

نوین کنکور

مرجع کنکور و امتحان نهایی

#دهم #یازدهم #دوازدهم

امتحان نهایی

کنکور

می‌توانید از طریق لینک‌های زیر وارد کانال‌ها یا سایت شوید

• نوین کنکور در ***تلگرام*** •

@novinkonkor

• نوین کنکور در ***بله*** •

@novinkonkor_com

• وبسایت نوین کنکور •

novinkonkor.com

۱۱۱- رأس سهمی $y = -\lambda x^2 + ax + 1$ و صفرهای آن، رئوس مثلثی با مساحت $\frac{27}{64}$ است. اگر بخش بزرگ تری از مساحت

مثلث در ناحیه دوم باشد، مقدار a کدام است؟



$-4\sqrt{2}$ (۴)

۲ (۳)

$4\sqrt{2}$ (۲)

-۲ (۱)

$$\frac{S}{S_{\text{total}}} < \frac{1}{2} \rightarrow -\frac{a}{\lambda} < \frac{1}{2} \rightarrow a < 0$$

$$y = -\lambda x^2 - 2x + 1$$

$$S = \frac{-\Delta}{4a} = \frac{36}{-32} = -\frac{9}{8}$$

$$S = \frac{1}{2} y_s x | \alpha - \beta |$$

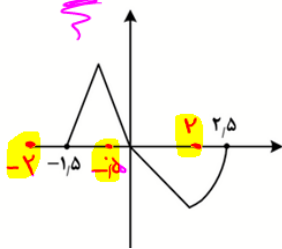
$$= \frac{1}{2} \times \frac{9}{8} \times \frac{3}{4}$$

$$= \frac{27}{64}$$

$$|\alpha - \beta| = \sqrt{S^2 - 4p}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{16} + \frac{1}{4}} = \frac{3}{4}$$

۱۱۲- نمودار تابع f به صورت زیر رسم شده و $g(x) = -f(x + \frac{1}{4})$ است. اگر $h = \frac{f}{g}$ باشد، دامنه h شامل چند عدد صحیح است؟



چون $\frac{1}{4}$ است

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

$$(D_f \cap D_g) - \{g = 0\}$$

$$[-1.5, 2.5] \cap [-2, 2] - \{-2, -\frac{1}{4}, 2\}$$

$$= [-1.5, 2] - \{-2, -\frac{1}{4}, 2\}$$

$$\text{ص} = \{-1, 0, 1\}$$

۱۱۳- هر کدام از ریشه‌های معادله‌ای 0.5 واحد از یکی از ریشه‌های معادله $x^2 + 1.35x - 1.3 = 0$ کمتر است. حاصل ضرب

ریشه‌های آن معادله کدام است؟

-1.375 (۴)

-1.3 (۳)

-0.3 (۲)

-0.375 (۱)

α, β

$$\alpha - \frac{1}{4} \quad \beta - \frac{1}{4}$$

$$p = (\alpha - \frac{1}{4})(\beta - \frac{1}{4})$$

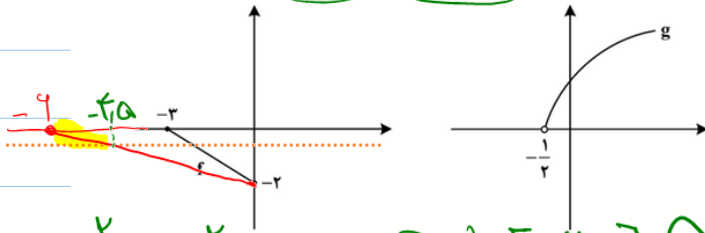
$$= \alpha\beta - \frac{1}{4}(\alpha + \beta) + \frac{1}{16}$$

$$= -1.3 - \frac{1}{4}(-1.35) + \frac{1}{16}$$

$$= -1.3 + 0.3375 + 0.0625 =$$

$$-1.3 + 0.4 = -0.9$$

۱۱۴- نمودارهای توابع f و g به صورت زیر رسم شده‌اند. اگر بازه I دامنه $\text{gof}(\frac{1}{f}x)$ باشد، طول بازه I کدام است؟



- (۱) ۰٫۵
- (۲) ۱
- (۳) ۱٫۵ ✓
- (۴) ۳

$$f(x) = -\frac{1}{4}x - 2$$

$$f(\frac{1}{f}x) = -\frac{1}{f}x - 2$$

$$D_{f(\frac{1}{f}x)} = [-4, 0]$$

$$D_{g \circ f} = \{ [-4, 0] \cap \{ f(\frac{1}{f}x) > -\frac{1}{f} \} \}$$

$$-\frac{1}{f}x - 2 = -\frac{1}{f}$$

$$-\frac{1}{f}x = \frac{3}{f}$$

$$x = -\frac{3}{1} = -3$$

$$= \{ [-4, 0] \cap [-4, -3] \}$$

$$= [-4, -3] \longrightarrow \text{طول بازه} = 1$$

۱۱۵- اگر $\sqrt{\tan x} - \sqrt{\cot x} = \frac{2}{\sqrt{3}}$ و x در ربع سوم باشد، حاصل $\sin x - \cos x$ کدام است؟

- (۱) $\frac{1}{3}\sqrt{2}$
- (۲) $-\frac{1}{3}\sqrt{3}$
- (۳) $\frac{1}{3}\sqrt{3}$
- (۴) $-\frac{1}{3}\sqrt{2}$ ✓

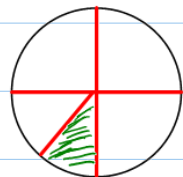
۲۰۱۵

$$\tan x + \cot x - 2 = \frac{4}{3}$$

$$\tan x + \cot x = \frac{10}{3}$$

$$\frac{\tan x}{\sin x} = \frac{10}{3}$$

$$\sin x = \frac{3}{10}$$



۲۰۱۶

$$1 - \sin x = A^2$$

$$1 - \frac{3}{10} = A^2 \rightarrow A = \pm \sqrt{\frac{7}{10}}$$

$$A = -\sqrt{\frac{7}{10}}$$

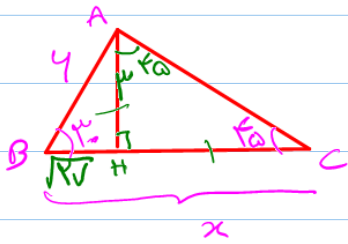
۱۱۶- در مثلث ABC اندازه زوایای A و B به ترتیب ۴۵ و ۳۰ درجه است. اگر AB = ۶ باشد، طول ضلع BC کدام است؟

۴ (۱+√۳) (۴)

۳ (۱+√۲) (۳)

۳ (۱+√۳) (۳) ✓

۳ (۱+√۲) (۱)



$$BH = \sqrt{36 - 9} = \sqrt{27}$$

$$HC = 3$$

$$x = 3 + \sqrt{27} = 3 + 3\sqrt{3}$$

۱۱۷- تابع $f(x) = -\frac{1}{4} \cos(\frac{\pi}{4} + 3x)$ روی بازه $[a, 0]$ اکیداً نزولی است. کمترین مقدار a کدام است؟

✓ $-\frac{\pi}{6}$ (۴)

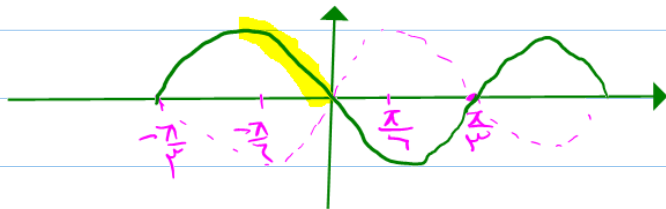
$-\frac{\pi}{4}$ (۳)

$-\frac{\pi}{8}$ (۲)

$-\frac{\pi}{12}$ (۱)

$$f(x) = -\frac{1}{4} \sin \frac{\pi x}{4}$$

$[-\frac{\pi}{4}, 0]$



۱۱۸- تعداد جوابهای معادله $\sin(\pi + x) \cos(\frac{\pi}{4} + x) + 1 = 2 \sin(\pi - x)$ در بازه $[-2\pi, 2\pi]$ کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

✓ ۲ (۲)

۱ (۱)

$$+ \sin x \sin x + 1 = 2 \sin x$$

$$\sin^2 x + 1 = 2 \sin x \rightarrow \sin^2 x - 2 \sin x + 1 = 0$$

$$(\sin x - 1)^2 = 0$$

$$\sin x = 1 \rightarrow x = 2k\pi + \frac{\pi}{2}$$



۱۱۹ - حاصل $10^{-\log_{10} (0,25)}$ کدام است؟

۰,۰۵ (۴)

۰,۲۵ (۳)

۰,۵ (۲)

۲,۵ (۱) ✓

$$\frac{\frac{1}{\frac{1}{2}}}{(\frac{1}{2})^{\log_2 10}} = \frac{\frac{1}{\frac{1}{2}}}{10^{\log_2 \frac{1}{2}}} = \frac{\frac{1}{\frac{1}{2}}}{10^{-1}} = \frac{\frac{1}{\frac{1}{2}}}{\frac{1}{10}} = \frac{10}{\frac{1}{2}} = 20$$

۱۲۰ - اگر اعداد a و b به داده‌های زیر اضافه شوند، چارک اول و سوم داده‌ها تغییر نمی‌کند. میانگین a و b کدام است؟

۴۵، ۱۲، ۱۵، ۲۳، ۱۴، ۱۶، ۳۴، ۱۸، ۴۲، ۲۵، ۱۰

۲۰ (۴)

۲۴ (۳)

۲۸ (۲)

۳۰ (۱)

۱۰، ۱۲، ۱۴، ۱۵، ۱۶، ۱۸، ۲۳، ۲۵، ۳۴، ۴۲، ۴۵

a
۱۴
 Q_1

Q_2

b
۳۴
 Q_3

$$a = 14$$

$$b = 34$$

$$\frac{a+b}{2} = \frac{14+34}{2} = \frac{48}{2} = 24$$

۱۲۱ - نمودار تابع $f(x) = \frac{1}{x+a}$ در دو نقطه نمودار تابع وارونش را قطع می‌کند. اگر اختلاف طول این نقاط $2\sqrt{10}$ باشد،

کدام مورد می‌تواند مقدار a باشد؟ ($a \neq 0$)

۶ (۲) ✓

۲ (۱)

۸ (۳)

۱۰ (۴)

$$|\alpha - \beta| = 2\sqrt{10}$$

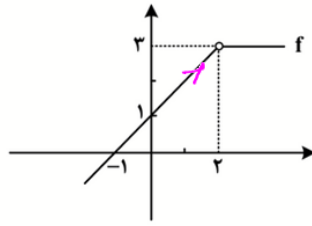
$$x^2 + ax - 1 = 0$$

$$\sqrt{\alpha^2 - 4\beta} = 2\sqrt{10} \rightarrow \sqrt{a^2 + 4} = 2\sqrt{10}$$

$$a^2 + 4 = 40$$

$$a^2 = 36 \rightarrow a = \pm 6$$

۱۲۲- نمودار تابع f به صورت زیر رسم شده است. حاصل $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{3-f(x)}{x^2-4}$ کدام است؟



- $-\frac{1}{4}$ (۱) ✓
- $-\frac{1}{2}$ (۲)
- $-\frac{1}{5}$ (۳)
- $-\frac{1}{3}$ (۴)

$$f(2) = \frac{0}{0} = 1$$

$$\frac{-1}{2x} = -\frac{1}{4}$$

۱۲۳- اگر $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{|x-|x||}{x^2+2x} = a$ باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow 0^+} \tan(ax)$ کدام است؟

✓ +∞ (۴)

-∞ (۳)

صفر (۲)

۱ (۱)

$$\frac{|x-|x||}{x^2+2x} = \frac{-2x}{x^2+2x} \xrightarrow{\text{hop}} \frac{-2}{x+2} = -1$$

$$\tan(-x) = -\tan(x) = +\infty$$

$$x \rightarrow \frac{\pi}{2}^+ \quad x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-$$

$$a = -1$$

۱۲۴- تابع f با ضابطه $f(x) = 1 + \frac{2x}{a}$ است. اگر تابع $g(x) = \begin{cases} f(x) & x \geq -1 \\ f^{-1}(x) & x < -1 \end{cases}$ روی $\mathbb{R}$ پیوسته باشد و محور x ها را در

$$1 + \frac{2x}{a} = 0$$

$$2x = -a$$

$$x = -\frac{a}{2} > 0$$

$$a < 0$$

$$f(-1) = f^{-1}(-1)$$

$$1 - \frac{2}{a} = -\frac{a}{2} - \frac{a}{2}$$

$$1 - \frac{2}{a} = -a \rightarrow a + a^2 - 2 = 0$$

$$a = 1$$

$$a = -2$$

$$g(-1) = f(-1) = 1 - \frac{2}{-2} = 2$$

$$x = 1 + \frac{2}{a} y$$

$$\frac{a}{2} x - \frac{a}{2} = y$$

۱۲۵- اختلاف شیب نیم‌مماس‌های چپ و راست بر منحنی $y = |x^2 - 4|$ در $x = 2$ کدام است؟

۳ (۴)

۴ (۳)

۶ (۲)

۸ (۱)

$$f_+(x) \rightarrow y = x^2 - 4 \rightarrow y' = 2x = 4$$

اختلاف = ۸ ✓

$$f_-(x) \rightarrow y = -x^2 + 4 \rightarrow y' = -2x = -4$$

۱۲۶- یک توده باکتری پس از t ساعت دارای جرم $m(t) = \frac{9t+3}{\sqrt{t}}$ گرم است. آهنگ رشد جرم توده باکتری در لحظه

$t=1$ چند گرم است؟

۱,۵ (۴)

۳ (۳)

۷,۵ (۲)

۱۷ (۱)

$$m(t) = 9\sqrt{t} + 3t^{-\frac{1}{2}}$$

$$m'(t) = \frac{9}{2\sqrt{t}} - \frac{3}{2}t^{-\frac{3}{2}} \quad \text{at } t=1 \quad \frac{9}{2} - \frac{3}{2} = \frac{6}{2} = 3$$

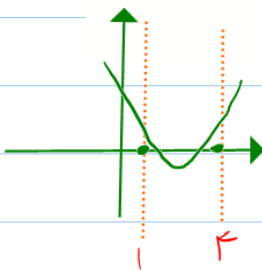
۱۲۷- برای چند مقدار طبیعی a ، تابع $f(x) = |2x^2 - 9x + a|$ در بازه $[1, 4]$ دارای دو مینیمم نسبی است؟

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)



$$1 < \alpha, \beta < 4$$

$$f(1) > 0 \rightarrow -7 + a > 0 \quad (a > 7)$$

$$f(4) > 0 \rightarrow 22 - 36 + a > 0 \quad (a > 14)$$

$$\Delta > 0 \rightarrow 81 - 18a > 0 \rightarrow a < \frac{81}{18} = 4.5$$

$$7 < a < 14.5$$

$$b = \{8, 9, 10\}$$

۱۲۸- خطی در نقطه (a, a) بر نمودار تابع $y = \sqrt{2-x}$ مماس شده و محورهای مختصات را در نقاط A و B قطع می‌کند.

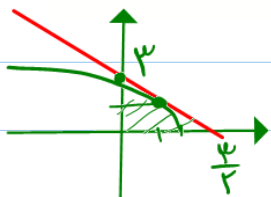
مساحت مثلث OAB کدام است؟

۱,۷۵ (۴)

۲,۲۵ (۳) ✓

۳,۵ (۲)

۴,۵ (۱)



$$a = \sqrt{2-a} \rightarrow a=1$$

(۱, ۱)

$$n = \frac{1}{\sqrt{2-x}} \quad x=1 \quad y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$$

$$S = \frac{1}{2} \times 3 \times \frac{3}{2} = \frac{9}{4} = 2,25$$

۱۲۹- یک رأس مستطیلی واقع بر منحنی $y = 4x^2 - 12x + 9$ بوده و سه رأس دیگر، روی محورهای مختصات است. اگر

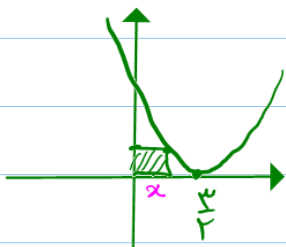
این مستطیل بین محورها و نمودار منحنی محاط باشد، بیشترین مساحت این مستطیل کدام است؟

۳√۲ (۴)

۲√۲ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱) ✓



$$y = (2x-3)^2$$

$$S = x'(2x-3)^2$$

$$x = \frac{0 \times 2 + \frac{3}{2} \times 1}{1+2} = \frac{3/2}{3} = \frac{1}{2}$$

$$S_{max} = \frac{1}{2} \times 2^2 = \frac{4}{2} = 2$$

۱۳۰- ۷ نفر در خط شروع یک مسابقه ایستاده‌اند. به چند طریق ممکن است ۳ نفری که اشتباه در خط شروع ایستاده‌اند،

مجاور هم باشند؟

۱۰ (۴) ✓

۱۲ (۳)

۳۵ (۲)

۴۲ (۱)



$$2 \times 5 = 10$$

۳ نفر اشتباه

$$\begin{matrix} 3 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{matrix}$$

۱۳۱- دو دانش آموز، هر کدام تابلوهایی با شماره‌های ۱ تا ۸ در اختیار دارند، هر کدام به تصادف یک تابلو را انتخاب کرده و به هم نشان می‌دهند. اگر عدد روی تابلوی یکی، مضرب دیگری باشد، هر دو برنده جایزه می‌شوند. چند درصد احتمال دارد که آنها برنده شوند؟

۷۲٫۵ (۴)

۵۰ (۳)

۶۲٫۵ (۲)

۴۰ (۱)

اول $\rightarrow 1 \rightarrow 8$

$= 2 \rightarrow 1, 2, 4, 6, 8 \rightarrow 5$

$= 3 \rightarrow 1, 3, 6 \rightarrow 3$

$= 4 \rightarrow 1, 2, 4, 8 \rightarrow 4$

$= 5 \rightarrow 1, 5 \rightarrow 2$

$= 6 \rightarrow 1, 2, 3, 6 \rightarrow 4$

$= 7 \rightarrow 1, 7 \rightarrow 2$

$= 8 \rightarrow 1, 2, 4, 8 \rightarrow 4$

۵۳۲

$P = \frac{32}{8 \times 8} = \frac{1}{2}$

۵٪

۱۳۲- هر یک از اعداد ۱ تا ۹ روی یک کارت نوشته شده است. سه کارت به تصادف انتخاب می‌شود. با کدام احتمال هر سه عدد روی کارت فرد هستند به طوری که می‌دانیم مجموع آنها نیز فرد است؟

$\frac{1}{5}$ (۴)

$\frac{1}{3}$ (۳)

$\frac{1}{4}$ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۱)

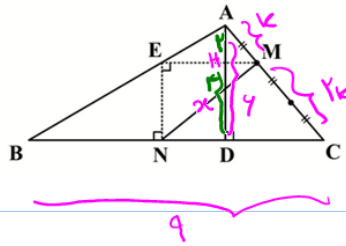
هر فرد با فرد فرد فرد

۱، ۳، ۵، ۷، ۹

۲، ۴، ۶، ۸

$P = \frac{\binom{5}{3}}{\binom{5}{3} + \binom{5}{1}\binom{4}{2}} = \frac{10}{10 + 30} = \frac{1}{4}$

۱۳۳- در شکل زیر، $AD=6$ و $BC=9$ است. طول MN چقدر است؟



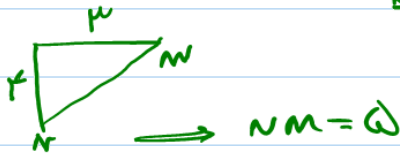
- (۱) $3,5\sqrt{2}$
(۲) $3\sqrt{2}$
(۳) $4,5$
(۴) 5 ✓

$\triangle ADC$ $\frac{AM}{MC} = \frac{1}{2}$ $\frac{AN}{ND} = \frac{1}{2}$

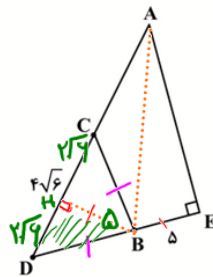
$AN=4$ $ND=2$
 $EN=4$

$\triangle ABC$ $\frac{AM}{AC} = \frac{1}{3} \rightarrow$ $\frac{AN}{BC} = \frac{1}{3}$ $AN=3$

$BC=9 \rightarrow EN=3$



۱۳۴- در شکل زیر، $BC=BD$ و B روی نیمساز زاویه A قرار دارد. طول BD چند برابر طول ارتفاع وارد بر DC است؟



$\frac{V}{5} = 1,2$

- (۱) $1,2$
(۲) $1,3$
(۳) $1,4$ ✓
(۴) $1,5$

$BD^2 = 2^2 + 4^2 = 20$
 $BD = \sqrt{20}$

۱۳۵- قطره‌های یک بیضی روی خطوط $y=x+3$ و $ay-2x=-2$ قرار دارند. اگر مرکز بیضی و محل برخورد قطره‌های بیضی با محور x ها، رئوس یک مثلث باشند، مساحت این مثلث کدام است؟

- (۱) 4
(۲) 3
(۳) $4,5$
(۴) $3,5$

$\frac{1}{a} = -1 \rightarrow a = -1$

$\begin{cases} y-x=3 \\ -2y-2x=-2 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} y-x=3 \\ -x-y=1 \end{cases}$

$-4x=4 \rightarrow x=-1$

$A(-3,0)$ $B(1,0)$ $O(-1,2)$ $y=2$

$S = \frac{1}{2} \times 2 \times 4 = 4$

۱۳۶- در نقطه‌ای واقع در ناحیه چهارم، دایره C به مرکز (α, α) و شعاع ۴ با دایره $x^2 + y^2 - 2x - y = 1$ مماس درون است. فاصله مرکز دایره C از مبدأ مختصات کدام است؟

$2,5\sqrt{2}$ (۴) $2\sqrt{2}$ (۳) $0,5\sqrt{2}$ (۲) $\sqrt{2}$ (۱)

$$(x-1)^2 - 1 + (y - \frac{1}{2})^2 - \frac{1}{4} = 1$$

$$(x-1)^2 + (y - \frac{1}{2})^2 = \frac{9}{4}$$

$$O(1, \frac{1}{2}) \quad R = \frac{3}{2} \quad O'(\alpha, \alpha) \quad R' = 4$$

$$|R - R'| = OO' \rightarrow \frac{OO'}{2} = \sqrt{(x-1)^2 + (y - \frac{1}{2})^2}$$

$$\frac{2\alpha}{2} = 2\alpha^2 - 2\alpha + \frac{9}{4} \rightarrow 2\alpha^2 - 2\alpha - \frac{9}{4} = 0$$

$$\alpha = -1 \quad \alpha = \frac{9}{2}$$

$$OO' = \sqrt{2} \alpha = \sqrt{2} \times 2,5$$

۱۳۷- به ازای چند مقدار طبیعی a، عدد $\frac{1}{a}$ در بازه $\left[\frac{1}{2a+1}, \frac{1}{2a-3} \right]$ قرار دارد؟

$\frac{1}{2a+1} \leq \frac{1}{a} < \frac{1}{2a-3}$

$\frac{1}{2a+1} - \frac{1}{a} \leq 0$
 $\frac{a - 2a - 1}{a(2a+1)} \leq 0$

$\frac{-1}{2} < \frac{1}{2}$

$\frac{1}{2a-3} - \frac{1}{a} > 0$
 $\frac{a - 2a + 3}{a(2a-3)} > 0$

$\left[\frac{3}{2}, 4 \right)$
 $a = 2, 3$

۱۳۸- میانگین جملات دنباله حسابی $a, 12, b, c, \dots, 172$ برابر ۸۷ است. مجموع جملات این دنباله کدام است؟

۱۶۵۳ (۴)

۱۵۶۹ (۳) ✓

۱۴۷۹ (۲)

۱۳۹۲ (۱)

$$\frac{(a_1 + a_n)}{2} = 87$$

$$\frac{172 + a}{2} = 87$$

$$a + 172 = 174$$

$$a = 2$$

$$S_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n)$$

$$S_{18} = 9(2 + 172)$$

$$= 9 \times 174$$

$$= \frac{172 - 2}{1} + 1$$

$$= 18$$

۱۳۹- اگر -2 یکی از ریشه‌های معادله $x(3x^2 + x + a) = -2$ باشد، حاصل ضرب ریشه‌های این معادله کدام است؟

$\frac{1}{3}$ (۴)

$\frac{1}{4}$ (۳)

$-\frac{2}{3}$ (۲) ✓

$-\frac{2}{4}$ (۱)

$$12 - a + 1 = 1$$

$$13 - a = 1$$

$$a = 12$$

$$3x^3 + x^2 + 12x + 2 = 0$$

$$c = -\frac{d}{a} = -\frac{2}{3}$$

$$(x-2)(\quad) = 0$$

$$x_1, x_2$$

۱۴۰- اگر $a + \sqrt{b} - c = 6$ و $\sqrt{a + \sqrt{b}} + \sqrt{c} = 3$ باشد، حاصل $\log_2 c$ کدام است؟

-2 (۴)

-1 (۳)

1 (۲)

2 (۱)

$$3 - \sqrt{c} = \sqrt{4 + c}$$

$$9 + c - 4\sqrt{c} = 4 + c$$

$$3 = 4\sqrt{c}$$

$$c = \frac{9}{16}$$

$$\log_2 \frac{1}{c} = \log_2 \frac{16}{9} = -2$$

$$a + \sqrt{b} = 4 + c$$

$$\sqrt{a + \sqrt{b}} = \sqrt{4 + c}$$

نوین کنکور

مرجع کنکور و امتحان نهایی

#دهم #یازدهم #دوازدهم

امتحان نهایی

کنکور

می‌توانید از طریق لینک‌های زیر وارد کانال‌ها یا سایت شوید

• نوین کنکور در ***تلگرام*** •

@novinkonkor

• نوین کنکور در ***بله*** •

@novinkonkor_com

• وبسایت نوین کنکور •

novinkonkor.com