول دوره‌ای به دست آورد.

(۲) جرم هر پروتون، برابر $1/0073g$ است.

(۳) نماد الکترون به صورت ${}^0_{-1}e$ است.

(۴) هر دوره جدول دوره‌ای، شامل ۸ گروه است.

۸۲- اتم X ، با جرم اتمی میانگین $52amu$ ، دارای یون‌های ${}^{A_1}X^{+}$ ، ${}^{A_2}X^{2+}$ و ${}^{A_3}X^{3+}$ است که در هر کدام از آن‌ها، تفاوت شمار نوترون‌ها و پروتون‌ها، دو برابر بار یون می‌باشد. اگر درصد فراوانی این سه ایزوتوپ به ترتیب برابر ۲۵، ۵۰ و ۲۵ درصد باشد، عدد اتمی X کدام است؟ (جرم پروتون و نوترون را یکسان و برابر $1amu$ در نظر بگیرید).

(۴) ۲۸

(۳) ۲۲

(۲) ۲۵

(۱) ۲۴

۸۳- مخلوطی از گازهای آمونیاک (NH_3) و متان (CH_4) به جرم $20g$ دارای ۴ گرم هیدروژن است. در این مخلوط چند اتم کربن وجود دارد؟ ($C=12, N=14, H=1: g.mol^{-1}$)

(۴) $1/204 \times 10^{23}$

(۳) $2/408 \times 10^{23}$

(۲) $3/612 \times 10^{23}$

(۱) $4/816 \times 10^{23}$

۸۴- نسبت شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی به شمار جفت الکترون‌های پیوندی در ساختار الکترون - نقطه‌ای مولکول دی‌کلرومتان (CH_2Cl_2)، کدام است؟ (C اتم مرکزی است.)

(۴) $\frac{1}{2}$

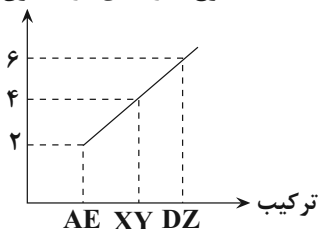
(۳) ۲

(۲) $\frac{2}{3}$

(۱) $\frac{3}{4}$

۸۵- نمودار زیر مجموع اندازه بار کاتیون و آنیون ترکیب‌های یونی حاصل از عنصرهای اصلی چهار دوره اول جدول تناوبی را نشان می‌دهد. چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

مجموع قدرمطلق بار کاتیون و آنیون



• در ترکیب AE کاتیون و آنیون قطعاً به آرایش گاز نجیب می‌رسند.

• ترکیب XY می‌تواند کلسیم فسفید باشد.

• اگر کاتیون و آنیون DZ هم‌الکترون باشند، بین عناصر D و Z در جدول تناوبی، ۵ عنصر وجود دارد.

• در تمام این ترکیب‌های یونی، مجموع بار الکتریکی کاتیون‌ها با مجموع قدرمطلق بار الکتریکی آنیون‌ها برابر است.

(۴) ۱

(۳) ۲

(۲) ۳

(۱) ۴

محل انجام محاسبات

۸۶- نام چه تعداد از ترکیب‌های زیر، به درستی تعیین شده است؟

- N_4O_6 : دی‌نیتروژن تترا اکسید
- CO : مونوکربن مونوکسید
- $SiCl_4$: سیلیسیم تتراکلرید
- SO_3 : گوگرد تترا اکسید
- N_2O : دی‌نیتروژن اکسید
- CS_2 : کربن دی‌سولفیت

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

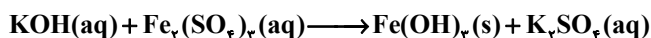
۸۷- کدام موارد از مطالب زیر، دربارهٔ انواع سوخت‌ها (بنزین، گاز هیدروژن، گاز طبیعی و زغال سنگ) نادرست‌اند؟

- (آ) تمامی فراورده‌های حاصل از سوختن آنها، گاز گلخانه‌ای محسوب می‌شوند.
 (ب) گرمای آزاد شده از سوختن یک گرم بنزین در مقایسه با یک گرم گاز طبیعی، بیشتر است.
 (پ) شمار پیوندهای اشتراکی در فراورده‌های مشترک حاصل از سوختن سوخت‌های فسیلی، با هم یکسان نیست.
 (ت) قیمت یک گرم از کم‌آلاینده‌ترین آن‌ها از مجموع قیمت‌های یک گرم از سایر سوخت‌های فسیلی بالاتر است.
- (۱) (آ)، (ب) و (پ) (۲) (آ) و (ب) (۳) (پ) و (ت) (۴) (آ)، (پ) و (ت)

۸۸- از واکنش ۳۰۰ میلی‌لیتر محلول ۰/۲ مولار پتاسیم هیدروکسید طبق واکنش موازنه نشدهٔ زیر، با آهن (III) سولفات چند گرم

رسوب تولید می‌شود و مولاریتهٔ پتاسیم سولفات در محلول نهایی کدام است؟ (حجم محلول نهایی را ۵۰۰ میلی‌لیتر در نظر

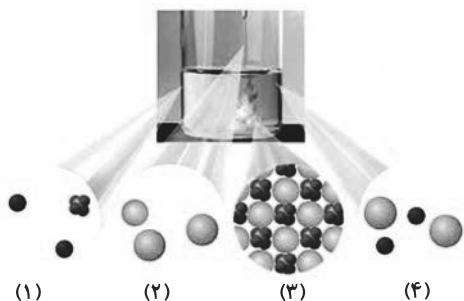
بگیرید.) ($Fe = 56, O = 16, H = 1; g.mol^{-1}$)



$$(۱) \quad 3 \times 10^{-2} - 1/24 \quad (۲) \quad 6 \times 10^{-2} - 2/14$$

$$(۳) \quad 6 \times 10^{-2} - 1/24 \quad (۴) \quad 3 \times 10^{-2} - 2/14$$

۸۹- با توجه به شکل زیر که مربوط به واکنش محلول سدیم سولفات و باریم کلرید است، عبارت کدام گزینه نادرست است؟



(۱) مجموع ضرایب استوکیومتری فراورده‌ها، $\frac{2}{3}$ برابر واکنش‌دهنده‌ها است.

(۲) از واکنش یون‌های موجود در شکل‌های (۱) و (۲)، گونه‌های موجود در شکل‌های (۳) و (۴) به دست می‌آید.

(۳) از این واکنش برای شناسایی یون باریم موجود در محلول استفاده می‌شود.

(۴) رنگ رسوب حاصل از این واکنش با رنگ رسوب نقره کلرید یکسان است.

۹۰- کدام موارد از مطالب زیر درست است؟

(آ) در تصفیهٔ آب به روش تقطیر، صافی کربن و اسمز معکوس فقط میکروب‌ها باقی می‌مانند.

(ب) انحلال سدیم کلرید در آب نشان می‌دهد که جاذبه یون - دوقطبی حاصل، قوی‌تر از میانگین نیروی پیوند یونی در $NaCl$ و پیوندهای هیدروژنی در آب است.

(پ) اگر مقایسهٔ گشتاور دو قطبی سه ترکیب آلی با جرم‌های مولی مشابه به صورت $A < B < C$ باشد، مقایسهٔ انحلال‌پذیری آنها در هگزان به صورت $C < B < A$ خواهد بود.

(ت) نقطهٔ جوش HF بیشتر از HCl و PH_3 کمتر از NH_3 است.

(۱) الف، ب و ت (۲) پ و ت (۳) ب، پ و ت (۴) الف و پ



دفترچه پاسخ

آزمون ۲۳ تیر ۱۴۰۲

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

پدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه	مهرداد استقلالیان-محمدسجاد پیشوایی-سعید تن آرا-بهرام جلاج-سجاد داوطلب-سهیل ساسانی-حمید علیزاده-نیما کدیوریان
هندسه و آمار و احتمال	امیرحسین ابومحبوب-حسین حاجیلو-سیدمحمدرضا حسینی-فرد-افشین خاصه-خان-فرزانه خاکپاش-مسعود خندانی-سوگند روشنی-سهام مجیدی-پور-نیلوفر مهدوی-سرژ یقیازاریان-تبریزی
فیزیک	خسرو ارغوانی-فرد-زهره آقامحمدی-امیرعلی حاتم-خانی-محمدعلی راست-پیمان-مصطفی کیانی-فاروق مردانی-مجتبی نکونیان
شیمی	علی جدی-امیر حاتمیان-امید رضوانی-مرتضی زارعی-محمدرضا زهره-وند-عادل زواره-محمدی-مسعود طبرسا-اکبر هنرمند

گروه علمی اختصاصی

نام درس	ریاضی پایه	هندسه و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	مصطفی کیانی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	محمدرضا راسخ	مهرداد ملوندی	زهره آقامحمدی	امیر حاتمیان محمدحسن محمدزاده مقدم
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	محمد ساکی	امیرحسین مسلمی
مستندسازی	سمیه اسکندری	علیرضا همایونخواه	احسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید اختصاصی

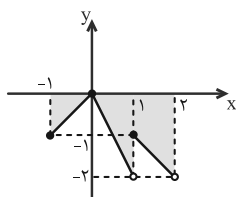
مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف نگار و صفحه آرا	فرزانه فتح اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

مساحت ناحیه سایه زده شده برابر است با:



$$S = \frac{1 \times 1}{2} + \frac{1 \times 2}{2} + \frac{1(1+2)}{2} = \frac{1}{2} + \frac{2}{2} + \frac{3}{2} = \frac{6}{2} = 3$$

(مسابان ۱- تابع: صفحه‌های ۴۹ تا ۵۲)

(کتاب آبی جامع مسابان)

۴- گزینه «۱»

با توجه به نمودار داریم:

$$\begin{cases} f^{-1}(0) = b \Rightarrow f(b) = 0 \\ f^{-1}(a) = \frac{1}{4} \Rightarrow f(\frac{1}{4}) = a \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \sqrt{b} - \frac{1}{b} = 0 \Rightarrow b = 1 \\ \sqrt{\frac{1}{4}} - \frac{1}{\frac{1}{4}} = a \Rightarrow a = \frac{1}{2} - 4 = -\frac{7}{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow a + b = -\frac{7}{2} + 1 = -\frac{5}{2}$$

(مسابان ۱- تابع: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۱)

(ممرسیار پیشوایی)

۵- گزینه «۴»

ابتدا برد تابع $g(x)$ را می‌یابیم:

$$-1 < [\cos x] - \cos x \leq 0 \Rightarrow R_g = (-1, 0]$$

چون تابع f در بازه $(-1, 0)$ اکیداً یکنواست، با قراردادی ابتدا و انتهای آن در تابع f ، برد تابع $f \circ g$ آن را به دست می‌آوریم:

$$f(-1) = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$f(0) = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\text{پس } R_{f \circ g} = \left[\frac{\sqrt{3}}{3}, \frac{\sqrt{2}}{2} \right) \text{ است.}$$

(مسابان ۱- تابع: صفحه‌های ۶۶ تا ۷۰)

(کتاب آبی جامع مسابان)

۶- گزینه «۳»

برای تعیین نقاط تلاقی دو نمودار باید معادله زیر را

$$\log_6(x^3 - 2x^2 - 2x + 1) = 1 + \log_6(x + 1) \quad \text{حل کنیم}$$

$$\log_6(x^3 - 2x^2 - 2x + 1) - \log_6(x + 1) = 1$$

$$\log_6 \frac{x^3 - 2x^2 - 2x + 1}{x + 1} = 1 \Rightarrow \frac{x^3 - 2x^2 - 2x + 1}{x + 1} = 6$$

با تجزیه صورت کسر داریم:

$$(x^3 + 1) - 2x(x + 1) = (x + 1)(x^2 - x + 1) - 2x(x + 1)$$

$$= (x + 1)(x^2 - 3x + 1)$$

حسابان ۱

۱- گزینه «۲»

(کتاب آبی جامع مسابان)

سمت چپ، مجموع n جمله اول یک دنباله هندسی با قدر نسبت a و جمله اول (1) است. بنابراین:

$$\frac{1-a^n}{1-a} = (1+a)(1+a^2)\dots(1+a^4)$$

$$\Rightarrow 1-a^n = (1-a)(1+a)(1+a^2)(1+a^4)(1+a^8)$$

$$\Rightarrow 1-a^n = 1-a^{16} \Rightarrow n=16$$

(مسابان ۱- جبر و معادله: صفحه‌های ۲ تا ۶)

(سعیر تن آرا)

۲- گزینه «۱»

اگر فرض کنیم α و β ریشه‌های معادله $2x^2 + ax + b = 0$ باشند،

$\alpha + 2$ و $\beta + 2$ ریشه‌های معادله $2x^2 - 5bx + a = 0$ خواهند بود.

در معادله اول داریم:

$$S_1 = \alpha + \beta = -\frac{a}{2} \quad \text{و} \quad P_1 = \alpha\beta = \frac{b}{2}$$

و در معادله دوم داریم:

$$S_2 = (\alpha + 2) + (\beta + 2) = \frac{\Delta b}{2} \quad \text{و} \quad P_2 = (\alpha + 2)(\beta + 2) = \frac{a}{2}$$

بنابراین:

$$S_2 = \alpha + \beta + 4 = \frac{\Delta b}{2} = \frac{\alpha + \beta = -\frac{a}{2}}{2} \rightarrow$$

$$-\frac{a}{2} + 4 = \frac{\Delta b}{2} \rightarrow \boxed{a + \Delta b = 8}$$

$$P_2 = \alpha\beta + 2(\alpha + \beta) + 4 = \frac{a}{2}$$

$$\frac{\alpha + \beta = -\frac{a}{2}}{\alpha\beta = \frac{b}{2}} \rightarrow \frac{b}{2} + 2(-\frac{a}{2}) + 4 = \frac{a}{2} \rightarrow \boxed{3a - b = 8}$$

$$\begin{cases} a + \Delta b = 8 \\ 3a - b = 8 \end{cases} \rightarrow a = 3, b = 1 \rightarrow a + b = 4$$

(مسابان ۱- جبر و معادله: صفحه‌های ۷ تا ۹)

(کتاب آبی جامع مسابان)

۳- گزینه «۳»

تابع را به صورت چندضابطه‌ای نوشته و نمودار آن را رسم می‌کنیم:

$$f(x) = \begin{cases} -1 \leq x < 0 & \xrightarrow{|x|=-1} y = -x - 2(-x) = x \\ 0 \leq x < 1 & \xrightarrow{|x|=0} y = 0 - 2x = -2x \\ 1 \leq x < 2 & \xrightarrow{|x|=1} y = x - 2x = -x \end{cases}$$

$$\Rightarrow f(x) = \begin{cases} x & , -1 \leq x < 0 \\ -2x & , 0 \leq x < 1 \\ -x & , 1 \leq x < 2 \end{cases}$$

توجه شود که چون $\frac{\pi}{8}$ کمانی در ناحیه اول است، پس $\sin \frac{\pi}{8}$ مثبت است.

$$A = \frac{1}{4} \sin \frac{\pi}{8} = \frac{1}{4} \times \frac{\sqrt{2}-\sqrt{2}}{2} = \frac{\sqrt{2}-\sqrt{2}}{8}$$

(مسئله ۱- مثلثات: صفحه‌های ۱۱۰ تا ۱۱۲)

۹- گزینه «۱» (کتاب آبی جامع مسابان)

ابتدا توجه کنید که $1 - \cos x = 2 \sin^2 \frac{x}{2}$ ، پس:

$$\sqrt{1 - \cos x} = \sqrt{2} \left| \sin \frac{x}{2} \right|$$

اگر $x \rightarrow 0^-$ ، آنگاه $\sin \frac{x}{2} < 0$ و در نتیجه $\left| \sin \frac{x}{2} \right| = -\sin \frac{x}{2}$ ، پس:

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{2+3x} - \sqrt{2-x}}{\sqrt{1 - \cos x}} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{2+3x} - \sqrt{2-x}}{-\sqrt{2} \sin \frac{x}{2}}$$

مزدوج صورت را در صورت و مخرج کسر ضرب می‌کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{2+3x} - \sqrt{2-x}}{-\sqrt{2} \sin \frac{x}{2}} \times \frac{\sqrt{2+3x} + \sqrt{2-x}}{\sqrt{2+3x} + \sqrt{2-x}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{(2+3x) - (2-x)}{(-\sqrt{2} \sin \frac{x}{2})(\sqrt{2+3x} + \sqrt{2-x})}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{4x}{(-\sqrt{2} \sin \frac{x}{2})(\sqrt{2+3x} + \sqrt{2-x})}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{4}{-\sqrt{2}} \times \frac{x}{\sin \frac{x}{2}} \times \frac{1}{\sqrt{2+3x} + \sqrt{2-x}}$$

با توجه به اینکه $\lim_{\alpha \rightarrow 0} \frac{\alpha}{\sin \alpha} = 1$ ، حاصل حد اخیر برابر است با:

$$\frac{4}{-\sqrt{2}} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{2\sqrt{2}} = -2$$

(مسئله ۱- هر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۴۱ تا ۱۴۳)

۱۰- گزینه «۴» (کتاب آبی جامع مسابان)

ابتدا حد چپ تابع را می‌یابیم:

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} g(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} [-x] = [-(1^-)] = [-0.99] = -1$$

از آنجا که تابع g در $x=1$ پیوستگی چپ ندارد، بنابراین مقدار تابع g در $x=1$ نباید برابر با -1 باشد، یعنی:

$$g(1) = f(1) \neq -1$$

بنابراین $f(x)$ می‌تواند گزینه (۴) باشد.

(مسئله ۱- هر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۴۵ تا ۱۵۱)

بنابراین:

$$\Rightarrow \frac{(x+1)(x^2-3x+1)}{x+1} = 6$$

$$\Rightarrow x^2 - 3x + 1 = 6 \Rightarrow x^2 - 3x - 5 = 0$$

$$\Rightarrow x_1, x_2 = \frac{3 \pm \sqrt{9+20}}{2} = \frac{3 \pm \sqrt{29}}{2}$$

از میان دو جواب به‌دست آمده، جواب $\frac{3-\sqrt{29}}{2}$ از -1 کوچکتر است

و $\log_m(x+1)$ به ازای آن تعریف نمی‌شود. بنابراین معادله فقط یک ریشه دارد و دو نمودار یکدیگر را تنها در یک نقطه به‌طول مثبت قطع می‌کنند.

(مسئله ۱- توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۱۶ تا ۹۰)

۷- گزینه «۱»

(مهردار استقلالیان)

$$\tan 37^\circ = \cot 53^\circ = \frac{3}{4} \Rightarrow \tan 53^\circ = \frac{4}{3}$$

$$1 + \tan^2 53^\circ = \frac{1}{\cos^2 53^\circ} \Rightarrow 1 + \frac{16}{9} = \frac{1}{\cos^2 53^\circ} \Rightarrow \cos 53^\circ = \frac{3}{5}$$

$$= \frac{\sin(6\pi - 53^\circ) + \tan(3\pi + 37^\circ) - \sin(9\pi + 53^\circ)}{\tan^2(\pi + 53^\circ) - \cos(\pi - 53^\circ)}$$

$$= \frac{-\sin 53^\circ + \tan 37^\circ + \sin 53^\circ}{\tan^2 53^\circ + \cos 53^\circ} = \frac{\frac{3}{4}}{\frac{16}{9} + \frac{3}{5}} = \frac{\frac{3}{4}}{\frac{107}{45}} = \frac{3 \times 45}{4 \times 107} = \frac{135}{428}$$

(مسئله ۱- مثلثات: صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۴)

۸- گزینه «۳»

(سپار داوطلب)

برای حل سؤال از فرمول مثلثاتی $\tan x + \cot x = \frac{2}{\sin 2x}$ استفاده

می‌کنیم:

$$A = \frac{\cos 2x}{\tan x + \cot x} = \frac{\cos 2x}{\frac{2}{\sin 2x}} = \frac{\sin 2x \cdot \cos 2x}{2} = \frac{1}{4} \sin 4x$$

حال به ازای $x = \frac{\pi}{32}$ خواهیم داشت:

$$A = \frac{1}{4} \sin\left(4 \times \frac{\pi}{32}\right) = \frac{1}{4} \sin \frac{\pi}{8}$$

حال برای محاسبه مقدار $\sin \frac{\pi}{8}$ از فرمول مثلثاتی $\sin^2 \alpha = \frac{1 - \cos 2\alpha}{2}$

استفاده می‌کنیم:

$$\sin^2 \frac{\pi}{8} = \frac{1 - \cos \frac{\pi}{4}}{2} = \frac{1 - \frac{\sqrt{2}}{2}}{2} = \frac{2 - \sqrt{2}}{4} \Rightarrow \sin \frac{\pi}{8} = \frac{\sqrt{2 - \sqrt{2}}}{2}$$

هندسه ۲

۱۱- گزینه «۳»

(اخشین خاصه‌فان)

فرض کنید $\widehat{BC} = 2x$ باشد. در این صورت داریم:

$$AB \parallel DC \Rightarrow \widehat{AD} = \widehat{BC} = 2x \Rightarrow \widehat{AB} = \frac{3}{2} \widehat{AD} = 3x$$

AC قطر دایره است، بنابراین داریم:

$$\widehat{AB} + \widehat{BC} = 180^\circ \Rightarrow 3x + 2x = 180^\circ \\ \Rightarrow 5x = 180^\circ \Rightarrow x = 36^\circ$$

$$\widehat{BAC} = \frac{\widehat{BC}}{2} = \frac{2 \times 36^\circ}{2} = 36^\circ$$

(زاویه محاطی)

(هنر سه ۲- رایره: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

۱۲- گزینه «۲»

(فرزانه فاکپاش)

شعاع هر دایره عددی مثبت است، بنابراین داریم:

$$\left. \begin{aligned} R > 0 &\Rightarrow 3m + 7 > 0 \Rightarrow m > -\frac{7}{3} \\ R' > 0 &\Rightarrow 1 - m > 0 \Rightarrow m < 1 \end{aligned} \right\}$$

$$\xrightarrow{\text{اشتراک}} -\frac{7}{3} < m < 1 \quad (1)$$

شرط متداخل بودن دو دایره C و C' آن است که $|R - R'| < OO'$.
بنابراین داریم:

$$|R - R'| > OO' \Rightarrow |(3m + 7) - (1 - m)| > 2 \\ \Rightarrow |4m + 6| > 2 \Rightarrow \begin{cases} 4m + 6 > 2 \Rightarrow 4m > -4 \Rightarrow m > -1 \\ 4m + 6 < -2 \Rightarrow 4m < -8 \Rightarrow m < -2 \end{cases} \quad (2)$$

اشتراک جواب‌های (۱) و (۲) به صورت بازه $\left(-\frac{7}{3}, -2\right) \cup (-1, 1)$ است و در نتیجه تنها به ازای عدد صحیح $m = 0$ ، دو دایره متداخل‌اند.

(هنر سه ۲- رایره: صفحه ۲۰)

۱۳- گزینه «۱»

(سرژ یقیا زاریان تبریزی)

طول مماس مشترک خارجی دو دایره مماس به شعاع‌های R و R' برابر $2\sqrt{RR'}$ است، بنابراین داریم:

$$AB = CD = 2\sqrt{RR'} = 2\sqrt{6 \times 2} = 4\sqrt{3}$$

اندازه مماس‌های رسم شده از یک نقطه خارج یک دایره بر آن دایره، برابر یکدیگرند، پس داریم:

$$\left. \begin{aligned} MA = MT \\ MB = MT \end{aligned} \right\} \Rightarrow MT = \frac{MA + MB}{2} = \frac{AB}{2} = 2\sqrt{3}$$

$$\left. \begin{aligned} ND = NT \\ NC = NT \end{aligned} \right\} \Rightarrow NT = \frac{ND + NC}{2} = \frac{CD}{2} = 2\sqrt{3}$$

$$MN = MT + NT = 2\sqrt{3} + 2\sqrt{3} = 4\sqrt{3}$$

(هنر سه ۲- رایره: صفحه‌های ۱۹ تا ۲۳)

۱۴- گزینه «۳»

(امیر مسین ابومفیوب)

اگر شعاع دایره محاطی داخلی و r_a ، r_b و r_c شعاع دایره‌های محاطی خارجی مثلث ABC باشند، آن‌گاه داریم:

$$\frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c} = \frac{1}{r} \Rightarrow \frac{1}{6} + \frac{1}{3} + \frac{1}{2} = \frac{1}{r} \Rightarrow r = 1$$

اگر h_a ، h_b و h_c طول ارتفاع‌های این مثلث باشند، آن‌گاه داریم:

$$\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{1}{r} \Rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} = \frac{1}{1}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{h_a} = 1 - \frac{7}{12} = \frac{5}{12} \Rightarrow h_a = \frac{12}{5} = 2\frac{4}{5}$$

(هنر سه ۲- رایره: صفحه‌های ۲۵، ۲۶، ۲۹ و ۳۰)

۱۵- گزینه «۳»

(کتاب آبی)

بازتاب نسبت به خط L_7 ، قطاع هاشورخورده را در جایگاه (۳) و سپس بازتاب نسبت به خط L_1 ، آن را در جایگاه (۴) قرار می‌دهد.

(هنر سه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

۱۶- گزینه «۱»

(کتاب آبی)

طبق تعریف تجانس داریم:

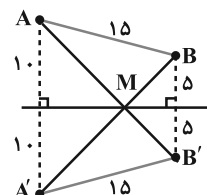
$$\left. \begin{aligned} OA' = k_1 \times OA \\ OA'' = k_2 \times OA \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{OA'}{OA''} = \frac{k_1}{k_2} \Rightarrow OA' = \frac{k_1}{k_2} \times OA''$$

(هنر سه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۴۵ تا ۵۱)

۱۷- گزینه «۲»

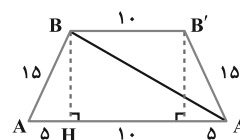
(کتاب آبی)

با توجه به مسأله اول هرون، برای پیدا کردن طول حداقل مسیر $AM + MB$ ، قرینه دو نقطه A و B را نسبت به خط d پیدا می‌کنیم. چهارضلعی $ABB'A'$ یک دوزنقه متساوی‌الساقین است. با توجه به برابری $AM = A'M$ خواهیم داشت:



$$AM + MB = A'M + MB = A'B$$

بنابراین مسئله، تبدیل می‌شود به پیدا کردن قطر دوزنقه متساوی‌الساقینی که قاعده‌های آن ۱۰ و ۲۰ و ساق آن ۱۵ واحد است.



مطابق شکل در مثلث ABH داریم:

$$BH = \sqrt{AB^2 - AH^2} = \sqrt{15^2 - 5^2} = \sqrt{200}$$

هم‌چنین در مثلث $A'BH$ داریم:

$$A'B = \sqrt{BH^2 + A'H^2} = \sqrt{200 + 225} = \sqrt{425} = 5\sqrt{17}$$

(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه ۵۳)

۱۸- گزینه «۲»

(کتاب آبی)

طبق قضیه استوارت در مثلث ABC داریم:

$$AB^2 \times DC + AC^2 \times BD = AD^2 \times BC + BD \times DC \times BC$$

$$\Rightarrow 49 \times 6 + 64 \times 3 = AD^2 \times 9 + 3 \times 6 \times 9$$

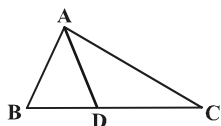
$$\Rightarrow 9AD^2 = 324 \Rightarrow AD^2 = 36 \Rightarrow AD = 6$$

(هندسه ۲- روابط طولی در مثلث؛ صفحه ۶۹)

۱۹- گزینه «۴»

(کتاب آبی)

اگر D پای نیمساز داخلی زاویه A روی ضلع BC باشد، آن‌گاه:



$$AD^2 = AB \cdot AC - BD \cdot DC \quad (*)$$

بیان این که «اگر فرض شود در مثلی مجذور طول نیمساز داخلی زاویه A برابر با حاصل‌ضرب اضلاع آن زاویه است»، به زبان ریاضی به‌صورت $AD^2 = AB \cdot AC$ است. از مقایسه این تساوی با قضیه $(*)$ داریم:

$$\begin{cases} AD^2 = AB \cdot AC - BD \cdot DC \\ AD^2 = AB \cdot AC \end{cases} \Rightarrow BD \cdot DC = 0 \quad (**)$$

از تساوی $(**)$ می‌توان نتیجه گرفت که $BD = 0$ یا $CD = 0$ که چنین چیزی غیرممکن است. زیرا هیچ‌گاه نقطه D نمی‌تواند بر B یا C منطبق شود، از آن‌جا که فرض اولیه ما را به نتیجه نادرست رساند، می‌توان نتیجه گرفت که فرض اولیه نادرست بوده است.

(هندسه ۲- روابط طولی در مثلث؛ صفحه ۷۱)

۲۰- گزینه «۲»

(کتاب آبی)

ابتدا با استفاده از قضیه هرون مساحت مثلث را به‌دست می‌آوریم:

$$P = \frac{a+b+c}{2} = \frac{4+5+7}{2} = 8$$

$$\Rightarrow S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)}$$

$$= \sqrt{8(8-4)(8-5)(8-7)} = 4\sqrt{6}$$

خواسته مسئله طول بلندترین ارتفاع مثلث است که بر کوچک‌ترین ضلع مثلث $(a = 4)$ وارد می‌شود.

$$S = \frac{a \times h_a}{2} \Rightarrow 4\sqrt{6} = \frac{4 \times h_a}{2} \Rightarrow h_a = 2\sqrt{6}$$

(هندسه ۲- روابط طولی در مثلث؛ صفحه‌های ۷۳ و ۷۴)

آمار و احتمال

۲۱- گزینه «۲»

(سوکنر روشنی)

الف) عددی حقیقی مانند X وجود ندارد که تمام اعداد حقیقی بزرگتر یا مساوی آن باشند، بنابراین گزاره «الف» نادرست است.
ب) عددی حقیقی مانند X وجود ندارد که مجموع آن با هر عدد حقیقی دیگر برابر صفر باشد، پس گزاره «ب» نادرست است.
ج) رابطه درست است زیرا:

$$\begin{aligned} [(p \Rightarrow q) \wedge \sim q] &\Rightarrow \sim p \equiv [(\sim p \vee q) \wedge \sim q] \Rightarrow \sim p \\ &\equiv [(\sim p \wedge \sim q) \vee \underbrace{(q \wedge \sim q)}_F] \Rightarrow \sim p \equiv (\sim p \wedge \sim q) \Rightarrow \sim p \\ &\equiv \sim (\sim p \wedge \sim q) \vee \sim p \equiv (p \vee q) \vee \sim p \equiv \underbrace{(p \vee \sim p)}_T \vee q \equiv T \end{aligned}$$

د) رابطه درست است زیرا:

$$\begin{aligned} \sim (p \Rightarrow q) &\equiv \sim (\sim p \vee q) \\ &\equiv p \wedge \sim q \end{aligned}$$

(آمار و احتمال، آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۶ تا ۱۵)

۲۲- گزینه «۴»

(سوکنر روشنی)

$$\begin{aligned} (A - B) \cup [(B \cap C)' \cap ((B' \cup A) - B)] \\ = (A \cap B') \cup [(B' \cup C') \cap ((B' \cup A) \cap B')] \\ \text{جذب: } B' \\ = (A \cap B') \cup \underbrace{[(B' \cup C') \cap B']}_{B': \text{ جذب}} = (A \cap B') \cup B' = B' \end{aligned}$$

که طبق مطلوب سؤال متهم آن مجموعه B است.

(آمار و احتمال، آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۲۶ تا ۳۴)

۲۳- گزینه «۱»

(سوکنر روشنی)

مضارب طبیعی عدد ۷ که کوچکتر از ۴۰ باشند عبارتند از: $A = \{7, 14, 21, 28, 35\}$ و چون باید زیرمجموعه شامل عدد ۷، سه عضوی باشد، یکی از حالت‌های زیر اتفاق می‌افتد.

عدد ۷

۲ عضو	۲ عضو
-------	-------

الف)

عدد ۷

۱ عضو	۱ عضو	۲ عضو
-------	-------	-------

ب)

$$\begin{aligned} \binom{4}{2} \binom{2}{2} &= 6 \\ \binom{4}{2} \binom{2}{1} \binom{1}{1} &= 6 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow 6 + 6 = 12$$

(آمار و احتمال، آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه ۲۱)

۲۴- گزینه «۲»

(کتاب آبی)

$P(a)$ ، $P(b)$ و $P(c)$ ، یک دنباله هندسی تشکیل می‌دهند، بنابراین اگر قدرنسبت دنباله را برابر q فرض کنیم، آنگاه داریم:

$$P(a) = \frac{1}{p}, P(b) = \frac{1}{p}q, P(c) = \frac{1}{p}q^2$$

$$P(a) + P(b) + P(c) = 1 \Rightarrow \frac{1}{p} + \frac{1}{p}q + \frac{1}{p}q^2 = 1$$

$$\Rightarrow q^2 + q - 1 = 0 \Rightarrow q = \frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} q = \frac{\sqrt{5}-1}{2} \\ q = \frac{-\sqrt{5}-1}{2} < 0 \end{cases} \text{ غ.ق. ق. (مقدار احتمال یک پیشامد نمی‌تواند منفی باشد).}$$

$$P(b) = \frac{1}{p}q = \frac{1}{p} \times \frac{\sqrt{5}-1}{2} = \frac{\sqrt{5}-1}{4}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۳۸ تا ۵۱)

۲۵- گزینه «۲»

(سیرمحمدرضا حسینی فرد)

ابتدا جدول ارزش گزاره‌ها را رسم می‌کنیم.

p	q	~p	p ⇒ q	~p ∨ q	~p ⇔ q	~p ∧ q
د	د	ن	د	د	ن	ن
د	ن	ن	ن	ن	د	ن
ن	د	د	د	د	د	د
ن	ن	د	د	د	ن	ن

تنها در ردیف اول جدول، ارزش هر دو گزاره p و q درست است، پس احتمال درست بودن دو گزاره p و q در صورت درستی هر کدام از گزاره‌های

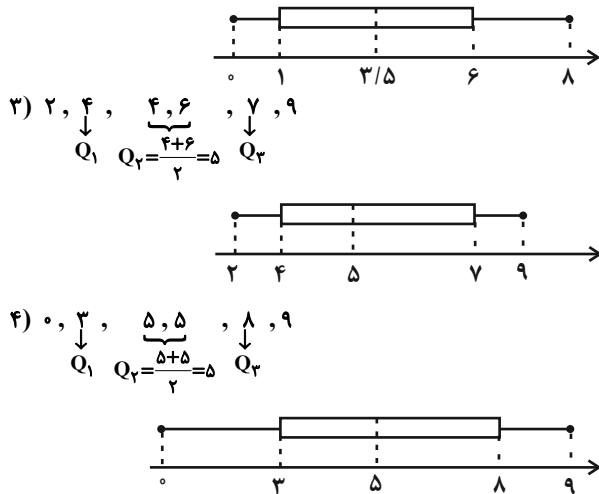
$p \Rightarrow q$ یا $\sim p \vee q$ (این دو گزاره هم‌ارز هستند)، برابر $\frac{1}{3}$ و در صورت

درستی گزاره $\sim p \wedge q$ ، برابر صفر است. در صورت درستی گزاره

$\sim p \Leftrightarrow q$ ، امکان درست بودن هر دو گزاره p و q وجود ندارد و احتمال

آن نیز برابر صفر است.

(آمار و احتمال، احتمال: صفحه‌های ۵۲ تا ۵۶)



(آمار و احتمال، آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۹۷ و ۹۸)

(کتاب آبی)

۲۹- گزینه «۴»

با توجه به این که از بین ۴۵۰ نفر، قرار است یک نمونه ۳۰ تایی انتخاب کنیم، پس از میان هر ۱۵ نفر، دقیقاً یک نفر باید انتخاب شود. از آن جا که باقی مانده تقسیم ۸۲ بر ۱۵، برابر ۷ است، پس اعداد انتخابی به صورت $15k + 7$ ($k \in \mathbb{Z}, 0 \leq k \leq 29$) می‌باشند که در نتیجه عدد ۴۰۲ نمی‌تواند در میان اعداد انتخابی قرار گیرد.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۰۶ و ۱۰۷)

(کتاب آبی)

۳۰- گزینه «۳»

واریانس جامعه برابر ۸۱ است، پس انحراف معیار برابر است با:

$$\sigma = \sqrt{81} = 9$$

اگر نمونه‌ای تصادفی به اندازه n در اختیار داشته باشیم و μ میانگین جامعه باشد، با اطمینان بیش از ۹۵ درصد می‌توانیم بگوییم:

$$\bar{x} - \frac{2\sigma}{\sqrt{n}} \leq \mu \leq \bar{x} + \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}$$

بنابراین:

$$\text{طول بازه اطمینان} = \frac{4\sigma}{\sqrt{n}} \Rightarrow 32/75 - 26/75 = \frac{4 \times 9}{\sqrt{n}}$$

$$\Rightarrow \sqrt{n} = \frac{4 \times 9}{6} = 6 \Rightarrow n = 36$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۲۱ و ۱۲۲)

(سوکنر روشنی)

۲۶- گزینه «۳»

اگر پیشامدهای واکسن نزن، تزریق یک دوز واکسن و تزریق دو دوز واکسن را به ترتیب با B_1 ، B_2 و B_3 و پیشامد ابتلا به کرونا را با A نمایش دهیم، آن گاه داریم:

$$\begin{array}{ccc} \text{واکسن نزده اند} & \text{دوز ۱} & \text{دوز ۲} \\ \uparrow & \uparrow & \uparrow \\ P(B_1) + P(B_2) + P(B_3) = 1 \Rightarrow 6x + 2x + 3x = 1 \end{array}$$

$$\Rightarrow 11x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{11}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} P(B_1) = \frac{6}{11} \\ P(B_2) = \frac{2}{11} \\ P(B_3) = \frac{3}{11} \end{cases}$$

$$P(B_3 | A) = \frac{P(B_3)P(A | B_3)}{P(A)}$$

حال طبق قانون بیز داریم:

$$\begin{aligned} &= \frac{\frac{3}{11} \times \frac{10}{100}}{\frac{6}{11} \times \frac{45}{100} + \frac{2}{11} \times \frac{22}{100} + \frac{3}{11} \times \frac{10}{100}} \\ &= \frac{30}{270 + 44 + 30} = \frac{30}{344} = \frac{15}{172} \end{aligned}$$

(آمار و احتمال، احتمال؛ صفحه‌های ۵۸ تا ۶۴)

(افشین خاصه‌شان)

۲۷- گزینه «۴»

$$\text{واریانس اولیه} = \frac{(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_{24} - \bar{x})^2}{24} = 5$$

$$\Rightarrow (x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_{24} - \bar{x})^2 = 120$$

با افزودن داده‌ای برابر با میانگین به ۲۴ داده اولیه، میانگین داده‌ها تغییر نمی‌کند.

$$\text{واریانس جدید} = \frac{(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_{24} - \bar{x})^2 + (\bar{x} - \bar{x})^2}{25}$$

$$= \frac{120 + 0}{25} = \frac{4}{5} \Rightarrow \frac{4}{5} = 0.8$$

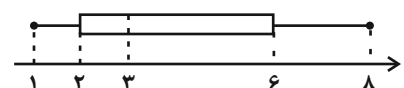
(آمار و احتمال، آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۵)

(نیلوخر مهوری)

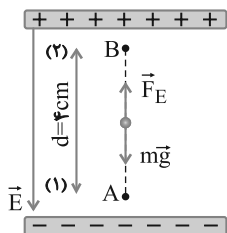
۲۸- گزینه «۱»

داده‌های هر گزینه را مرتب کرده سپس نمودار جعبه‌ای هر یک را بررسی می‌کنیم.

$$\begin{array}{ccc} 1) \quad 1, 2, 2, 4, 6, 8 \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ Q_1 \quad Q_2 = \frac{2+4}{2} = 3 \quad Q_3 \end{array}$$



$$\begin{array}{ccc} 2) \quad 0, 1, 3, 4, 6, 8 \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ Q_1 \quad Q_2 = \frac{3+4}{2} = 3.5 \quad Q_3 \end{array}$$



$$E = 1/2 \times 10^5 \frac{N}{C}$$

$$W_{mg} = mgd \cos \theta = 1 \times 10^{-11} \times 10 \times 4 \times 10^{-2} \times \cos 180^\circ$$

$$\Rightarrow W_{mg} = -4 \times 10^{-12} J$$

$$W_E = F_E d \cos \theta = |q| E d \cos \theta$$

$$\Rightarrow W_E = 1 \times 10^{-15} \times 1/2 \times 10^5 \times 4 \times 10^{-2} \times \cos 0^\circ$$

$$\Rightarrow W_E = 4/8 \times 10^{-12} J$$

$$W_t = W_E + W_{mg} = 4/8 \times 10^{-12} + (-4 \times 10^{-12})$$

$$\Rightarrow W_t = 0/8 \times 10^{-12} J$$

$$W_t = K_B - K_A \Rightarrow W_t = \frac{1}{2} m v_B^2 - 0$$

$$\Rightarrow 0/8 \times 10^{-12} = \frac{1}{2} \times 10^{-11} \times v_B^2 \Rightarrow v_B^2 = 0/16$$

$$\Rightarrow v_B = 0/4 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۱۹ تا ۲۱)

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

(مبتنی نگویند)

گزینه ۳»

ابتدا شکل ساده شده‌ای از مدار الکتریکی را رسم می‌کنیم و سپس با استفاده

از رابطه انرژی الکتریکی مصرف شده، مقاومت R_1 را می‌یابیم.

فیزیک ۲

گزینه ۱»

(کتاب فیزیک کنکور ریاضی)

با توجه به سری (الکتریسیته مالشی) داده شده، با مالش جسم A به C، A مثبت و C بار منفی پیدا خواهند کرد؛ یعنی الکترون‌ها از A به C منتقل شده‌اند. (رد گزینه‌های «۲» و «۴»)

$$C \text{ مقدار بار } = 17/6 \times 10^{-19} C \Rightarrow q_C = -17/6 \times 10^{-19} C$$

$$q_C = -ne \Rightarrow -17/6 \times 10^{-19} C = n(-1/6 \times 10^{-19}) \Rightarrow n = 11$$

پس ۱۱ الکترون از A به C منتقل شده است.

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۳ تا ۵)

گزینه ۴»

(ممدعلی راست‌پیمان)

با توجه به نیروی وارد بر بار ۴ میکروکولنی، بزرگی میدان الکتریکی را می‌توان در نقطه M، در فضای بین دو صفحه محاسبه کرد.

$$E = \frac{F}{|q|} \Rightarrow E = \frac{0/2}{4 \times 10^{-6}} \Rightarrow E = 5 \times 10^4 \frac{V}{m}$$

اختلاف پتانسیل دو صفحه A و B:

$$V_A - V_B = Ed \Rightarrow V_A - 0 = 5 \times 10^4 \times 4 \times 10^{-2}$$

$$\Rightarrow V_A = 2000 V$$

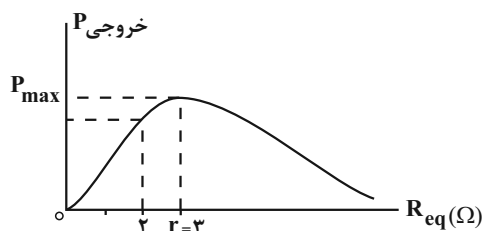
(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۲۳ تا ۲۶)

گزینه ۲»

(کتاب فیزیک کنکور ریاضی)

در این جابه‌جایی دو نیرو بر ذره وارد می‌شود، نیروی وزن و نیروی الکتریکی. چون ذره دارای بار منفی است، نیروی الکتریکی در خلاف جهت خط‌های میدان و رو به بالا است. کار این دو نیرو را تعیین کرده و سپس از قضیه کار - انرژی جنبشی، تندی ذره را در نقطه B به دست می‌آوریم:

می بینیم مقاومت معادل مدار می تواند از حداقل 2Ω به حداکثر 3Ω برسد. با توجه به این که وقتی مقاومت معادل مدار برابر مقاومت درونی باتری می شود، توان خروجی باتری به بیشینه مقدار خود می رسد، لذا، با افزایش مقاومت رثوستا، مقاومت معادل مدار نیز افزایش می یابد و حداکثر به $R_{eq} = r = 3\Omega$ می رسد. بنابراین توان خروجی مولد پیوسته افزایش می یابد.



اگر به نمودار توان خروجی مولد بر حسب مقاومت معادل مدار که در بالا رسم شده است دقت کنید، نشان می دهد با افزایش مقاومت معادل از 2Ω به 3Ω توان خروجی باتری نیز افزایش می یابد.

دقت کنید، چون مقاومت رثوستا به حداکثر مقدار خود می رسد، لذا مقاومت معادل نمی تواند از 3Ω بیشتر شود. در صورتی که مقاومت معادل از حداقل 2Ω به حداکثر، بیشتر از 3Ω می رسید، توان خروجی باتری، ابتدا افزایش و سپس کاهش می یافت.

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه های ۵۳ تا ۷۷)

۳۶- گزینه «۱» (کتاب فیزیک کنکور ریاضی)

با افزایش شدت نور، بر تعداد حامل های بار الکتریکی LDR که از نیم رسانای خالص (مانند سیلیسیم) ساخته شده، افزوده شده و در نتیجه از مقاومت الکتریکی آن کاسته می شود.

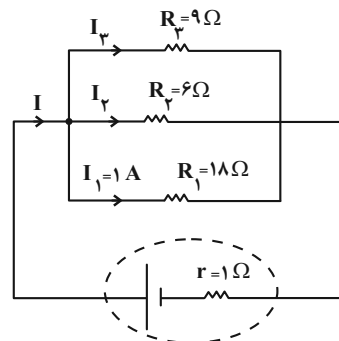
دقت کنید که کاهش مقاومت به صورت غیر خطی می باشد.

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه ۵۹)

۳۷- گزینه «۴» (فازوقی مردانی)

طبق رابطه میدان مغناطیسی داخل سیملوله داریم:

$$B_A = \frac{\mu_0 N_A I_A}{L_A}$$



$$U = R_1 I_1 t = \frac{U = 12/96 \times 10^3 \text{ J}}{I_1 = 1 \text{ A}, t = 12 \text{ min} = 720 \text{ s}} \rightarrow 12/96 \times 10^3 = R_1 \times 1^2 \times 720$$

$$\Rightarrow R_1 = 18\Omega$$

اکنون اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R_1 را که با اختلاف پتانسیل دو سر مولد یکسان است، به دست می آوریم:

$$V = V_1 = R_1 I_1 = 18 \times 1 \Rightarrow V = 18 \text{ V}$$

در نهایت با محاسبه مقاومت معادل مقاومت های موازی و استفاده از رابطه

$$V = \frac{R_{eq} \cdot \mathcal{E}}{R_{eq} + r}, \text{ نیروی محرکه مولد را پیدا می کنیم:}$$

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{18} + \frac{1}{6} + \frac{1}{9} = \frac{1+3+2}{18} \Rightarrow R_{eq} = 2\Omega$$

$$V = \frac{R_{eq} \mathcal{E}}{R_{eq} + r} \Rightarrow 18 = \frac{2\mathcal{E}}{2+1} \Rightarrow \mathcal{E} = 24 \text{ V}$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه های ۵۳ تا ۷۷)

۳۵- گزینه «۱» (امیرعلی هاتم فانی)

می دانیم مقاومت رثوستا بین صفر تا بی نهایت تغییر می کند. بنابراین ابتدا حداکثر و حداقل مقاومت معادل مدار را می یابیم. برای مقاومت های موازی 1Ω و رثوستا (R) داریم:

$$\begin{cases} R = 0 \Rightarrow \frac{1}{R'} = 1 + \frac{1}{0} \Rightarrow \frac{1}{R'} = 1 + \infty \\ \frac{1}{R'} = \frac{1}{1} + \frac{1}{R} \Rightarrow R' = \frac{1}{1 + \infty} = 0 \\ R = \infty \Rightarrow \frac{1}{R'} = 1 + \frac{1}{\infty} \Rightarrow \frac{1}{R'} = 1 + 0 \Rightarrow R' = 1\Omega \end{cases}$$

$$R_{eq}(\min) = 0 + 2 = 2\Omega, \quad R_{eq}(\max) = 1 + 2 = 3\Omega$$

بنابراین داریم:

$$R = \rho \frac{L}{A} = \frac{1/7 \times 10^{-8} \times 12 \times 10^{-2}}{12 \times 10^{-6}} = 1/7 \times 10^{-4} \Omega$$

$$\varepsilon = RI = 1/7 \times 10^{-4} \times 0/2 = 34 \times 10^{-6} V$$

اکنون داریم:

$$\bar{\varepsilon} = -A \frac{\Delta B}{\Delta t} \quad A = \pi r^2 = 3 \times (2 \times 10^{-2})^2 = 12 \times 10^{-4} m^2$$

$$34 \times 10^{-6} = -12 \times 10^{-4} \frac{\Delta B}{\Delta t} \Rightarrow \left| \frac{\Delta B}{\Delta t} \right| = \frac{34 \times 10^{-6}}{12 \times 10^{-4}}$$

$$= 2/8 \times 10^{-2} = 0/28 \frac{T}{s}$$

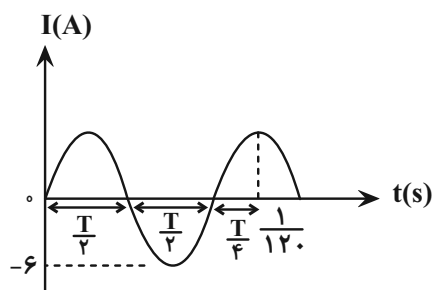
(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۵۱ تا ۵۶)

(القای الکترومغناطیسی و جریان متناوب: صفحه‌های ۱۱۱ تا ۱۱۶)

(فسرو ارغوانی فرد)

۴۰- گزینه «۴»

با توجه به نمودار، ابتدا T را می‌یابیم:



$$\frac{\Delta T}{4} = \frac{1}{120} \Rightarrow T = \frac{1}{150} s$$

$$\frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{1/150} = 300\pi \frac{rad}{s}$$

حال طبق رابطه جریان متناوب، داریم:

$$I = I_m \sin \frac{2\pi}{T} t = 6 \sin 300\pi t$$

$$t = \frac{1}{120} s \rightarrow I = 6 \sin \left(300\pi \times \frac{1}{120} \right) = 6 \sin \left(\frac{\pi}{4} \right)$$

$$= 6 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 3\sqrt{2} A$$

(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و جریان متناوب: صفحه‌های ۱۲۲ تا ۱۲۵)

$$\text{جهت } \vec{B}_A \leftarrow = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 100 \times 20}{1} = 8\pi \times 10^{-4} T = 8\pi G$$

$$B_B = \frac{\mu_0 N B I_B}{L_B}$$

$$\text{جهت } \vec{B}_B \rightarrow = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 125 \times 8}{1} = 4\pi \times 10^{-4} T = 4\pi G$$

جهت میدان مغناطیسی برابند

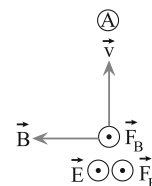
$$B_T = B_A - B_B = 8\pi - 4\pi \Rightarrow B_T = 4\pi G$$

(فیزیک ۲- مغناطیس: صفحه‌های ۹۹ و ۱۰۰)

(کتاب فیزیک کنکور ریاضی)

۳۸- گزینه «۱»

بزرگی نیروی خالص از طرف میدان مغناطیسی و الکتریکی زمانی بیشینه است که این دو نیرو هم‌راستا و هم‌جهت باشند با توجه به این که جهت میدان الکتریکی برون‌سو است نیروی حاصل از میدان الکتریکی نیز برون‌سو خواهد بود بنابراین می‌بایست نیروی حاصل از میدان مغناطیسی نیز برون‌سو باشد.



که با توجه به جهت میدان مغناطیسی (که به طرف چپ است) جهت سرعت ذره باردار الزاماً می‌بایست به طرف بالا (جهت A) باشد.

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۱۹ تا ۲۱)

(مغناطیس: صفحه‌های ۸۹ تا ۹۱)

(کتاب فیزیک کنکور ریاضی)

۳۹- گزینه «۱»

در این مسئله، بر حلقه‌ای میدان مغناطیسی $\vec{B}$ به‌طور عمود اعمال می‌شود، می‌خواهیم آهنگ تغییر میدان مغناطیسی $\left(\frac{\Delta B}{\Delta t} \right)$ را که جریان $0/2 A$ در حلقه القا می‌کند، به‌دست آوریم.

برای حل باید از رابطه نیروی محرکه القایی $\bar{\varepsilon}$ استفاده کنیم. برای این کار

ابتدا باید مقاومت سیم را از رابطه $R = \rho \frac{L}{A}$ بیابیم.

$$L = 2\pi r = 2 \times (3) \times 2 = 12 cm = 0/12 m$$

$$A = \pi r^2 \quad r = 2 mm = 2 \times 10^{-3} m \rightarrow A = 3 \times (2 \times 10^{-3})^2$$

$$= 12 \times 10^{-6} m^2$$

شیمی ۲

۴۱- گزینه «۱»

(مهمبرضا زهره‌وند)

عنصر C: کربن به صورت گرافیت رسانایی الکتریکی دارد.

عنصر Si: سیلیسیم یک شبه فلز است و الکترون به اشتراک می‌گذارد.

عنصر Sn: قلع یک فلز است و سطح صیقلی دارد.

(شیمی ۲- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه ۹)

۴۲- گزینه «۲»

(کتاب جامع)

در مورد آ: در واکنش‌هایی که به طور طبیعی انجام می‌شوند واکنش‌پذیری

فرآورده‌ها از واکنش‌پذیری واکنش‌دهنده‌ها کمتر است.

پس واکنش‌پذیری Fe از واکنش‌پذیری Ti کمتر است همچنین

واکنش‌پذیری Fe از Na نیز کمتر است.

در مورد ب: واکنش $\text{TiCl}_4 + \text{Na} \rightarrow \text{NaCl} + \text{Ti}$ انجام‌پذیر است.

در مورد پ: در واکنش‌های انجام‌پذیر، پایداری فرآورده‌ها بیشتر از پایداری

واکنش‌دهنده‌هاست بنابراین Fe از Na پایدارتر است.

در مورد ت: در واکنش $\text{TiCl}_4 + 4\text{Na} \rightarrow 4\text{NaCl} + \text{Ti}$ مجموع

ضرایب برابر ۱۰ و در واکنش $\text{FeO} + 2\text{Na} \rightarrow \text{Na}_2\text{O} + \text{Fe}$ مجموع

ضرایب برابر ۵ است.

در مورد ث: استخراج Ti از استخراج آهن دشوارتر است زیرا واکنش‌پذیری

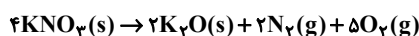
Ti بیشتر از واکنش‌پذیری Fe است.

(شیمی ۲- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه‌های ۲۰ تا ۲۵)

۴۳- گزینه «۳»

(مسعود طبرسا)

ابتدا واکنش را موازنه کنید:



میزان تجزیه شدن همان بازده واکنش است. در این مسئله بازده ۷۵٪ است.

$$\frac{30}{30} \times \frac{100 \text{ g KNO}_3 \text{ خالص}}{100 \text{ g KNO}_3 \text{ ناخالص}} \times \frac{1 \text{ mol KNO}_3}{101 \text{ g KNO}_3} = \frac{100}{101} \text{ mol KNO}_3$$

$$\frac{100}{101} \text{ mol KNO}_3 \times \frac{2 \text{ mol (N}_2, \text{O}_2)}{4 \text{ mol KNO}_3} = \frac{10}{51} \text{ mol (N}_2, \text{O}_2)$$

$$\frac{\text{مقدار نظری}}{\text{مقدار عملی}} \times 100 \Rightarrow 75 = \frac{\text{حجم عملی (N}_2, \text{O}_2)}{10/51} \times 100$$

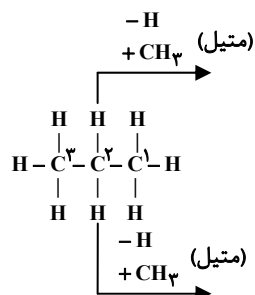
$$\Rightarrow \text{حجم عملی (N}_2, \text{O}_2) = 7/875 \text{ L}$$

(شیمی ۲- قدر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه ۲۳)

۴۴- گزینه «۳»

(کتاب جامع)

سومین عضو آلکان‌ها، پروپان (C_3H_8) است.



$$2000 \text{ g} \times 1^\circ \text{C} \times (\theta - 20) + 1000 \text{ g} \times c_{\text{آهن}} \times (\theta - 125) = 0$$

$$\Rightarrow 2 \times 10 (\theta - 20) + (\theta - 125) = 0 \Rightarrow 21\theta - 525 = 0 \Rightarrow \theta = 25^\circ \text{C}$$

هرگاه دو جسم با دو دمای مختلف در تماس با یکدیگر قرار گیرند، مقدار

گرمایی که جسم داغ از دست می‌دهد برابر مقدار گرمایی است که جسم

سرد دریافت می‌کند تا در نهایت دمای دو جسم برابر شود.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)

(کتاب جامع)

۴۶- گزینه «۱»



$$\Delta H = [\Delta H_{\text{C}=\text{C}} + \Delta H_{\text{O}-\text{H}}] - [\Delta H_{\text{C}-\text{C}} + \Delta H_{\text{C}-\text{O}} + \Delta H_{\text{C}-\text{H}}]$$

$$-50 = (610 + x) - (350 + 360 + 410) \Rightarrow x = 460$$

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۶۶ تا ۶۸)

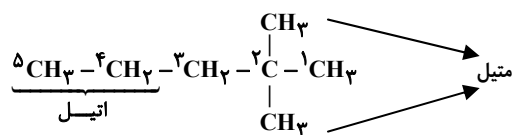
(عارل زواره‌ممدی)

۴۷- گزینه «۲»

گشنیز: عامل الکلی - زردچوبه: عامل کتونی - میخک: عامل کتونی

رازبان: عامل اتری - دارچین: عامل آلدهیدی - بادام: عامل آلدهیدی

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۶۸ و ۶۹)



نام ترکیب جدید، «۲، ۲- دی‌متیل پنتان» با فرمول مولکولی C_7H_{16}

است. جرم مولی ترکیب برابر است با:

$$(100: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1} = 7 \times 12 + 16 \times 1)$$

$$(44: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1} = 3 \times 12 + 8 \times 1)$$

$$56 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} \text{ است.}$$

اختلاف تعداد اتم‌های موجود در ساختار جدید، با تعداد اتم‌های هیدروژن

موجود در نفتالن (C_{10}H_8) برابر ۱۵ است.

مطابق ساختار جدید، کربن شماره ۲، با هیچ اتم هیدروژنی پیوند اشتراکی

ندارد.

(شیمی ۲- قرر هدرایای زمینی را برانیم: صفحه‌های ۳۲ تا ۳۹ و ۴۲)

(امیر رضوانی)

۴۵- گزینه «۲»

مجموع گرمایی که کاسه داغ آهنی از دست می‌دهد و گرمایی که آب درون

کاسه دریافت می‌کند برابر صفر است.

$$Q_{\text{آب}} + Q_{\text{آهن}} = 0$$

$$(m_{\text{آهن}} \times c_{\text{آهن}} \times \Delta\theta_{\text{آهن}}) + (m_{\text{آب}} \times c_{\text{آب}} \times \Delta\theta_{\text{آب}}) = 0$$

۴۸- گزینه «۴»

(کتاب جامع)

مقدار اولیه O_2 را a در نظر می‌گیریم. با توجه به این که مقدار مصرفی مواد

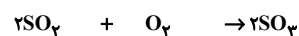
واکنش دهنده در واکنش را نمی‌دانیم، از پارامتر x استفاده می‌کنیم، اما باید

به این نکته هم توجه داشته باشیم که واکنش دهنده‌ها به نسبت ضرایب

استوکیومتری با هم واکنش می‌دهند، پس اگر فرض کنیم که x مول از

O_2 در واکنش مصرف می‌شود، هم‌زمان $2x$ مول از SO_2 هم در واکنش

مصرف خواهد شد و $2x$ مول نیز SO_3 تولید خواهد شد.



$2x$ $a-x$ $10-2x$: مول‌های ثانویه

در رابطه بالا، دو پارامتر a و x مجهول هستند، می‌توانیم مقدار x را با استفاده

از سرعت واکنش به‌دست آوریم:

$$\bar{R}_{SO_2} = \frac{\bar{R}_{SO_2}}{V} \Rightarrow \bar{R}_{SO_2} = 2 \times \bar{R}_{SO_3} \text{ واکنش}$$

$$= 2 \times 0.02 = 0.04 \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$\bar{R}_{SO_2} = 0.04 \frac{\text{mol}}{\text{L} \cdot \text{s}} \times 1 \text{ L} = 0.04 \text{ mol.s}^{-1}$$

$$\bar{R}_{SO_2} = + \frac{\Delta n_{SO_2}}{\Delta t} = \frac{\text{تعداد مول } SO_2 \text{ تولید شده}}{\Delta t} \Rightarrow 0.04 = \frac{2x}{50}$$

$$\Rightarrow 2x = 50 \times 0.04 = 2 \Rightarrow x = 1 \text{ mol}$$

اکنون که مقدار x را به‌دست آوردیم، می‌توانیم با استفاده از معادله زیر،

مقدار پارامتر a را تعیین نماییم:

$$13 = 10 + a - x \Rightarrow 13 = 10 + a - 1 \Rightarrow a = 4 \text{ mol}$$

با در دست داشتن x و a ، درصد مصرف O_2 در واکنش به صورت زیر

محاسبه می‌شود:

$$O_2 \text{ مصرف} = \frac{\text{تعداد مول } O_2 \text{ مصرف شده}}{\text{تعداد مول } O_2 \text{ اولیه}} \times 100 = \frac{x}{a} \times 100$$

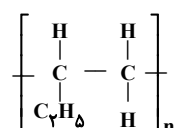
$$= \frac{1}{4} \times 100 = 25\%$$

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۸۳ تا ۸۸ و ۹۰ تا ۹۱)

۴۹- گزینه «۲» (کتاب جامع)

در اثر پلیمری شدن، باید پیوند دوگانه باز شود و با مولکول‌های دیگر واکنش

دهد. پس ساختار را طوری رسم می‌کنیم که دو سوی پیوند دوگانه، باز باشد:



(شیمی ۲- پوشاک نیازی پایان‌ناپذیر: صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۰۴ و ۱۱۰)

۵۰- گزینه «۲» (سراسری خارج از کشور ریاضی ۹۹)

ΔH واکنش =

(مجموع آنتالپی پیوند فراورده‌ها) - (مجموع آنتالپی پیوند واکنش‌دهنده‌ها)

$$\Delta H \text{ واکنش} = [\Delta H_{(N \equiv N)} + 2 \times \Delta H_{(H-H)}] - [\Delta H_{(N-N)} + 4 \Delta H_{(N-H)}]$$

$$\Delta H \text{ واکنش} = [(941) + 2(435)] - [(159) + 4(389)] = 96 \text{ kJ}$$

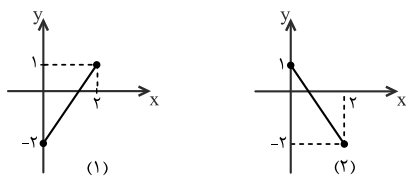
$$? \text{ kJ} = 3 \times 10^3 \times \frac{1 \text{ mol } H_2}{6.02 \times 10^{23} H_2} \times \frac{96 \text{ kJ}}{2 \text{ mol } H_2} = 2400 \text{ kJ}$$

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۶۶ تا ۶۸)

۵۸- گزینه «۲»

(کتاب آبی جامع مسابان)

نمودار تابع خطی با دامنه $[0, 2]$ و برد $[-2, 1]$ به دو حالت زیر می‌تواند باشد:



در نمودار (۱)، نقاط $(0, -2)$ و $(2, 1)$ روی خط قرار دارند، بنابراین:

$$y - 1 = \frac{1 - (-2)}{2 - 0}(x - 2) \Rightarrow f(x) = \frac{3}{2}x - 2$$

$$\Rightarrow f\left(\frac{2}{3}\right) = \frac{3}{2} \times \frac{2}{3} - 2 = -1$$

در نمودار (۲)، نقاط $(0, 1)$ و $(2, -2)$ روی خط قرار دارند، بنابراین:

$$y - 1 = \frac{-2 - 1}{2 - 0}(x - 0) \Rightarrow f(x) = \frac{-3}{2}x + 1$$

$$\Rightarrow f\left(\frac{2}{3}\right) = \frac{-3}{2} \times \frac{2}{3} + 1 = 0$$

(ریاضی ۱- تابع؛ صفحه ۱۰۳)

۵۹- گزینه «۲»

(عمید علیرزاده)

$$\frac{S_{ABC}}{S_{ABD}} = \frac{2\sqrt{6}}{3} \rightarrow \frac{\frac{1}{2} \times AB \times 8 \times \sin 60^\circ}{\frac{1}{2} \times AB \times 6 \times \sin \alpha} = \frac{2\sqrt{6}}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{8 \times \frac{\sqrt{3}}{2}}{6 \sin \alpha} = \frac{2\sqrt{6}}{3} \rightarrow \frac{1}{\sin \alpha} = \frac{\sqrt{2}}{1} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\Rightarrow \alpha = 45^\circ$$

(ریاضی ۱- مثلثات؛ صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)

۶۰- گزینه «۴»

(کتاب آبی جامع مسابان)

$$\cos x \sqrt{1 + \tan^2 x} = 1 \Rightarrow \cos x \sqrt{\frac{1}{\cos^2 x}} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{\cos x}{|\cos x|} = 1 \Rightarrow |\cos x| = \cos x \Rightarrow \cos x > 0$$

(I) انتهای کمان x در ناحیه اول یا چهارم است.

$$\frac{\tan x}{1 + 2 \cos x} < 0 \xrightarrow{\cos x > 0} \tan x < 0$$

(II) انتهای کمان x در ناحیه دوم یا چهارم است.

اشتراک (I)، (II) → انتهای کمان x در ناحیه چهارم است.

(ریاضی ۱- مثلثات؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

$$\Rightarrow -1 < \frac{-\frac{7}{36}x + 2}{\frac{19}{36}x - 3} < 5$$

$$\xrightarrow{\text{به طول مثال } x=0} -1 < -\frac{2}{3} < 5 \text{ (مورد قبول)}$$

$$\xrightarrow{\text{حالت ۲}} \begin{cases} 3a + 2 = 5 \Rightarrow 3a - 15b = -17 \\ 3b - 3 = -1 \Rightarrow 6a + 6b = 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow a = -\frac{29}{36}, b = \frac{35}{36} \rightarrow b - a = \frac{16}{9}$$

$$\Rightarrow -1 < \frac{-\frac{29}{36}x + 2}{\frac{35}{36}x - 3} < 5$$

$$\Rightarrow \xrightarrow{x=0} -1 < -\frac{2}{3} < 5 \text{ (مورد قبول)}$$

حاصل $b - a$ در حالت اول و دوم به ترتیب $\frac{13}{18}$ و $\frac{16}{9}$ است که حالت

اول کمتر است.

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها؛ صفحه‌های ۸۸ تا ۹۱)

۵۷- گزینه «۲»

(کتاب آبی جامع مسابان)

برای آنکه رابطه A یک تابع باشد، باید در آن هیچ دو زوج مرتب متمایزی،

مؤلفه اول برابر نداشته باشند، بنابراین:

$$(3, m^2) = (3, m + 2) \Rightarrow m^2 = m + 2 \Rightarrow m^2 - m - 2 = 0$$

$$\Rightarrow (m - 2)(m + 1) = 0 \Rightarrow m = 2, m = -1$$

با جایگذاری این مقادیر m تشکیل رابطه داریم:

$$(1) m = -1$$

$$\Rightarrow A = \{(3, 1), (2, 1), (-3, -1), (-2, -1), (3, 1), (-1, 4)\}$$

پس به ازای $m = -1$ تابع است.

$$(2) m = 2$$

پس به ازای $m = 2$ تابع نیست. بنابراین فقط $m = -1$ قابل قبول است.

(ریاضی ۱- تابع؛ صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۰)

$$\Rightarrow \frac{MN}{BC} = \frac{AM}{AB} = \frac{1}{2} \Rightarrow MN = \frac{1}{2} BC \quad (1)$$

$$\left. \begin{array}{l} OD \parallel AB, \text{ مورب } BD \Rightarrow \hat{B} = \hat{D}_1 \\ OE \parallel AC, \text{ مورب } CE \Rightarrow \hat{C} = \hat{E}_1 \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle ODE \sim \triangle ABC$$

$$\Rightarrow \frac{DE}{BC} = \frac{OD}{AB} \quad (*)$$

$OD = BM \Rightarrow$ چهارضلعی MODB متوازی الاضلاع است

$$\Rightarrow OD = \frac{1}{2} AB$$

$$\Rightarrow \frac{OD}{AB} = \frac{1}{2} \xrightarrow{(*)} \frac{DE}{BC} = \frac{1}{2} \Rightarrow DE = \frac{1}{2} BC \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow \frac{DE}{MN} = 1$$

(هندسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۴ تا ۴۱)

(سوام میبری پور)

۶۴- گزینه «۳»

با توجه به شکل و از اینکه $\hat{D}_1\hat{F}\hat{B} = \hat{E}_1\hat{F}\hat{C}$ و $\hat{B}_1\hat{D}\hat{F} = \hat{F}\hat{E}\hat{C}$ ، دو مثلث DFB و EFC بنا به حالت تساوی دو زاویه متشابه‌اند که با نوشتن

$$\frac{EC}{DB} = \frac{FC}{BF} \Rightarrow \frac{5}{DB} = \frac{4}{8} \Rightarrow DB = 10$$

نسبت تشابه اضلاع داریم؛ از طرف دیگر دو مثلث ADC و AEB نیز بنا به حالت تساوی دو زاویه متشابه‌اند، زیرا $\hat{A} = 90^\circ$ مشترک و $\hat{A}_1\hat{E}\hat{B} = \hat{A}\hat{D}\hat{C}$ است. با نوشتن نسبت تشابه اضلاع در این دو مثلث و با فرض $AE = x$ داریم:

$$\frac{AB}{AC} = \frac{AE}{AD} \Rightarrow \frac{12}{8} = \frac{x}{2} \Rightarrow x^2 + 5x - 24 = 0$$

$$\Rightarrow (x+8)(x-3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -8 \text{ غرض} \\ x = 3 \Rightarrow AE = 3 \end{cases}$$

بنابراین $AB = 12$ و $AC = 8$ است. با نوشتن رابطه فیثاغورس در مثلث

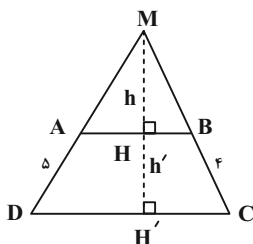
$$BC^2 = AB^2 + AC^2 = 12^2 + 8^2 = 208$$

$$\Rightarrow BC = \sqrt{208} = 4\sqrt{13}$$

(هندسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۸ تا ۴۱)

(افشین فاصه‌فان)

۶۵- گزینه «۴»



هندسه ۱

۶۱- گزینه «۴»

(امیر عسین ابومعویب)

قضیه‌ای را می‌توان به صورت دو شرطی نوشت که عکس آن نیز خود یک قضیه باشد (عکس قضیه نیز درست باشد). از طرفی عکس هر قضیه با جابه‌جایی فرض و حکم آن قضیه نوشته می‌شود.

گزینه «۱»: عکس قضیه: «اگر در دو مثلث، زوایا نظیر به نظیر برابر یکدیگر باشند، آن‌گاه آن دو مثلث هم‌نهشت هستند.»

عکس قضیه درست نیست. مثلاً هر دو مثلث متساوی‌الاضلاع دلخواه هم‌نهشت نیستند.

گزینه «۲»: عکس قضیه: «اگر یک چهارضلعی متوازی‌الاضلاع باشد، آن‌گاه چهارضلعی لوزی است.»

عکس قضیه درست نیست. اگر در یک متوازی‌الاضلاع، اضلاع مجاور برابر هم نباشند، آن متوازی‌الاضلاع، لوزی نیست.

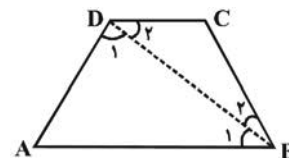
گزینه «۳»: عکس قضیه: «اگر دو مثلث محیط برابر داشته باشند، آن‌گاه هم‌نهشت هستند.» عکس قضیه درست نیست. مثلاً دو مثلث یکی به اضلاع ۳، ۴ و ۵ و دیگری به اضلاع ۴، ۴ و ۴، محیط برابر دارند ولی هم‌نهشت نیستند.

گزینه «۴»: عکس قضیه: «اگر ارتفاع‌های وارد بر دو ضلع مثلثی برابر باشند، آن دو ضلع نیز برابرند.» عکس قضیه درست است.

(هندسه ۱- ترسیم‌های هندسی و استرلا: صفحه ۲۵)

(کتاب آبی)

۶۲- گزینه «۴»



$$\left. \begin{array}{l} AB > AD \Rightarrow \hat{D}_1 > \hat{B}_1 \\ BC > CD \Rightarrow \hat{D}_2 > \hat{B}_2 \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow \hat{D}_1 + \hat{D}_2 > \hat{B}_1 + \hat{B}_2 \Rightarrow \hat{D} > \hat{B} \quad (1)$$

$$\hat{C} > \hat{A} \quad (2)$$

به همین ترتیب ثابت می‌شود که:

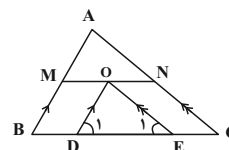
$$\xrightarrow{(2), (1)} \hat{C} + \hat{D} > \hat{A} + \hat{B}$$

$$\Rightarrow \hat{C} + \hat{D} > 180^\circ$$

(هندسه ۱- ترسیم‌های هندسی و استرلا: صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

(مسعود خدرانی)

۶۳- گزینه «۱»



$$\triangle ABC: \frac{AM}{MB} = \frac{AN}{NC} = 1 \xrightarrow{\text{عکس قضیه تالس}} MN \parallel BC$$

(کتاب آبی)

۶۸- گزینه «۱»

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 \Rightarrow 9 = \frac{b}{2} + i - 1 \Rightarrow 20 = b + 2i \Rightarrow b \text{ زوج}$$

از فرض سؤال خواهیم داشت: $i \geq 3$ و $b \geq 5$. پس:

$$20 = b + 2i \xrightarrow{b \geq 5, i \geq 3} b = 6, 8, 10, 12, 14$$

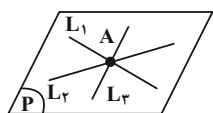
b	۶	۸	۱۰	۱۲	۱۴
i	۷	۶	۵	۴	۳

(هنر سه ۱- پندرضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)

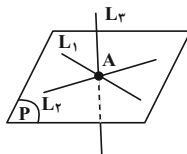
(مسین فابیلو)

۶۹- گزینه «۲»

اگر خط L_3 ، دو خط L_1 و L_2 را در نقطه مشترک آن‌ها یعنی نقطه A قطع کند، آن‌گاه سه خط از یک نقطه می‌گذرند. اگر خط L_3 در صفحه گذرنده از دو خط متقاطع L_1 و L_2 قرار داشته باشد، یک صفحه شامل این سه خط وجود دارد (شکل ۱) و در صورتی که خط L_3 در داخل صفحه گذرنده از دو خط L_1 و L_2 قرار نداشته باشد، هیچ صفحه‌ای شامل این سه خط وجود ندارد (شکل ۲).



شکل ۱



شکل ۲

(هنر سه ۱- تجسم فضایی؛ صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲)

(امیرمسین ابومصوب)

۷۰- گزینه «۲»

برای اینکه نمای راست مورد نظر دیده شود، کافی است ۳ مکعب کوچک بالاترین ردیف، تمام ۶ مکعب کوچک ردیف دوم از بالا و ۳ مکعب کوچک واقع در ردیف دوم از جلو و ردیف سوم از بالا را به طور کامل برداریم. بنابراین حداقل تعداد مکعب‌های برداشته شده، برابر $3 + 6 + 3 = 12$ است.

(هنر سه ۱- تجسم فضایی؛ صفحه‌های ۸۷ تا ۹۱)

دو مثلث MAB و MCD متشابه‌اند و نسبت ارتفاع‌ها در این دو مثلث برابر نسبت تشابه است، پس داریم:

$$\frac{MH}{MH'} = \frac{AB}{CD} \Rightarrow \frac{h}{h+h'} = \frac{6}{9}$$

$$\xrightarrow{\text{تفضیل نسبت در مخرج}} \frac{h}{h'} = \frac{6}{3} = 2$$

$$\frac{S_{MAB}}{S_{ABCD}} = \frac{\frac{1}{2}h \times AB}{\frac{1}{2}h'(AB+CD)} = \frac{h}{h'} \times \frac{AB}{AB+CD} = 2 \times \frac{6}{6+9} = \frac{12}{15} = \frac{4}{5}$$

(هنر سه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۸ تا ۴۵)

(کتاب آبی)

۶۶- گزینه «۴»

$$(n+1) + \frac{(n+1)(n-2)}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{2n(2n-3)}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{2n+2+n^2-n-2}{2} = \frac{2n^2-3n}{2}$$

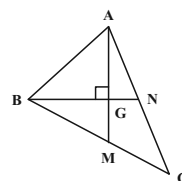
$$\Rightarrow n^2+n = 2n^2-3n \Rightarrow n^2-4n = 0$$

$$\Rightarrow n(n-4) = 0 \Rightarrow \begin{cases} n=0 \\ n=4 \end{cases} \text{ غ ق ق}$$

(هنر سه ۱- پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۵۵)

(امیرمسین ابومصوب)

۶۷- گزینه «۲»



از برخورد ۳ میانه هر مثلث، ۶ مثلث کوچک ایجاد می‌شود که مساحت آنها برابر است، پس مطابق شکل داریم:

$$S_{BMG} = \frac{1}{6} S_{ABC} = \frac{1}{6} \times 36 = 6$$

از طرفی در هر مثلث میانه‌ها یکدیگر را به نسبت ۲ به ۱ قطع می‌کنند،

$$BG = \frac{2}{3} BN = \frac{2}{3} \times 6 = 4$$

بنابراین داریم:

$$S_{BMG} = \frac{1}{2} BG \times GM \Rightarrow 6 = \frac{1}{2} \times 4 \times GM \Rightarrow GM = 3$$

$$\Delta BMG : BM^2 = BG^2 + GM^2 = 4^2 + 3^2 = 25 \Rightarrow BM = 5$$

$$\Rightarrow BC = 2 \times 5 = 10$$

(هنر سه ۱- پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۶۷)

فیزیک ۱

۷۱- گزینه «۳»

(زهرة آقاممدری)

با توجه به اینکه جرم مایع ۰/۴ برابر جرم فلز است، داریم:

$$m_{\text{مایع}} = 0/4 m_{\text{فلز}} \xrightarrow{m=\rho V} \rho_{\text{مایع}} V_{\text{مایع}} = 0/4 \rho_{\text{فلز}} V_{\text{فلز}} \quad (*)$$

حجم ماده سازنده کره (حفره - کره) برابر است با:

$$V_{\text{مایع}} = \frac{4}{3} \pi R_{\text{حفره}}^3 = 4 \times 2^3 = 32 \text{ cm}^3$$

$$V_{\text{ماده سازنده}} = \frac{4}{3} \pi (R_{\text{کره}}^3 - R_{\text{حفره}}^3) = 4 \times (3^3 - 2^3) = 4 \times 19 \text{ cm}^3$$

با استفاده از رابطه (*) داریم:

$$V_{\text{مایع}} \rho_{\text{مایع}} = V_{\text{ماده سازنده کره}} \rho_{\text{کره}} \rightarrow 0/4 \rho_{\text{کره}} = \rho_{\text{مایع}} \quad (*)$$

$$\rho_{\text{کره}} = \frac{5/7 \times 32}{0/4 \times 4 \times 19} = 6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

(فیزیک ۱- فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۸)

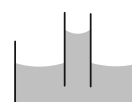
۷۲- گزینه «۳»

(کتاب فیزیک کنکور ریاضی)

وقتی نیروی دگرچسبی بین مولکول‌های مایع و شیشه بیش‌تر از نیروی

هم‌چسبی بین مولکول‌های مایع باشد (مانند آب و شیشه) مایع در لوله

بالتر از سطح مایع درون ظرف بوده و سطح آن به شکل فرورفته درمی‌آید.

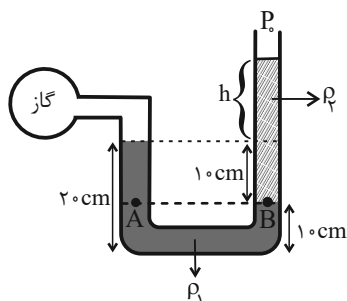


(فیزیک ۱- ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۲۵ تا ۳۲)

۷۳- گزینه «۳»

(مصطفی کیانی)

با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:



$$P_A = P_B \Rightarrow P_{\text{گاز}} + \rho_1 g h_1 = \rho_2 g h_2 + P_0$$

$$\Rightarrow P_{\text{گاز}} - P_0 = \rho_2 g h_2 - \rho_1 g h_1$$

$$\Rightarrow P_g = \rho_2 g h_2 - \rho_1 g h_1 \xrightarrow{P_g = 1/7 \text{ kPa} = 1/7 \times 10^3 \text{ Pa}}$$

$$\Rightarrow 1/7 \times 10^3$$

$$= 1/7 \times 10^3 \times 10 \times (0/1 + h) - 6/8 \times 10^3 \times 10 \times 0/1$$

$$\Rightarrow 17 \times 10^3 \times (0/1 + h) = 8/5 \times 10^3$$

$$\Rightarrow 0/1 + h = 0/5 \Rightarrow h = 0/4 \text{ m} = 40 \text{ cm}$$

(فیزیک ۱- ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۳۸ تا ۴۰)

۷۴- گزینه «۴»

(کتاب فیزیک کنکور ریاضی)

دقت کنید که چون کار نیروی $\vec{F}_1$ ، نصف کار کل و کار نیروی $\vec{F}_2$ ، از نصف کار

کل بیشتر است، نتیجه می‌گیریم که یک نیروی اصطکاک در خلاف جهت حرکت

وجود دارد، زیرا اگر اصطکاک نبود، مجموع کار نیروی $\vec{F}_1$ و کار نیروی $\vec{F}_2$ الزاماً

باید برابر با W_f ، (کار کل) می‌شد. بنابراین نیروهای وارد بر جسم به صورت

شکل زیر می‌باشد:

$$W_t = K_2 - K_1 \Rightarrow W_{\text{وزن}} + W_{\text{مقاومت هوا}} = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2$$

$$\Rightarrow mgh + W_{\text{مقاومت هوا}} = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$\Rightarrow m \times 10 \times 300 - 135000 = \frac{1}{2}m \times (40^2 - 10^2)$$

$$\Rightarrow 3000m - 135000 = 750m \Rightarrow 2250m = 135000$$

$$\Rightarrow m = 60 \text{ kg}$$

(فیزیک ۱، کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۵۹ تا ۶۴)

(کتاب فیزیک کلاسیک، ریاضی)

۷۶- گزینه «۱»

با استفاده از رابطه بین مقیاس دمای فارنهایت و سلسیوس، داریم:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \Rightarrow \Delta F = \frac{9}{5}\Delta\theta \Rightarrow \frac{\Delta F = F_2 - F_1 = 27^\circ\text{F}}{\Delta\theta = \theta_2 - \theta_1 = 4\theta_1 - \theta_1 = 3\theta_1}$$

$$27 = \frac{9}{5} \times 3\theta_1 \Rightarrow \theta_1 = 5^\circ\text{C}$$

(فیزیک ۱- رما و گرما: صفحه‌های ۸۳ تا ۸۷)

(زهره آقاممیری)

۷۷- گزینه «۲»

چون پس از تعادل گرمایی یخ ذوب نشده داریم، بنابراین دمای تعادل صفر

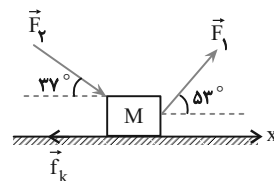
درجه سلسیوس است و می‌توان نوشت:

$$\boxed{0^\circ\text{C یخ}} \xrightarrow{Q_f = m_2 L_f} \boxed{0^\circ\text{C آب}}$$

$$\boxed{50^\circ\text{C آب}} \xrightarrow{Q = m_1 c \Delta\theta} \boxed{0^\circ\text{C آب}}$$

$$Q_{\text{آب}} + Q_{\text{یخ}} = 0 \Rightarrow m_1 c \Delta\theta + m_2 L_f = 0 \Rightarrow \frac{c = 4/2 \frac{\text{J}}{\text{g}\cdot\text{K}}, L_f = 336 \frac{\text{J}}{\text{g}}}{\Delta\theta = 0 - 50 = -50^\circ\text{C}}$$

$$m_1 \times 4/2 \times (-50) + m_2 \times 336 = 0 \Rightarrow m_1 = 1/6 m_2 \quad (1)$$



حال به کمک داده‌های مسئله داریم:

$$W_{F_1} = \frac{1}{2} W_t \xrightarrow{W_t = W_{F_1} + W_{F_2} + W_{f_k}}$$

$$W_{F_1} = \frac{1}{2} (W_{F_1} + W_{F_2} + W_{f_k}) \Rightarrow 2W_{F_1} = W_{F_1} + W_{F_2} + W_{f_k}$$

$$\Rightarrow W_{F_1} = W_{F_2} + W_{f_k} \Rightarrow W_{f_k} = W_{F_1} - W_{F_2} \quad (1)$$

از طرفی می‌دانیم که $W_{F_2} = \frac{5}{6} W_t$ ، بنابراین:

$$W_{F_2} = \frac{5}{6} W_t \Rightarrow W_{F_2} = \frac{5}{6} (W_{F_1} + W_{F_2} + W_{f_k})$$

$$\Rightarrow 6W_{F_2} = 5W_{F_1} + 5(W_{F_1} + W_{f_k}) \Rightarrow W_{F_2} = 5(W_{F_1} + W_{f_k})$$

در ادامه به کمک تساوی (۱) خواهیم داشت:

$$W_{F_2} = 5(W_{F_1} + W_{f_k} - W_{F_2}) \Rightarrow W_{F_2} = 10W_{F_1} - 5W_{F_2}$$

$$\Rightarrow 6W_{F_2} = 10W_{F_1} \xrightarrow{\frac{W_{F_2} = F_2 d \cos 37^\circ}{W_{F_1} = F_1 d \cos 53^\circ}}$$

$$6 \times F_2 \times d \times \cos 37^\circ = 10 \times F_1 \times d \times \cos 53^\circ$$

$$\Rightarrow 6F_2 \times 0/8 = 10F_1 \times 0/6 \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{10}{8} = \frac{5}{4}$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۰)

(مصطفی کیانی)

۷۵- گزینه «۱»

طبق قضیه کار - انرژی جنبشی، داریم:



از طرف دیگر، چون مجموع آب حاصل از ذوب یخ و آب موجود در ظرف برابر 650g است، لذا می‌توان نوشت:

$$m_1 + m_2 = 650\text{g} \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} 1/6 m_2 + m_2 = 650 \Rightarrow 2/6 m_2 = 650$$

$$\Rightarrow m_2 = 250\text{g}, m_1 = 1/6 \times 250 = 400\text{g}$$

در نهایت، درصد یخ ذوب شده برابر است با:

$$\text{درصد یخ ذوب شده} = \frac{m_2}{m_{\text{یخ}}} \times 100 = \frac{250}{500} \times 100 = 50\%$$

(فیزیک ۱، دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۶)

۷۸- گزینه «۳»

(کتاب فیزیک کنکور ریاضی)

با استفاده از قانون گازهای کامل، می‌توان نوشت:

$$PV = nRT \Rightarrow P\Delta V = nR\Delta T$$

$$\Rightarrow 1/5 \times 10^5 \times (-4 \times 10^{-3}) = 3 \times 8 \times \Delta T \Rightarrow \Delta T = -25\text{K} = -25^\circ\text{C}$$

(فیزیک ۱- دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۲۲ و ۱۲۳)

۷۹- گزینه «۱»

(مصطفی کیانی)

می‌دانیم در یک چرخه کامل و در فرایند هم‌دما $\Delta U = 0$ است، با توجه به

این که $\Delta U = Q + W$ است، به صورت زیر گرمای مبادله شده در فرایند

هم‌حجم را به‌دست می‌آوریم. دقت کنید، فرایند AB هم‌دما، فرایند BC

هم‌حجم و فرایند CA بی‌دررو است. در ضمن در فرایند هم‌حجم $W = 0$ و

در فرایند بی‌دررو $Q = 0$ می‌باشد. در این چرخه چون $V_A > V_C$ است،

$$W_{CA} < 0 \text{ می‌باشد.}$$

$$\Delta U_{\text{چرخه}} = \Delta U_{AB} + \Delta U_{BC} + \Delta U_{CA}$$

$$\xrightarrow{\Delta U_{\text{چرخه}} = 0} 0 = 0 + W_{BC} + Q_{BC} + W_{CA} + Q_{CA}$$

$$\xrightarrow{W_{BC}=0, Q_{CA}=0} 0 = 0 + Q_{BC} - 160 + 0 \Rightarrow Q_{BC} = 160\text{J}$$

(فیزیک ۱- ترمودینامیک؛ صفحه‌های ۱۳۱ تا ۱۳۰)

(کتاب فیزیک کنکور ریاضی)

۸۰- گزینه «۳»

این طرح‌واره متعلق به یخچال است، زیرا دستگاه در حال دریافت کار از

محیط است. همان‌طور که می‌دانیم یخچال توسط کاری که از محیط دریافت

می‌کند گرمای $Q_L > 0$ را از منبع دما پایین (A) دریافت کرده و گرمای

$Q_H < 0$ را به محیط بیرون (منبع دما بالا B) می‌دهد. در یخچال‌ها قانون

اول ترمودینامیک به‌صورت مقابل نوشته می‌شود:

$$|Q_H| - Q_L - W = 0$$

(فیزیک ۱- ترمودینامیک؛ صفحه ۱۴۷)

شیمی ۱

گزینه «۳» - ۸۱

(علی بری)

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: جرم اتمی میانگین یک عنصر را می‌توان با استفاده از اطلاعات

موجود در جدول دوره‌ای به دست آورد.

گزینه «۲»: جرم هر پروتون، 1.0073 amu است.

گزینه «۴»: بعضی از ردیف‌های جدول دوره‌ای، کمتر و یا بیش از ۸ گروه

دارند.

(شیمی ۱- کیوان زارگانه الفبای هستی: صفحه‌های ۹ تا ۱۵)

گزینه «۱» - ۸۲

(کتاب جامع)

$$A_1 X + \begin{cases} n - p = 2(+1) \Rightarrow n = 2 + p \\ \text{جرم} = \text{جرم پروتون} + \text{جرم نوترون} \end{cases} = p + (2 + p) = 2p + 2$$

$$A_2 X^{2+} + \begin{cases} n' - p = 2(2) \Rightarrow n' = 4 + p \\ \text{جرم} = p + (4 + p) = 2p + 4 \end{cases}$$

$$A_3 X^{3+} + \begin{cases} n'' - p = 2(3) \Rightarrow n'' = 6 + p \\ \text{جرم} = p + (6 + p) = 2p + 6 \end{cases}$$

$$\text{جرم اتمی میانگین} = \frac{[(2p+2) \times 25] + [(2p+4) \times 50] + [(2p+6) \times 25]}{100}$$

$$= 2p + 4 = 52 \Rightarrow p = 24$$

(شیمی ۱- کیوان زارگانه الفبای هستی: صفحه‌های ۱۳ و ۱۵)

گزینه «۳» - ۸۳

(امیر ماتیان)

جرم آمونیاک را x گرم و جرم متان را $(20 - x)$ گرم در نظر می‌گیریم:

$$? g H = x g NH_3 \times \frac{1 \text{ mol } NH_3}{17 g NH_3} \times \frac{3 \text{ mol } H}{1 \text{ mol } NH_3} \times \frac{1 g H}{1 \text{ mol } H} = \frac{3}{17} x g H$$

$$? g H = (20 - x) g CH_4 \times \frac{1 \text{ mol } CH_4}{16 g CH_4} \times \frac{4 \text{ mol } H}{1 \text{ mol } CH_4} \times \frac{1 g H}{1 \text{ mol } H}$$

$$= \frac{(20 - x)}{4} g H$$

$$\frac{3}{17} x + \frac{1}{4} (20 - x) = 4 \Rightarrow x = 13 / 6 g \text{ جرم آمونیاک}$$

$$\text{جرم متان } 20 - 13 / 6 = 6 / 4 g$$

$$? \text{ اتم } C = 6 / 4 g CH_4 \times \frac{1 \text{ mol } CH_4}{16 g CH_4} \times \frac{1 \text{ mol } C}{1 \text{ mol } CH_4}$$

$$\times \frac{6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ اتم } C}{1 \text{ mol } C} = 2 / 40.8 \times 10^{23} \text{ اتم } C$$

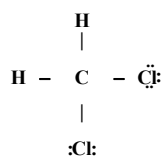
(شیمی ۱- کیوان زارگانه الفبای هستی: صفحه‌های ۱۶ تا ۱۸)

گزینه «۱» - ۸۴

(کتاب جامع)

فرمول دی کلرومتان به صورت CH_2Cl_2 است و ساختار لوویس آن به صورت

مقابل است.



در این ترکیب ۴ جفت الکترون پیوندی و ۶ جفت الکترون ناپیوندی وجود

دارد.

(شیمی ۱- کیوان زارگانه الفبای هستی: صفحه‌های ۳۰ و ۳۱،

ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۵ و ۵۶)

۸۵- گزینه «۲»

(مرتضی زارعی)

در سؤال اشاره شده است که عناصر A, E, X, Y, D از عناصر اصلی می باشد پس جزء واسطه ها نیستند. بررسی عبارت ها:

عبارت اول: در ترکیب AE که مجموع قدر مطلق بار آن ۲ است پس A^{+} و E^{-} می باشد که قطعاً A از گروه ۱ و E از گروه ۱۷ بوده و یون حاصل از آن ها به آرایش گاز نجیب می رسد.

عبارت دوم: ترکیب XY نمی تواند کلسیم فسفید باشد چون Ca^{2+} و P^{3-} و مجموع قدرمطلق بارهای آن برابر ۵ است.

هم چنین می تواند X^{+} و Y^{3-} باشد که باز هم کلسیم فسفید نخواهد بود.

عبارت سوم: اگر کاتیون و آنیون DZ هم الکترون باشد با توجه به اینکه عناصر اصلی چهار تناوب اول هستند D^{3+} همان Al^{3+} بوده و Z^{3-} همان N^{3-} است و بین آن ها $5 = 1 - (7 - 13)$ عنصر وجود دارد.

عبارت چهارم: در تمام ترکیبات یونی مجموع بار الکتریکی کاتیون ها و آنیون ها برابر است.

(شیمی ۱- کیهان، زارگله الفبای هستی؛ صفحه های ۳۸ و ۳۹)

۸۶- گزینه «۲»

(کتاب جامع)

نام صحیح ترکیب هایی که به درستی نام گذاری نشده اند، عبارت اند از:

CO: کربن مونوکسید

SO_3 : گوگرد تری اکسید

N_2O : دی نیتروژن مونوکسید

CS_2 : کربن دی سولفید

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی؛ صفحه های ۵۴ و ۵۵)

۸۷- گزینه «۲»

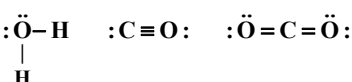
(اکبر هنرمند)

بررسی عبارت ها:

آ) در بین فراورده های حاصل از سوختن آن ها، H_2O و CO_2 ، گاز گلخانه ای محسوب می شوند اما CO و SO_2 گاز گلخانه ای محسوب نمی شوند.

ب) گرمای آزاد شده از سوختن یک گرم گاز طبیعی بیشتر از یک گرم بنزین است.

پ) فراورده های مشترک حاصل از سوختن سوخت های فسیلی، H_2O ، CO و CO_2 هستند که به ترتیب ۲، ۳ و ۴ پیوند اشتراکی وجود دارد.

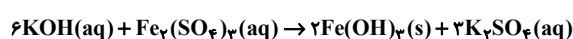


ت) کم آلاینده ترین سوخت ها (هیدروژن) از مجموع قیمت سایر سوخت های فسیلی گران تر است.

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی؛ صفحه های ۷۲ و ۷۳)

۸۸- گزینه «۲»

(کتاب جامع)



$$?g\text{Fe}(\text{OH})_3 = 300\text{mL KOH} \times \frac{0.2\text{mol KOH}}{1000\text{mL KOH}}$$

$$\times \frac{2\text{mol Fe}(\text{OH})_3}{6\text{mol KOH}} \times \frac{107g\text{Fe}(\text{OH})_3}{1\text{mol Fe}(\text{OH})_3} = 2.14g\text{Fe}(\text{OH})_3$$

$$?mol\text{K}_2\text{SO}_4 = 300\text{mL KOH} \times \frac{0.2\text{mol KOH}}{1000\text{mL KOH}}$$

$$\times \frac{3\text{mol K}_2\text{SO}_4}{6\text{mol KOH}} = 0.3\text{mol K}_2\text{SO}_4$$

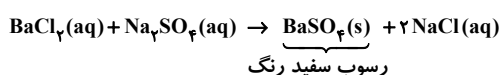
$$M = \frac{n}{V} = \frac{0.3\text{mol}}{0.5\text{L}} = 0.6\text{mol.L}^{-1}$$

(شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی؛ صفحه های ۹۸ تا ۱۰۰)

۸۹- گزینه «۱»

(کتاب جامع)

معادله موازنه شده واکنش به صورت زیر است:



نسبت مجموع ضرایب استوکیومتری فراورده ها به واکنش دهنده ها برابر $\frac{3}{4}$ می باشد.

بررسی گزینه ها:

گزینه «۲»: تصاویر (۱) تا (۴) به ترتیب محلول سدیم سولفات، محلول باریم کلرید، رسوب باریم سولفات و محلول سدیم کلرید را نمایش می دهند.

گزینه «۳»: طی واکنش، رسوب باریم سولفات ایجاد می شود. از این واکنش می توان برای شناسایی یون Ba^{2+} در محلول های آبی استفاده کرد.

گزینه «۴»: رنگ رسوب های تیره کلرید و باریم سولفات سفید می باشد.

(شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی؛ صفحه های ۸۹ و ۹۰)

۹۰- گزینه «۳»

(کتاب جامع)

عبارت های «ب»، «پ» و «ت» درست هستند.

بررسی عبارت ها:

آ) نادرست: در روش تقطیر برخلاف دو روش دیگر علاوه بر میکروب ها، ترکیب های آلی فرار نیز در آب باقی می ماند.

ب) درست است.

پ) درست: هرچه گشتاور دو قطبی کمتر باشد انحلال پذیری در هگزان که مولکولی ناقطبی است بیشتر خواهد بود.

ت) درست است.

(شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی؛ صفحه های ۱۰۷، ۱۱۲، ۱۱۸ تا ۱۲۰)



آدرس وب سایت ما

novinkonkor.com

نوین کنکور

در شبکه های اجتماعی



novinkonkor



@novinkonkor



۰۹۳۸۲۵۱۶۷۴۷

نوین کنکور مرجع کنکور و امتحان نهایی